

# 2021 CCF 非专业级别软件能力认证第一轮

## (CSP-S1) 提高级 C 语言试题

认证时间：2021 年 9 月 19 日 09:30~11:30

### 考生注意事项：

- 试题纸共有 16 页，答题纸共有 1 页，满分 100 分。请在答题纸上作答，写在试题纸上的  
一律无效。
- 不得使用任何电子设备（如计算器、手机、电子词典等）或查阅任何书籍资料。

### 一、单项选择题（共 15 题，每题 2 分，共计 30 分；每题有且仅有一个正确选项）

1. 在 Linux 系统终端中，用于列出当前目录下所含的文件和子目录的命令为（ ）。

- A. ls
- B. cd
- C. cp
- D. all

2. 二进制数  $00101010_2$  和  $00010110_2$  的和为（ ）。

- A.  $00111100_2$
- B.  $01000000_2$
- C.  $00111100_2$
- D.  $01000010_2$

3. 在程序运行过程中，如果递归调用的层数过多，可能会由于（ ）引发错误。

- A. 系统分配的栈空间溢出
- B. 系统分配的队列空间溢出
- C. 系统分配的链表空间溢出
- D. 系统分配的堆空间溢出

4. 以下排序方法中，（ ）是不稳定的。

- A. 插入排序
- B. 冒泡排序

- C. 堆排序
- D. 归并排序

5. 以比较为基本运算, 对于  $2n$  个数, 同时找到最大值和最小值, 最坏情况下需要的最小的比较次数为 ( )。

- A.  $4n-2$
- B.  $3n+1$
- C.  $3n-2$
- D.  $2n+1$

6. 现有一个地址区间为  $0 \sim 10$  的哈希表, 对于出现冲突情况, 会往后找第一个空的地址存储 (到  $10$  冲突了就从  $0$  开始往后), 现在要依次存储  $(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7)$ , 哈希函数为  $h(x)=x^2 \bmod 11$ 。请问  $7$  存储在哈希表哪个地址中 ( )。

- A. 5
- B. 6
- C. 7
- D. 8

7.  $G$  是一个非连通简单无向图 (没有自环和重边), 共有  $36$  条边, 则该图至少有 ( ) 个点。

- A. 8
- B. 9
- C. 10
- D. 11

8. 令根结点的高度为  $1$ , 则一棵含有  $2021$  个结点的二叉树的高度至少为 ( )。

- A. 10
- B. 11
- C. 12
- D. 2021

9. 前序遍历和中序遍历相同的二叉树为且仅为 ( )。

- A. 只有 1 个点的二叉树
- B. 根结点没有左子树的二叉树
- C. 非叶子结点只有左子树的二叉树
- D. 非叶子结点只有右子树的二叉树

10. 定义一种字符串操作为交换相邻两个字符。将“DACFEB”变为“ABCDEF”最少需要 ( ) 次上述操作。

- A. 7
- B. 8
- C. 9
- D. 6

11. 有如下递归代码

```
solve(t, n):  
    if t=1 return 1  
    else return 5*solve(t-1,n) mod n
```

则 solve(23,23)的结果为 ( )。

- A. 1
- B. 7
- C. 12
- D. 22

12. 斐波那契数列的定义为:  $F_1=1$ ,  $F_2=1$ ,  $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$  ( $n \geq 3$ )。现在用如下程序来计算斐波那契数列的第  $n$  项, 其时间复杂度为 ( )。

```
F(n):  
    if n<=2 return 1  
    else return F(n-1) + F(n-2)
```

