

数字图像处理笔记

陈鸿峥

2019.09*

目录

1	概述	1
2	数字图像基础	2
2.1	人类视觉	2
2.2	图像数字化	2
2.3	像素间基本关系	3
3	空间域图像增强	4
3.1	基本灰度变换	4
3.2	位图	7
3.3	直方图	8

本课程采用书目Rafael C. Gonzalez & Richard E. Woods, *Digital Image Processing (3rd ed)*¹。

1 概述

任何图像本质上就是一个二维函数， x 和 y 是空间坐标，在任何一对空间坐标上的函数值称为该点的强度或灰度。当 x , y 和幅值为有限的、离散的数值时，就称这个图像为**数字图像**。数字图像处理的输入为图像，输出为图像或图像的子集。

基本步骤：图像获取、图像滤波和增强、图像复原、彩色图像处理、小波与分辨率处理、压缩、形态学处理、分割、表示和描述、目标识别。

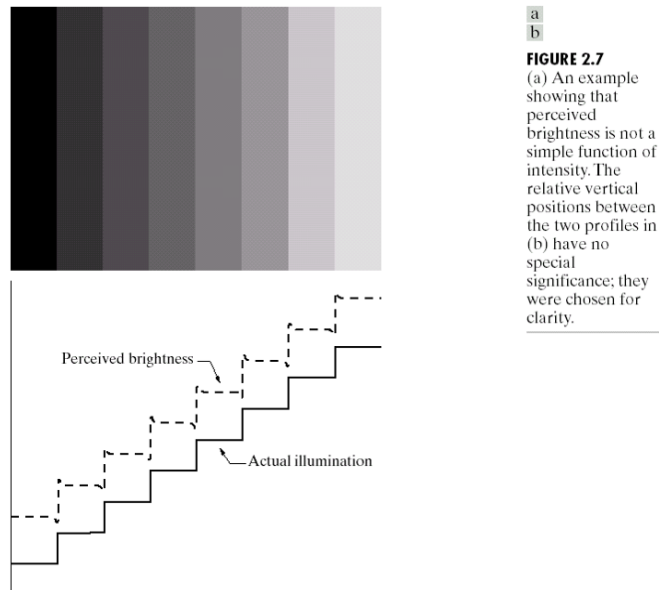
*Build 20190904

¹<http://www.imageprocessingplace.com>

2 数字图像基础

2.1 人类视觉

- 人的视觉由眼睛中两部分光接收器（感受细胞）组成的：锥状体和杆状体。
- 成像原理：与光学透镜相似，但适应性强。看远处物体，肌肉会迫使晶状体变得扁平，晶状体的聚焦中心向前移动；物体离眼睛近时，肌肉使晶状体变厚，光心向视网膜成像区域靠近。
- 韦伯比： $\Delta I_c/I$ ，度量人的眼睛特定的适应级别对亮度变化的辨别力。在低的照明级别，亮度辨别较差（杆状体起作用）。在背景照明增强时，亮度辨别得到明显的改善（锥状体起作用），即对亮的东西敏感。
- 亮度不是简单的强度函数，下面是两个现象
 - 视觉系统倾向于不同强度区域边界周围的欠调(undershoot)和过调(overshoot)



- 同时对比现象



FIGURE 2.8 Examples of simultaneous contrast. All the inner squares have the same intensity, but they appear progressively darker as the background becomes lighter.

2.2 图像数字化

图像数字化包括两个步骤

- 取样（时空域）：剖分为像素，用一个像素值代替这一块， $f(x, y) \in [0, +\infty)$
- 量化（光色强度）：变为 $[0, 255]$ 之间的整数

