電機システム制御特論 レポート課題

Assignment(2016/06/03)

九州工業大学大学院 工学府 機械知能工学専攻 知能制御工学コース

所属: 西田研究室

学籍番号: 16344217

提出者氏名: 津上 祐典

平成28年6月10日

目 次

1		1				
2	2 DC モータの特性	1				
3	IP-D 制御					
	3.1 IP-D 制御の原理	. 2				
	3.2 IP-D 制御による制御系の設計	. 3				
	3.3 シミュレーションと考察	. 3				
4	IMC(Internal Model Contorl) 法					
	4.1 IMC の原理	. 3				
	4.2 IMC 法による PID コントローラの設計	. 6				
	4.3 シミュレーションと考察	. 7				
5	i まとめ	8				
参	· 参考文献	8				

1 問題

以下に示す特性を持つ DC モータの速度制御系を少なくとも2つの方法で設計せよ.

表 1. DC モータのパラメータ			
名称 [単位]	記号	数值	
定格電力 [kW]	P	150	
定格電圧 [V]	V	450	
電機子抵抗 [Ω]	R_a	0.15	
電機子インダクタンス [H]	L_a	0.003	
慣性モーメント [kgm³]	J	10	
誘起電圧定数 [V·s/rad]	K_E	8.50	
トルク定数 [Nm/A]	K_T	8.50	
基底速度 [rpm]	ω	500	

2 DCモータの特性

はじめに、本レポートで用いる DC モータのブロック線図を図1に示す.

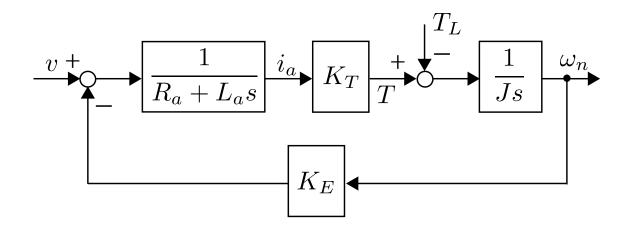


図 1. DC モータのブロック線図

はじめに、図1に示すDCモータのモデルの伝達特性を導出する.図1より

$$\Omega_m(s) = \frac{1}{Js} \left\{ \frac{K_T}{R_a + L_a s} (V - K_E \Omega_m) - T_L \right\}$$
(1)

と表され, 式変形すると,

$$\left(Js + \frac{K_T K_E}{R_a + L_a s}\right) \Omega_m(s) = \frac{K_T}{R_a + L_a s} - T_L$$

$$\Omega_m(s) = \frac{K_T}{JL_a s^2 + JR_a s + K_T K_E} - \frac{R_a + L_a s}{JL_a s^2 + JR_a s + K_T K_E} T_L$$

$$\Omega_m(s) = \frac{\frac{1}{K_E}}{\frac{JL_a}{K_T K_E} s^2 + \frac{JR_a}{K_T K_E} s + 1} - \frac{\frac{R_a + L_a s}{K_T K_E}}{\frac{JL_a}{K_T K_E} s^2 + \frac{JR_a}{K_T K_E} s + 1} T_L$$
(2)

となる. (2) 式において

$$\begin{cases}
T = \sqrt{\frac{L_a J}{K_E K_T}} \\
\zeta = \frac{R_a}{2} \sqrt{\frac{J}{K_E K_T L_a}} \\
K = \frac{1}{K_E}
\end{cases} \tag{3}$$

とおく. 負荷を含まない DC モータ単体の入出力伝達関数 P(s) は,

$$P(s) = \frac{K}{T^2 s^2 + 2\zeta T s + 1} \tag{4}$$

となる.

3 IP-D制御

本節ではを IPD 制御による DC モータの速度制御系を設計する.

3.1 IP-D 制御の原理

はじめに IP-D 制御の原理について説明する、図2に IP-D 制御系のブロック線図を示す、

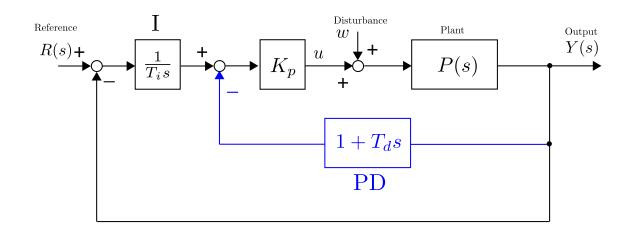


図 2. IP-D 制御系

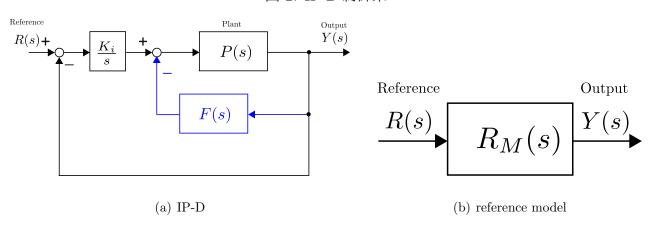


図 3. IP-D 制御系の設計

3.2 IP-D 制御による制御系の設計

3.3 シミュレーションと考察

4 IMC(Internal Model Contorl)法

本節ではIMC(Internal Model Contorl) 法を用いてDCモータの速度制御系を設計する. IMC 法(内部モデル制御法) は適切なフィルタを選ぶことで簡単に安定な制御系を設計できる手法である.

