

密码学

第四章 分组密码

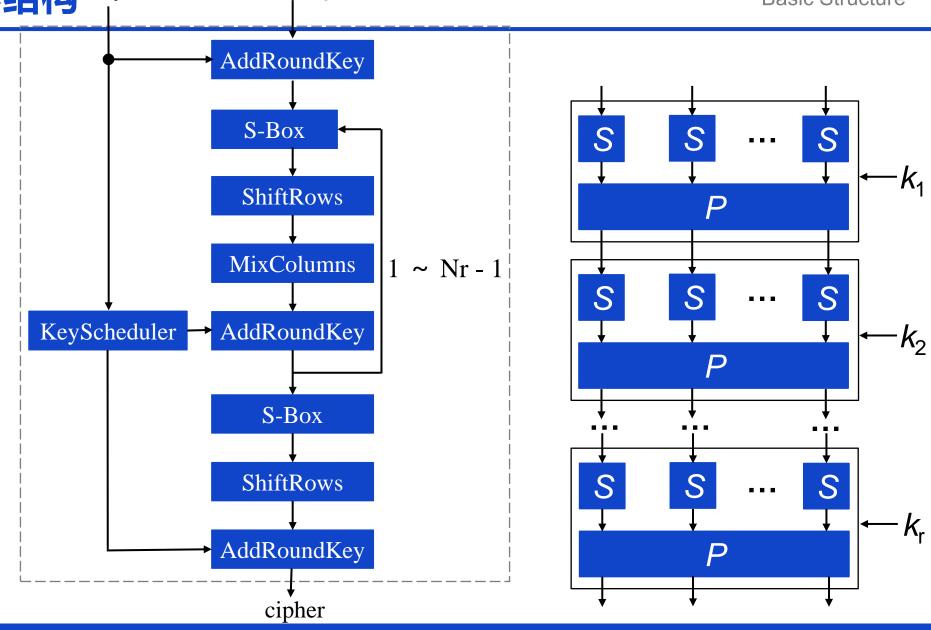
网络空间安全学院 胡伟 朱丹 weihu/zhudan@nwpu.edu.cn 知识回顾-AES基本结构 key

◆ S盒变换 –

S-Box

- ◆ 行移位 –

 ShiftRows
- ※ 密钥扩展 KeyScheduler
- ♪ 加轮密钥 AddRoundKey



message

知识回顾-S盒

- ◆ S盒变换的特点
 - 學 把输入字节看成GF(28)上的元素
 - ₹ 求出其在GF(28)上的逆元素

※ 第二步: 对上面的结果作如下的仿射变换

y0

y1

y2

y3

y4

y5

y6

V7

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\
0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{pmatrix}$$

X6

设a(x)的逆元为b(x), 则 $a(x)b(x) = 1 \mod m(x)$ 其中, $m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$

- - **▶** 行移位变换对状态矩阵的行进行循环左移
 - ₹ 第 0行不移位, 第1行移 1字节, 第2行移 2字节, 第3行移3字节
 - 行移位变换属于置换,属于线性变换,本质在于把数据打乱重排,起扩散作用

a	a	a	a. .	循环左移0位	а	a	a	a. .
4 0,0	α _{0,1}	4 0,2	4 0,3	循环左移1位	4 0,0	α _{0,1}	4 0,2	4 0,3
a	a	a	a		a	a	a	a
4 1,0	4 1,1	4 1,2	41,3	活玩 士 投2位	α 1,1	4 1,2	4 1,3	4 1,0
a _{2,0}	a _{2,1}	a _{2,2}	a _{2,3}	循环左移0位 循环左移1位 循环左移2位 循环左移3位	a _{2,2}	a _{2,3}	a _{2,0}	a _{2,1}
a _{3.0}	a _{3,1}	a _{3,2}	a _{3,3}	値外左移3位	a _{3,3}	a _{3.0}	a _{3,1}	a _{3,2}

知识回顾-列混合

- グ 列混合变换 MixColumn (128位), 属于线性变换, 起扩散作用
- ♪ 把状态的列视为GF(2⁸)上的多项式a(x), 乘以一个固定的多项式c(x), 并模 x^4+1 : $b(x) = a(x)c(x) \mod x^4 + 1$
- $c(x) = c3x^3 + c2x^2 + c1x + c0 = 03x^3 + 01x^2 + 01x + 02$
- 参 写成矩阵形式

