2021 CCF 非专业级别软件能力认证第一轮

(CSP-S1) 提高级 C++语言试题

认证时间: 2021 年 9 月 19 日 09:30~11:30

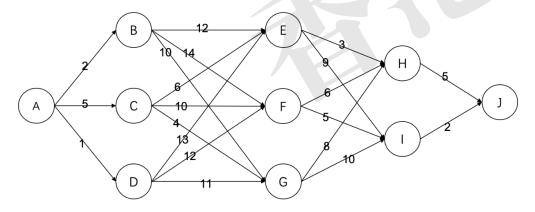
考生注意事项:

- 试题纸共有 16 页,答题纸共有 1 页,满分 100 分。请在答题纸上作答,写在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备(如计算器、手机、电子词典等)或查阅任何书籍资料。
- 一、单项选择题(共15题,每题2分,共计30分;每题有且仅有一个正确选项)
- 1. 在 Linux 系统终端中,用于列出当前目录下所含的文件和子目录的命令为()。
 - A. 1s
 - B. cd
 - C. cp
 - D. all
- 2. 二进制数 001010102 和 000101102 的和为()。
 - A. 00111100₂
 - B. 01000000₂
 - C. 00111100₂
 - D. 01000010₂
- 3. 在程序运行过程中,如果递归调用的层数过多,可能会由于()引发错误。
 - A. 系统分配的栈空间溢出
 - B. 系统分配的队列空间溢出
 - C. 系统分配的链表空间溢出
 - D. 系统分配的堆空间溢出
- 4. 以下排序方法中,()是不稳定的。
 - A. 插入排序
 - B. 冒泡排序

	C. 堆排序
	D. 归并排序
5.	以比较为基本运算,对于 2n 个数,同时找到最大值和最小值,最坏情况下需要的最小的比
	较次数为()。
	A. 4n-2
	B. 3n+1
	C. 3n-2
	D. 2n+1
6.	现有一个地址区间为 0~10 的哈希表,对于出现冲突情况,会往后找第一个空的地址存储
	(到 10 冲突了就从 0 开始往后),现在要依次存储(0 , 1, 2 , 3 , 4 , 5 , 6 , 7),哈希函
	数为 h(x)=x ² mod 11。请问 7 存储在哈希表哪个地址中()。
	A. 5
	B. 6
	C. 7
	D. 8
7.	G是一个非连通简单无向图(没有自环和重边),共有 36 条边,则该图至少有()个点。
	A. 8
	B. 9
	C. 10
	D. 11
8.	令根结点的高度为 1,则一棵含有 2021 个结点的二叉树的高度至少为 ()。
	A. 10
	B. 11
	C. 12
	D. 2021

9. 前序遍历和中序遍历相同的二叉树为且仅为()。
A. 只有 1 个点的二叉树
B. 根结点没有左子树的二叉树
C. 非叶子结点只有左子树的二叉树
D. 非叶子结点只有右子树的二叉树
10. 定义一种字符串操作为交换相邻两个字符。将"DACFEB"变为"ABCDEF"最少需要()
次上述操作。
A. 7
B. 8
C. 9
D. 6
11. 有如下递归代码
<pre>solve(t, n):</pre>
if t=1 return 1
else return 5*solve(t-1,n) mod n
则 solve(23,23)的结果为()。
A. 1
B. 7
C. 12
D. 22
12. 斐波那契数列的定义为: F ₁ =1, F ₂ =1, F _n =F _{n-1} +F _{n-2} (n>=3)。现在用如下程序来计算斐波
那契数列的第 n 项,其时间复杂度为()。
F(n):
if n<=2 return 1
else return F(n-1) + F(n-2)

