2017年11月26日

浙江大学

黄璐哲,方天庆,帅青

Table of Contents 目录

问题重述

问题一的水料

问题二的求解

问题三的求解

Mathematica model

Empirical experiments



- 1 问题重述
- 2 问题一的求解
- 3 问题二的求解
- 4 问题三的求解
- 5 问题四的求解
- 6 Mathematical model
- 7 Empirical experiments
- 8 参考文献

问题背景

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

海豚面的金色

Mathematica

Empirical experiments

お女子会

CT 系统是一种利用样品对射线的能量吸收特性对样品进行断层成像的技术,在不破坏样品的情况下获取样品内部的结构信息。问题中使用的是一种二维 CT 系统,探测器平面发出平行入射的 X 射线,探测器绕某固定的旋转中心逆时针旋转 180 次,可以获得 180 组接收信息,每组信息有 512 个等距单元的数据。



解决的问题

问题重述

问题一的求解

问题—的水照

问题三的不能

问题四的求解

Mathemat

Empirical

experiments

参考文献

THE MAN THE PARTY OF THE PARTY

我们需要建立数学模型和算法,解决以下问题:

- 标定参数
- 2 重构图像
- 3 精度与稳定性分析
- ₫ 设计新模板

求解思路

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

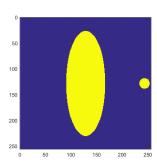
(SI PIS ITT 66 + CAR)

Mathematica: model

Empirical experiments



- 通过部分数据初步获得模型信息
- 2 建立完整模型
- 3 迭代求解拟合模型



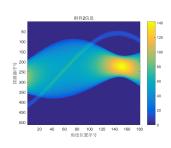


图: 附件 1 几何形状

图: 附件 2 信息

初步计算参数

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

ranga maa daga

Mathematic

Empirical experiments

参考文献



截取圆的部分,得到一组探测信息 D(i),对于探测点 i,其发出的射线与圆心的距离为 $d_i=i\Delta d+d_0$,其中 Δd 为探测器上的射线间距, d_0 为探测器位置相对偏置。那么第 i 条射线与圆相交的弦长为 $2\sqrt{R^2-d_i^2}$,其中 R 为圆半径。我们推测探测器的接收数据与 ρl 成一次函数关系,即

$$D(i) = \mu \times 2\sqrt{R^2 - (i\Delta d + d_0)^2}\rho + c \tag{1}$$

使用最小二乘法对曲线进行拟合,求出各个参数的值为:

$$\mu = 1.7724, \Delta d = 0.2768, d_0 = -4.0688, c = 0.0000$$

初步计算参数

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

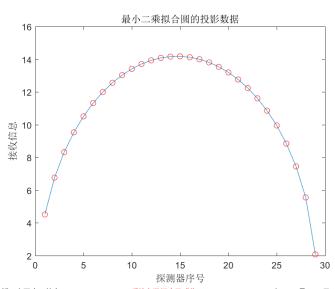
问题三的求解

问题四的求解

Mathematical model

Empirical experiments





完整模型建立

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

Mathematica model

Empirical experiments

参考文献

以正方形托盘的中心为坐标原点,椭圆中心与圆中心的连线方向为 x 轴,过坐标原点垂直于 x 轴方向为 y 轴,建立平面直角坐标系。在这一坐标系中,设 CT 系统的旋转中心坐标为 $R(x_0,y_0)$,探测器平面与 x 轴的夹角为 θ ,探测器中心与旋转中心在探测器平面上的投影的距离为 do。



参数定义

问题一的求解

参考文献

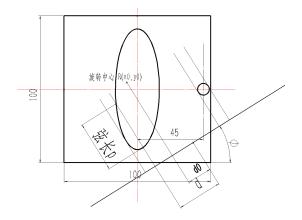


图:参数定义



求解长度

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

Mathematica model

Empirical experiments

参考文献



标定模板中,椭圆与圆的方程分别为:

$$\frac{x^2}{m^2} + \frac{y^2}{n^2} = 1, m = 15, n = 40; (x - 45)^2 + y^2 = 4^2$$

综合求解,所以对于探测角度为 ϕ 的探测器,其上第 i 条 X 射线探测所得的数值的计算公式为:

$$\begin{split} V = & \mu \frac{2mn\sqrt{\max(0, m^2\cos^2\phi + n^2\sin^2\phi - (x_0\cos\phi + y_0\sin\phi + d_0 + (i - 256.5)\Delta d)^2)}}{m^2\cos^2\phi + n^2\sin^2\phi} \\ & + 2\mu\sqrt{\max(0, r_0^2 - (G\cos\phi - (x_0\cos\phi + y_0\sin\phi + d_0 + (i - 256.5)\Delta d))^2)} \end{split}$$