- ◆ 轮密钥加变换的逆就是其本身
 - $(AddRoundKey)^{-1} = AddRoundKey$
- ◆ 行移位变换的逆是状态的后三行分别循环左移3,2,1个字节(或循环右移1,2,3个字节)

$$b(x) = a(x)c(x) \bmod x^4 + 1$$

♪ 列混合变换的逆就是状态的每列都乘以c(x)的<mark>逆多项式d(x)</mark>:

$$d(x) = (c(x))^{-1} \mod x^4 + 1$$

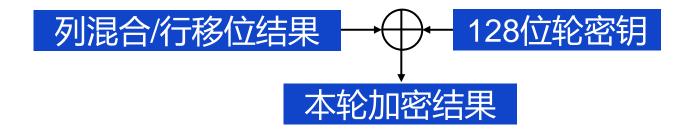
$$c(x) = 03x^3 + 01x^2 + 01x + 02$$

$$d(x) = 0Bx^3 + 0Dx^2 + 09x + 0E$$

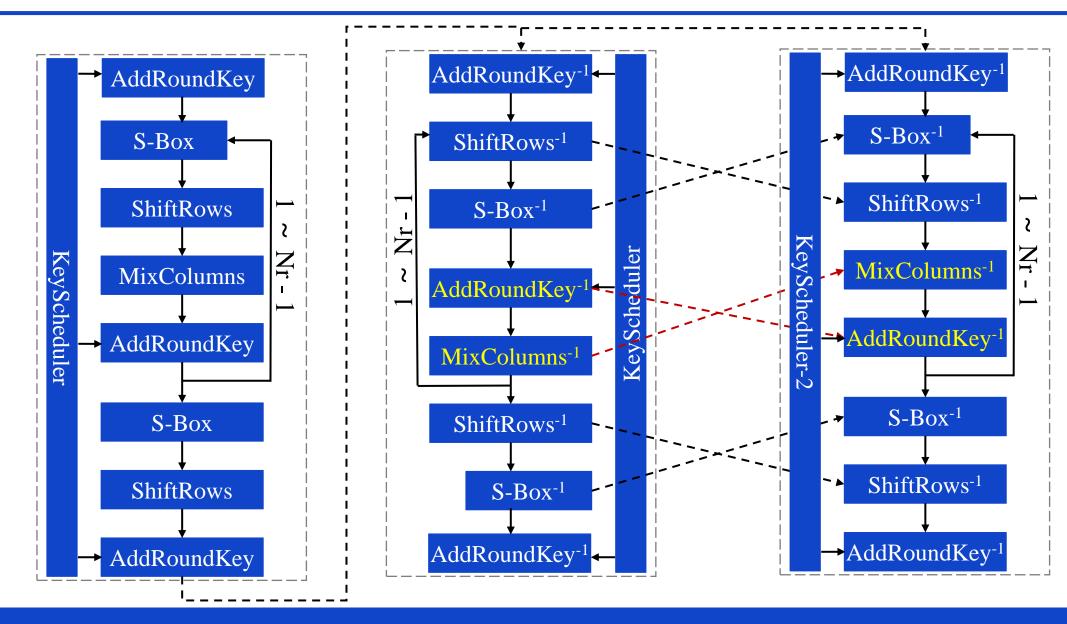
$$\begin{pmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0E & 0B & 0D & 09 \\ 09 & 0E & 0B & 0D \\ 0D & 09 & 0E & 0B \\ 0B & 0D & 09 & 0E \end{pmatrix} \begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$$

知识回顾-加轮密钥

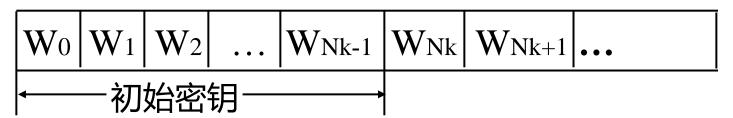
- ❖ 轮密钥加变换AddRoundKey(128位)
 - ₹ 把轮密钥与状态进行模2加
 - 轮密钥根据密钥产生算法产生
 - 轮密钥长度等于数据分组长度



知识回顾-AES解密算法



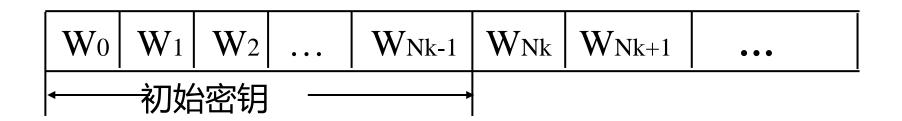
- ◈ 密钥扩展 $(N_k \le 6$ 的密钥扩展)
 - ₱最前面的Nょ个字由用户密钥填充
 - \checkmark 之后每个字W[j]等于W[j-1]与N_k个位置之前的字W[j N_k]的异或
 - 对于 N_k 的整数倍的位置处的字,在异或之前,对W[j-1]进行Rotl变换和ByteSub变换,再异或一个轮常数Rcon