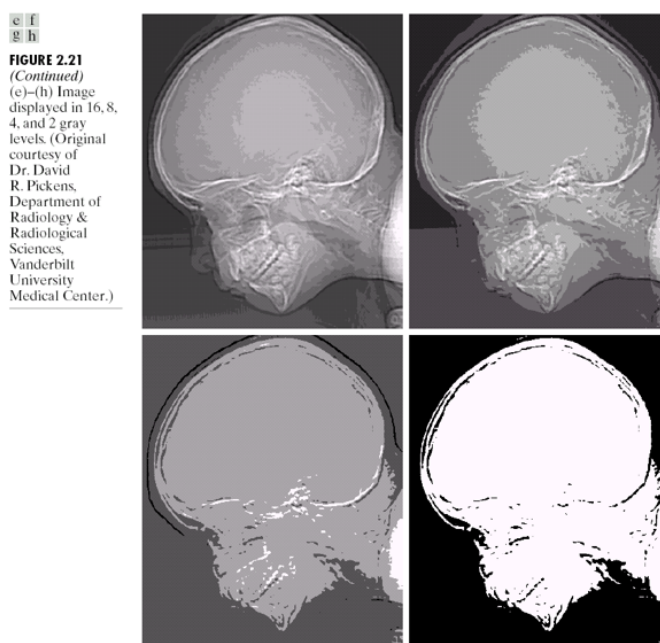
$$f(x, y) = \begin{bmatrix} f(0, 0) & f(0, 1) & \cdots & f(0, N-1) \\ f(1, 0) & f(1, 1) & \cdots & f(m) \end{bmatrix}$$

即数字图像包括位置属性 (x, y) 和像素大小 $f(x, y)$ 两个特征，用上面的二维矩阵表示，每个元素称为图像的像素。

- 像素越大越精确，每一块分得越细
- 计算机中字节处理最快，所以才用8位色(256位)

两种不同的分辨率

- 空间分辨率：图像中可分辨的最小细节，即图像大小（行 \times 列）
- 灰度分辨率：一个像素值单位幅度上包含的灰度级数，通常是2的整数幂级数，如：用一个byte存一个像素值为256级
 - 人眼对灰度分辨率的敏感程度与图像内容复杂程度有关，如更偏爱人脸，而对人群不敏感
 - 当灰度分辨率不够，会产生伪轮廓



放大与缩小：近邻插值、双线性插值

2.3 像素间基本关系

定义 1 (邻域). 坐标为 (x, y) 的像素 p 的

- 4邻域 $N_4(p) = \{(x-1, y), (x+1, y), (x, y-1), (x, y+1)\}$
- 对角相邻像素 $N_D(p) = \{(x-1, y-1), (x+1, y-1), (x-1, y+1), (x+1, y+1)\}$

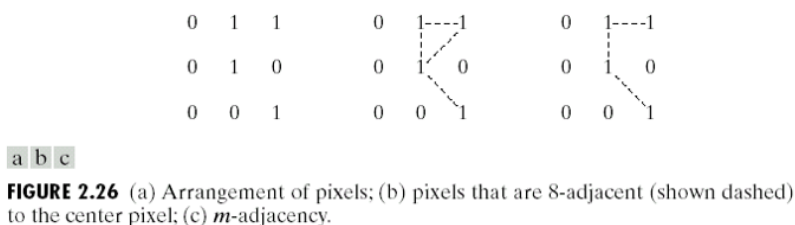
- 8邻域 $N_8(p) = N_4(p) \cup N_D(p)$

定义 2 (邻接性). 数字图像的邻接需要满足灰度值的邻接和物理位置的邻接。考虑 $V \subset [0, 255]$ ，有三种邻接性：

- 4邻接： $q \in N_4(p)$ 且 $q, p \in V$
- 8邻接： $q \in N_8(p)$ 且 $q, p \in V$
- m 邻接混合邻接：要么 (1) 4邻接，要么 (2) $q \in N_D(p)$ 且 $N_4(p) \cap N_4(q) \neq \emptyset$

若 S_1 中的某些像素和 S_2 中的某些像素邻接，则这两个集合是邻接的。

注意混合邻接是为了消除8邻接的二义性，见下图。



定义 3 (通路). 若 (x, y) 到 (s, t) 有 4/8 通路，则存在

$$(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$$

其中 $(x_0, y_0) = (x, y)$, $(x_n, y_n) = (s, t)$ 且 (x_i, y_i) 和 (x_{i-1}, y_{i-1}) 是 4/8 邻接的

