

MX-J27 Solution

沉石鱼惊旋

October 25, 2025

Outline

1. T1 分块

2. T2 转换

3. T3 旋律

4. T4 点灯

5. 鲜花 & 抽奖

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

Outline

1. T1 分块

2. T2 转换

3. T3 旋律

4. T4 点灯

5. 鲜花 & 抽奖

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定 n , 询问有多少个 $1 \leq x \leq n$ 满足 $\lfloor \sqrt{x} \rfloor$ 是 x 的因子。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 给定 n , 询问有多少个 $1 \leq x \leq n$ 满足 $\lfloor \sqrt{x} \rfloor$ 是 x 的因子。
- q 次询问, $1 \leq n \leq 10^{18}$, $1 \leq q \leq 10^5$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 40

- 对于一次询问，我们肯定可以直接暴力遍历所有的 $1 \leq x \leq n$ 进行判断。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 40

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 对于一次询问，我们肯定可以直接暴力遍历所有的 $1 \leq x \leq n$ 进行判断。
- 可以预处理，先把 1 到 10^6 都扫一遍，然后可以知道每个 $1 \leq n \leq 10^6$ 的答案。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 40

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 对于一次询问，我们肯定可以直接暴力遍历所有的 $1 \leq x \leq n$ 进行判断。
- 可以预处理，先把 1 到 10^6 都扫一遍，然后可以知道每个 $1 \leq n \leq 10^6$ 的答案。
- 把答案存下来，每次询问即可 $\mathcal{O}(1)$ 回答。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 40

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 对于一次询问，我们肯定可以直接暴力遍历所有的 $1 \leq x \leq n$ 进行判断。
- 可以预处理，先把 1 到 10^6 都扫一遍，然后可以知道每个 $1 \leq n \leq 10^6$ 的答案。
- 把答案存下来，每次询问即可 $\mathcal{O}(1)$ 回答。
- 时间复杂度 $\mathcal{O}(n + q)$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

- 这一档分虽然 $\mathcal{O}(n)$ 做不了了，但是 $\mathcal{O}(\sqrt{n})$ 是可行的。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

- 这一档分虽然 $\mathcal{O}(n)$ 做不了了，但是 $\mathcal{O}(\sqrt{n})$ 是可行的。
- 令 $k = \lfloor \sqrt{x} \rfloor$ ，我们可以枚举 k 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

- 这一档分虽然 $\mathcal{O}(n)$ 做不了了，但是 $\mathcal{O}(\sqrt{n})$ 是可行的。
- 令 $k = \lfloor \sqrt{x} \rfloor$ ，我们可以枚举 k 。
- 对于一个 k ，考虑它会给哪些 x 产生贡献。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

- 这一档分虽然 $\mathcal{O}(n)$ 做不了了，但是 $\mathcal{O}(\sqrt{n})$ 是可行的。
- 令 $k = \lfloor \sqrt{x} \rfloor$ ，我们可以枚举 k 。
- 对于一个 k ，考虑它会给哪些 x 产生贡献。
- 注意到一定是形如 $x = k(k + c)$ 的形式才会被 k 带来贡献。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

- 这一档分虽然 $\mathcal{O}(n)$ 做不了了，但是 $\mathcal{O}(\sqrt{n})$ 是可行的。
- 令 $k = \lfloor \sqrt{x} \rfloor$ ，我们可以枚举 k 。
- 对于一个 k ，考虑它会给哪些 x 产生贡献。
- 注意到一定是形如 $x = k(k + c)$ 的形式才会被 k 带来贡献。
- 具体的，由于 $k(k + 3) = k^2 + 3k$ 而 $(k + 1)^2 = k^2 + 2k + 1$ ，因为有 $k \geq 1$ 所以 $k(k + 3) \geq (k + 1)^2$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

- 也就是说, $\lfloor \sqrt{k(k+3)} \rfloor \neq k$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 也就是说, $\lfloor \sqrt{k(k+3)} \rfloor \neq k$ 。
- 因此, 枚举 k , 计算多少个
 $x = k^2, x = k(k+1), x = k(k+2)$ 在 $[1, n]$ 之间。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 80