- A. O(n)
- B. $O(n^2)$
- C. $O(2^n)$
- D. $O(n \log n)$
- **13.** 有 **8** 个苹果从左到右排成一排,你要从中挑选至少一个苹果,并且不能同时挑选相邻的两个苹果,一共有()种方案。
 - A. 36
 - B. 48
 - C. 54
 - D. 64
- **14.** 设一个三位数 $n = \overline{abc}$,a,b,c 均为 $1 \sim 9$ 之间的整数,若以 a、 b、 c 作为三角形的三条边可以构成等腰三角形(包括等边),则这样的 n 有()个。
 - A. 81
 - B. 120
 - C. 165
 - D. 216
- 15. 有如下的有向图, 节点为 A, B, ... , J, 其中每条边的长度都标在图中。则节点 A 到节点 J 的最短路径长度为()。



- A. 16
- B. 19
- C. 20
- D. 22

二、阅读程序(程序输入不超过数组或字符串定义的范围;判断题正确填V,错误填x;除特殊说明外,判断题 1.5 分,选择题 3 分,共计 40 分)

```
(1)
   01 #include <iostream>
   02 #include <cmath>
   03 using namespace std;
   04
   05 const double r = acos(0.5);
   06
   07 int a1, b1, c1, d1;
   08 int a2, b2, c2, d2;
   09
   10 inline int sq(const int x) { return x * x; }
   11 inline int cu(const int x) { return x * x * x; }
   12
   13 int main()
   14 {
   15
          cout.flags(ios::fixed);
   16
          cout.precision(4);
   17
   18
         cin >> a1 >> b1 >> c1 >> d1;
   19
          cin >> a2 >> b2 >> c2 >> d2;
   20
   21
          int t = sq(a1 - a2) + sq(b1 - b2) + sq(c1 - c2);
   22
   23
          if (t \le sq(d2 - d1)) cout (cu(min(d1, d2)) * r * 4;
   24
          else if (t >= sq(d2 + d1)) cout << 0;
   25
          else {
             double x = d1 - (sq(d1) - sq(d2) + t) / sqrt(t) / 2;
   26
             double y = d2 - (sq(d2) - sq(d1) + t) / sqrt(t) / 2;
   27
             cout << (x * x * (3 * d1 - x) + y * y * (3 * d2 - y)) * r;
   28
   29
          }
   30
          cout << endl;</pre>
   31
          return 0;
   32 }
```

假设输入的所有数的绝对值都不超过1000,完成下面的判断题和单选题:

- 判断题
 - 16. 将第 21 行中 t 的类型声明从 int 改为 double,不会影响程序运行的结果。()
 - 17. 将第 26、27 行中的"/ sqrt(t) / 2"替换为"/ 2 / sqrt(t)",不会影响程序运行的结果。()
 - **18.** 将第 **28** 行中的 "**x** * **x**" 改成 "**sq**(**x**)"、"**y** * **y**" 改成 "**sq**(**y**)" ,**不会**影响程 序运行的结果。()
 - 19. (2分) 当输入为"00011001"时,输出为"1.3090"。()
- 单选题
 - 20. 当输入为 "1 1 1 1 1 1 2" 时,输出为 ()。 A. "3.1416" B. "6.2832" C. "4.7124" D. "4.1888"
 - 21. (2.5分) 这段代码的含义为()。
 - A. 求圆的面积并

