哈尔滨工业大学(深圳)

《数据结构》实验报告

实验一 图型结构及其应用

子)元:	
姓	名:	梁鑫嵘
学	号:	200110619
专	业:	计算机科学与技术
日	期:	2021-05-05

1 问题分析

1.1 第一部分

1.1.1 问题1: 建图

本题中代码已经给出。

1.1.2 问题2: 判断图是否连通

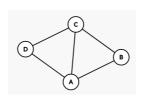
从一个点开始遍历,如果能遍历到所有的点,则图连通。

1.1.3 计算图中每个点的度

节点度是指和该节点相关联的边的条数,对于有向边是入度加出度,对无向图则是度。

1.1.4 计算图的聚类系数

点的聚类系数是所有与它相连的顶点之间所连的边的数量,除以这些顶点之间可以连出的最大边数。图的聚类系数是所有点的聚类系数的均值。



举例,A的邻居为B、C、D,B、C、D之间的边有2条而B、C、D三个点之间可以连出的最大边数是3(两两相连),所以A的聚类系数是 $\frac{2}{3}$; B有两个邻居,它们正好相连,所以B的聚类系数是1;同理,C的聚类系数是1;D的聚类系数是 $\frac{2}{3}$ 。综上所述,这个图的聚类系数是 $\frac{5}{6}$ 。

1.1.5 若图连通,使用Dijkstra算法计算单源最短路径

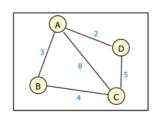
1.1.6 若图连通, 计算图的直径、半径

节点距离: 指的是两个节点间的最短路径的长度。

Eccentricity: 这个参数描述的是从任意一个节点, 到达其他节点的最大距离

Diameter: 图中的最大的 Eccentricity

Radius: 图中的最小的 Eccentricity



举例, Eccentricity(A) = ABC = 7;

Eccentricity(B) = BAD = 5;

Eccentricity(C) = CBA = 7;

Eccentricity(D) = DC = DAB = 5;

所以半径是5,直径是7。

1.2 第二部分

我们提供了深圳地铁的线路图,请同学们自行读取文件建图(文件格式在ppt中说明),并回答以下几个问题:

1.2.1 这个图是连通的吗?

同第一部分一样,这里可以采用从一个点开始遍历,判断所有的点是否可达来判断图 是否连通。

1.2.2 线路图中换乘线路最多的站点是哪个?共有几条线路通过?

这实际上是求最大度的节点以及最大度的问题。

1.2.3 该线路图的直径和半径是多少?

算法同第一部分。

1.2.4 从大学城站到机场站最少需要多少时间?请打印最短路径上的站点名称

这是Dijkstra算法在寻找最短路径上的应用。

2 详细设计

2.1 设计思想

2.1.1 第一部分

2.1.1.1 问题1: 建图

本题中代码已经给出。

2.1.1.2 问题2: 判断图是否连通

从一个点开始遍历,如果能遍历到所有的点,则图连通。判断图是否连通也有其他方法,比如并查集法:依次判断每一条边是否可以把每一个连通块合成一个连通块。考虑到代码复用性,这里采用遍历法。

2.1.1.3 计算图中每个点的度

节点度是指和该节点相关联的边的条数,对于有向边是入度加出度,对无向图则是度。在本题中是无向图,故依次计算每一个点可以向外引出多少条路径即为这个点的度。记录最大度和对应节点。