模型求解

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

1-2/62---N2-2-40

Mathematic: model

Empirical experiments

参考文献



- 选取参数 $d_0, x_0, y_0, \mu, \Delta d, \phi_i, i=1,\dots,180$ 的初值,这里参数的初值可以随意选取,我们设置为 $d_0=x_0=y_0=0, \mu=1.7724 \ (\ \text{由前文初步计算得}\),\ 使用 \\ 512\times180$ 组数据,对所有参数进行拟合,获得第一次求解
- 对第一次求解得到的 ϕ_{1_i} , $i=1,\ldots,180$,对数据进行平滑处理,接着将 ϕ_i 作为已知参数,使用 512×180 组数据,以第一次求解的结果作为初值,对参数 $d_0,x_0,y_0,\mu,\Delta d$ 进行求解,得到第二次参数的求解结果。

的参数结果。

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

Mathematica

Empirical experiments

参考文献

- 使用第二次求解得到的参数 d₀, x₀, y₀, μ , Δ d 作为已知参数 , 对于 180 组 , 每组 512 个数据 , 以第 (2) 步中得到的角度 作为初值 , 分别对每组数据的角度参数进行求解 , 得到第 (3) 步的求解结果。
- 使用第(2) 步与第(3) 步的结果作为初始值,再次使用512×180 组数据,对所有参数进行拟合,得到最终结果。

经测试,经过这样几次求解之后,所得值已经稳定,再次求解结果不会有明显改变。

求解结果

问题重进

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

Mathematica model

Empirical experiments

お女子会

使用上述算法对模型进行求解,得到各个参数如下:

$$\mu = 1.7727, x_0 = -9.2696, y_0 = 6.2738$$

$$d_0 = 0.0000, \Delta d = 0.2768$$

根据所建坐标系,CT 系统 X 射线逆时针旋转的始值 为- 60.3465° ,终值 118.6439° 。



1. Introduction 引言

frame subtitle 页面副标题

问题重述

问题一的求解

问题——的 水解

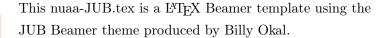
问题三的求解

问题四的求解

Mathematical model

Empirical experiments

参考文献



此 nuaa-JUB.tex 文件是一个使用了 Billy Okal 制作的 JUB Beam 主题的 I⁴TEX Beamer 模板。



图: LATEX beamer



2. Mathematical model **数学模型**

问题重述

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

.....

Mathematica model

Empirical experiments

参考文献



Lists 列表

- Apple
- Orange
- Banana
- Monday
- 2 Tuesday
- 3 Wednesday

Description list is a type of list to describe items.

Description list 是一种用于描述的列表。

3. Empirical experiments 实验

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

尚顯加的少解

Mathematica

Empirical experiments

参考文献

Blocks 区块

Definition (Pythagorean theorem)

The Pythagorean theorem is a fundamental relation in Euclidean geometry among the three sides of a right triangle.

Theorem (Pythagorean theorem)

$$a^2 + b^2 = c^2$$



3. Empirical experiments 实验

问题重进

问题一的求解

问题二的求解

问题三的求解

尚顯加的少解

model

Empirical experiments

参考文献

Blocks 区块

For example

 $3^2 + 4^2 = 5^2$

Note

Note that the Pythagorean theorem can only be applied to right triangles.



问题重述

问题一的求願

问题二的求解

问题三的求解

问题四的求解

Mathematical model

Empirical experiment

参考文献

Thank you!

参考文献

问题重过

问题一的求解

问题二的求解

问题二的来

Mathematica

Empirical experiments



- Kak A C. BOOKS AND PUBLICATIONS: "Principles of Computerized Tomographic Imaging" [J]. Medical Physics, 2002, 29(1):107.
- J. Huang et al, "Sparse angular CT reconstruction using non-local means based iterative-correction POCS," Computers in Biology and Medicine, vol. 41, (4), pp. 195-205, 2011.
- i 庄天戈. CT 原理与算法 [M]. 上海交通大学出版社, 1992.
- ★世明, W.-M.Boerner. 离散 Radon 变换 [J]. 西北工业 大学学报, 1988(2):49-56.