当 j 是 N_k 的整数倍时: $W_j = W_{j-Nk} \oplus ByteSub (Rotl (W_{j-1})) \oplus Rcon[j/N_k]$

否则: $W_j = W_{j-Nk} \oplus W_{j-1}$

- N_k > 6 的密钥扩展
 - 增加: $N_k > 6$ 的密钥扩展与 $N_k \le 6$ 的密钥扩展不同之处在于: 如果j被 N_k 除的余数为4,则在异或之前,对W[j-1]进行SubBytes变换



当j是 N_k 的整数倍时: $W_j = W_{j-Nk} \oplus ByteSub (Rotl (W_{j-1})) \oplus Rcon[j/N_k]$ 当j被 N_k 除的余数为4: $W_j = W_{j-Nk} \oplus ByteSub(W_{j-1})$

否则: $W_j = W_{j-Nk} \oplus W_{j-1}$

- 参 数据类型: 定义便于做移位和逻辑运算的数据类型
- ✔ S盒: 采用查找表方式较为简单
- ◆ 行移位:字节之间的赋值和交换
- 参 列混合: [03 01 01 02]采用xtime乘法实现, 03 = 02 ⊕ 01
- ※ 密钥扩展:存储常量,调用S盒,按规则进行

练习题

- ❖ AES算法中对安全性影响最大的变换是什么? 为什么?
- ✔ AES最后一轮与其它轮的差别是什么?对安全性有何影响?
- ◆ AES加密算法和解密算法的区别有哪些?

章节安排

Outline



SM4密码算法



PRESENT密码算法

章节安排

Outline



SM4密码算法



PRESENT密码算法

4.12(1) 商用密码算法概述

- ▶ 坚持密码的公开设计原则
 - 密码的安全应仅依赖于密钥的保密,不依赖于算法的保密
- ◇ 公开设计原则并不要求使用时公开所有的密码算法
 - ▶ 核心密码不能公开算法
 - 核心密码的设计也要遵循公开设计原则
- ◆ 商用密码应当公开算法
 - ₹ 美国DES开创了公开商用密码算法的先例
 - ∮ 美国经历了DES (公开) → EES (保密) → AES (公开) 的曲折 过程,证明公开征集、公布算法的路线是正确的
 - 欧洲也公开商用密码算法



Kerckhoffs

4.12(1) 商用密码算法概述

- ◆ 我国商用密码长期以来不公开密码算法,只提供密码芯片
 - ▶ 由少数专家设计,难免有疏漏
 - 难于标准化,应用成本高,不利于推广应用
- **▶** 近年来我国陆续公布了商用密码算法
 - ₹ 2006年2月公布了分组密码SM4
 - ₹ 2021年, SM4加密算法作为ISO/IEC国际标准
 - ₹ 2011年2月公布了椭圆曲线密码SM2和杂凑算法SM3
 - 商用密码管理更加科学化、与国际接轨
 - 这将促进我国商用密码的发展

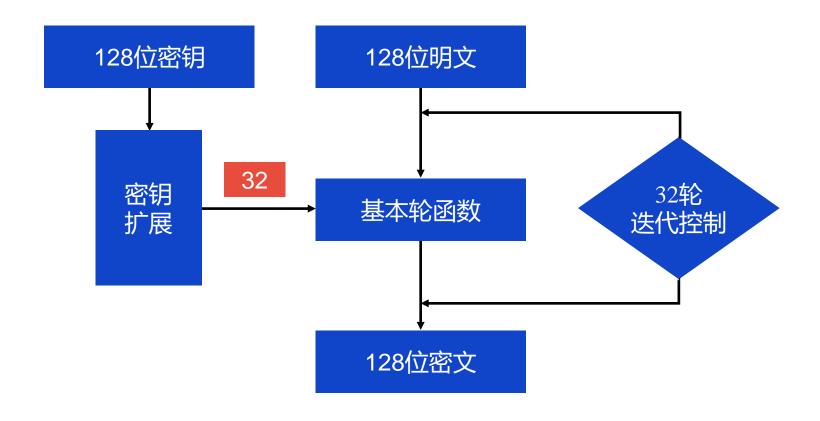
4.12(1) 商用密码算法概述

- ✓ 美国1997年启动的NIST计划
- ✓ 欧洲2000年启动的NESSIE计划
- ✓ 欧洲2004年启动的ECRYPT计划
- ✓ 美国2007年启动的SHA-3计划
- ✓ 我国近年来也形成了国密标准