- A.  $O(n)$
- B.  $O(n^2)$
- C.  $O(2^n)$
- D.  $O(n \log n)$

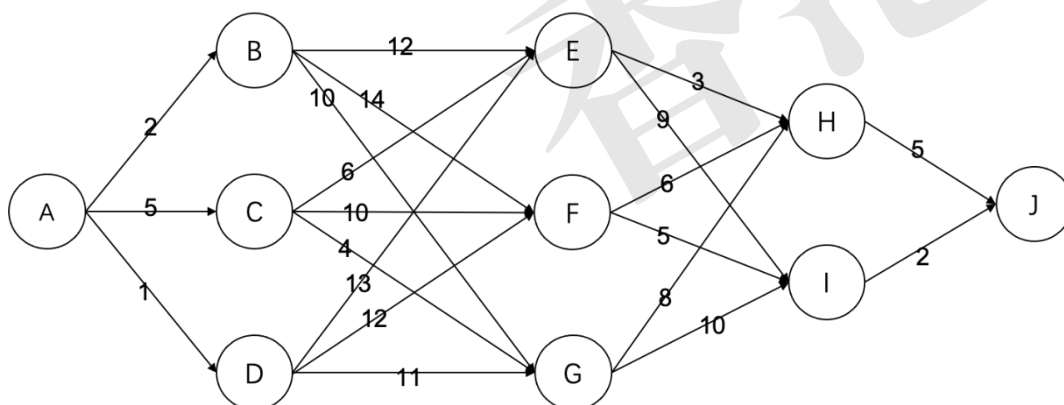
13. 有 8 个苹果从左到右排成一排，你要从中挑选至少一个苹果，并且不能同时挑选相邻的两个苹果，一共有（ ）种方案。

- A. 36
- B. 48
- C. 54
- D. 64

14. 设一个三位数  $n = \overline{abc}$ ， $a, b, c$  均为  $1 \sim 9$  之间的整数，若以  $a, b, c$  作为三角形的三条边可以构成等腰三角形（包括等边），则这样的  $n$  有（ ）个。

- A. 81
- B. 120
- C. 165
- D. 216

15. 有如下的有向图，节点为  $A, B, \dots, J$ ，其中每条边的长度都标在图中。则节点  $A$  到节点  $J$  的最短路径长度为（ ）。



- A. 16
- B. 19
- C. 20
- D. 22

二、阅读程序（程序输入不超过数组或字符串定义的范围；判断题正确填√，错误填×；除特殊说明外，判断题 1.5 分，选择题 3 分，共计 40 分）

(1)

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <math.h>
03
04 const double r = acos(0.5);
05
06 int a1, b1, c1, d1;
07 int a2, b2, c2, d2;
08
09 int sq(const int x) { return x * x; }
10 int cu(const int x) { return x * x * x; }
11
12 int min(int x, int y) {
13     return x < y ? x : y;
14 }
15
16 int main()
17 {
18     scanf("%d %d %d %d", &a1, &b1, &c1, &d1);
19     scanf("%d %d %d %d", &a2, &b2, &c2, &d2);
20
21     int t = sq(a1 - a2) + sq(b1 - b2) + sq(c1 - c2);
22
23     if (t <= sq(d2 - d1)) printf("%.4lf", cu(min(d1, d2)) * r * 4);
24     else if (t >= sq(d2 + d1)) printf("%.4lf", 0);
25     else {
26         double x = d1 - (sq(d1) - sq(d2) + t) / sqrt(t) / 2;
27         double y = d2 - (sq(d2) - sq(d1) + t) / sqrt(t) / 2;
28         printf("%.4lf", (x * x * (3 * d1 - x) + y * y * (3 * d2
29                                     - y)) * r);
30     }
31     printf("\n");
32     return 0;
33 }
```

32 }

假设输入的所有数的绝对值都不超过 1000，完成下面的判断题和单选题：

● 判断题

16. 将第 21 行中 `t` 的类型声明从 `int` 改为 `double`，不会影响程序运行的结果。（ ）

17. 将第 26、27 行中的 “`/ sqrt(t) / 2`” 替换为 “`/ 2 / sqrt(t)`”，不会影响程序运行的结果。（ ）

18. 将第 28 行中的 “`x * x`” 改成 “`sq(x)`”、“`y * y`” 改成 “`sq(y)`”，不会影响程序运行的结果。（ ）

19. (2 分) 当输入为 “0 0 0 1 1 0 0 1” 时，输出为 “1.3090”。（ ）

● 单选题

20. 当输入为 “1 1 1 1 1 1 1 2” 时，输出为（ ）。

A. “3.1416”      B. “6.2832”      C. “4.7124”      D. “4.1888”

21. (2.5 分) 这段代码的含义为（ ）。

A. 求圆的面积并      B. 求球的体积并  
C. 求球的体积交      D. 求椭球的体积并

(2)