定义 4 (连通集). 如果 S 中全部像素之间存在一个 4/8 通路，或者说 S 仅有一个连通分量，那么称 S 是 4/8 连通集。

3 空间域图像增强

图像增强目的是提高图像在特定应用领域的视觉质量，包括光滑、锐化、提取边缘、反转、去噪以及各种滤波等。

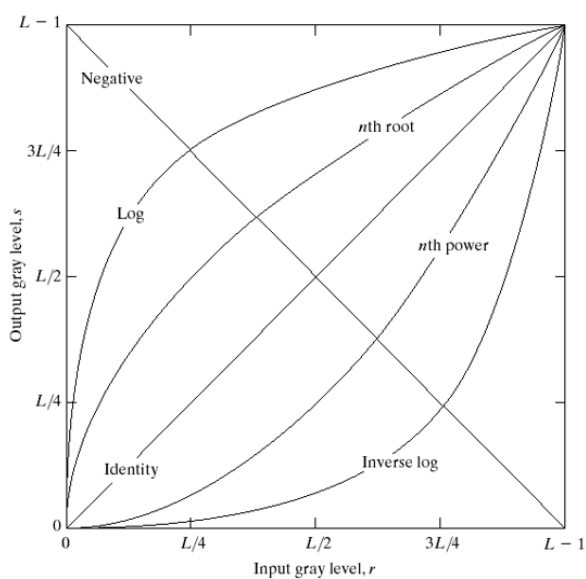
空间域图像增强的是直接对图像的像素进行操作，基本关系式可表示如下：

$$g(x, y) = T(f(x, y))$$

3.1 基本灰度变换

- 基本灰度函数：线形、对数、幂次

FIGURE 3.3 Some basic gray-level transformation functions used for image enhancement.



- 图像反转变换: $s = L - 1 - r$, 人眼的一个特点就是在背景相对光亮时对灰度层次有较好的分辨能力。

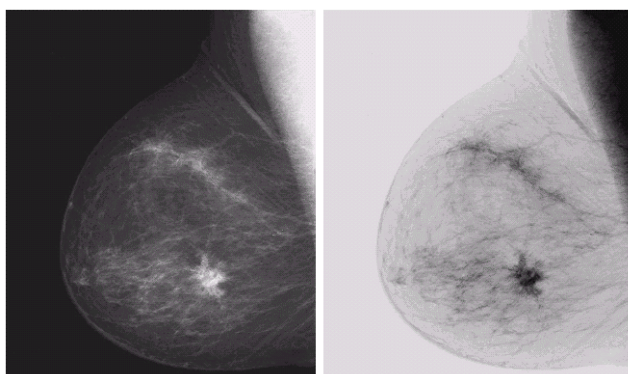
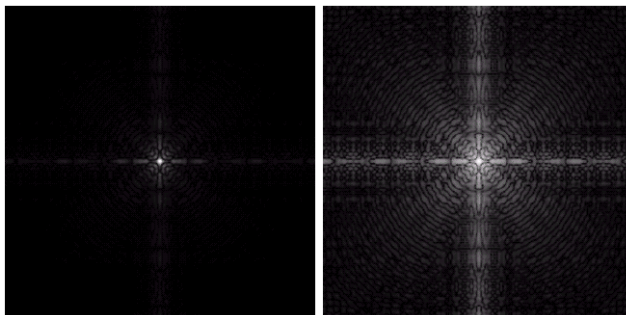


FIGURE 3.4
(a) Original digital mammogram.
(b) Negative image obtained using the negative transformation in Eq. (3.2-1).
(Courtesy of G.E. Medical Systems.)