- ✓ 国家商用密码管理办公室制定了一系列密码标准,包括
- ✓ SM1 (SCB2) 128位分组密码算法,算法强度与AES相当
- ✓ SM2 椭圆曲线公钥密码算法
- ✓ SM3 杂凑(哈希、散列)算法
- ✓ SM4 128位分组密码算法
- ✓ SM7 128位分组密码算法,适用于非接触式IC卡
- ✓ SM9 标识密码算法
- ✓ 祖冲之密码算法 (ZUC) 流密码算法,运用于移动通信4G 网络中的国际标准密码算法

4.12(2) SM4密码算法概述

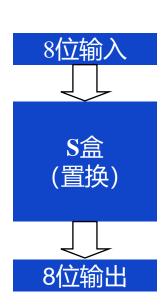
- ♪ 分组密码
 - ▶ 由数据分组 (明文,密文) 长度为128位、密钥长度为128位
 - **送代轮数:32轮**
 - 数据处理单位:字节(8位),字(32位)
- ◈ 密码算法特点
 - 对合运算:解密算法与加密算法相同
 - 密钥生成算法与加密算法结构类似
 - ✔ 不是SP结构,也不是Feistel结构,属于滑动窗口结构



4.12(2) SM4密码算法概述

- ▶ 基本运算
 - **樘** 模2加: ⊕,32 比特异或运算
- - ₹ 8位输入,8位输出
 - ▶ 本质上是 8位的非线性置换
 - ho 设输入为a,输出为b,S盒运算可表示为:

$$b = S - Box(a)$$

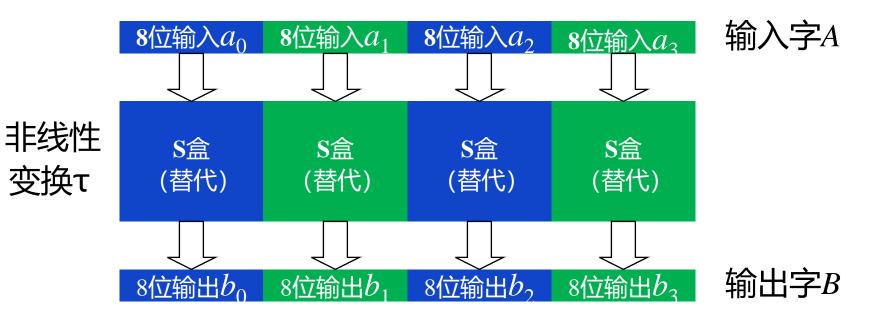


4.12(2) S盒查找表

- ◇ 以输入的前半字节为行号, 后半字节为列号,行列交 叉点处的数据即为输出
- **夕** 与AES的S盒相当
- Arr S-Box(0xAC) = ?

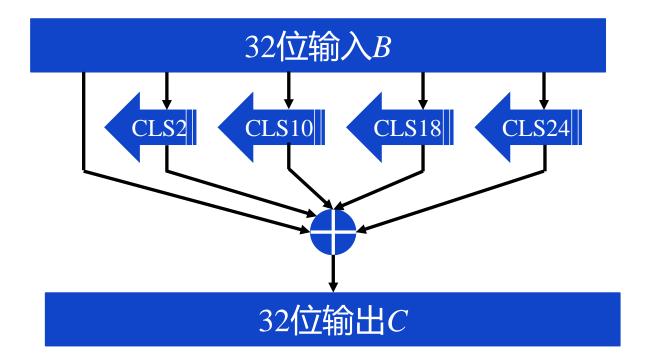
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	С	d	e	f
0	d6	90	e9	fe	cc	e1	3d	b7	16	b6	14	c2	28	fb	2c	05
1	2b	67	9a	76	2a	be	04	c3	aa	44	13	26	49	86	06	99
2	9c	42	50	f4	91	ef	98	7a	33	54	0b	43	ed	cf	ac	62
3	e4	b3	1c	a9	c 9	08	e8	95	80	df	94	fa	7:	8f	3f	a6
4	47	07	a7	fc	f3	73	17	ba	83	59	3c	19	e6	85	4f	a8
5	68	6b	81	b2	71	64	da	8b	f8	eb	0f	4b	70	56	9d	35
6	1e	24	0e	5e	63	58	d1	a2	25	22	7c	3b	0	21	78	87
7	d4	00	46	57	9f	d3	27	52	4c	36	02	e7	a(c4	c8	9e
8	ea	bf	8a	d2	40	c7	38	b5	a3	f7	f2	ce	f9	61	15	al
9	e 0	ae	5d	a4	9b	34	1a	55	ad	93	32	30	f5	8c	b1	e3
a -	1d	f 6	c2	20	82	66	ca	60	e0	29	23	ab	0d	53	4e	6f
b	d5	db	37	45	de	fd	8e	2f	03	ff	6a	72	6d	6c	5b	51
c	8d	1b	af	92	bb	dd	bc	7f	11	d9	5c	41	1f	10	5a	d8
d	0a	c1	31	88	a5	cd	7b	bd	2d	74	d0	12	b8	e5	b4	b 0
e	89	69	97	4a	0c	96	77	7e	65	b9	f1	09	c5	6e	c6	84
f	18	f0	7d	ec	3a	dc	4d	20	79	ee	5f	3e	d7	cb	39	48