```
01 #include <stdio.h>
02
03 int max(int a, int b)
04 {
05     return a > b ? a : b;
06 }
07
08 int n, a[1005];
09
10 struct Node {
11     int h, j, m, w;
12 };
13
14 struct Node merge(struct Node x, struct Node o) {
15     return (struct Node) {
16         max(x.h, x.w + o.h),
17         max(max(x.j, o.j), x.m + o.h),
18         max(x.m + o.w, o.m),
19         x.w + o.w
20     };
21 }
```

```

22
23 struct Node solve1(int h, int m)
24 {
25     if (h > m)
26         return (struct Node){-1, -1, -1, -1};
27     if (h == m)
28         return (struct Node){max(a[h], 0), max(a[h], 0),
                                max(a[h], 0), a[h]};
29     int j = (h + m) >> 1;
30     return merge(solve1(h, j), solve1(j + 1, m));
31 }
32
33 int solve2(int h, int m)
34 {
35     if (h > m)
36         return -1;
37     if (h == m)
38         return max(a[h], 0);
39     int j = (h + m) >> 1;
40     int wh = 0, wm = 0;
41     int wht = 0, wmt = 0;
42     for (int i = j; i >= h; i--) {
43         wht += a[i];
44         wh = max(wh, wht);
45     }
46     for (int i = j + 1; i <= m; i++) {
47         wmt += a[i];
48         wm = max(wm, wmt);
49     }
50     return max(max(solve2(h, j), solve2(j + 1, m)), wh + wm);
51 }
52
53 int main()
54 {
55     scanf("%d", &n);
56     for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", &a[i]);
57     printf("%d\n", solve1(1, n).j);
58     printf("%d\n", solve2(1, n));
59     return 0;
60 }

```

假设输入的所有数的绝对值都不超过 **1000**，完成下面的判断题和单选题：

● 判断题

22. 程序总是会正常执行并输出两行两个相等的数。（ ）

23. 第 26 行与 36 行分别有可能执行两次及以上。( )

24. 当输入为 “5 -10 11 -9 5 -7” 时, 输出的第二行为 “7”。( )

● 单选题

25. `solve1(1, n)` 的时间复杂度为 ( )。

- A.  $\Theta(\log n)$       B.  $\Theta(n)$       C.  $\Theta(n \log n)$       D.  $\Theta(n^2)$

26. `solve2(1, n)` 的时间复杂度为 ( )。

- A.  $\Theta(\log n)$       B.  $\Theta(n)$       C.  $\Theta(n \log n)$       D.  $\Theta(n^2)$

27. 当输入为 “10 -3 2 10 0 -8 9 -4 -5 9 4” 时, 输出的第一行为 ( )。

- A. “13”      B. “17”      C. “24”      D. “12”

(3)

```
01 #include <stdio.h>
02
03 char base[64];
04 char table[256];
05 char str[256];
06 char ans[256];
07
08 void init()
09 {
10     for (int i = 0; i < 26; i++) base[i] = 'A' + i;
11     for (int i = 0; i < 26; i++) base[26 + i] = 'a' + i;
12     for (int i = 0; i < 10; i++) base[52 + i] = '0' + i;
13     base[62] = '+', base[63] = '/';
14
15     for (int i = 0; i < 256; i++) table[i] = 0xff;
16     for (int i = 0; i < 64; i++) table[base[i]] = i;
17     table['='] = 0;
18 }
19
20 char* encode(char* str)
21 {
22     char* ret = ans;
23     int i, len = strlen(str);
24     for (i = 0; i + 3 <= len; i += 3) {
25         (*ret++) = base[str[i] >> 2];
26         (*ret++) = base[(str[i] & 0x03) << 4 | str[i + 1] >> 4];
27         (*ret++) = base[(str[i + 1] & 0x0f) << 2 |
                                str[i + 2] >> 6];
```