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 也就是说, $\lfloor \sqrt{k(k+3)} \rfloor \neq k$ 。
- 因此, 枚举 k , 计算多少个
 $x = k^2, x = k(k+1), x = k(k+2)$ 在 $[1, n]$ 之间。
- 时间复杂度 $\mathcal{O}(q\sqrt{n})$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 80 分的做法，存在一个关键性质：只有 $x = k^2, x = k(k + 1), x = k(k + 2)$ 这三类形式的 x 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 80 分的做法，存在一个关键性质：只有 $x = k^2, x = k(k + 1), x = k(k + 2)$ 这三类形式的 x 。
- 而显然，如果存在 $x = k^2$ ，则 $[1, n]$ 一定存在 $x = (k - 1)^2$ 。其他两种同理。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 80 分的做法，存在一个关键性质：只有 $x = k^2, x = k(k + 1), x = k(k + 2)$ 这三类形式的 x 。
- 而显然，如果存在 $x = k^2$ ，则 $[1, n]$ 一定存在 $x = (k - 1)^2$ 。其他两种同理。
- 因此，我们只关心最大的 $x = k^2$ 的 k 是多少。剩下的 $1 \leq k' \leq k$ 都一定合法。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 直接计算 $m = \sqrt{n}$, 则形如 $x = k^2$ 的有 m 个。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 直接计算 $m = \sqrt{n}$, 则形如 $x = k^2$ 的有 m 个。
- 同理可以计算出 $x = k(k+1)$ 和 $x = k(k+2)$ 形式的数的个数。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 直接计算 $m = \sqrt{n}$, 则形如 $x = k^2$ 的有 m 个。
- 同理可以计算出 $x = k(k+1)$ 和 $x = k(k+2)$ 形式的数的个数。
- 具体实现在 m 周围往下枚举若干个, 即可知道精确的 $x = k(k+1)$ 的数的个数, 或使用二分搜索同理。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 直接计算 $m = \sqrt{n}$, 则形如 $x = k^2$ 的有 m 个。
- 同理可以计算出 $x = k(k+1)$ 和 $x = k(k+2)$ 形式的数的个数。
- 具体实现在 m 周围往下枚举若干个, 即可知道精确的 $x = k(k+1)$ 的数的个数, 或使用二分搜索同理。
- 实现的时候, 如果需要开根号, 想要调用 `sqrt(n)`, 需要注意, 对于 `long long` 类型应该使用 `sqrtl(n)`, 否则会产生精度误差导致挂分。这是因为 `sqrt()` 只在 `double` 精度范围内, 而 `sqrtl()` 在 `long double` 精度范围内。`double` 的精度范围内无法精确表示 `long long` 类型。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 直接计算 $m = \sqrt{n}$, 则形如 $x = k^2$ 的有 m 个。
- 同理可以计算出 $x = k(k+1)$ 和 $x = k(k+2)$ 形式的数的个数。
- 具体实现在 m 周围往下枚举若干个, 即可知道精确的 $x = k(k+1)$ 的数的个数, 或使用二分搜索同理。
- 实现的时候, 如果需要开根号, 想要调用 `sqrt(n)`, 需要注意, 对于 `long long` 类型应该使用 `sqrtl(n)`, 否则会产生精度误差导致挂分。这是因为 `sqrt()` 只在 `double` 精度范围内, 而 `sqrtl()` 在 `long double` 精度范围内。`double` 的精度范围内无法精确表示 `long long` 类型。
- 依据实现时间复杂度为 $\mathcal{O}(q)$ 或 $\mathcal{O}(q \log n)$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

Outline

1. T1 分块

2. T2 转换

3. T3 旋律

4. T4 点灯

5. 鲜花 & 抽奖

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定运算表达式，计算表达式返回值的**类型**。具体运算规则与 C++ 运算规则相同。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 给定运算表达式，计算表达式返回值的类型。具体运算规则与 C++ 运算规则相同。
- 保证类型只在 `{char, bool, int, longlong, float, double}` 中；保证运算符只在 `{+, *, ,, }` 中。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 给定运算表达式，计算表达式返回值的类型。具体运算规则与 C++ 运算规则相同。
- 保证类型只在 $\{\text{char}, \text{bool}, \text{int}, \text{longlong}, \text{float}, \text{double}\}$ 中；保证运算符只在 $\{+, *, ,\}$ 中。
- $1 \leq n \leq 10^5$ ， n 是表达式中的运算符数量。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 30

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 暴力模拟运算即可。每一次找到优先级最高的运算符计算。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 30

