## 대왕중학교 1학기 기말고사

수학

## 내신코치에서는 전국 최신 기출문제를 완전무료로 제공합니다.

점수

**1.** 다음 이차방정식 중 x=1을 해로 가지는 것은?



② 
$$(x-1)^2 = 1$$

$$3 x(x+1) = 0$$

$$(x-1)(x-2)=1$$

$$(x-1)(x-5) = 0$$

**2.** 이차방정식  $2x^2-5x+a-6=0$ 의 해가 모두 유리수가 되도록 하는 자연수 a의 값의 개수는?

- ① 2개
- ② 3개
- ③ 4개
- ④ 5개
- ⑤ 6개

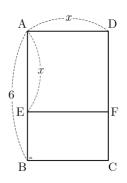
**3.** 어떤 물건의 가격을 2x%만큼 인상하였더니 판매량이 x%만큼 줄어서 가격 인상 전과 수입이 같았다. 이때, 양수 x의 값은?

- 1) 45
- ② 50
- ③ 55
- **4**) 60
- (5) 65

4. 준서는 238개의 사탕을 친구들에게 나누어 주기 위해 남김없이 봉지에 똑같이 나누어 담았다. 봉지 의 수는 한 봉지에 들어있는 사탕의 수보다 3만큼 작을 때, 한 봉지에 들어있는 사탕의 수와 봉지의 수의 합은?

- ① 30
- ② 31
- ③ 32
- **4** 33
- (5) 34

**5.** 다음 그림에서 □ABCD와 □BCFE는 서로 닮음이다. 이때, ĀB=6일 때, *x*의 값은?

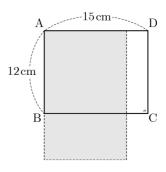


- ①  $-1+\sqrt{5}$
- $\bigcirc 2 2 + 2\sqrt{5}$
- $3 3 + 3\sqrt{5}$
- $(4) -4 + 4\sqrt{5}$
- (5)  $-5+5\sqrt{5}$

6. 직각을 낀 두 변의 길이의 비가 5:3이고 넓이가 120cm²인 직각삼각형이 있다. 이 직각삼각형의 직각을 낀 두 변의 길이를 각각 4cm씩 줄인 직각삼각형의 넓이는?

- ① 55cm<sup>2</sup>
- ② 58cm<sup>2</sup>
- ③ 61cm<sup>2</sup>
- 4 64cm<sup>2</sup>
- ⑤ 67cm<sup>2</sup>

7. 가로, 세로의 길이가 각각 15cm, 12cm 인 직사 각형 ABCD에서 가로의 길이는 매초 1cm 씩 줄어 들고 세로의 길이는 매초 3cm 씩 늘어날 때, 몇 초 후에 처음 직사각형과 넓이가 같아지는지 구하면?



- 5초
- ② 7초
- ③ 9초
- ④ 11초

**8.** <보기> 중 y를 x에 관한 식으로 나타낼 때, 이 차함수인 것을 모두 고른 것은?

## <보기>

- $\neg$ . 한 장에 200원인 색지 x장을 사고 지불해야 하는 금액 u원
- ㄴ. x시간동안 40km를 달린 자동차의 속력 시속 ykm
- $\Box$ . x각형의 대각선의 개수 y
- = . 밑면의 반지름의 길이가 xcm, 높이가 15인 원뿔의 부피 ycm<sup>3</sup>
- $\Box$ . 반지름이 xcm 인 구의 겉넓이 ycm  $^2$
- ① 7. ⊑
- ② ㄴ, ㄷ
- ③ ㄴ, ㄹ
- ④ ⊏, ⊒
- ⑤ ㄷ, ㄹ, ㅁ
- **9.** 함수  $y = -3x^2 x(ax + 2) + 3$ 가 이차함수가 되기 위한 상수 a의 조건은?
  - (1) a = 3
- ② a = -3
- ③  $a \neq 3$ 인 모든 실수 ④  $a \neq -3$ 인 모든 실수
- ⑤ *a* ≠ 0 인 모든 실수
- $oldsymbol{10}$ . <보기>의 이차함수의 그래프에 대한 설명으로 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?(정답 2개)