- 对数变换: $s = c \log(1 + r)$, c 是常数, $r \geq 0$, 适合大范围的数据压缩。任何具有对数函数曲线形状的转变都可以完成灰度的压缩和扩展功能。

FIGURE 3.5
(a) Fourier spectrum.
(b) Result of applying the log transformation given in Eq. (3.2-2) with $c = 1$.



- 幂次变换: $s = cr^\gamma$, c 和 γ 都为正常数

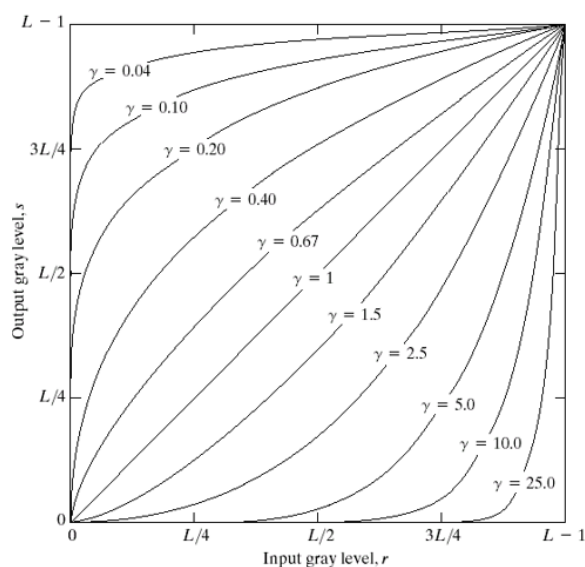
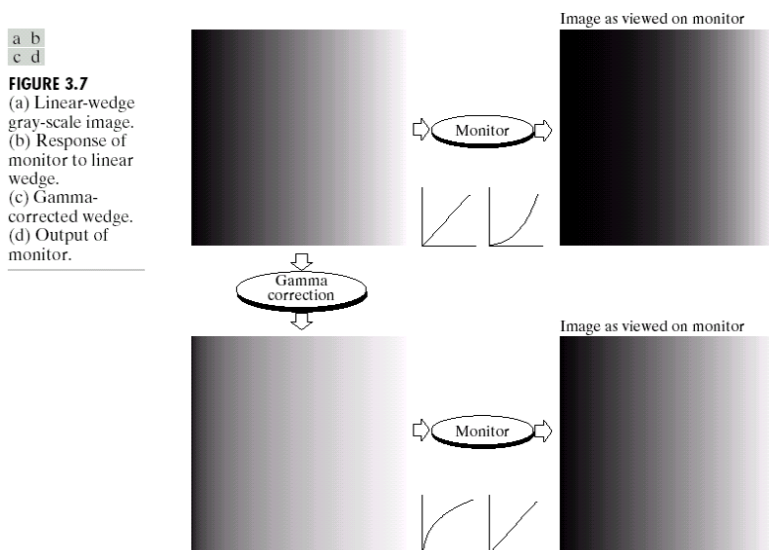


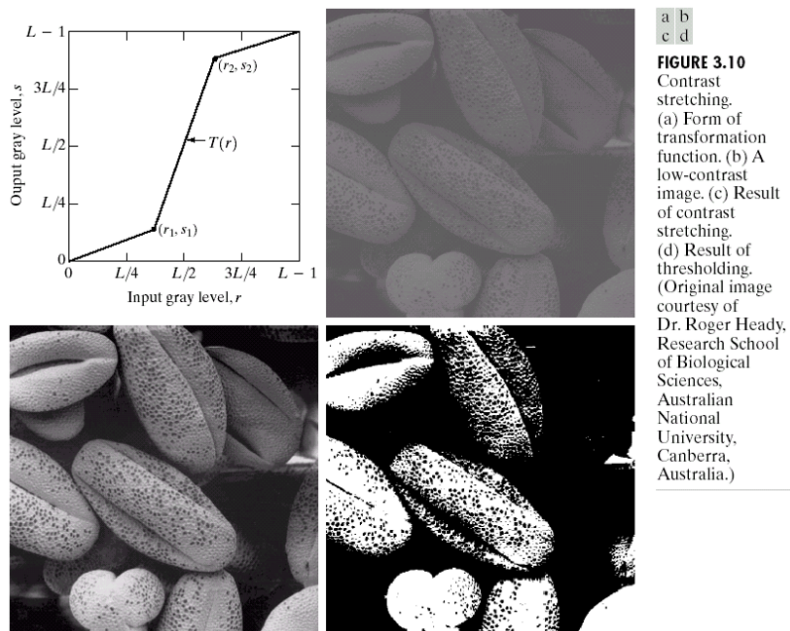
FIGURE 3.6 Plots of the equation $s = cr^\gamma$ for various values of γ ($c = 1$ in all cases).

