a. Si consideri un sistema lineare e stazionario a tempo continuo descritto dalla seguente risposta al segnale $u(t)=e^{-\frac{1}{2}\,t}\,\mathbf{1}(t)$

$$y(t) = \left(-\frac{16}{9}e^{-t/2}t - 6e^{-t} + \frac{496e^{-t/2}}{81} - \frac{52}{81}\sqrt{2}e^{-t}\sin\left(\sqrt{2}t\right) - \frac{10}{81}e^{-t}\cos\left(\sqrt{2}t\right)\right) \ 1(t)$$

Determinare:

- 1. la funzione di trasferimento del sistema ed i suoi poli e zeri;
- 2. i modi di evoluzione libera del sistema;
- 3. la risposta all'impulso del sistema;
- 4. la risposta al gradino ed il suo grafico;
- 5. la risposta alla rampa;
- 6. un possibile modello ARMA la cui funzione di trasferimento è quella ottenuta nel primo punto dell'esercizio;
- 7. tenendo conto del modello determinato al punto precedente valutare la risposta all'ingresso

$$u(t) = -1(-t)$$

b. Disegnare e discutere il Diagramma di Bode per la seguente funzione di trasferimento

$$G(s) = \frac{9 (s+4)}{40 s^2 (s^2 + 2 s + 9)}$$

c. Si consideri il seguente schema di controllo in retroazione algebrica ed unitaria.

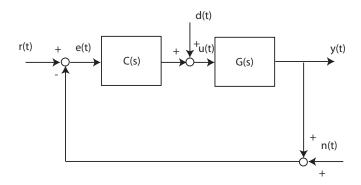


Figure 1:

dove G(s) rappresenta la f.d.t. del processo

$$G(s) = \frac{(s+1)}{s \left(s + \frac{1}{3}\right)^2}$$

Si chiede di determinare un regolatore C(s) di struttura semplice che garantisca il soddisfacimento delle seguenti specifiche:

- 1. errore di inseguimento alla rampa inferiore al 25 %;
- 2. massima sovraelongazione $S_{\%}\leqslant 25\,\%$, tempo di assestamento $t_{s}\leqslant 70$ sec.