- ♪ 非线性字变换: 32位字的非线性变换
 - ▶ 4个S盒并行替代
 - 学 设输入字A = (a_0, a_1, a_2, a_3) , 输出字B = (b_0, b_1, b_2, b_3)
 - \not B = τ (A) = (S-Box(a_0), S-Box(a_1), S-Box(a_2), S-Box(a_3))



4.12(2) 线性L变换

- 多 线性变换, 32位输入, 32位输出
 - 学 设输入为B, 输出为C, 表为: C = L(B)
 - $C = L(B) = B \oplus (B < << 2) \oplus (B < << 10) \oplus (B < << 18) \oplus (B << <24)$



4.12(2) 字变换组合

- ◆ 由非线性变换τ和线性变换L复合而成
 - F $i \Box T(A) = L(\tau(A))$
 - ▶ 先S盒变换,后L变换

$$A = (a_0, a_1, a_2, a_3)$$

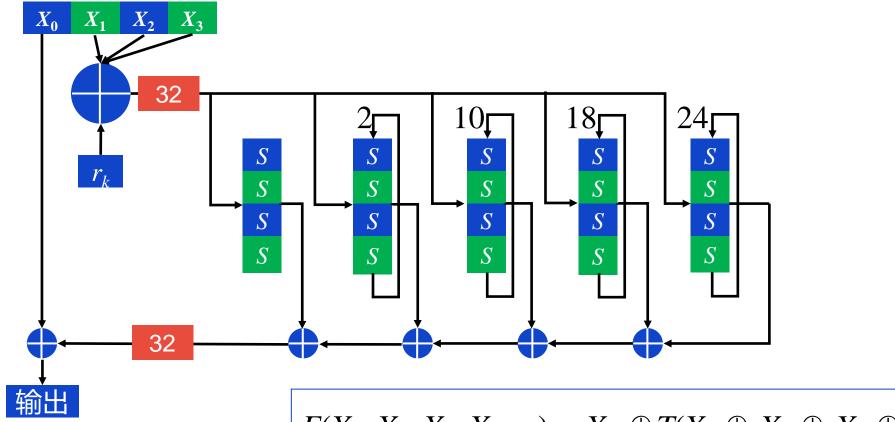
 $B = \tau(A) = (S-Box(a_0), S-Box(a_1), S-Box(a_2), S-Box(a_3))$

$$C = L(B) = B \oplus (B < << 2) \oplus (B < << 10) \oplus (B < << 18) \oplus (B << <24)$$

4.12(2) 轮函数

- ⋄ 输入数据: (X₀, X₁, X₂, X₃), 128位, 四个32位字
- ❖ 输入轮密钥: r_k, 32位字
- ♪ 输出数据: 32位字
- ❖ 轮函数F的定义:

$$F(X_0, X_1, X_2, X_3, r_k) = X_0 \oplus T(X_1 \oplus X_2 \oplus X_3 \oplus r_k)$$
$$T(A) = L(\tau(A))$$



$$F(X_0, X_1, X_2, X_3, r_k) = X_0 \oplus T(X_1 \oplus X_2 \oplus X_3 \oplus r_k), T(X) = L(\tau(X))$$

$$B = \tau(A) = (S-Box(a_0), S-Box(a_1), S-Box(a_2), S-Box(a_3))$$

$$C = L(B) = B \oplus (B < << 2) \oplus (B < << 10) \oplus (B < << 18) \oplus (B << <24)$$

