SME0820 - Modelos de Regressão e Aprendizado Supervisionado I - Trabalho I

Brenda da Silva Muniz 11811603 — Francisco Rosa Dias de Miranda 4402962 — Heitor Carvalho Pinheiro 11833351- — Mônica Amaral Novelli 11810453

Setembro 2021

Neste trabalho, nosso objetivo é ajustar um modelo de regressão linear simples ao conjunto de dados fornecido, utilizando linguagem R. Para esta tarefa, descreveremos cada etapa de nosso *pipeline*.

Primeiramente, vamos carregar os módulos utilizados nesta análise. Caso não possua algum dos pacotes, utilize o comando install_packages("Nome_do_pacote").

```
library(tidyverse)
library(ggpubr)
library(corrplot)
library(DataExplorer)
library(GGally)
library(knitr)
library(data.table)
```

Com os pacotes carregados em nosso ambiente, lemos o arquivo .csv disponibilizado colocando-o na mesma pasta de nosso projeto. Vamos inspecionar o que foi carregado com auxílio do comando head(), que exibe as 5 primeiras observações.

```
dados <- read_csv("data-table-B3.csv", locale = locale(decimal_mark = ","))
head(dados)</pre>
```

```
## # A tibble: 6 x 12
##
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      x8
                                                                                     x1
                                                                                                                                                                                                                                        x5
                                                                                                                                                                                                                                                                              x6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  x7
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            x9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         x10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              x11
                                                                                                                          x2
                                                                                                                                                              xЗ
                                                                                                                                                                                                   x4
##
                              <dbl> 
## 1 18.9
                                                                                                                                                                                                                                                                                   4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         200.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               69.9
                                                                               350
                                                                                                                     165
                                                                                                                                                         260
                                                                                                                                                                                     8
                                                                                                                                                                                                                            2.56
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   3910
## 2
                                   17
                                                                               350
                                                                                                                     170
                                                                                                                                                         275
                                                                                                                                                                                      8.5
                                                                                                                                                                                                                            2.56
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         200.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               72.9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   3860
                                                                                                                    105
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               72.2
## 3
                                   20
                                                                               250
                                                                                                                                                         185
                                                                                                                                                                                      8.25
                                                                                                                                                                                                                           2.73
                                                                                                                                                                                                                                                                                   1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         197.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   3510
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            1
                                   18.2
                                                                               351
                                                                                                                     143
                                                                                                                                                         255
                                                                                                                                                                                                                            3
                                                                                                                                                                                                                                                                                   2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         200.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              74
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    3890
                                                                                                                                                                                       8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           1
                                                                                                                                                                                                                            2.76
                                   20.1
                                                                               225
                                                                                                                       95
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         194.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             71.8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  3365
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0
## 5
                                                                                                                                                         170
                                                                                                                                                                                      8.4
                                                                                                                                                                                                                                                                                   1
## 6
                                  11.2
                                                                               440
                                                                                                                    215
                                                                                                                                                         330
                                                                                                                                                                                  8.2
                                                                                                                                                                                                                            2.88
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         184.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               69
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    4215
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            1
```

Parte a):

- Descrição do banco de dados
- Definição das variáveis
- Análise exploratória inicial



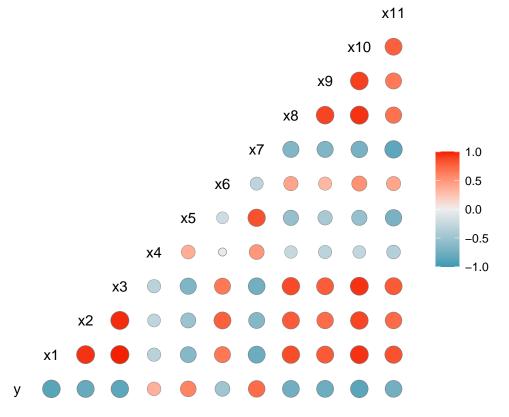
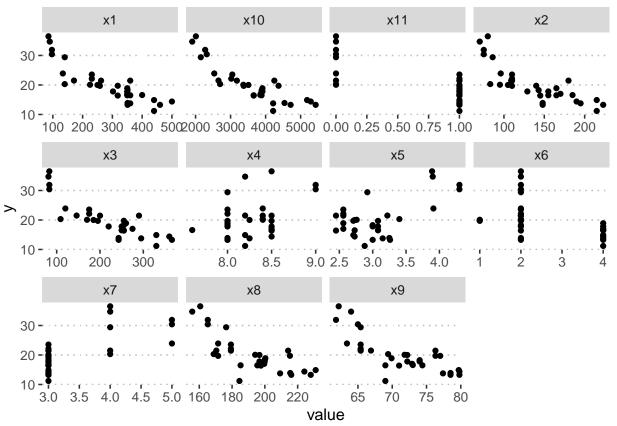


Figure 1: Correlograma entre as variáveis

- Graficos de dispersão Y versus $X_i,\,i=1,...,11.$

```
dados %>%
  pivot_longer(cols = !"y") %>%
  ggplot(aes(y = y)) +
    geom_point(aes(x = value)) +
    facet_wrap(~name, scales = "free_x") + theme_pubclean()
```

Warning: Removed 2 rows containing missing values (geom_point).



Interpretação de cada gráfico

Parte b):

Consultar e descrever brevemente os conceitos Data splitting, cross validation, overfitting, underfitting, missing data, encoding data.

Parte c):

- 1. Calcular $S_{XX}, S_{YY} \in S_{XY}$
- 2. Ajustar um modelo de regressão linear simples, apresentar a estimativa de β_0, β_1 e σ^2 e fazer um gráfico com a reta ajustada

```
fit <- lm(y ~ x10, data = dados)
anova(fit)</pre>
```

- 3. Calcule o valor dos \hat{Y} e o valor dos resíduos para seu modelo, resumo e histograma dos resíduos, e faça uma análise da distribuição destes.
- 4. testes de hipotese para β_0 e β_1
- 5. intervalos de confiança
- 6. intervalos de predição
- 7. tabela anova