2.1.1.4 计算图的聚类系数

点的聚类系数是所有与它相连的顶点之间所连的边的数量,除以这些顶点之间可以连出的最大边数。图的聚类系数是所有点的聚类系数的均值。

只要计算出上面一段对应的数即可。注意可能舍去一些节点的值。

聚类系数 = $\frac{n}{C_k^2}$ = $\frac{n}{\frac{k(k-1)}{2}}$, 其中n为边数, k为顶点的度。

2.1.1.5 若图连通,使用Dijkstra算法计算单源最短路径

见代码。

2.1.1.6 若图连通, 计算图的直径、半径

见代码。

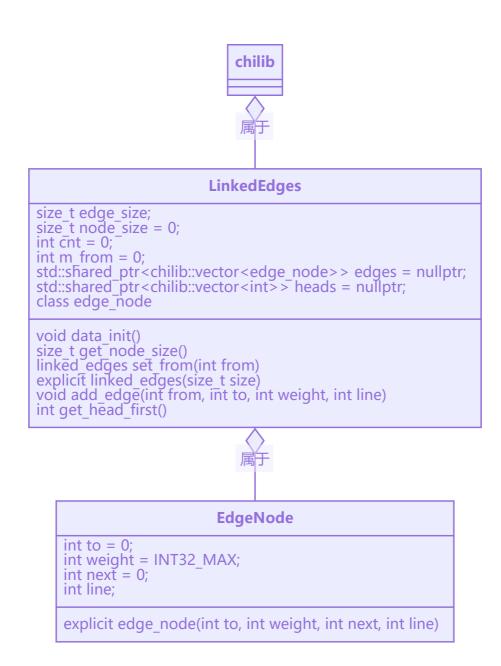
2.2 储存结构和操作

2.2.1 储存结构

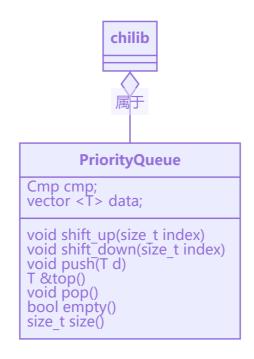
第一部分

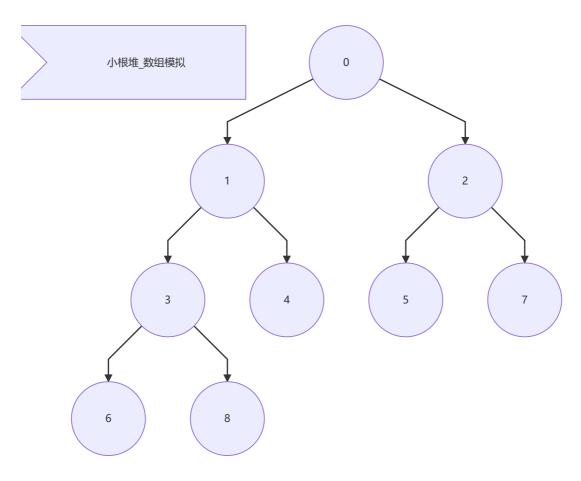
```
1 // 邻接表储存结构
2 typedef char vextype[20];
3 typedef struct {
4 int N, E; // N是顶点数, E是边数
5 int **matrix; //储存邻接矩阵
6 vextype *vertex; //存储节点的名字
7 } Graph;
```

