#### CT 系统参数标定及成像

黄璐哲,方天庆,帅青

浙江大学

2017年11月28日



#### Table of Contents 目录

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

参考文献

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

7 心得与体会



#### 问题重述

问题一的求解

问题二的求解

可题三的求解

お女子会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

7 小得与体会

#### 问题背景

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题二的求期

40 de de de

心得与体验

CT 系统是一种利用样品对射线 的能量吸收特性对样品进行断 层成像的技术,在不破坏样品 的情况下获取样品内部的结构 信息。问题中使用的是一种二 维 CT 系统,探测器平面发出 平行入射的 X 射线,探测器绕 某固定的旋转中心逆时针旋转 180 次,可以获得 180 组接收信 息,每组信息有 512 个等距单 元的数据。

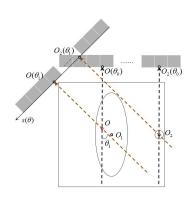


图: 整体示意图



## 解决的问题

#### 问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题二的冰期

心得与体验

#### 我们需要建立数学模型和算法,解决以下问题:

- 标定参数
  - 旋转中心
  - 旋转角度
- 2 重构图像
  - 根据投影数据反求原图像
- 精度与稳定性分析
- ☑ 设计新模板



问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

\_\_\_\_

心得与体会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

7 心得与体会

#### 求解思路

问题重述

#### 问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

25 X H

心得与体会

- 通过部分数据初步获得模型信息
- 2 建立完整模型
- 迭代求解拟合模型

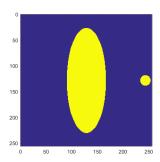


图: 附件 1 几何形状

图: 附件 2 信息



#### 初步计算参数

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

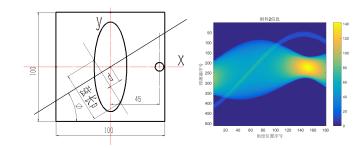
问题二的豕脟

参考文献

心得与体验

截取圆的部分,得到一组探测信息 D(i),对于探测点 i,其发出的射线与圆心的距离为  $d_i=i\Delta d+d_0$ ,其中  $\Delta d$  为探测器上的射线间距, $d_0$  为探测器位置相对偏置。那么第 i 条射线与圆相交的弦长为  $2\sqrt{R^2-d_i^2}$ ,其中 R 为圆半径。我们推测探测器的接收数据与  $\rho l$  成一次函数关系,即

$$D(i) = \mu \times 2\sqrt{R^2 - (i\Delta d + d_0)^2}\rho + c \tag{1}$$





## 初步计算参数

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

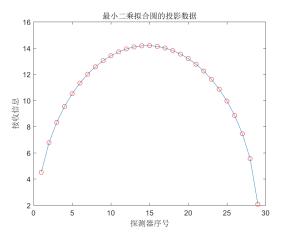
参考文献

心得与体会

# 1 8 9

#### 使用最小二乘法对曲线进行拟合,求出各个参数的值为:

$$\mu = 1.7724, \Delta d = 0.2768, d_0 = -4.0688, c = 0.0000$$



#### 完整模型建立

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问起二的冰脚

问起四的分

参考又厭

心得与体

以正方形托盘的中心为坐标原 点,椭圆中心与圆中心的连线 方向为x轴,过坐标原点垂直 于x轴方向为y轴,建立平面 直角坐标系。在这一坐标系中, 设 CT 系统的旋转中心坐标为  $R(x_0, y_0)$ ,探测器平面与x轴 的夹角为  $\theta$  , 探测器中心与旋 转中心在探测器平面上的投影 的距离为  $d_{0}$ 

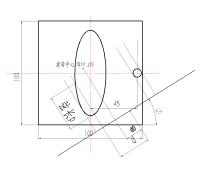


图:参数定义



## 求解长度

问题重过

#### 问题一的求解

问题—的水肿

问题三的求解

问题四的冰

参考又前

心得与体会

标定模板中,椭圆与圆的方程分别为:

$$\frac{x^2}{m^2} + \frac{y^2}{n^2} = 1, m = 15, n = 40; (x - 45)^2 + y^2 = 4^2$$