B. 求球的体积并

C. 求球的体积交

D. 求椭球的体积并

(2)

```
01 #include <algorithm>
02 #include <iostream>
03 using namespace std;
04
05 int n, a[1005];
06
07 struct Node
98 {
09
      int h, j, m, w;
10
11
      Node(const int _h, const int _j, const int _m, const int _w):
12
          h(_h), j(_j), m(_m), w(_w)
      { }
13
14
15
      Node operator+(const Node &o) const
16
      {
17
          return Node(
18
              max(h, w + o.h),
19
              max(max(j, o.j), m + o.h),
20
              max(m + o.w, o.m),
21
              W + O.W;
22
      }
```

```
23 };
24
25 Node solve1(int h, int m)
26 {
27
       if (h > m)
28
          return Node(-1, -1, -1, -1);
29
       if (h == m)
          return Node(max(a[h], 0), max(a[h], 0), max(a[h], 0), a[h]);
30
31
       int j = (h + m) >> 1;
32
       return solve1(h, j) + solve1(j + 1, m);
33 }
34
35 int solve2(int h, int m)
36 {
       if (h > m)
37
38
          return -1;
39
       if (h == m)
40
          return max(a[h], 0);
41
       int j = (h + m) >> 1;
42
       int wh = 0, wm = 0;
       int wht = 0, wmt = 0;
43
44
       for (int i = j; i >= h; i--) {
45
          wht += a[i];
46
          wh = max(wh, wht);
47
       }
48
       for (int i = j + 1; i \le m; i++) {
49
          wmt += a[i];
50
          wm = max(wm, wmt);
51
       }
       return max(max(solve2(h, j), solve2(j + 1, m)), wh + wm);
52
53 }
54
55 int main()
56 {
57
       cin >> n;
       for (int i = 1; i <= n; i++) cin >> a[i];
58
59
       cout << solve1(1, n).j << endl;</pre>
60
       cout << solve2(1, n) << endl;</pre>
61
       return 0;
62 }
```

假设输入的所有数的绝对值都不超过 1000, 完成下面的判断题和单选题:

● 判断题

22. 程序总是会正常执行并输出两行两个相等的数。()

```
23. 第 28 行与第 38 行分别有可能执行两次及以上。( )
   24. 当输入为 "5-10 11-9 5-7" 时,输出的第二行为 "7"。( )
  单选题
   25. solve1(1, n) 的时间复杂度为( )。
                             \Theta(n \log n)
    A. \Theta(\log n)
                     B. \Theta(n)
                                                   D. \Theta(n^2)
   26. solve2(1, n) 的时间复杂度为(
        \Theta(\log n)
                 B. \Theta(n)
                                   C. \Theta(n \log n)
                                                     D.
                                                        \Theta(n^2)
   27. 当输入为"10-3 2 10 0-8 9-4-5 9 4"时,输出的第一行为()。
                        "17"
        "13"
                                    C. "24"
                    В.
(3)
   01 #include <iostream>
   02 #include <string>
   03 using namespace std;
   04
   05 char base[64];
   06 char table[256];
   97
   08 void init()
   09 {
         for (int i = 0; i < 26; i++) base[i] = 'A' + i;
   10
         for (int i = 0; i < 26; i++) base[26 + i] = 'a' + i;
   11
         for (int i = 0; i < 10; i++) base[52 + i] = '0' + i;
   12
   13
         base[62] = '+', base[63] = '/';
   14
   15
         for (int i = 0; i < 256; i++) table[i] = 0xff;
         for (int i = 0; i < 64; i++) table[base[i]] = i;
   16
         table['='] = 0;
   17
   18 }
   19
   20 string encode(string str)
   21 {
   22
         string ret;
         int i;
   23
         for (i = 0; i + 3 \le str.size(); i += 3) {
   24
   25
             ret += base[str[i] >> 2];
   26
             ret += base[(str[i] & 0x03) << 4 | str[i + 1] >> 4];
             ret += base[(str[i + 1] & 0x0f) << 2 | str[i + 2] >> 6];
   27
             ret += base[str[i + 2] & 0x3f];
   28
                         CCF CSP-S 2021 第一轮 C++语言试题
```

