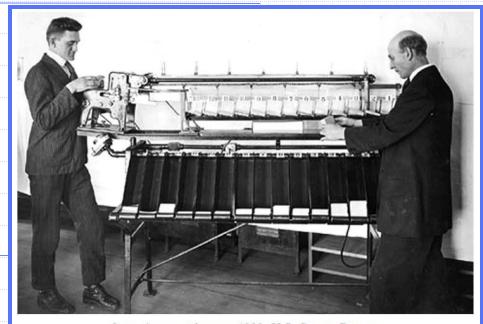
Παρουσίαση για χρήση με το σύγγραμμα, Αλγόριθμοι Σχεδίαση και Εφαρμογές, των Μ. Τ. Goodrich and R. Tamassia, Wiley, 2015 (στα ελληνικά από εκδόσεις Μ. Γκιούρδας)

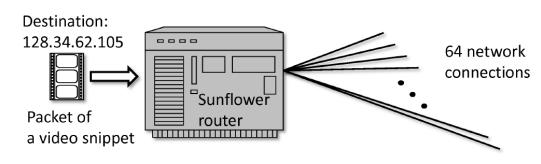
# Πίνακες αντιστοίχισης (χάρτες - maps)



Operating a card sorter, 1920. U.S. Census Bureau.

#### Εφαρμογή: Δρομολογητές δικτύου

- Οι δρομολογητές δικτύου επεξεργάζονται πακέτα πληροφοριών από πολλές συνδέσεις σε υψηλή ταχύτητα.
- Για την επεξεργασία ενός πακέτου, (k,x), όπου k είναι το κλειδί για τον προορισμό και x τα δεδομένα που περιέχει, ένας δρομολογητής πρέπει πολύ γρήγορα να αποφασίσει σε ποια από τις συνδέσεις του δικτύου να στείλει το πακέτο.
- Ένα τέτοιο σύστημα πρέπει να υποστηρίζει αναζητήσεις βάση κλειδιού, δλδ, λειτουργίες get(k), καθώς και λειτουργίες put(k,c) για την προσθήκη μίας νέας σύνδεσης δικτύου, c, για κλειδί προορισμού, k.
- Ιδανικά θέλουμε να επιτύχουμε O(1) χρόνο τόσο για τη λειτουργία get
  όσο και για τη λειτουργία put.



### Πίνακες αντιστοίχισης

- Ένας πίνακας αντιστοίχισης είναι μία συλλογή τιμών με δυνατότητα αναζήτησης για εγγραφές της μορφής κλειδί-τιμή.
- ο Οι κύριες λειτουργίες ενός πίνακα αντιστοίχισης είναι η αναζήτηση, η εισαγωγή, και η διαγραφή στοιχείων.
- Πολλαπλές εγγραφές με το ίδιο κλειδί δεν επιτρέπονται.
- Άλλες εφαρμογές:
  - Βιβλίο διευθύνσεων.
  - Βάση δεδομένων εγγραφών σπουδαστών.



### Λειτουργίες πίνακα αντιστοίχισης

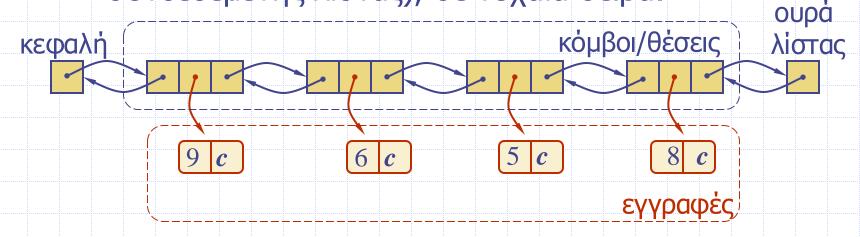
- get(k): Αν ο πίνακας αντιστοίχισης Μ περιέχει ένα στοιχείο με κλειδί ίσο με k επιστρέφει την τιμή του, αλλιώς επιστρέφει null.
- put(k, v): εισαγωγή στοιχείου (k, v) στον πίνακα αντιστοίχισης Μ, εάν το κλειδί k δεν υπάρχει στον Μ επιστρέφει null, αλλιώς επιστρέφει την προηγούμενη τιμή στην οποία αντιστοιχούσε το k.
- remove(k): εάν ο πίνακας αντιστοίχισης Μ έχει ένα στοιχείο με κλειδί k, το αφαιρεί από τον Μ και επιστρέφει την τιμή του, αλλιώς επιστρέφει null.
- size(), isEmpty().

### Παράδειγμα

| Λειτουργία            | Έξοδος | Πίνακας αντιστοίχισης (map) |
|-----------------------|--------|-----------------------------|
| <br>isEmpty()         | true   | Ø                           |
| <br>put(5,A)          | null   | (5,A)                       |
| <br>put(7 <i>,B</i> ) | null   | (5,A),(7,B)                 |
| <br>put(2 <i>,C</i> ) | null   | (5,A),(7,B),(2,C)           |
| <br>put(8 <i>,D</i> ) | null   | (5,A),(7,B),(2,C),(8,D)     |
| <br>put(2 <i>,E</i> ) | С      | (5,A),(7,B),(2,E),(8,D)     |
| get(7)                | В      | (5,A),(7,B),(2,E),(8,D)     |
| get(4)                | null   | (5,A),(7,B),(2,E),(8,D)     |
| get(2)                | Ε      | (5,A),(7,B),(2,E),(8,D)     |
| size()                | 4      | (5,A),(7,B),(2,E),(8,D)     |
| remove(5)             | Α      | (7,B),(2,E),(8,D)           |
| remove(2)             | Ε      | (7,B), $(8,D)$              |
| get(2)                | null   | (7,B), $(8,D)$              |
| isEmpty()             | false  | (7,B),(8,D)                 |
|                       |        |                             |

## Ένας απλός πίνακας αντιστοίχισης βασισμένος σε λίστα

- Μπορούμε να υλοποιήσουμε έναν πίνακα αντιστοίχισης με μία αταξινόμητη λίστα.
  - Αποθηκεύουμε τα στοιχεία του πίνακα αντιστοίχισης σε μία λίστα S (βάσει μίας διπλά συνδεδεμένης λίστας), σε τυχαία σειρά.



### Απόδοση πίνακα αντιστοίχισης που είναι βασισμένος σε λίστα

#### Απόδοση:

- Η put απαιτεί χρόνο O(1) αφού μπορούμε να προσθέσουμε ένα νέο στοιχείο στην αρχή ή στο τέλος της ακολουθίας.
- Η get και η remove απαιτούν χρόνο O(n) αφού στην χειρότερη περίπτωση (όπου το στοιχείο δεν υπάρχει) θα διασχίσουν ολόκληρη την ακολουθία ψάχνοντας ένα στοιχείο με το δεδομένο κλειδί.
- Η υλοποίηση βάσει μη ταξινομημένης λίστας είναι κατάλληλη μόνο για χάρτες μικρού μεγέθους ή για πίνακες αντιστοίχισης όπου η συνήθης λειτουργία είναι η put ενώ οι αναζητήσεις (get) και οι διαγραφές (remove) είναι σπάνιες (π.χ. ιστορικό καταγραφής συνδέσεων χρηστών σε έναν Η/Υ).