

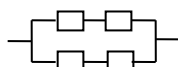
石家庄铁道学院 2012-2013 学年第 II 学期

2011 级本科班概率统计期末考试试卷 (A)

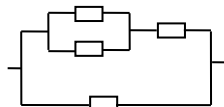
一、解答下列各题 (共 30 分)

1. (10 分) 称一个元件能正常工作的概率  $p$  为这个元件的可靠性, 称由元件组成的一个系统能正常工作的概率为这个系统的可靠性. 设有 4 个元件按照以下两种连接方式构成两个系统, 若构成每个系统的每个元件的可靠性均为  $r$  ( $0 < r < 1$ ), 且各元件能否正常工作是相互独立的, 求各个系统的可靠性.

(1)



(2)



2. (10 分) 设  $X$  与  $Y$  的联合概率分布律为:

$X \backslash Y$	0	1	2
1	0.1	0.2	0
2	0.3	0.05	$a$
3	0.15	0	0.1

(1) 求  $a$  的值;

(2) 求  $X$  与  $Y$  的边缘分布律, 并判断  $X$  与  $Y$  是否相互独立;

(3) 求  $2X + 3Y$  的分布律.

3. (10 分) 设随机变量  $X$  服从区间  $[-2, 2]$  上的均匀分布,

求  $Y = X^2$  的概率密度函数.

二、解答下题 (共 20 分)

设随机变量  $(X, Y)$  的概率密度为:

$$f(x, y) = \begin{cases} e^{-x-y}, & x > 0, y > 0 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$$

(1) 求  $X$ ,  $Y$  的数学期望; (2) 求  $X$ ,  $Y$  的边缘概率密度函数, 并判断  $X$  与  $Y$  是否相互独立; (3) 求  $Z = X + 2Y$  的概率密度函数.

三、解答下列各题（共 20 分）

1. (10 分) 设  $X \sim B(1, p)$ ,  $X_1, X_2, \dots, X_n$  是来自总体  $X$  的一组样本, 求  $p$  的最大似然估计量.
2. (10 分) 设某次考试的考生成绩服从正态分布, 从中随机地抽取 36 位考生的成绩, 算得平均成绩为 66.5 分, 标准差为 15 分, 问在显著性水平  $\alpha = 0.05$  下, 是否可以认为这次考试的考生成绩为 70 分? 并给出检验过程.

附:  $t_{0.025}(35) = 2.0301, t_{0.025}(36) = 2.0281, t_{0.05}(35) = 1.6896$ .

四、选择填空题（每空 3 分, 共 30 分）

1. 若  $P(A) > 0, P(B) > 0, P(A|B) = P(A)$ , 则下列结论不正确的是 ( )

(A)  $P(B|A) = P(B)$ ; (B)  $P(\bar{A}|\bar{B}) = P(\bar{A})$ ;

(C)  $A, B$  相容; (D)  $A, B$  不相容.

2. 下列函数中, 可以作为随机变量分布函数的是 ( )

(A)  $F(x) = \frac{1}{1+x^2}$ ; (B)  $F(x) = \frac{3}{4} + \frac{1}{2\pi} \arctan x$ ;

(C)  $F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ \frac{x}{1+x}, & x > 0 \end{cases}$ ; (D)  $F(x) = \frac{2}{\pi} \arctan x + 1$ .

3. 设  $X, Y$  是任意两个随机变量, 若  $E(XY) = E(X)E(Y)$ , 则下列式子正确的是 ( )

(A)  $D(XY) = D(X)D(Y)$ ; (B)  $D(X+Y) = D(X) + D(Y)$ ;

(C)  $X$  与  $Y$  独立; (D)  $X$  与  $Y$  不独立.

4. 设随机变量  $X, Y$  有相同的分布律:

$X$	-1	0	1
$p$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

并且  $P(XY = 0) = 1$ , 则  $P(X \neq Y) =$  ( )

- (A) 0;      (B)  $\frac{1}{4}$ ;      (C)  $\frac{1}{2}$ ;      (D) 1.

5. 设总体  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ , 其中  $\sigma^2$  已知, 则总体期望  $\mu$  的置信区间长度  $L$  与置信度  $1-\alpha$  的关系时 ( )

- (A) 当  $1-\alpha$  缩小时,  $L$  缩短;      (B) 当  $1-\alpha$  缩小时,  $L$  增大;  
(C) 当  $1-\alpha$  缩小时,  $L$  不变;      (D) 以上说法均错.

6. 已知  $P(A)=0.7$ ,  $P(A-B)=0.3$ , 则  $P(\overline{AB}) =$  \_\_\_\_\_.

7. 设随机变量  $X_1, X_2, X_3$  相互独立, 且  $X_1$  服从区间  $(0, 6)$  上的均匀分布,  $X_2 \sim N(1, 3)$ ,  $X_3$  服从参数为 3 的指数分布,  $Y = X_1 - 2X_2 + 3X_3 - 4$ , 则  $D(Y) =$  \_\_\_\_\_.

8. 设 0, 2, 2, 3, 3, 为来自均匀分布  $U(0, \theta)$  的样本观测值, 则  $\theta$  的矩估计值为 \_\_\_\_\_.

9. 设  $\bar{X}$  和  $S^2$  分别为正态总体  $N(0, \sigma^2)$  的样本均值和样本方差, 样本容量为  $n$ , 则  $\frac{\sqrt{n}\bar{X}}{S} \sim$  \_\_\_\_\_.

10. 设  $X_1, X_2, \dots, X_n$  为相互独立的随机变量序列, 且  $X_i (i=1, 2, \dots)$  均服

从参数为  $\lambda$  的泊松分布, 则  $\lim_{n \rightarrow \infty} p\left\{\frac{\sum_{i=1}^{\infty} X_i - n\lambda}{\sqrt{n\lambda}} \leq 0\right\} =$  \_\_\_\_\_.