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 暴力模拟运算即可。每一次找到优先级最高的运算符计算。
- 时间复杂度 $\mathcal{O}(n^2)$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 特殊性质都是简化模拟操作的，以及防止写挂爆零的，实际上没有太大启发。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 不妨先对字符串做一些简化。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 不妨先对字符串做一些简化。
- 因为涉及逗号运算只看最后一项，所以可以找到最后一次出现的逗号在位置 p ，将 s 截断为 $s \leftarrow s[p+1:n]$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 不妨先对字符串做一些简化。
- 因为涉及逗号运算只看最后一项，所以可以找到最后一次出现的逗号在位置 p ，将 s 截断为 $s \leftarrow s[p+1:n]$ 。
- 类型太长了，长度也不统一。我们只取他们的首字母表示。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 考虑表达式计算的做法。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 考虑表达式计算的做法。
- 我们维护一个栈。栈里面存的是若干个类型和操作符。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 考虑表达式计算的做法。
- 我们维护一个栈。栈里面存的是若干个类型和操作符。
- 由于乘法优先级高，所以先做一遍乘法计算。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27 Solution

沉石鱼惊旋

- 考虑表达式计算的做法。
- 我们维护一个栈。栈里面存的是若干个类型和操作符。
- 由于乘法优先级高，所以先做一遍乘法计算。
- 我们把元素压入栈的时候，如果目前栈顶是乘号，再弹出栈顶第二个元素进行计算，把计算结果压回栈内。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27 Solution

沉石鱼惊旋

- 考虑表达式计算的做法。
- 我们维护一个栈。栈里面存的是若干个类型和操作符。
- 由于乘法优先级高，所以先做一遍乘法计算。
- 我们把元素压入栈的时候，如果目前栈顶是乘号，再弹出栈顶第二个元素进行计算，把计算结果压回栈内。
- 做完上述操作之后，重新扫一遍栈，再做加法运算即可。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 对于操作符的计算，直接模拟即可。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 对于操作符的计算，直接模拟即可。
- 先把 `bool` 和 `char` 全部改成 `int`。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

- 对于操作符的计算，直接模拟即可。
- 先把 `bool` 和 `char` 全部改成 `int`。
- 如果操作同时含有浮点类和整数类，返回那个浮点类的类型。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 对于操作符的计算，直接模拟即可。
- 先把 `bool` 和 `char` 全部改成 `int`。
- 如果操作同时含有浮点类和整数类，返回那个浮点类的类型。
- 否则，此时两个数类型（浮点 or 整数）一样，返回占用字节数更多的那个。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 直接模拟这个压栈弹栈的时间复杂度就是 $\mathcal{O}(n)$ 的。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 直接模拟这个压栈弹栈的时间复杂度就是 $\mathcal{O}(n)$ 的。
- 另外本题可能出现 `expr, bool` 的情况，所以你不应该在开始就把所有 `bool` 和 `char` 全部改成 `int`。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

还没完

- 有一个更巧妙的观察：乘法和加法无非是运算顺序不一样，但是具体的计算返回类型是一样的。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

还没完

- 有一个更巧妙的观察：乘法和加法无非是运算顺序不一样，但是具体的计算返回类型是一样的。
- 也就是我们根本不需要区分乘法和加法，全部看为加法进行操作即可，不需要扫两次。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

还没完

- 有一个更巧妙的观察：乘法和加法无非是运算顺序不一样，但是具体的计算返回类型是一样的。
- 也就是我们根本不需要区分乘法和加法，全部看为加法进行操作即可，不需要扫两次。
- 以及，我们可以看作是，每个类型有一个权值，每次取权值最大的。这些运算符全部等价于取 \max 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

还没完

- 有一个更巧妙的观察：乘法和加法无非是运算顺序不一样，但是具体的计算返回类型是一样的。
- 也就是我们根本不需要区分乘法和加法，全部看为加法进行操作即可，不需要扫两次。
- 以及，我们可以看作是，每个类型有一个权值，每次取权值最大的。这些运算符全部等价于取 \max 。
- 当然作为一道 T2 级别的模拟题，怎么写都可以，在此只是讲一些实现的小技巧。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