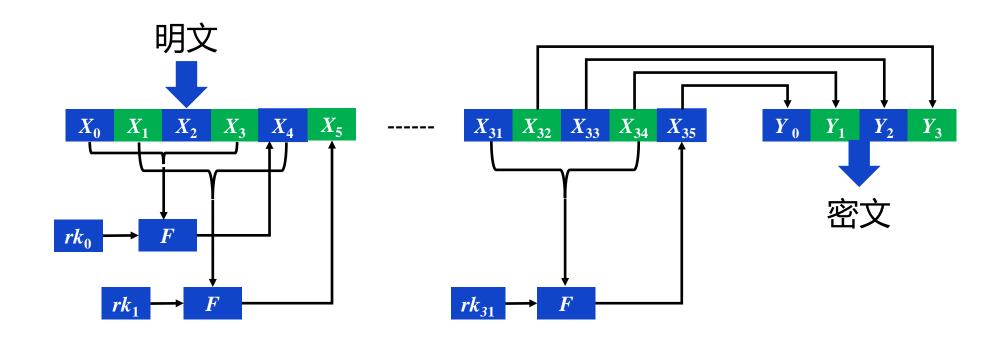
4.12(3) SM4加密算法

- 参 输入明文: (X₀, X₁, X₂, X₃), 128位, 四个32位字
- ◈ 输入轮密钥: r_{ki} (i = 0, 1, ..., 31), 32位字, 共32个轮密钥
- 参 输出密文: (Y₀, Y₁, Y₂, Y₃), 128位, 四个32位字

```
\begin{cases} X_{i+4} = F(X_i, X_{i+1}, X_{i+2}, X_{i+3}, rk_i) \\ = X_i \oplus T(X_{i+1} \oplus X_{i+2} \oplus X_{i+3} \oplus rk_i), & i = 0, 1, ..., 31 \\ = X_i \oplus L(\tau(X_{i+1} \oplus X_{i+2} \oplus X_{i+3} \oplus rk_i)), & i = 0, 1, ..., 31 \\ (Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) = (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32}) \end{cases}
```

4.12(3) SM4加密算法

♪ 滑动窗口迭代结构 (广义 Feistel结构)



- ◆ SM4密码算法是对合的,因此解密与加密算法相同,只是轮密钥的使用顺序相反
- 参 输入密文: (Y₀, Y₁, Y₂, Y₃), 128位, 四个32位字
- ◈ 输入轮密钥: r_{ki} (i = 31, 30, ..., 1, 0), 32位字, 共32个轮密钥
- 参 输出明文: (X₀, X₁, X₂, X₃), 128位, 四个32位字

```
\begin{cases} X_{i+4} = F(X_i, X_{i+1}, X_{i+2}, X_{i+3}, rk_i) \\ = X_i \oplus T(X_{i+1} \oplus X_{i+2} \oplus X_{i+3} \oplus rk_i), & i = 0, 1, ..., 31 \\ = X_i \oplus L(\tau(X_{i+1} \oplus X_{i+2} \oplus X_{i+3} \oplus rk_i)), & i = 0, 1, ..., 31 \\ (Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) = (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32}) \end{cases}
```

4.12(5) SM4密钥扩展算法

♪ 常数FK: 在密钥扩展中使用的一些常量

$$FK_0 = (A3B1BAC6)$$

$$FK_1 = (56AA3350)$$

$$FK_2 = (677D9197)$$

$$FK_3 = (B27022DC)$$

4.12(5) SM4密钥扩展算法

◇ 固定参数C: 32 个固定参数 C_{ki} , i = 0, 1, ..., 31

00070e15	1c232a31	383f464d	545b6269
70777e85	8c939aa1	a8afb6bd	c4cbd2d9
e0e7eef5	fc030a11	181f262d	343b4249
50575e65	6c737a81	888f969d	a4abb2b9
c0c7ced5	dce3eaf1	f8ff060d	141b2229
30373e45	4c535a61	686f767d	848b9299
a0a7aeb5	bcc3cad1	d8dfe6ed	f4fb0209
10171e25	2c333a41	484f565d	646b7279

4.12(5) SM4密钥扩展算法

- ◈ 输入加密密钥: $MK = (MK_0, MK_1, MK_2, MK_3)$
- ◈ 输出轮密钥: rki, i = 0, 1, 2, ..., 30, 31
- ◆ 中间数据: *Ki*, *i* = 0, 1, 2, ..., 34, 35
- ♪ 扩展算法流程:
 - $(K_0, K_1, K_2, K_3) = (MK_0 \oplus FK_0, MK_1 \oplus FK_1, MK_2 \oplus FK_2, MK_3 \oplus FK_3)$
 - For i = 0, 1, 2, ..., 30, 31 Do

$$rk_i = K_{i+4} = K_i \oplus T'(K_{i+1} \oplus K_{i+2} \oplus K_{i+3} \oplus CK_i)$$