```

28     (*ret++) = base[str[i + 2] & 0x3f];
29 }
30 if (i < len) {
31     (*ret++) = base[str[i] >> 2];
32     if (i + 1 == len) {
33         (*ret++) = base[(str[i] & 0x03) << 4];
34         (*ret++) = '=';
35         (*ret++) = '=';
36     }
37     else {
38         (*ret++) = base[(str[i] & 0x03) << 4 |
39                             str[i + 1] >> 4];
40         (*ret++) = base[(str[i + 1] & 0x0f) << 2];
41         (*ret++) = '=';
42     }
43 }
44 return ans;
45 }
46 char* decode(char* str)
47 {
48     char* ret = ans;
49     int i, len = strlen(str);
50     for (i = 0; i < len; i += 4) {
51         (*ret++) = table[str[i]] << 2 | table[str[i + 1]] >> 4;
52         if (str[i + 2] != '=')
53             (*ret++) = (table[str[i + 1]] & 0x0f) << 4 |
54                             table[str[i + 2]] >> 2;
55         if (str[i + 3] != '=')
56             (*ret++) = table[str[i + 2]] << 6 | table[str[i + 3]];
57     }
58     return ans;
59 }
60 int main()
61 {
62     init();
63     printf("%d\n", (int)table[0]);
64
65     int opt;
66     scanf("%d %s", &opt, str);
67     printf("%s\n", opt ? decode(str) : encode(str));
68     return 0;
69 }

```

假设输入总是合法的（一个整数和一个不含空白字符的字符串，用空格隔开），完成下面的判断题和单选题：

● 判断题

28. 程序总是先输出一行一个整数，再输出一行一个字符串。（ ）

29. 对于任意不含空白字符的字符串 `str1`，先执行程序输入 “0 str1”，得到输出的第二行记为 `str2`；再执行程序输入 “1 str2”，输出的第二行必为 `str1`。（ ）

30. 当输入为 “1 SGVsbG93b3JsZA==” 时，输出的第二行为 “HelloWorld”。（ ）

● 单选题

31. 设输入字符串长度为  $n$ ，`encode` 函数的时间复杂度为（ ）。

- A.  $\Theta(\sqrt{n})$       B.  $\Theta(n)$       C.  $\Theta(n \log n)$       D.  $\Theta(n^2)$

32. 输出的第一行为（ ）。

- A. “0xff”      B. “255”      C. “0xFF”      D. “-1”

33. (4 分) 当输入为 “0 CSP2021csp” 时，输出的第二行为（ ）。

- A. “Q1NQMJyMWNzcAv=”      B. “Q1NQMJyMGNzcA==”  
C. “Q1NQMJyMGNzcAv=”      D. “Q1NQMJyMWNzcA==”

三、完善程序（单选题，每小题 3 分，共计 30 分）

1. （魔法数字）小 H 的魔法数字是 4。给定  $n$ ，他希望用若干个 4 进行若干次加法、减法和整除运算得到  $n$ 。但由于小 H 计算能力有限，计算过程中只能出现不超过  $M = 10000$  的正整数。求至少可能用到多少个 4。

例如，当  $n = 2$  时，有  $2 = (4 + 4)/4$ ，用到了 3 个 4，是最优方案。

试补全程序。

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 #define M 10000
05 int Vis[M + 1];
06 int F[M + 1];
07
08 void update(int *x, int y) {
09     if (y < *x)
10         *x = y;
```

```

11 }
12
13 int main() {
14     int n;
15     scanf("%d", &n);
16     for (int i = 0; i <= M; i++)
17         F[i] = INT_MAX;
18     ①;
19     int r = 0;
20     while (②) {
21         r++;
22         int x = 0;
23         for (int i = 1; i <= M; i++)
24             if (③)
25                 x = i;
26         Vis[x] = 1;
27         for (int i = 1; i <= M; i++)
28             if (④) {
29                 int t = F[i] + F[x];
30                 if (i + x <= M)
31                     update(&F[i + x], t);
32                 if (i != x)
33                     update(&F[abs(i - x)], t);
34                 if (i % x == 0)
35                     update(&F[i / x], t);
36                 if (x % i == 0)
37                     update(&F[x / i], t);
38             }
39     }
40     printf("%d\n", F[n]);
41     return 0;
42 }

```

34. ①处应填 ( )

- A.  $F[4] = 0$       B.  $F[1] = 4$       C.  $F[1] = 2$       D.  $F[4] = 1$

35. ②处应填 ( )

- A.  $!Vis[n]$       B.  $r < n$   
C.  $F[M] == INT\_MAX$       D.  $F[n] == INT\_MAX$

36. ③处应填 ( )