$$\neg u = x$$

$$- y = -\frac{1}{2}x^2$$

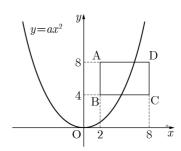
$$\sqsubseteq$$
.  $y = \frac{1}{3}x^2$ 

$$\Box$$
.  $y = -2x^2$ 

$$\exists y = -3x^2$$

- ① 꼭짓점은 모두 원점이다.
- ② 아래로 볼록한 그래프는 ㄱ, ㄷ이다.
- ③ 그래프의 폭이 가장 좁은 것은 ㅂ이다.
- ④ 그래프의 폭이 가장 넓은 것은 ㄴ이다.
- (5) 그래프가 서로 x축에 대칭인 것은  $\cup$ 과  $\Box$ 이다.

**11.** 그림과 같이 이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프가 직사 각형 ABCD의 둘레 위의 서로 다른 두 점을 지날 때, 상수 a의 값의 범위는?



- ①  $\frac{1}{16} < a < 2$  ②  $\frac{1}{16} \le a \le 2$
- $3 \frac{1}{16} \le a < 2$  4 < a < 4
- ⑤  $\frac{1}{8} \le a \le 4$
- **12.** 이차함수  $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 평행이동하여 완 전히 포갤 수 있는 것은?

① 
$$y = -4x^2 - 3$$

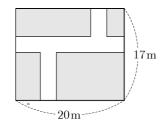
① 
$$y = -4x^2 - 3$$
 ②  $y = 4\left(x + \frac{1}{3}\right)^2$ 

③ 
$$y = \frac{1}{4}(x-1)^2 + 5$$
 ④  $y = -\frac{1}{4}x^2 + x$ 

- (5)  $y = 4x^2 + x + 2$
- **13.** 이차함수  $y = ax^2 4ax + b$ 의 그래프가 점 (−1, 16)을 지나고, 꼭짓점이 일차함수 y = -3x + 4의 그래프 위의 점일 때, 두 상수 a, b의 값은?
  - (1) a=2, b=6
- ② a = 2, b = 7
- 3 a=3, b=5
- a = 3, b = 7
- (5) a = -2, b = 5
- **14.** 이차방정식  $x^2 x 1 = 0$ 을 완전제곱식을 이용 하여 푸는 과정이다. (가)~(마)에 알맞은 수를 구 하시오.

이차방정식  $x^2 - x - 1 = 0$ 에서 상수항을 우변으로 이항하면  $x^2 - x = 1$   $x^2 - x + \boxed{( )} = 1 + \boxed{( )}$  좌변을 완전제곱식으로 만들면  $(x - \boxed{( )})^2 = \boxed{( )}$   $x - \boxed{( )} = \boxed{( )}$   $\therefore x = \boxed{( )}$ 

**15.** 가로, 세로의 길이가 각각 20m, 17m인 직사각형 모양의 땅에 폭이 일정한 길을 만들려고 한다. 길을 제외한 땅의 넓이가  $270m^2$ 일 때, 길의 폭을 구하시오.



- **16.** 이차함수  $y=-3x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -4만큼, y축의 방향으로 17만큼 평행이동한 그래 프가 점 (k, 5)를 지날 때, k의 값을 모두 구하시 오.
- **17.** 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (-3, 10)이다. 이 이차함수의 그래프가 제 1사분면을 지나지 않을 때, 상수 a의 값의 범위를 구하시오.(단, a < 0)
- **18.** 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 직선 x = -2를 축으로 하고, 두 점 (-2, 1), (0, 4)를 지날 때, 이 이차함수 식을  $y = ax^2 + bx + c$ 의 형태로 나타내시오.

- 1) ⑤
- 2) ③
- 3) ②
- 4) ②
- 5) ③
- 6) ④
- 7) ④
- 8) ⑤
- 9) ④
- 10) ④, ⑤
- 11) ①
- 12) ③
- 13) ①
- 14) (가)  $\frac{1}{4}$  (나)  $\frac{1}{2}$  (다)  $\frac{5}{4}$  (라)  $\pm \frac{\sqrt{5}}{2}$  (마)  $\frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$
- 15) 2m
- 16) -2, -6
- $17) \quad a \le -\frac{10}{9}$
- 18)  $y = \frac{3}{4}x^2 + 3x + 4$