F 说明: T '变换与加密算法轮函数中的T 相似,只将其中的线性变换L修改为L '

$$L'(B) = B \oplus (B <<< 13) \oplus (B <<< 23)$$

 $FK_0 = (A3B1BAC6), FK_1 = (56AA3350), FK_2 = (677D9197), FK_3 = (B27022DC), CK_i$ 也是常数

4.12(6) SM4安全性

- **▶** 国家专业机构设计,专业机构进行了充分的密码分析,是安全的
- ♪ 已有23轮SM4的差分密码分析
- ▶ 已有20轮SM4的线性密码分析

章节安排

Outline



SM4密码算法



PRESENT密码算法

4.13(1) 轻量级分组密码

◆ 主要面向物联网、RFID系统、无线传感网络、智能卡等计算资源受限的应用

NAME (Nb/Nk)	Reference	Struct.	Nb rounds
AES-128* (128/128)	[18]	SPN	10
CLEFIA-128* (128/128)	[48]	Feistel	18
DESXL (64/184)	[37]	Feistel	16
HIGHT (64/128)	[23]	Feistel	32
IDEA* (64/128)	[34]	Lai-Massey	8.5
KATAN & KTANTAN (32, 48, 64/80)	[9]	Stream	254
KLEIN (64/64, 80 and 96)	[19]	SPN	12, 16, 20
LBLOCK (64/80)	[57]	Feistel	32
LED (64/64 and 128)	[20]	SPN	32/48
mCrypton (64/64, 96 and 128)	[39]	SPN	12
MIBS $(64/64 \text{ and } 80)$	[25]	Feistel	32
Noekeon* (128/128)	[14]	SPN	16
Piccolo (64/80 and 128)	[47]	Feistel	25/31
PRESENT (64/80 and 128)	[8]	SPN	31
TEA & XTEA (64/128)	[56]	Feistel	64
TWINE (64/ 80 and 128)	[51]	Feistel	36
SEA (96/96,)	[50]	Feistel	Var.
SKIPJACK* (64/80)	[44]	Feistel	32

Mickaël Cazorla, et al. Survey and Benchmark of Lightweight Block Ciphers for Wireless Sensor Networks. IDEA, 2013, 64(128)

4.13(2) PRESENT密码算法

- ♪ 超轻量级分组密码, 2007年在CHES会议上报道
 - ₹ 算法采用S-P网络结构
 - ▶ 支持80位和128位两种密钥长度
 - ₹ 分组长度为64位
 - ₹ 共迭代31轮
- ◆ 具有出色的硬件实现性能和简洁的轮函数设计
- ♪ 非常适合于物联网、RFID系统、无线传感网络、智能卡等资源受限的环境

PRESENT: An Ultra-Lightweight Block Cipher, https://link.springer.com/chapter/10.1007%2F978-3-540-74735-2_31

