(1) 演算法公式 (LaTeX)

\textbf{UCB1 Algorithm}

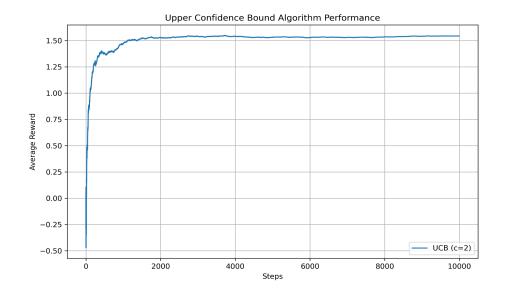
(2) ChatGPT 提示語

請實作 UCB1 多臂拉霸演算法,使用置信區間公式評估每個動作的不確定性,並觀察其如何在探索與利用之間取得平衡。

(3) Python 程式碼

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
np.random.seed(42)
k = 10
steps = 10000
c = 2
true_rewards = np.random.normal(0, 1, k)
Q = np.zeros(k)
N = np.zeros(k)
rewards = np.zeros(steps)
for t in range(steps):
   if 0 in N:
       a = np.argmin(N)
    else:
        ucb = Q + c * np.sqrt(np.log(t + 1) / N)
        a = np.argmax(ucb)
    reward = np.random.normal(true_rewards[a], 1)
    N[a] += 1
    Q[a] += (reward - Q[a]) / N[a]
    rewards[t] = reward
cumulative_average = np.cumsum(rewards) / (np.arange(steps) + 1)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(cumulative_average, label=f"UCB (c={c})")
plt.xlabel("Steps")
plt.ylabel("Average Reward")
plt.title("Upper Confidence Bound Algorithm Performance")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.savefig("ucb_result.png", dpi=300)
plt.show()
```

(3-1) 圖表



(4) 結果分析

時間複雜度: O(T*k) 空間複雜度: O(k+T)

說明:

- 具有理論保證,能有效控制探索幅度
- 適合動態平衡場景,但對參數c敏感
- 初期會平均探索每個 arm, 後期快速聚焦於最佳臂