- A.  $F[i] == r$       B.  $!Vis[i] \ \&\& \ F[i] == r$   
C.  $F[i] < F[x]$       D.  $!Vis[i] \ \&\& \ F[i] < F[x]$

37. ④处应填 ( )

- A.  $F[i] < F[x]$     B.  $F[i] \leq r$     C.  $Vis[i]$     D.  $i \leq x$

(2) (RMQ 区间最值问题) 给定序列  $a_0, \dots, a_{n-1}$ , 和  $m$  次询问, 每次询问给定  $l, r$ , 求  $\max \{a_l, \dots, a_r\}$ 。

为了解决该问题, 有一个算法叫 the Method of Four Russians, 其时间复杂度为  $O(n + m)$ , 步骤如下:

- 建立 Cartesian (笛卡尔) 树, 将问题转化为树上的 LCA (最近公共祖先) 问题。
- 对于 LCA 问题, 可以考虑其 Euler 序 (即按照 DFS 过程, 经过所有点, 环游回根的序列), 即求 Euler 序列上两点间一个新的 RMQ 问题。
- 注意新的问题为  $\pm 1$  RMQ, 即相邻两点的深度差一定为 1。

下面解决这个  $\pm 1$  RMQ 问题, “序列”指 Euler 序列:

- 设  $t$  为 Euler 序列长度。取  $b = \left\lceil \frac{\log_2 t}{2} \right\rceil$ 。将序列每  $b$  个分为一大块, 使用 ST 表 (倍增表) 处理大块间的 RMQ 问题, 复杂度  $O\left(\frac{t}{b} \log t\right) = O(n)$ 。
- (重点) 对于一个块内的 RMQ 问题, 也需要  $O(1)$  的算法。由于差分数组  $2^{b-1}$  种, 可以预处理出所有情况下的最值位置, 预处理复杂度  $O(b2^b)$ , 不超过  $O(n)$ 。
- 最终, 对于一个查询, 可以转化为中间整的大块的 RMQ 问题, 以及两端块内的 RMQ 问题。

试补全程序。

```
001 #include <stdio.h>
002 #include <math.h>
003
004 #define MAXN 100000
005 #define MAXT (MAXN << 1)
006 #define MAXL 18
007 #define MAXB 9
008 #define MAXC (MAXT / MAXB)
009
010 struct node {
011     int val;
012     int dep, dfn, end;
013     struct node *son[2]; // son[0], son[1] 分别表示左右儿子
014 } T[MAXN];
015
016 int n, t, b, c, Log2[MAXC + 1];
017 int Pos[(1 << (MAXB - 1)) + 5], Dif[MAXC + 1];
018 struct node *root, *A[MAXT], *Min[MAXL][MAXC];
```

```

019
020 void build() { // 建立 Cartesian 树
021     static struct node *S[MAXN + 1];
022     int top = 0;
023     for (int i = 0; i < n; i++) {
024         struct node *p = &T[i];
025         while (top && S[top]->val < p->val)
026             ①;
027         if (top)
028             ②;
029         S[++top] = p;
030     }
031     root = S[1];
032 }
033
034 void DFS(struct node *p) { // 构建 Euler 序列
035     A[p->dfn = t++] = p;
036     for (int i = 0; i < 2; i++)
037         if (p->son[i]) {
038             p->son[i]->dep = p->dep + 1;
039             DFS(p->son[i]);
040             A[t++] = p;
041         }
042     p->end = t - 1;
043 }
044
045 struct node *min(struct node *x, struct node *y) {
046     return ③ ? x : y;
047 }
048
049 void ST_init() {
050     b = (int)(ceil(log2(t) / 2));
051     c = t / b;
052     Log2[1] = 0;
053     for (int i = 2; i <= c; i++)
054         Log2[i] = Log2[i >> 1] + 1;
055     for (int i = 0; i < c; i++) {
056         Min[0][i] = A[i * b];
057         for (int j = 1; j < b; j++)
058             Min[0][i] = min(Min[0][i], A[i * b + j]);
059     }
060     for (int i = 1, l = 2; l <= c; i++, l <= 1)
061         for (int j = 0; j + l <= c; j++)

