

第2课时 等比数列的性质

课时对点练

注重双基 强化落实

一、选择题

1. 对任意等比数列 $\{a_n\}$, 下列说法一定正确的是()
A. a_1, a_3, a_9 成等比数列
B. a_2, a_3, a_6 成等比数列
C. a_2, a_4, a_8 成等比数列
D. a_3, a_6, a_9 成等比数列
2. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_{2019}=8a_{2016}$, 则公比 q 的值为()
A. 2 B. 3 C. 4 D. 8
3. 已知各项均为正数的等比数列 $\{a_n\}$ 中, $\lg(a_3a_8a_{13})=6$, 则 $a_1 \cdot a_{15}$ 的值为()
A. 100 B. -100
C. 10000 D. -10000
4. 等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1+a_2=3$, $a_2+a_3=6$. 则 a_8 等于()
A. 64 B. 128 C. 256 D. 512
5. 已知公差不为0的等差数列的第2,3,6项依次构成一个等比数列, 则该等比数列的公比 q 为()
A. $\frac{1}{3}$ B. 3 C. $\pm\frac{1}{3}$ D. ± 3
6. (2018·长春模拟)公比不为1的等比数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_5a_6+a_4a_7=18$, 若 $a_1a_m=9$, 则 m 的值为()
A. 8 B. 9 C. 10 D. 11
7. (2018·济南模拟)在正项等比数列 $\{a_n\}$ 中, 已知 $a_1a_2a_3=4$, $a_4a_5a_6=12$, $a_{n-1}a_na_{n+1}=324$, 则 n 等于()
A. 12 B. 13 C. 14 D. 15

二、填空题

8. 设数列 $\{a_n\}$ 为公比 $q>1$ 的等比数列, 若 a_4, a_5 是方程 $4x^2-8x+3=0$ 的两根, 则 $a_6+a_7=$ _____.
9. 已知数列 $\{a_n\}$ 是等比数列, 且 $a_n>0$, $a_3a_5+2a_4a_6+a_5a_7=81$, 则 $a_4+a_6=$ _____.
10. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 中, 有 $a_3a_{11}=4a_7$, 数列 $\{b_n\}$ 是等差数列, 且 $b_7=a_7$, 则 $b_5+b_9=$ _____.
11. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1a_2a_3a_4=1$, $a_{13}a_{14}a_{15}a_{16}=8$, 则 $a_{41}a_{42}a_{43}a_{44}=$ _____.

三、解答题

12. 已知数列 $\{a_n\}$ 是等比数列, $a_3 + a_7 = 20$, $a_1 a_9 = 64$, 求 a_{11} 的值.

13. 在等比数列 $\{a_n\} (n \in \mathbf{N}^*)$ 中, $a_1 > 1$, 公比 $q > 0$. 设 $b_n = \log_2 a_n$, 且 $b_1 + b_3 + b_5 = 6$, $b_1 b_3 b_5 = 0$.

(1) 求证: 数列 $\{b_n\}$ 是等差数列;

(2) 求 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 S_n 及 $\{a_n\}$ 的通项 a_n .

►探究与拓展

14. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_7 a_{11} = 6$, $a_4 + a_{14} = 5$, 则 $\frac{a_{20}}{a_{10}} =$.

15. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, 公差 $d \neq 0$, a_1, a_2, a_4 成等比数列, 已知数列 $a_1, a_3, a_{k_1}, a_{k_2}, \dots, a_{k_n}, \dots$ 也成等比数列, 求数列 $\{k_n\}$ 的通项公式.