第8页,共16页

```
29
       }
30
       if (i < str.size()) {</pre>
31
           ret += base[str[i] >> 2];
32
           if (i + 1 == str.size()) {
33
              ret += base[(str[i] & 0x03) << 4];
34
              ret += "==";
35
           }
36
           else {
37
              ret += base[(str[i] & 0x03) << 4 | str[i + 1] >> 4];
38
              ret += base[(str[i + 1] & 0x0f) << 2];
39
              ret += "=";
40
          }
41
42
       return ret;
43 }
44
45 string decode(string str)
46 {
47
       string ret;
48
       int i;
49
       for (i = 0; i < str.size(); i += 4) {
50
           ret += table[str[i]] << 2 | table[str[i + 1]] >> 4;
51
           if (str[i + 2] != '=')
52
              ret += (table[str[i + 1]] & 0x0f) << 4 | table[str[i +
                                                             2]] >> 2;
53
           if (str[i + 3] != '=')
54
              ret += table[str[i + 2]] << 6 | table[str[i + 3]];
55
       }
56
       return ret;
57 }
58
59 int main()
60 {
61
       init();
62
       cout << int(table[0]) << endl;</pre>
63
64
       int opt;
65
       string str;
66
       cin >> opt >> str;
67
       cout << (opt ? decode(str) : encode(str)) << endl;</pre>
68
       return 0;
69 }
```

假设输入总是合法的(一个整数和一个不含空白字符的字符串,用空格隔开),完成下面 的判断题和单选题:

- 判断题
 - 28. 程序总是先输出一行一个整数,再输出一行一个字符串。()
 - 29. 对于任意不含空白字符的字符串 str1, 先执行程序输入"0 str1", 得到输出的第 二行记为 str2; 再执行程序输入"1 str2",输出的第二行必为 str1。()
 - 30. 当输入为 "1 SGVsbG93b3JsZA=="时,输出的第二行为 "HelloWorld"。()
- 単洗颢
 - 31. 设输入字符串长度为 n, encode 函数的时间复杂度为()。
 - A. $\Theta(\sqrt{n})$
- $\Theta(n)$ В.
- C. $\Theta(n \log n)$ D. $\Theta(n^2)$

- 32.输出的第一行为()。
 - Α. "0xff"
- B. **"255"**
- C. "0xFF"
- D.
- 33. (4分) 当输入为"0 CSP2021csp"时,输出的第二行为()。
 - "Q1NQMjAyMWNzcAv="

"Q1NQMjAyMGNzcA==" В.

"Q1NQMjAyMGNzcAv=" C.

- D. "Q1NQMjAyMWNzcA=="
- 三、 完善程序(单选题,每小题 3 分,共计 30 分)
 - **(1)** (**魔法数字**) 小 H 的魔法数字是 4。给定 n, 他希望用若干个 4 进行若干次加 法、减法和整除运算得到 n。但由于小 H 计算能力有限,计算过程中只能出现不超过 M = 10000 的正整数。求至少可能用到多少个 4。

例如, 当 n=2 时, 有 2=(4+4)/4, 用到了 3 个 4, 是最优方案。

试补全程序。

- 01 #include <iostream>
- 02 #include <cstdlib>
- 03 #include <climits>

04

05 using namespace std;

96

- 07 const int M = 10000;
- 08 bool Vis[M + 1];
- 09 int F[M + 1];

10

```
11 void update(int &x, int y) {
12
       if (y < x)
13
          x = y;
14 }
15
16 int main() {
17
       int n;
18
       cin >> n;
19
       for (int i = 0; i \leftarrow M; i++)
20
          F[i] = INT_MAX;
21
       (1):
22
       int r = 0;
23
      while (2) {
24
          r++;
25
          int x = 0;
          for (int i = 1; i <= M; i++)
26
27
              if (③)
28
                  x = i;
29
          Vis[x] = 1;
          for (int i = 1; i <= M; i++)
30
31
              if (4) {
                  int t = F[i] + F[x];
32
33
                  if (i + x \le M)
34
                      update(F[i + x], t);
35
                  if (i != x)
                      update(F[abs(i - x)], t);
36
37
                  if (i \% x == 0)
38
                      update(F[i / x], t);
39
                  if (x \% i == 0)
40
                      update(F[x / i], t);
41
              }
42
       }
43
       cout << F[n] << endl;</pre>
44
       return 0;
45 }
34. ①处应填( )
        F[4] = 0
                     B. F[1] = 4 C. F[1] = 2
                                                       D. F[4] = 1
35. ②处应填( )
    A.
        !Vis[n]
                                         В.
                                              r < n
    C.
        F[M] == INT_MAX
                                              F[n] == INT_MAX
                                         D.
```

