Самостоятельная работа 3

Распределения Максвелла, барометрическая формула, реальные газы, явления переноса.

Задача 7.8. Средняя квадратичная скорость молекул газа, плотность которого при давлении p равна p, составляет $v_{\rm kB}$, средняя арифметическая скорость молекул при этом равна v, а их наиболее вероятная скорость — $v_{\rm B}$. Найти неизвестные величины.

| Номер задания | р, Па | ρ, κτ/m³ | υ _{кв} , м/с | υ, м/с | υ _в , м/с |
|------------------|--|----------------------|------------------------|---------------|----------------------|
| 1 2 3 4 | ? 6 · 10 ³ ? 1,5 · 10 ⁵ | 1,5 ? 0,8 ? | 632,5 ? ? 567 | ? 874 ? | ? ? 500 ? |
| 5 | ? | 1,3 | ? | 484,8 | ? |
| 6 | 5 · 10 ³ | ? | ? | ? | 500 |
| 7 | ? | 0,42 | 756 | ? | ? |
| 8 | 9 · 10 ⁴ | ? | ? | 504,6 | ? |
| 9 | ? | 2,2 | ? | ? | 476,7 |
| 10 | 5 · 10 ⁴ | ? | 866 | ? | ? |
| 11 | ? | 0,03 | ? | 824 | ? |
| 12 | 10 ⁵ | ? | ? | ? | 365 |
| 13 | ? | 0,75 | 447,2 | ? | ? |
| 14 | 8 · 10 ⁴ | ? | ? | 638,3 | ? |
| 15 | ? | 1,4 | ? | ? | 462,9 |
| 16 | 4 · 10 ³ | ? | 1095,4 | ? | ? |
| 17 | ? | 1,6 | ? | 399 | ? |
| 18 | 2,5 · 10 ⁵ | ? | ? | ? | 408,25 |
| 19 | ? | 2,8 | 567 | ? | ? |
| 20 | 8 · 10 ³ | ? | ? | 713,65 | ? |
| 21 | ? | 0,008 | ? | ? | 1000 |
| 22 | 2 · 10 ⁵ | ? | 500 | ? | ? |
| 23 | ? | 0,055 | ? | 481 | ? |
| 24 | 10 ⁴ | ? | ? | ? | 378 |
| 25 | ? | 0,6 | 632,5 | ? | ? |
| 26 | 3 · 10 ⁵ | ? | ? | 552,8 | ? |
| 27 | ? | 1,8 | ? | ? | 471,4 |
| 28 | 2 · 10 ⁴ | ? | 387,3 | ? | ? |

Задача 7.9. Каждая молекула газа при температуре T и давлении p испытывает в среднем $\langle z \rangle$ соударений в секунду. Средняя длина свободного пробега молекул газа при этих условиях равна $\langle \lambda \rangle$. Найти неизвестные величины.

| Номер задания | Газ | т, к | р, Па | ⟨z⟩, 10 ¹⁰ c ^{−1} | ⟨λ⟩, нм |
|----------------------|----------|--------------------------|--|---------------------------------------|-------------------------------|
| 1 2 3 4 | Азот | 250 300 350 400 | 10 ⁵ | ? ? ? ? | ? ? ? ? |
| 5 6 7 8 | Аргон | 300 | ? ? ? ? | 0,55 1,1 1,66 2,2 | ? ? ? ? |
| 9 10 11 12 | Водород | ? ? ? ? | 10 ⁵ | ? ? ? ? | 188 199,6 211,4 223 |
| 13 14 15 16 | Воздух | 270 | ? ? ? | ? ? ? ? | 116,5 93,2 46,6 23,3 |
| 17 18 19 20 | Гелий | ? ? ? | 3 · 10 ⁵ | 1,465 1,134 1,79 1,27 | ? ? ? ? |
| 21 22 23 24 | Кислород | 300 | 5 · 10 ⁴ 10 ⁴ 10 ⁵ 5 · 10 ⁵ | ? ? ? ? | ? ? ? |
| 25 26 27 28 | Воздух | 300 400 500 600 | 2 · 105 | ? ? ? ? | ? ? ? ? |

Задача 7.10. Плотность газа ρ_h на высоте h при температуре t составляет η его плотности ρ_0 на уровне моря. Найти неизвестную величину или определить газ.