Outline

1. T1 分块

2. T2 转换

3. T3 旋律

4. T4 点灯

5. 鲜花 & 抽奖

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定长度为 a_1, a_2, \dots, a_n , 选出一个非空子序列 b_1, b_2, \dots, b_m , 最大化 $mk - (\max\{b\} - \min\{b\})$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 给定长度为 a_1, a_2, \dots, a_n , 选出一个非空子序列 b_1, b_2, \dots, b_m , 最大化 $mk - (\max\{b\} - \min\{b\})$ 。
- $1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq a_i, k \leq 10^8$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 20

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 枚举子序列，依据实现可以做到 $\mathcal{O}(2^n + n \log n)$ 或 $\mathcal{O}(2^n n + n \log n)$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质

- 特殊性质 A，比较公差 d 和 k ，决策是只选一种数，还是全选。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质

- 特殊性质 A，比较公差 d 和 k ，决策是只选一种数，还是全选。
- 特殊性质 B，可以证明全选是最优解，因为我们加一个数有 10^8 的收益，但是极差的增量不超过 10^8 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 特殊性质 A，比较公差 d 和 k ，决策是只选一种数，还是全选。
- 特殊性质 B，可以证明全选是最优解，因为我们加一个数有 10^8 的收益，但是极差的增量不超过 10^8 。
- 特殊性质 C，引导选手往正解方向思考，无较优的简单做法。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 55

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 由于和极差相关，想到把 a 排序，排序后可以证明我们一定选连续区间，则答案就是最大的 $(r - l + 1)k - (a_r - a_l)$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 55

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 由于和极差相关，想到把 a 排序，排序后可以证明我们一定选连续区间，则答案就是最大的 $(r - l + 1)k - (a_r - a_l)$ 。
- 固定 l ，枚举 r ，则复杂度为 $\mathcal{O}(n^2)$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

- 我们把上面的式子 $(r - l + 1)k - (a_r - a_l)$ 打开。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100 (算法 1)

- 我们把上面的式子 $(r - l + 1)k - (a_r - a_l)$ 打开。
- 得到 $k + (rk - a_r) - (lk - a_l)$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

- 我们把上面的式子 $(r - l + 1)k - (a_r - a_l)$ 打开。
- 得到 $k + (rk - a_r) - (lk - a_l)$ 。
- 这个形式告诉我们，我们只需要知道最大和最小的 $ik - a_i$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 我们把上面的式子 $(r - l + 1)k - (a_r - a_l)$ 打开。
- 得到 $k + (rk - a_r) - (lk - a_l)$ 。
- 这个形式告诉我们，我们只需要知道最大和最小的 $ik - a_i$ 。
- 排序后扫一遍，存一下当前最小的 $\text{Min} = ik - a_i$ ，将答案 Ans 和目前的 $jk - a_j - \text{Min} + k$ 取最大值。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 对增量考虑。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 对增量考虑。
- 对 a 排序之后，我们每一次极差的增量是 $a_i - a_{i-1}$ ，但是可以获得 k 的收益，所以是 $k - (a_i - a_{i-1})$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 对增量考虑。
- 对 a 排序之后，我们每一次极差的增量是 $a_i - a_{i-1}$ ，但是可以获得 k 的收益，所以是 $k - (a_i - a_{i-1})$ 。
- 我们其实就是要找到一个最大的区间，使得区间里的增量之和最大。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 对增量考虑。
- 对 a 排序之后，我们每一次极差的增量是 $a_i - a_{i-1}$ ，但是可以获得 k 的收益，所以是 $k - (a_i - a_{i-1})$ 。
- 我们其实就是要找到一个最大的区间，使得区间里的增量之和最大。
- 这是典型的最大子段和问题，直接贪心或者线性 DP 均可。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 两种做法的时间复杂度都是 $\mathcal{O}(n \log n)$ ，瓶颈在排序上。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 两种做法的时间复杂度都是 $\mathcal{O}(n \log n)$ ，瓶颈在排序上。
- 本题几乎不存在正常写代码过了样例挂了的。存在部分选手因为拼暴力暴力写错了而挂分，正式赛场上的对拍是很重要的！