综合求解,所以对于探测角度为  $\phi$  的探测器,其上第 i 条 X 射线探测所得的数值的计算公式为:

$$\begin{split} V = & \mu \frac{2 \text{mn} \sqrt{\max(0, \, \text{m}^2 \cos^2 \phi \, + \, \text{n}^2 \sin^2 \phi \, - \, (x_0 \cos \phi \, + \, y_0 \sin \phi \, + \, d_0 \, + \, (i - \, 256.5) \Delta d)^2)}}{m^2 \cos^2 \phi \, + \, \text{n}^2 \sin^2 \phi} \\ & + \, 2 \mu \sqrt{\max(0, \, \text{r}_0^2 \, - \, (G \cos \phi \, - \, (x_0 \cos \phi \, + \, y_0 \sin \phi \, + \, d_0 \, + \, (i - \, 256.5) \Delta d))^2)} \end{split}$$



## 模型求解

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题二的水料

问题四的求

参考又即

心得与体验

#### 迭代优化算法

- 选取参数  $d_0, x_0, y_0, \mu, \Delta d, \phi_i, i = 1, \dots, 180$  的初值,这里参数的初值可以随意选取,我们设置为  $d_0 = x_0 = y_0 = 0, \mu = 1.7724 \text{ (由前文初步计算得),使用} 512 × 180 组数据,对所有参数进行拟合,获得第一次求解的参数结果。$
- 对第一次求解得到的  $\phi_{1i}$ ,  $i=1,\ldots,180$  , 对数据进行平滑处理 ,接着将  $\phi_i$  作为已知参数 ,使用  $512\times180$  组数据 ,以第一次求解的结果作为初值 ,对参数  $d_0$ ,  $x_0$ ,  $y_0$ ,  $\mu$ ,  $\Delta d$  进行求解 ,得到第二次参数的求解结果。



## 模型求解

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题二的水照

间隔面的线

参考文献

心细压体

#### 迭代优化算法

- 使用第二次求解得到的参数 d<sub>0</sub>, x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>, μ, Δd 作为已知参数 ,
  对于 180 组 , 每组 512 个数据 , 以第 (2) 步中得到的角度作为初值 , 分别对每组数据的角度参数进行求解 , 得到第 (3) 步的求解结果。
- 使用第(2)步与第(3)步的结果作为初始值,再次使用
  512×180组数据,对所有参数进行拟合,得到最终结果。
  经测试,经过这样几次求解之后,所得值已经稳定,再次求解结果不会有明显改变。



#### 求解结果

问题重述

问题一的求解

问题二的来的

问题二的水形

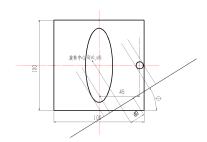
参考文献

心得与体统

## $\mu = 1.7727, x_0 = -9.2696, y_0 = 6.2738$ $d_0 = 0.0000, \Delta d = 0.2768$

使用上述算法对模型进行求解,得到各个参数如下:

根据所建坐标系,CT 系统 X 射线逆时针旋转的始值为- $60.3465^{\circ}$ ,终值  $118.6439^{\circ}$ 。







问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问起二的冰胖

指文字条

心得与体会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

7 心得与体会

#### 求解思路

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

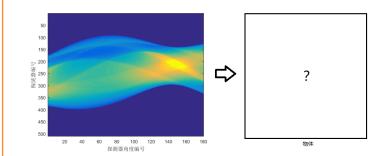
......