Для простоты зависимостью температуры от высоты пренебречь и считать t равной температуре газа на уровне моря.

| Номер задания | Газ | t, °C | <i>h</i> , км | η, % |
|----------------------|---|------------------------|------------------|------------------------------|
| 1 2 3 4 | Кислород | -30 -10 10 30 | ? ? ? | 50 |
| 5 6 7 8 | Азот | 0 | 2 4 6 8 | ? ? ? |
| 9 10 11 12 | Углекислый газ | -30 -10 10 30 | 5 | ? ? ? ? |
| 13 14 15 16 | ? ? . ? . ? | 7 | 4 | 62,4 58,3 73,8 47,6 |
| 17 18 19 20 | Кислород Углекислый газ Водород Азот | 27 | ? ? ? ? | 50 |
| 21 22 23 24 | Воздух | -3 | ? ? ? ? | 80 60 40 20 |
| 25 26 27 28 | Пары́ воды | ? ? ? ? | 6 | 59,2 62,7 66,5 64,7 |

Задача 8.7. В сосуде объемом V находится реальный газ массой m при температуре T. Какую часть давления газа составляет давление, обусловленное силами взаимодействия молекул? Какую часть объема сосуда составляет объем, не доступный для движения молекул?

| Номер задания | Газ | <i>V</i> , м ³ | т, г | <i>T</i> , K |
|----------------------|----------------|---------------------------|------|--------------------------|
| 1 2 3 4 | Гелий | 0,04 | 30 | 300 400 500 600 |
| 5 6 7 8 | Кислород | 0,025 | 40 | 300 400 500 600 |
| 9 10 11 12 | Пары́ воды | 0,02 | 15 | 300 400 500 600 |
| 13 14 15 16 | Аргон | 0,05 | 25 | 300 400 500 600 |
| 17 18 19 20 | Водород | 0,01 | 2 | 300 400 500 600 |
| 21 22 23 24 | Углекислый газ | 0,03 | 35 | 300 400 500 600 |
| 25 26 27 28 | Азот | 0,035 | 50 | 300 400 500 600 |

Задача 8.9. Реальный газ массой m адиабатически расширяется в пустоту от объема V_1 до объема V_2 , понижение температуры при этом равно ΔT . Найти неизвестную величину, считая постоянную a, входящую в уравнение Вандер-Ваальса, известной.

| Номер задания | Газ | т, кг | $V_{\rm l}$, ${ m m}^3$ | V_2 , M^3 | Δ <i>T</i> , K |
|------------------|----------------|-------|--------------------------|---------------|----------------|
| 1 | Кислород | ? | 0,02 | 0,06 | 13,64 |
| 2 | | 0,5 | ? | 0,2 | 1,535 |
| 3 | | 3 | 0,1 | ? | 3,68 |
| 4 | | 2,5 | 0,2 | 0,7 | ? |
| 5 | Аргон | ? | 0,5 | 1,5 | 2,18 |
| 6 | | 0,4 | ? | 0,2 | 10,365 |
| 7 | | 2 | 0,25 | ? | 1,45 |
| 8 | | 0,75 | 0,6 | 1,5 | ? |
| 9 | Углекислый газ | ? | 0,8 | 2 | 0,373 |
| 10 | | 1,8 | ? | 5 | 1,8 |
| 11 | | 3,5 | 0,3 | ? | 2,32 |
| 12 | | 1 | 0,75 | 1,5 | ? |
| 13 | Азот | ? | 0,5 | 2,5 | 0,3 |
| 14 | | 1,2 | ? | 3 | 2,7 |
| 15 | | 1,5 | 0,2 | ? | 1,05 |
| 16 | | 2 | 1 | 2 | ? |
| 17 | Гелий | ? | 0,4 | 2 | 0,69 |
| 18 | | 0,8 | ? | 0,8 | 2,05 |
| 19 | | 0,5 | 0,5 | ? | 0,062 |
| 20 | | 1,4 | 0,25 | 1,5 | ? |
| 21 | Водород | ? | 0,136 | 1,5 | 1,565 |
| 22 | | 0,8 | ? | 0,5 | 3,76 |
| 23 | | 1,5 | 0,25 | ? | 2,64 |
| 24 | | 0,4 | 0,06 | 0,3 | ? |
| 25 | Пары́ воды | ? | 0,01 | 0,03 | 8,26 |
| 26 | | 0,15 | ? | 0,2 | 1,4 |
| 27 | | 0,2 | 0,15 | ? | 1,1 |
| 28 | | 0,075 | 0,05 | 0,15 | ? |