4.13(2) PRESENT密码算法

▶ 基本运算

- 幹 轮密钥加 (addRoundKey)
- ℰ S盒代換层 (sBoxLayer)
- ✔ P置換层 (pLayer)

```
generateRoundKey(key)

for i = 1 to 31 do

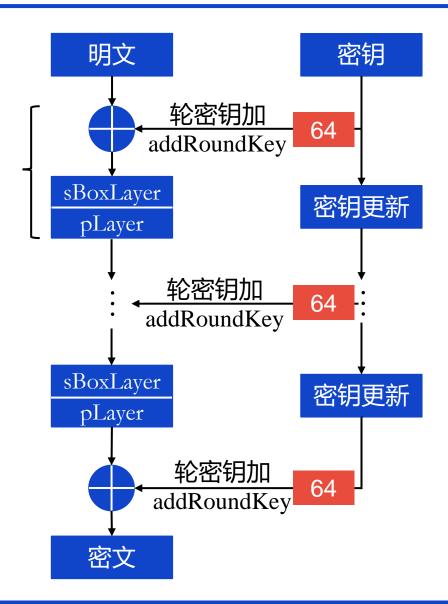
addRoundKey(State, K<sub>i</sub>)

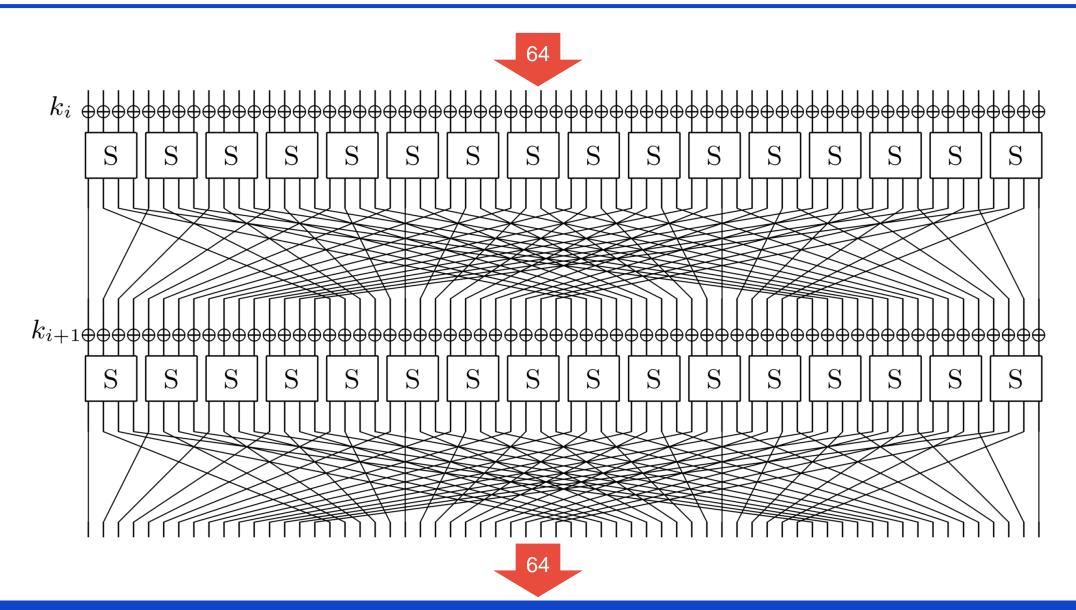
sBoxLayer(State)

pLayer(State)

end for

addRoundKey(State, K<sub>32</sub>)
```





4.13(2) PRESENT密码算法结构

- ❖ 轮密钥加 (addRoundKey)
 - 64位状态和密钥对应位做异或(模二加)
- ◆ S盒代換层 (sBoxLayer)
 - ✔ PRESENT使用了一个简单的4位S盒
 - ₹ 64位的状态划分为16个分组

X	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	В	C	D	E	F
S(x)	C	5	6	В	9	0	A	D	3	E	F	8	4	7	1	2

4.13(2) PRESENT密码算法结构

▶ P置換层(pLayer): 对S盒替换的64位输出重新排列(按比特)

i	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Α	В	С	D	E	F
P(i)	0	10	20	30	1	11	21	31	2	12	22	32	3	13	23	33
i	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	1A	1B	1C	1D	1E	1F
P(i)	4	14	24	34	5	15	25	35	6	16	26	36	7	17	27	37
i	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	2A	2B	2C	2D	2E	2F
P(i)	8	18	28	38	9	19	29	39	Α	1 A	2A	3A	В	1B	2B	3B
i	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	3A	3B	3C	3D	3E	3F
P(i)	С	1C	2C	3C	D	1D	2D	3D	Ε	1E	2E	3E	F	1F	2F	3F

4.13(2) PRESENT密钥扩展

- ♪ PRESENT支持80位和128位两种密钥长度
- ♪ 以80位的密钥为例
 - ∮ 维持一个寄存器K,存储80位的输入密钥
 - 学 第i轮子密钥由寄存器的最左64位组成 $(k_{79}, k_{78}, ..., k_{16})$
- 於 密钥更新 (由第i轮子密钥计算第i+1轮子密钥):

 - ₹ 最高4位进行S盒替换
 - 学 将当前加密轮数与[k_{19} , k_{18} , k_{17} , k_{16} , k_{15}]进行异或操作

S盒替换: $[k_{79}, k_{78}, k_{77}, k_{76}] = S([k_{79}, k_{78}, k_{77}, k_{76}])$

异或操作: $[k_{19}, k_{18}, k_{17}, k_{16}, k_{15}] = [k_{19}, k_{18}, k_{17}, k_{16}, k_{15}] \oplus \text{round}$

课 后 阅 读

- Mickaël Cazorla, et al. Survey and Benchmark of Lightweight Block Ciphers for Wireless Sensor Networks. IDEA, 2013, 64(128)
- PRESENT: An Ultra-Lightweight Block Cipher, https://link.springer.com/chapter/10.1007%2F978-3-540-74735-2_31
- ▶ 大作业: SM4的编程实现