心得与体会

■ 预备知识:拉东变换 (Radon Transform)

☑ 连续模型——滤波反投影算法 (FBP)

3 离散模型——代数迭代法(ART)





## 数据预处理

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问起二的冰胖

参考文献

心得与体

由问题一可知,由于安装过程的误差,CT系统的旋转中心并不在正方形的中心,由前文推导公式可知,探测器上的第*i*个传感器与坐标原点的沿探测器方向的距离为:

$$d' = x_0 \cos \phi + y_0 \sin \phi + d_0 + (i - 256.5) \Delta d$$

对于任意角度的探测器,我们都可以设置一个中心与原点重合的辅助探测器,将探测器上的数据转化到辅助探测器上,再对问题进行求解。即:

$$d' = (i' - 256.5)\Delta d = x_0 \cos \phi + y_0 \sin \phi + d_0 + (i - 256.5)\Delta d$$



## 数据预处理

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题二的水制

问题四的求解

参考又献

ふ 個 医療ス

则对于原始数据 y = data(i, j),可以得到新的转化后的数据

$$\mathit{data}_{\mathit{pre}}(\mathit{i}',\mathit{j}) = \mathit{data}(\mathit{i}(\mathit{i}'),\mathit{j})$$

$$= data(i' - (x_0 \cos \phi + y_0 \sin \phi + d_0)/\Delta d, j)$$

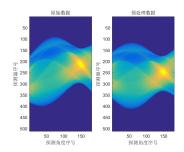


图: 数据预处理



## 连续模型

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

心得与体会

#### **Theorem**

Fourier Slice Theorem Line Intergal of the Picture

$$P_{\theta}(t) = \int_{(\theta,t)line} f(x,y) ds$$

FT of  $P_{\theta}(t)$ 

$$S_{\theta}(w) = \int_{-\infty}^{\infty} P_{\theta}(t) e^{-j2\pi wt} dt$$

Fourier Slice Theorem

$$\mathcal{F}{f(x,y)}(\omega\cos\theta,\omega\sin\theta) = \mathcal{F}{P_{\theta}(t)}(\omega)$$



傅里叶中心切片定理将**投影与图像**两者在频域建立了联系。实际情况均为离散化数据,可使用 FFT 等进行计算;使用滤波反投影法 (FBP) 进行重建。

#### 连续模型:FBP

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题二的水形

问题四的求

参考又前

心得与体系

#### 算法步骤如下:

- 指定  $\theta$  , 对  $P_{\theta}(t)$  应用 FFT , 得到  $S_{\theta}(w)$
- $\mathbf{Z}$  对  $S_{\theta}(w)$  做滤波,本文使用 Ramp 函数
- I 应用 iFFT 于滤波后的结果,得滤波后的投影矩阵
- 对投影矩阵插值,进行反投影,本文使用 nearest 方式
- $\blacksquare$  遍历所有的  $\theta$



## 离散模型

问题二的求解

设图片共有  $\mathfrak{f}=n\times n$  个像素 , 记  $\mathbf{x}=[x_1,x_2,\ldots,x_{\mathfrak{f}}]^T$  为 J 维 图像矢量, x; 表示图像上第 ; 个像素点的吸收强度;  $\mathbf{p} = [p_1, p_2 \dots p_l]^T$ 为 I 维投影矢量 ,  $p_i$  表示第 i 条射线所经过 的所有像素的投影值,  $R = (r_i i)_{i \times i}$  为投影矩阵,  $r_i i$  为 0-1 变量

表示宽为  $\delta$  的粗射线 i 是否穿过像素 i , 则

$$R\mathbf{x} = \mathbf{p}$$
 (2)



#### 离散模型:ART

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问起二的水肿

参考文献

心得与体统

ART(代数迭代法)的思路是每次校正一条射线路径上的像素值,使得该条真伪射线和间误差减小。迭代公式为:ART(代数迭代法)的思路是每次校正一条射线路径上的像素值,使得该条真伪射线和间误差减小。迭代公式为:

$$x^{(k+1)} = x^{(k)} + \lambda^{(k)} \frac{p_{i_k} - r_{i_k} x^{(k)}}{||r_{i_k}||^2} r_{i_k}$$
(3)