```

```

062             Min[i][j] = min(Min[i - 1][j], Min[i - 1][j + (1 >>
                                1)]);
063 }
064
065 void small_init() { // 块内预处理
066     for (int i = 0; i <= c; i++)
067         for (int j = 1; j < b && i * b + j < t; j++)
068             if (④)
069                 Dif[i] |= 1 << (j - 1);
070     for (int S = 0; S < (1 << (b - 1)); S++) {
071         int mx = 0, v = 0;
072         for (int i = 1; i < b; i++) {
073             ⑤;
074             if (v < mx) {
075                 mx = v;
076                 Pos[S] = i;
077             }
078         }
079     }
080 }
081
082 struct node *ST_query(int l, int r) {
083     int g = Log2[r - l + 1];
084     return min(Min[g][l], Min[g][r - (1 << g) + 1]);
085 }
086
087 struct node *small_query(int l, int r) { // 块内查询
088     int p = l / b;
089     int S = ⑥;
090     return A[l + Pos[S]];
091 }
092
093 struct node *query(int l, int r) {
094     if (l > r)
095         return query(r, l);
096     int pl = l / b, pr = r / b;
097     if (pl == pr) {
098         return small_query(l, r);
099     } else {
100         struct node *s = min(small_query(l, pl * b + b - 1),
                                small_query(pr * b, r));
101         if (pl + 1 <= pr - 1)
102             s = min(s, ST_query(pl + 1, pr - 1));
103         return s;

```

```

104     }
105 }
106
107 int main() {
108     int m;
109     scanf("%d %d", &n, &m);
110     for (int i = 0; i < n; i++)
111         scanf("%d", &T[i].val);
112     build();
113     DFS(root);
114     ST_init();
115     small_init();
116     while (m--) {
117         int l, r;
118         scanf("%d %d", &l, &r);
119         printf("%d\n", query(T[l].dfn, T[r].dfn)->val);
120     }
121     return 0;
122 }

```

38. ①处应填 ( )

- |   |   |
|---|---|
| A. <code>p-&gt;son[0] = S[top--]</code> | B. <code>p-&gt;son[1] = S[top--]</code> |
| C. <code>S[top--]-&gt;son[0] = p</code> | D. <code>S[top--]-&gt;son[1] = p</code> |

39. ②处应填 ( )

- |                                       |                                       |
|---------------------------------------|---------------------------------------|
| A. <code>p-&gt;son[0] = S[top]</code> | B. <code>p-&gt;son[1] = S[top]</code> |
| C. <code>S[top]-&gt;son[0] = p</code> | D. <code>S[top]-&gt;son[1] = p</code> |

40. ③处应填 ( )

- |  |  |
|--|--|
| A. <code>x-&gt;dep &lt; y-&gt;dep</code> | B. <code>x &lt; y</code>                 |
| C. <code>x-&gt;dep &gt; y-&gt;dep</code> | D. <code>x-&gt;val &lt; y-&gt;val</code> |

41. ④处应填 ( )

- |  |
|--|
| A. <code>A[i * b + j - 1] == A[i * b + j]-&gt;son[0]</code>        |
| B. <code>A[i * b + j]-&gt;val &lt; A[i * b + j - 1]-&gt;val</code> |
| C. <code>A[i * b + j] == A[i * b + j - 1]-&gt;son[1]</code>        |
| D. <code>A[i * b + j]-&gt;dep &lt; A[i * b + j - 1]-&gt;dep</code> |

42. ⑤处应填 ( )

- |  |
|--|
| A. <code>v += (S &gt;&gt; i &amp; 1) ? -1 : 1</code>       |
| B. <code>v += (S &gt;&gt; i &amp; 1) ? 1 : -1</code>       |
| C. <code>v += (S &gt;&gt; (i - 1) &amp; 1) ? 1 : -1</code> |
| D. <code>v += (S &gt;&gt; (i - 1) &amp; 1) ? -1 : 1</code> |

43. ⑥处应填 ( )

- A.  $(\text{Dif}[p] \gg (r - p * b)) \& ((1 \ll (r - 1)) - 1)$
- B.  $\text{Dif}[p]$
- C.  $(\text{Dif}[p] \gg (1 - p * b)) \& ((1 \ll (r - 1)) - 1)$
- D.  $(\text{Dif}[p] \gg ((p + 1) * b - r)) \& ((1 \ll (r - 1 + 1)) - 1)$