- 36. ③处应填()
 - A. F[i] == r

B. !Vis[i] && F[i] == r

C. F[i] < F[x]

D. !Vis[i] && F[i] < F[x]

- 37. ④处应填()
 - A. F[i] < F[x] B. F[i] <= r C. Vis[i] D. i <= x

- (2) (RMQ 区间最值问题) 给定序列 $a_0, ..., a_{n-1}$, 和m 次询问, 每次询问给定 l, r, 求 $\max \{a_1, \dots, a_r\}$.

为了解决该问题,有一个算法叫 the Method of Four Russians,其时间复杂度为 O(n+m), 步骤如下:

- 建立 Cartesian (笛卡尔) 树,将问题转化为树上的 LCA (最近公共祖先)问题。
- 对于 LCA 问题,可以考虑其 Euler 序(即按照 DFS 过程,经过所有点,环游回根 的序列),即求 Euler 序列上两点间一个新的 RMO 问题。
- 注意新的问题为 ±1 RMQ,即相邻两点的深度差一定为 1。

下面解决这个 ±1 RMQ 问题, "序列"指 Euler 序列:

- 设 t 为 Euler 序列长度。取 $b = \left\lceil \frac{\log_2 t}{2} \right\rceil$ 。将序列每 b 个分为一大块, 使用 ST 表 (倍增表) 处理大块间的 RMQ 问题, 复杂度 $O\left(\frac{t}{h}\log t\right) = O(n)$ 。
- (重点) 对于一个块内的 RMQ 问题,也需要O(1) 的算法。由于差分数组 2^{b-1} 种,可以预处理出所有情况下的最值位置,预处理复杂度 $O(b2^b)$,不超过 O(n)。
- 最终,对于一个查询,可以转化为中间整的大块的 RMO 问题,以及两端块内的 RMO 问题。

试补全程序。

```
001 #include <iostream>
002 #include <cmath>
003
004 using namespace std;
005
006 const int MAXN = 100000, MAXT = MAXN << 1;
007 const int MAXL = 18, MAXB = 9, MAXC = MAXT / MAXB;
800
009 struct node {
010
       int val;
       int dep, dfn, end;
011
```

```
node *son[2]; // son[0], son[1] 分别表示左右儿子
012
013 } T[MAXN];
014
015 int n, t, b, c, Log2[MAXC + 1];
016 int Pos[(1 << (MAXB - 1)) + 5], Dif[MAXC + 1];
017 node *root, *A[MAXT], *Min[MAXL][MAXC];
018
019 void build() { // 建立 Cartesian 树
020
       static node *S[MAXN + 1];
021
       int top = 0;
022
       for (int i = 0; i < n; i++) {
           node *p = &T[i];
023
024
           while (top && S[top]->val < p->val)
025
               (1);
           if (top)
026
027
               2;
028
           S[++top] = p;
029
       }
030
       root = S[1];
031 }
032
033 void DFS(node *p) { // 构建 Euler 序列
034
       A[p->dfn = t++] = p;
035
       for (int i = 0; i < 2; i++)
036
           if (p->son[i]) {
               p->son[i]->dep = p->dep + 1;
037
038
               DFS(p->son[i]);
               A[t++] = p;
039
040
           }
041
       p->end = t - 1;
042 }
043
044 node *min(node *x, node *y) {
       return ③ ? x : y;
045
046 }
047
048 void ST_init() {
049
       b = (int)(ceil(log2(t) / 2));
050
       c = t / b;
       Log2[1] = 0;
051
052
       for (int i = 2; i <= c; i++)
053
           Log2[i] = Log2[i >> 1] + 1;
054
       for (int i = 0; i < c; i++) {
           Min[0][i] = A[i * b];
055
```