式中,k 是迭代次数, $k=0,1\ldots$ , $i_k=k(modI)+1$ ; $\lambda^{(k)}$  称为松弛参数,本文取  $\lambda^{(k)}=0.25$ 

#### Note

迭代过程中每步还可应用像素值非负这一限制



## 降噪算法

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问起二的冰脚

参考文献

心得与体:

本文使用 NLM (非局部均值)降噪方式对图像进行处理。 NLM 算法是图像降噪领域非常有效的算法之一,效率较高, 实现简单。其思路是对像素的某邻域窗口内的像素灰度值做 加权平均,且像素越相似,权重越大。

$$NLM(x_i) = \sum_{j \in N_i} w(i, j) x_j$$
 (4)

其中, $w(i,j) = \frac{e^{-||x_{i}-x_{i}||^{2}/h^{2}}}{\sum_{j \in N_{i}} e^{-||x_{i}-x_{i}||^{2}/h^{2}}}$ , $N_{i}$  表示像素 i 的邻域,本文取 5\*5 像素窗口, $x_{V_{i}}$  是像素 i 邻域像素的值构成的矩阵,这里矩阵模的意义是各元素平方和的平方根;h 控制滤波强度,本文取为 0.5



#### 求解结果

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

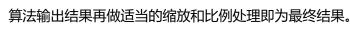
CORE MAN-HAR

. ........

重建之前,先将数据进行预处理,变换到旋转中心与原点重 合且关于过原点的垂线对称的参考探测器上









#### 求解结果

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

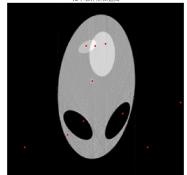
问题三的求解

2-5 XII

心得与体会

#### 以下为指定点处的重建值





No.	1	2	3	4
Value	0.0070	0.6943	0.0106	0.8269
No.	5	6	7	8
Value	0.7285	0.9269	0.9111	0.0000
No.	9	10		
Value	0.0062	0.0000		

表: 取样点处重建值





黄璐哲,方天庆,帅青

CT 系统参数标定及成像

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

心得与体会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

7 心得与体会

#### 求解思路

问题重述

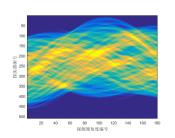
问题一的求解

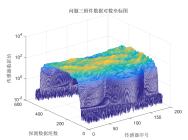
问题二的求解

问题三的求解

おさまる

心得与体统





与第二问区别:增加噪声,数据更复杂,考验算法鲁棒性。



## 去噪预处理

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

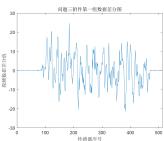
问题三的求解

2 3 2 4 101

.0 10 -3 th 2

#### 观察数据,发现含有较多噪声:

- 一方面,作差分图(下图)可见主要数据集中在探测器中间部位,边缘部分值远小于主要数据值
- 另一方面,绘制对数坐标图可见边缘数值无规律波动 同时,根据对数坐标图,考虑噪声水平约为 0.3,筛选小于 0.3 的值进行 进一步检验。画出数据差分图图,猜想其近似服从均为分布;利用 SPSS 做 Kolmogorov-Smirnov 均匀分布检验。





## 去噪预处理

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

\_\_\_\_

心得与体包

探测器两边的相邻两个传感器的数据差集中在 0 附近,因此我们推测这些数据是由测量时的误差引起的波动。检验结果接受原假设(均匀分布),均值为 0.1549,显著性水平 0.157

单样本柯尔莫戈洛夫-斯米诺夫检验

		V1
个案数		21307
均匀参数 <sup>a,b</sup>	最小值	.0257000000
	最大值	.2829000000
最极端差值	绝对	.008
	Œ	.002
	负	008
柯尔莫戈洛夫-斯米诺夫 Z		1.127
渐近显著性(双尾)		.157

- a. 检验分布为均匀分布。
- b. 根据数据计算。



因此,对原数据做去噪处理,本文将非主信号区域的噪声删去并在主要信号值上减去噪声均值。之后再按照问题二所述方法进行预处理,并分别使用 ART 算法与 FBP 算法进行重建。