伽马校正：大量的图像设备如捕捉卡、打印机、数码相机以及显示装置的响应（输出）就对应一个幂函数，通常称这个幂函数的指数为gamma。纠正这个幂次响应的处理称为伽玛校正(gamma correction)。

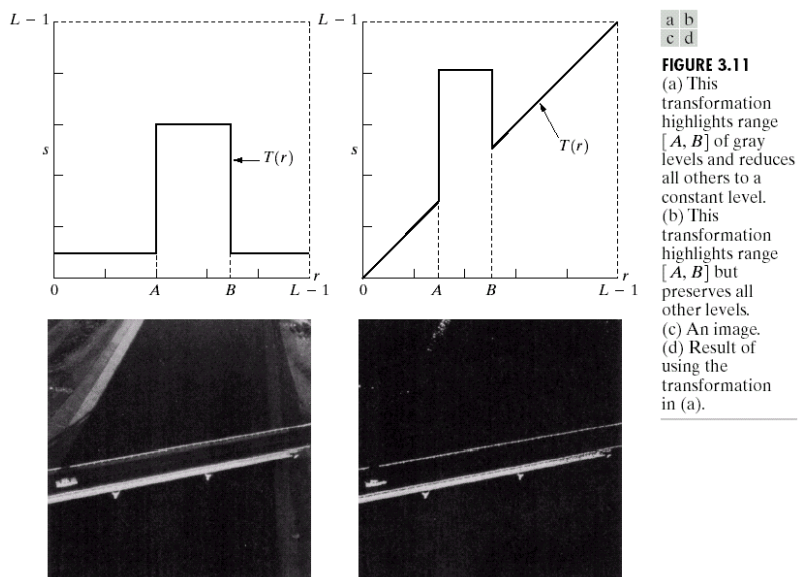


在一般的图像处理软件中，几乎都有伽玛校正的功能。这个功能可用于调整图像的对比度。如果图像偏暗，有些低灰度值的细节被掩盖时，可考虑用指数 $\gamma < 1$ 的伽玛校正；反之， $\gamma > 1$ 的校正对那些被“漂白”的细节会起作用。

- 分段线性变换



- 灰度切割：在图像中提高特定灰度的亮度



3.2 位图

位图切割：8位灰度图像可以分割成8个位面，每个是一个二值图像。高位表示了重要的信息，低位给出了不同程度的细节。

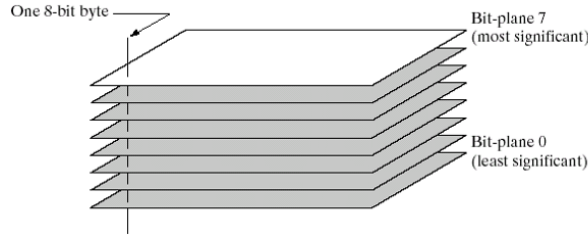


FIGURE 3.12
Bit-plane
representation of
an 8-bit image.