CCF CSP-S 2021 第一轮 C++语言试题 第13页,共16页

```
for (int j = 1; j < b; j++)
056
057
               Min[0][i] = min(Min[0][i], A[i * b + j]);
058
       }
       for (int i = 1, l = 2; l <= c; i++, l <<= 1)
059
060
           for (int j = 0; j + 1 <= c; j++)
061
               Min[i][j] = min(Min[i - 1][j], Min[i - 1][j + (1 >>
                                                              1)]);
062 }
063
064 void small_init() { // 块内预处理
065
       for (int i = 0; i <= c; i++)
           for (int j = 1; j < b && i * b + j < t; j++)
066
               if (4)
067
                  Dif[i] = 1 << (j - 1);
068
       for (int S = 0; S < (1 << (b - 1)); S++) {
069
070
           int mx = 0, v = 0;
071
           for (int i = 1; i < b; i++) {
               (5);
072
073
               if (v < mx) {
074
                   mx = v;
075
                   Pos[S] = i;
076
               }
077
           }
078
       }
079 }
080
081 node *ST query(int l, int r) {
082
       int g = Log2[r - l + 1];
083
       return min(Min[g][1], Min[g][r - (1 << g) + 1]);
084 }
085
086 node *small query(int l, int r) { // 块内查询
087
       int p = 1 / b;
088
       int S = 6;
       return A[l + Pos[S]];
089
090 }
091
092 node *query(int 1, int r) {
093
       if (1 > r)
094
           return query(r, 1);
095
       int pl = 1 / b, pr = r / b;
096
       if (pl == pr) {
097
           return small_query(1, r);
       } else {
098
```

```
099
             node *s = min(small_query(1, pl * b + b - 1),
                                                small query(pr * b, r));
100
             if (pl + 1 \le pr - 1)
101
                 s = min(s, ST_query(pl + 1, pr - 1));
102
             return s;
103
        }
104 }
105
106 int main() {
107
        int m;
108
        cin >> n >> m;
109
        for (int i = 0; i < n; i++)
110
             cin >> T[i].val;
111
        build();
112
        DFS(root);
113
        ST init();
114
        small_init();
115
        while (m--) {
116
             int l, r;
117
             cin >> 1 >> r;
118
             cout << query(T[1].dfn, T[r].dfn)->val << endl;</pre>
119
         }
120
        return 0;
121 }
38.①处应填( )
         p \rightarrow son[0] = S[top--]
                                             В.
                                                  p \rightarrow son[1] = S[top--]
         S[top--]->son[0] = p
                                                  S[top--]->son[1] = p
     C.
                                             D.
39. ②处应填()
         p \rightarrow son[0] = S[top]
                                                  p \rightarrow son[1] = S[top]
     A.
                                             В.
         S[top] -> son[0] = p
                                                  S[top] -> son[1] = p
40. ③处应填()
     A.
                                             В.
         x->dep < y->dep
                                                 x < y
     C.
         x->dep > y->dep
                                                  x->val < y->val
41. ④ 处应填(
     A.
         A[i * b + j - 1] == A[i * b + j] -> son[0]
         A[i * b + j] -> val < A[i * b + j - 1] -> val
         A[i * b + j] == A[i * b + j - 1] -> son[1]
     C.
         A[i * b + j] -> dep < A[i * b + j - 1] -> dep
```

42. ⑤处应填()

- A. v += (S >> i & 1) ? -1 : 1
- B. v += (S >> i & 1) ? 1 : -1
- C. v += (S >> (i 1) & 1) ? 1 : -1
- D. v += (S >> (i 1) & 1) ? -1 : 1

43. ⑥处应填()

- A. (Dif[p] >> (r p * b)) & ((1 << (r 1)) 1)
- B. Dif[p]
- C. (Dif[p] >> (1 p * b)) & ((1 << (r 1)) 1)
- D. (Dif[p] >> ((p + 1) * b r)) & ((1 << (r 1 + 1)) 1)