黄璐哲,方天庆,帅青

CT 系统参数标定及成像

#### 求解结果

问题重述

问题一的求解

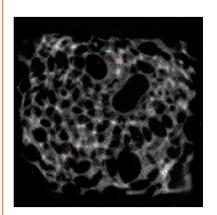
问题二的求解

问题三的求解

参考文献

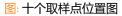
心侍与体系

依然,使用FBP求解结果较小。ART更加精确。



No.	1	2	3	4
Value	0.0212	3.5766	8.5109	0.0136
No.	5	6	7	8
Value	0.0349	3.8526	8.1648	0.0413
No.	9	10		
Value	7.9565	0.0051		

表: 取样点处重建值





#### 对比与评价

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

海豚面面的最高

会老女芸

心得与体系

对比两种算法,ART-NLM 算法的重建速度较慢,成像质量略差与 FBP。我们认为这是由于投影矩阵 R 元素为 0-1 变量造成的;每次做迭代修正时,射线边缘的像素也同时受到等值的修正,造成了一定的偏差



问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题二的豕解

问题四的求解

参考文献

心得与体会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

7 心得与体会

## 精度分析

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题二的冰脚

问题四的求解

参考文献

心得与体系

在这个问题中,我们采用模拟仿真的方法进行精度分析。在问题一模型的基础上,我们通过更改位置参数信息,进行模拟,得到这种情况下的 512 × 180 个数据,再使用我们的模型,在这组数据的基础上进行标定,计算得出标定所需参数,与设定的理论值进行对比,即可得到模型的精度信息。



## 精度分析

问题四的求解

设置参数  $d_0 = 1, \mu = 1.5, x_0 = 10, y_0 = 10$  , 观测角度依次为  $\phi_i = i^\circ, i = 1, \dots, 180$ ,使用问题一中模型,模拟生成 180 组 探测器数据。将生成的探测器数据进行参数标定,得到结果 如表3所示。

表: 计算机仿真实验的几何标定结果

参数名称	$d_0(mm)$	$x_0(mm)$	$y_0(mm)$	$\mu$
理论值	5	-8	10	1.5
计算值	5.0000	-8.0000	10.0000	1.5000
差值(×10 <sup>-10</sup> )	-0.1195	-0.0022	-0.5961	-0.0135



## 稳定性分析

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题二的水形

问题四的求解

参考文献

心得与体统

使用计算机进行仿真,人为地在投影坐标中增加不同等级的噪声数据,再以此进行模板标定。与精度分析相同,设置参数  $d_0=1,\mu=1.5,x_0=10,y_0=10$ ,观测角度依次为  $\phi_i=i^\circ,i=1,\ldots,180$ ,使用 (1) 中模型,模拟生成 180 组探测器数据。根据这种方法模拟得到的探测器接受信息中的数据范围在 (0,120) 之间,我们给原数据增加在 (-15,15) 范围内均匀分布的随机噪声。从数据图中可以看出,数据信息较原数据更模糊,日噪声较多。

#### Note

这里有一个问题就是实际的探测器数值是不会有负值的,我们在做的时候没有考虑到这一点,导致生成的探测器数据会有负值。



#### 稳定性分析

问题重述

问题一的求解

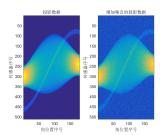
问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

参考文献

心得与体系



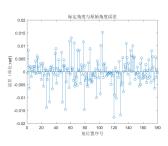


图: 投影数据

图: 角度计算误差

角度计算的均方根误差为 0.0053rad,结合图像与表格数据, 我们可以看出,我们的标定算法在数据有小范围的噪音的时候,标定产生的误差仍然较小,算法具有很好的稳定性。



黄璐哲,方天庆,帅青

## 稳定性分析

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

.