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

Outline

1. T1 分块

2. T2 转换

3. T3 旋律

4. T4 点灯

5. 鲜花 & 抽奖

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定 n 个点 m 条边的无向图，每条边在特定的一段后缀时间 $[w, +\infty)$ 激活。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定 n 个点 m 条边的无向图，每条边在特定的一段后缀时间 $[w, +\infty)$ 激活。
- 初始在点 1 有充分多的人，之后每个时刻所有人必须通过一条已经被激活的边移动到相邻点。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定 n 个点 m 条边的无向图，每条边在特定的一段后缀时间 $[w, +\infty)$ 激活。
- 初始在点 1 有充分多的人，之后每个时刻所有人必须通过一条已经被激活的边移动到相邻点。
- 求最早时刻使得所有点都有人，或报告无解。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定 n 个点 m 条边的无向图，每条边在特定的一段后缀时间 $[w, +\infty)$ 激活。
- 初始在点 1 有充分多的人，之后每个时刻所有人必须通过一条已经被激活的边移动到相邻点。
- 求最早时刻使得所有点都有人，或报告无解。
- $2 \leq n \leq 2.5 \times 10^4$, $n - 1 \leq m \leq 5 \times 10^4$, $1 \leq w \leq 10^9$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

题意

- 给定 n 个点 m 条边的无向图，每条边在特定的一段后缀时间 $[w, +\infty)$ 激活。
- 初始在点 1 有充分多的人，之后每个时刻所有人必须通过一条已经被激活的边移动到相邻点。
- 求最早时刻使得所有点都有人，或报告无解。
- $2 \leq n \leq 2.5 \times 10^4$, $n - 1 \leq m \leq 5 \times 10^4$, $1 \leq w \leq 10^9$ 。
- 保证无自环无重边，保证所有边激活后图是连通图。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 8 & 特殊性质 A

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 观察数据范围，此时满足 $n \leq 10$ 和 $m \leq 20$ 。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

部分分 8 & 特殊性质 A

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 观察数据范围，此时满足 $n \leq 10$ 和 $m \leq 20$ 。
- 直接维护每个时刻的可达点，模拟题意。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 B

- 如果 $w \neq 1$, 则无解, 因为时刻一无法进行任何移动。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 B

- 如果 $w \neq 1$, 则无解, 因为时刻一无法进行任何移动。
- 考虑 $w = 1$, 此时即为初始图全部连通。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 B

- 如果 $w \neq 1$, 则无解, 因为时刻一无法进行任何移动。
- 考虑 $w = 1$, 此时即为初始图全部连通。
- 注意到一个点 u , 如果在时刻 t 从 p 走过来访问了, 则可以反复在 u, p 之间移动, 使得在所有 $t + 2k$ 的时刻都访问到 u 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 B

- 如果 $w \neq 1$, 则无解, 因为时刻一无法进行任何移动。
- 考虑 $w = 1$, 此时即为初始图全部连通。
- 注意到一个点 u , 如果在时刻 t 从 p 走过来访问了, 则可以反复在 u, p 之间移动, 使得在所有 $t + 2k$ 的时刻都访问到 u 。
- 这启发我们记录每个点在奇数时刻和偶数时刻最早抵达的时间。一个点拆成两个点代表奇偶, 直接跑 BFS 即可。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 B

- 如果 $w \neq 1$, 则无解, 因为时刻一无法进行任何移动。
- 考虑 $w = 1$, 此时即为初始图全部连通。
- 注意到一个点 u , 如果在时刻 t 从 p 走过来访问了, 则可以反复在 u, p 之间移动, 使得在所有 $t + 2k$ 的时刻都访问到 u 。
- 这启发我们记录每个点在奇数时刻和偶数时刻最早抵达的时间。一个点拆成两个点代表奇偶, 直接跑 BFS 即可。
- 枚举最后答案是奇数还是偶数, 把所有点对应的访问时间取最大的那个。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 B

- 如果 $w \neq 1$, 则无解, 因为时刻一无法进行任何移动。
- 考虑 $w = 1$, 此时即为初始图全部连通。
- 注意到一个点 u , 如果在时刻 t 从 p 走过来访问了, 则可以反复在 u, p 之间移动, 使得在所有 $t + 2k$ 的时刻都访问到 u 。
- 这启发我们记录每个点在奇数时刻和偶数时刻最早抵达的时间。一个点拆成两个点代表奇偶, 直接跑 BFS 即可。
- 枚举最后答案是奇数还是偶数, 把所有点对应的访问时间取最大的那个。
- 如果奇数和偶数两种情况, 都存在一个点无法在对应类型的时刻到达, 也是无解。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