位图的作用

- 信息隐藏：藏在中间位，低位会被丢弃，高位太清楚
- 视频传输：先传高位，再传低位，逐渐清晰

3.3 直方图

定义 5 (直方图). 灰度级别为 $[0, L - 1]$ (直方图一定从0开始!). 数字图像直方图是离散函数 $h(r_k) = n_k$, 其中 r_k 是第 k 级灰度, n_k 是图像中灰度级为 r_k 的像素个数 (频数). 除以总数 n 就得到归一化的直方图。

有亮度差才能看到细节, 均衡分布

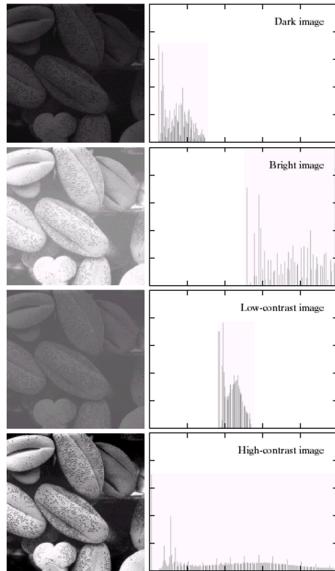


FIGURE 3.15 Four basic image types: dark, light, low contrast, high contrast, and their corresponding histograms. (Original image courtesy of Dr. Roger Heady, Research School of Biological Sciences, Australian National University, Canberra, Australia.)

直方图均衡化/线性化则是寻求一种变换使得变换后的图像具有尽可能均匀分布的直方图, 用于图像增强最大的特点是自动化, 有强大的适应性强的功能。步骤如下:

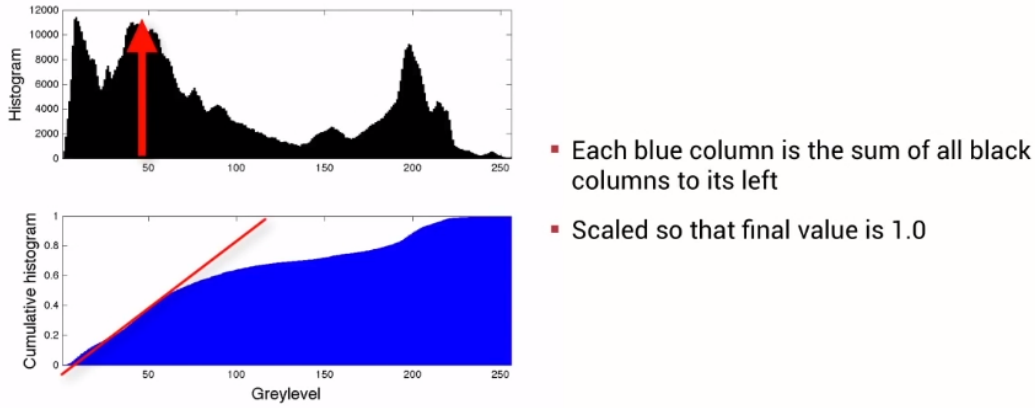
- 概率 $p_r(r_k) = n_k/n, k = 0, 1, 2, \dots, L - 1$
- 累计分布函数(PDF)

$$P(r_k) = \sum_{j=0}^k p_r(r_j) = \sum_{j=0}^k \frac{n_j}{n}, k = 0, 1, 2, \dots, L - 1$$

- 变换函数

$$s_k = T(r_k) = (L - 1) \cdot \sum_{j=0}^k \frac{n_j}{n}, k = 0, 1, 2, \dots, L - 1$$

- 将 s_k 四舍五入转换为标准灰度级别，如有相同 $\lceil s_k \rceil$ 则合并



分析. 若 r 为离散型随机变量, $T(r)$ 为单调递增函数 (T^{-1} 存在且单调), 且 $s = T(r)$, 则由概率论有

$$p_s(s) = p_r(r) \left. \frac{\partial r}{\partial s} \right|_{r=T^{-1}(s)} = p_s(T^{-1}(s)) |T^{-1}(s)|$$

考虑变换函数为 r 的累积分布函数(CDF)

$$s = T(r) = \int_0^r p_r(\omega) d\omega$$

对 s 求导并代入上面的式子可得 $p_s(s) = 1$, 故实现均衡。算法实际上就是求累积分布函数, 使得原本亮度小的像素能够映射到亮度大的空间。