心得与体会

投影数据 增加噪音的投影数据 50 50 100 100 150 150 <sub>IP</sub> 200 世 250 単 300 350 350 400 400 450 450 500 100 150 角位置序号 角位置序号

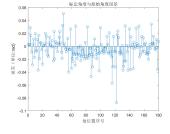


图: (-50,50) 噪声的投影数据

图: 角度计算误差



## 稳定性分析

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

参考文献

心得与体验

#### 表: (-50,50) 均匀分布的噪声误差

参数名称	$d_0(mm)$	$x_0(mm)$	$y_0(mm)$	μ
理论值	5	-8	10	1.5
计算值	5.0693	-8.0188	10.3614	1.4938
差值	-0.0693	0.0188	-0.3614	0.0062

角度计算的均方根误差为 0.0191rad,相比噪声较小时,参数标定的误差有所增大,但仍然在很小的范围内。



问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题二的冰鹛

问题四的求解

参考文献

心得与体系

为何设计新模板?

- 模板易于加工。
- 模板中的特征图形可以写出简洁的解析表达式。

在第一问中,我们未使用特殊的几何特征点,直接利用数据求解。在自行设计模板中,考虑使用几何信息来推算标定参数的初值。



问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

参考文献

心得与体系

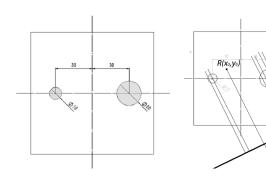
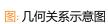


图: 新标定模板的示意图





有对称信息,但不中心对称。几何形状简单,便于寻找特殊点。

黄璐哲,方天庆,帅青

CT 系统参数标定及成像

2017年11月28日 40/52

探測器

问题重进

问题一的求解

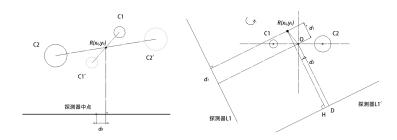
问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

参考文献

心得与体会

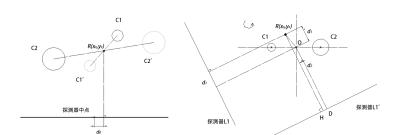


根据第 1 个角度和第 180 个角度时两个圆的投影相对位置,得圆心坐标:

$$i_R = \frac{i_1 + i_2 + i'_1 + i'_2}{4}$$
  
 $d_0 = (256.5 - i_R) \times \Delta d$ 



问题四的求解



当前探测器与x轴的夹角 $\phi$ 的估计值为:

$$\phi = \arcsin\left(\frac{(R1_{c1} - R2_{c1})\Delta d}{C_1 C_2}\right)$$

再考察第 90 组 CT 观测数据,此时探测器相对于初始位置逆时针旋转了 大约 90°。  $\angle ROD = arctan(HD/H'D')$ , OR in x 轴的夹角为  $\theta_R = \phi + \pi/2 - \angle ROD$ ,则R坐标为:



$$x_0 = |OR| \times cos(\theta_R), y_0 = |OR| \times sin(\theta_R)$$

黄璐哲,方天庆,帅青

CT 系统参数标定及成像 2017年11月28日 42/52

### 新标定模板的使用评价

问题四的求解

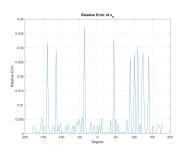


图: x<sub>0</sub> 相对误差示意图

可见 60% 的角度中  $x_0$  的相对误差小于 0.5% , 误差为取最大值 3.78%经分析,误差偏高的原因为解非线性规划时陷入局部最优解。这时用得 到的解作为初始值,使用模拟退火算法继续求解,可以将最终的相对误 差缩小到 0.13%。与第一问中的算法相比,本模板只讲行一次迭代优化 即可得到精度较高的结果,计算量相对较小。



问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

参考文献

心得与体会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

# 参考文献

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问起二的水料

参考文献

心特制体表



- J. Huang et al, "Sparse angular CT reconstruction using non-local means based iterative-correction POCS," Computers in Biology and Medicine, vol. 41, (4), pp. 195-205, 2011.
- 庄天戈. CT 原理与算法 [M]. 上海交通大学出版社, 1992.
- 林世明, W.-M.Boerner. 离散 Radon 变换 [J]. 西北工业大学 学报, 1988(2):49-56.