特殊性质 C

- 防止你无解情况没判干净或者不会判留的分。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

- 沿着特殊性质 B 继续思考。唯一的区别就是 w 不同。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

- 沿着特殊性质 B 继续思考。唯一的区别就是 w 不同。
- 然而考虑这个在一条边反复横跳的过程，我们可以一直等到这个点开通了再走过去。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 沿着特殊性质 B 继续思考。唯一的区别就是 w 不同。
- 然而考虑这个在一条边反复横跳的过程，我们可以一直等到这个点开通了再走过去。
- 也就是若点 u 在 t 时刻抵达了，若到邻居 v 的边激活时间为 w ，若 $w \leq t + 1$ 则 $t + 1$ 就可以到 v ，否则最早抵达 v 的时间是 $\geq w$ 的第一个和 t 奇偶不同的时刻。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 1）

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 沿着特殊性质 B 继续思考。唯一的区别就是 w 不同。
- 然而考虑这个在一条边反复横跳的过程，我们可以一直等到这个点开通了再走过去。
- 也就是若点 u 在 t 时刻抵达了，若到邻居 v 的边激活时间为 w ，若 $w \leq t + 1$ 则 $t + 1$ 就可以到 v ，否则最早抵达 v 的时间是 $\geq w$ 的第一个和 t 奇偶不同的时刻。
- 使用 Dijkstra 维护上述过程。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 我们把边存下来，按 w 排序。注意一条边 (u, v, w) 可能要拆成 2 条边，多加一条 $(u, v, w + 1)$ 。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 我们把边存下来，按 w 排序。注意一条边 (u, v, w) 可能要拆成 2 条边，多加一条 $(u, v, w + 1)$ 。
- 我们一边做 BFS，一边随着目前的时刻激活边。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 我们把边存下来，按 w 排序。注意一条边 (u, v, w) 可能要拆成 2 条边，多加一条 $(u, v, w + 1)$ 。
- 我们一边做 BFS，一边随着目前的时刻激活边。
- 激活的转移是基本同上的，但是由于我们只关注被激活的那些边，所以不存在说从时刻 t 突然跳到 w 的情况。一次 BFS 中的时刻都是连续的。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 我们把边存下来，按 w 排序。注意一条边 (u, v, w) 可能要拆成 2 条边，多加一条 $(u, v, w + 1)$ 。
- 我们一边做 BFS，一边随着目前的时刻激活边。
- 激活的转移是基本同上的，但是由于我们只关注被激活的那些边，所以不存在说从时刻 t 突然跳到 w 的情况。一次 BFS 中的时刻都是连续的。
- 我们把连续时刻的做完之后，再重新做 BFS，从新的时刻开始，再同上跑一遍。直到跑完了所有边没出答案就是无解，或者出了答案直接结束搜索。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100（算法 2）

- 我们把边存下来，按 w 排序。注意一条边 (u, v, w) 可能要拆成 2 条边，多加一条 $(u, v, w + 1)$ 。
- 我们一边做 BFS，一边随着目前的时刻激活边。
- 激活的转移是基本同上的，但是由于我们只关注被激活的那些边，所以不存在说从时刻 t 突然跳到 w 的情况。一次 BFS 中的时刻都是连续的。
- 我们把连续时刻的做完之后，再重新做 BFS，从新的时刻开始，再同上跑一遍。直到跑完了所有边没出答案就是无解，或者出了答案直接结束搜索。
- 简单来说，这个算法就是只关心连续的有用时刻段，每个段分别跑 BFS。这个算法是在 Junior 组考纲内的。

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 如果是第一种算法，实现可以不显式建图以降低常数因子对程序效率的影响。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

满分 100

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

- 如果是第一种算法，实现可以不显式建图以降低常数因子对程序效率的影响。
- 另外本题 $o = 0$ 的情况下，答案如果是无解，不应该输出 -1×0 ，而应该输出 -1 ，存在部分选手没有读清题意在这里挂分的情况。

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

Outline

1. T1 分块

2. T2 转换

3. T3 旋律

4. T4 点灯

5. 鲜花 & 抽奖

MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖

鲜花 & 抽奖



祝大家 CSP2025
RP++, 考出
自己满意的成
绩, 不负韶光!



MX-J27
Solution

沉石鱼惊旋

T1 分块

T2 转换

T3 旋律

T4 点灯

鲜花 & 抽奖