4.1 IMC の原理

まず、IMC法の原理について説明する.図4にフィードフォワード制御系のブロック線図を示

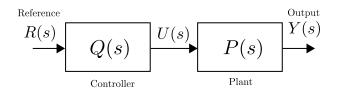


図 4. フィードフォワード制御系

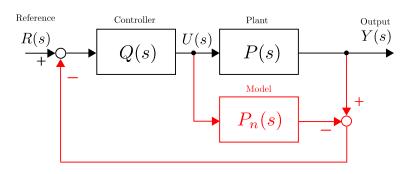


図 5. IMC 法を用いた制御系

す.ここで,コントローラ Q(s) がプラントのモデル P(s) の逆数と等価であるとき,出力 Y(s) は,入力を R(s) とすると,

$$Y(s) = P(s)Q(s)R(s) = P(s)P^{-1}(s)R(s) = R(s)$$
(5)

となる. つまり、出力 Y(s) は入力 R(s) と等しくなる. これが IMC 法の原理であり、コントローラはプラントのモデルの情報を含む形になる. 図 S に IMC 法を用いた制御系のブロック線図を示す. ここで $P_n(s)$ はプラントのノミナルモデルである. もし、ノミナルモデルがプラントのモデルと完全に一致(つまり $P_n(s) = P(n)$)しているなら、プラントの出力とノミナルモデルの出力は等しくなる. したがって、図 S に示すフィードフォワード制御系と等価になる. コントローラはプラントのモデルの逆数であることが望ましいが、場合によって、右半面に零点(実部が正の零点)もしくはむだ時間要素を持つシステムである非最小位相(NMP)系になる可能性がある. プラントのモデルの逆数は制御系のパフォーマンスに影響してくる. このようになった場合の改善策として以下の S 点が挙げられる.

- プラントにむだ時間要素を含む場合, $P^{-1}(s)$ はコントローラとして使えないので $P^{-1}(s)$ からむだ時間要素を取り除けば良い(無視すれば良い).
- \bullet プラントに実部が正の零点を持つ場合、 $P^{-1}(s)$ は不安定である.この場合は、実部が正

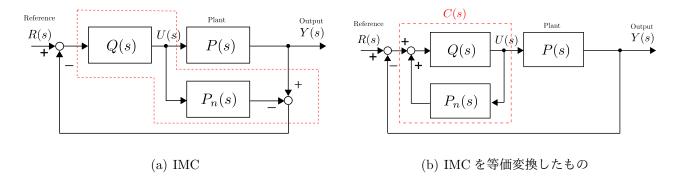


図 6. IMC の等価変換

の零点を取り除き、実部が正の零点を含むような全域通過関数(all-pass function)を構成すれば良い。例として、 $P_n(s)$ に s=4 という実部が正の零点を持つ場合、 $P_n(s)$ に (s+4)/(s+4) を掛ける。すると全域通過関数は (s+4)/(s-4) となる。

• P(n) が厳密にプロパーで, $P^{-1}(s)$ がプロパーでない場合,IMC フィルターと呼ばれるローパスフィルタを追加すれば良い.

上述した3つ目の場合におけるコントローラの設計に関して考える. プラントのノミナルモデル $P_n(s)$ は最小位相(Minimum Phase)部 $P_{nM}(s)$ と全域通過(all-pass)部 $P_{nA}(s)$ に分解できる.

$$P_n(s) = P_{nM}(s)P_{nA}(s) \tag{6}$$

ここで $P_{nA}(s)$ はむだ時間要素もしくは実部が正の零点をもつ伝達関数である.ここで,IMC フィルタは以下の式で与えられる.

$$F(s) = \frac{1}{(\lambda s + 1)^n} \tag{7}$$

したがってコントローラQ(s)は

$$Q(s) = P_{nM}^{-1}(s)F(s)$$
 (8)

となる.また,図 5 に示した IMC を用いた制御系は図 6 に示すような等価変形することが出来る.図 6(b) 中のコントローラ C(s) は,

$$C(s) = \frac{Q(s)}{1 - P_n(s)Q(s)} \tag{9}$$

となる.