问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

......

参考文献

心得与体会

1 问题重述

2 问题一的求解

3 问题二的求解

4 问题三的求解

5 问题四的求解

6 参考文献

## 赛前

问题重过

问题一的不能

问题—的水肥

问题二的水肿

- 五月六月,总结得失,制定计划。
  - 比赛四天,规划好时间
  - 留出充足时间写论文
- 2 八月九月,准备国赛,扩充知识。
  - 优化求解算法——SA, GA, NN, etc.
  - 数值计算方法——曲线拟合, 数值积分, 微分方程求解 etc
  - 模型建立——Optimization Model with LINGO, 往届国赛题
  - 一定要有书面笔记,给自己和队友交代
- **3** 赛前一定要制定好比赛期间的时间轴!



## 我们的比赛时间轴

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

参考文献

心得与体会

- 9月14日20:00发题,24:00前确定题目,把整个题目框架搭好。
- 2 9月15日中午之前,第一问模型建立,开始求解。
- 9月15日20:00前把第一问结束。开始着手第二三问,建立二三问模型。
- 4 9月 16日中午之前,第二问第三问模型基本建成,开始求解。同时着手稳定性分析。抽空思考自己设计的模板。
- 5 9月16日下午开始写论文,把能写的先写掉。
- 6 9月16日24:00前把第二问和第三问解决。
- ☑ 9月17日写论文,完善模型及求解,完成第四问。

总体先紧后松,留充足时间推敲论文,微调模型。 计划赶不上变化,但一定要预留充足时间。



### MATLAB 创新奖

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

参考文献

- 手写算法——标定 , FBP , ART。
- 最开始利用几何信息进行初步分析,比较之后决定不使用几何信息求解。
- 3 充分利用所有数据,设计算法进行标定。
- ☑ 准确发现第三问与第二问的区别——加均匀分布噪声。
- ፩ 论文框架完整──第一到四问模型 + 稳定性分析 + 模型评价。
- 找到 MATLAB 中有自带解决该问题的函数 iradon.m,但是函数的源码被封装起来,因此决定自行设计代码。



#### MATLAB 程序的有趣之处

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

carea manda da

心得与体会

#### 表: 优秀论文第一问解法对比

No.	A156	A298	A053	A090
$\Delta d$	几何特征 + 搜索	几何特征	?	?
$d_0$	未解	未解	?	?
$(x_0,y_0)$	几何特征 + 搜索	几何特征	?	?
$\mu$	小圆平均	特征位置	?	?
$\theta$	遍历搜索	非线性优化	?	?



# 后续的改进

问题重过

问题一的求解

问起二的冰脚

会老女部

心得与体会

#### ■ ART(代数迭代法)的改进

**投影矩阵:**设图片共有  $j=n\times n$  个像素,共有 I 条射线进行扫描,将射线看作宽为  $\tau$  的粗线,将图片像素值集中在像素的中心,则有  $I\times J$  大小的投影矩阵 R,其元素定义为

$$r_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{i 号射线通过 j 号像素中心} \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

**原方法:**构造  $256 \times 256$  的矩阵 r , 令其中一列等于 1 , 旋转 r , 得到投影 值。

**新方法**:严格按照探测器发出的射线,写出射线方程,判断某个像素点有没有被射线经过。



## 后续的改进

问题重进

问题一的求解

问题二的求解

问题二的来解

An above to

心得与体会

#### ■ FBP(滤波反投影)的改进

FBP 中反投影矩阵的维度一定为探测单元数,即 512。实际图像中存在将结果 resize 为 256\*256 的过程,在其中需要乘以一个系数。因为在连续模型中使用 FFT 会导致舍入误差的出现,加上 FBP 中有一个低通滤波,会使数据有一定失真,导致 FBP 的结果比实际结果要小。