4.2 IMC 法による PID コントローラの設計

次に、先ほど説明した IMC 法を用いて DC モータの速度制御系を設計する.ここではノミナルモデルはプラントと等しい、つまり $P(s)=P_n(s)$ である.また、ノミナルモデルは最小位相系である、つまり $P_n(s)=P_{nM}(s)$ であると仮定する.すると、IMC コントローラ Q(s) は (4),(8) 式より

$$Q(s) = P_{nM}^{-1}(s)F(s) = P^{-1}(s)F(s) = \frac{T^2s^2 + 2\zeta Ts + 1}{K}F(s)$$
(10)

となる. ここで一次 (n=1) の IMC フィルタ F(s) を考えると, (7) 式より F(s) は

$$F(s) = \frac{1}{\lambda s + 1} \tag{11}$$

となる. 以上より、IMC コントローラ Q(s) は

$$Q(s) = \frac{T^2 s^2 + 2\zeta T s + 1}{K(\lambda s + 1)}$$
(12)

となる. したがって、一般のフィードバックコントローラC(s)は

$$C(s) = \frac{Q(s)}{1 - P_n(s)Q(s)}$$

$$= \frac{\frac{T^2 s^2 + 2\zeta T s + 1}{K(\lambda s + 1)}}{1 - \frac{K}{T^2 s^2 + 2\zeta T s + 1} \frac{T^2 s^2 + 2\zeta T s + 1}{K(\lambda s + 1)}}$$

$$= \frac{T^2 s^2 + 2\zeta T s + 1}{K\lambda s}$$

$$= \frac{2\zeta T}{K\lambda} \left(1 + \frac{1}{2\zeta T s} + \frac{T}{2\zeta} s\right)$$
(13)

となる. (13) 式は PID コントローラの式

$$C_{PID}(s) = K_p \left(1 + \frac{1}{T_i s} + T_d s \right) \tag{14}$$

と等価であるとみなせる. (13),(14) 式を係数比較することによって,

$$K_p = \frac{2\zeta T}{K\lambda}$$
 , $T_i = 2\zeta T$, $T_d = \frac{T}{2\zeta}$ (15)

を得る. λ の値を任意に3つ決定し、(15) 式に具体的な値を代入したものを表2に示す.

表 2. IMC 法を用いて決定した PID パラメータ

	K_p	T_i	T_d
$\lambda = 0.1$	1.765	0.020761	0.02
$\lambda = 0.2$	0.88235	0.020761	0.02
$\lambda = 0.5$	0.35294	0.020761	0.02

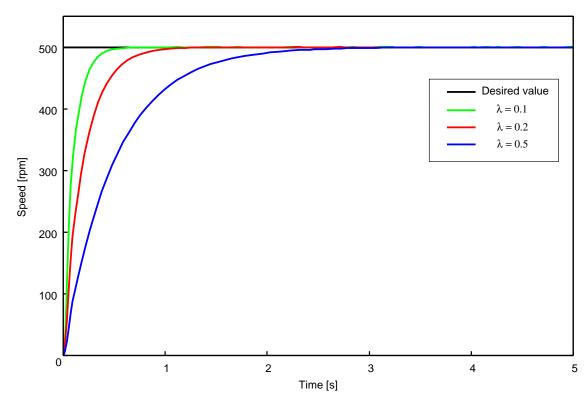


図 7. IMC 法で $\lambda = 0.1, 0.2, 0.5$ として設計したシステムのステップ応答

4.3 シミュレーションと考察

IMC法を用いて決定した PID コントローラを用いて DCモータの速度制御系を構成し、MAT-LAB/simulink でシミュレーションを行った。このときのシミュレーション結果を図7に示す。ただし、目標値は500[rpm] とした。図7を見ると λ の値が小さければ小さいほど早く目標値に収束していることがわかる。即応性を高くするには IMC フィルタの λ を小さくすれば良いと考えられる。しかし、早く目標値に収束するためには、大きなトルクを出力しなければならないので、出力トルクがモータの定格トルクを超え、モータが破壊しないように適切に λ を設定する必要があると考えられる。また、IMC 法はプラントのモデルの同定精度によって大きく制御

系の性能が変わってくる。プラントのモデルを精度よく同定さえすれば IMC フィルタの λ を調節すれば良いので制御系を容易に構成できると考えられる。

5 まとめ

参考文献

- [1] T.Sakamoto, "Lecture Notes of Advanced Electrical Drive Control System", 2016.
- [2] 坂本哲三, "電気機器の電気力学と制御", 森北出版, 2007.
- [3] 川田昌克,西岡勝博, "MATLAB/Simulink によるわかりやすい制御工学", 森北出版, 2001.
- [4] 北森俊行, "最適な制御系設計法と各種制御方式の基礎・理論・応用の実際", アイ・エヌ・ ジー, 1993.
- [5] 足立修一ら、"制御の事典"、朝倉書店、2015.