第二部分: 链式前向星储存结构



第二部分: 优先队列储存结构





2.2.2 涉及的操作

优先队列中:

```
1
      /*!
 2
       * 上浮操作
 3
       * @param index 操作节点
       */
 4
 5
      void shift_up(size_t index) {
        if (cmp(data[father(index)], data[index])) {
 6
          std::swap(data[index], data[father(index)]);
 7
          shift_up(father(index));
 8
        }
 9
10
      }
11
12
      /*!
      * 下沉操作
13
       * @param index 操作节点
14
15
       */
      void shift_down(size_t index) {
16
17
        if (left(index) >= data.length()) return;
        if (right(index) >= data.length()) {
18
          if (cmp(data[index], data[left(index)])) {
19
20
            std::swap(data[left(index)], data[index]);
            shift_down(left(index));
21
22
          }
23
          return;
24
25
        if (cmp(data[right(index)], data[left(index)])) {
26
          if (cmp(data[index], data[left(index)])) {
            std::swap(data[left(index)], data[index]);
27
            shift_down(left(index));
28
          }
29
30
        } else {
31
          if (cmp(data[index], data[right(index)])) {
            std::swap(data[right(index)], data[index]);
32
            shift_down(right(index));
33
          }
34
35
        }
36
      }
37
```

```
38
      /*!
 39
       * 向队列尾部添加元素
       * @param d 元素
 40
       */
 41
      void push(T d) {
 42
        data.emplace_back(d);
 43
        shift_up(data.length() - 1);
 44
      }
 45
 46
 47
      /*!
       * 取队列头元素
 48
 49
       * @return 元素引用
       */
 50
      T &top() {
 51
        empty_check();
 52
 53
        return data[0];
 54
      }
 55
 56
      /*!
       * 弹出队列头元素
 57
       */
 58
 59
      void pop() {
 60
        empty_check();
        T back = data[data.length() - 1];;
 61
 62
        data.pop_back();
        if (data.empty()) return;
 63
        data[0] = back;
 64
        shift_down(0);
 65
 66
      }
链式前向星中:
  1
      /*!
  2
       * 设置容器遍历的边起点节点
       * @param from 起点节点
  3
  4
       * @return 已经改变之后的链式前向星对象引用
       */
  5
      linked_edges &set_from(int from) {
  6
        // 并不线程安全呢
  7
```

```
8
         m_from = from;
         return *(this);
  9
 10
       }
 11
 12
       /*!
       * 加单向边
 13
        * @param from
 14
 15
        * @param to
        * @param weight
 16
        * @param line 附加: 第几条线
 17
        */
 18
       void add_edge(int from, int to, int weight, int line) {
 19
 20
         cnt++;
         (*edges)[cnt] = edge_node(to, weight, (*heads)[from], line);
 21
 22
         (*heads)[from] = cnt;
       }
 23
 24
 25
       /*!
 26
       * 取得第一个有边的节点
 27
        * @return
       */
 28
       int get_head_first() {
 29
 30
         int head_first = 0;
 31
         while ((*heads)[head_first] == 0) head_first++;
         return head_first;
 32
 33
       }
地铁图操作:
```

```
1 // 判断图是否联通
2
    bool is_map_connected(chilib::linked_edges &edges) {
3
      chilib::vector<bool> visited(edges.get_node_size() + 1);
      int head_first = edges.get_head_first();
4
     // BFS
5
     chilib::vector<int> queue;
6
7
      queue.emplace_back(head_first);
8
      visited[head_first] = true;
9
      while (!queue.empty()) {
10
        int from = queue.pop_front();
```

```
11
        try {
          for (const auto &edge : edges.set_from(from)) {
12
13
            int to = edge.to;
14
            if (!visited[to]) {
15
              visited[to] = true;
              queue.emplace_back(to);
16
17
            }
18
          }
        } catch (std::out_of_range &e) {
19
          std::cerr << e.what() << " when from = " << from << std::endl;</pre>
20
21
          throw e;
22
        }
23
      }
      for (size_t i = 1; i <= edges.get_node_size(); i++)</pre>
25
        if (!visited[i]) {
           printf("ID %d not visited!\n", i);
26
27
          return false;
        }
28
29
      return true;
30
    }
31
    // 找经过最多线路的站点
32
33
    int find_most_exchanged(chilib::linked_edges &edges, int &max_degree)
    {
34
      int id = -1;
35
      for (size_t i = 1; i <= edges.get_node_size(); i++) {</pre>
36
        // degree 即为当前节点度
37
        int degree = 0;
        auto it = edges.set_from(i).begin();
38
        while (it != edges.end()) {
39
40
          ++it;
41
          degree++;
42
        if (degree > max_degree) {
43
          // 取节点度最大值并且记录节点id
44
45
          max_degree = degree;
          id = i;
46
47
        }
```

```
48
      }
49
      return id;
50
    }
51
52
    void dijkstra(int start, chilib::linked_edges &edges,
53
                 chilib::vector<int> &distance,
54
                 chilib::vector<int> *path) {
55
      // 初始化 visited, path 和 distance 数组
      chilib::vector<bool> visited(edges.get_node_size() + 1);
56
      distance = chilib::vector<int>(edges.get_node_size() + 1);
57
      if (path) *path = chilib::vector<int>(edges.get_node_size() + 1);
58
      // 距离初始化为最大值
59
60
      for (auto &d : distance) d = METRO_LEN_MAX;
      // 虽然这两个优先队列用法一致,但是自己写的这个得开 -02 性能才赶得上STL的...
62
      // std::priority_queue<node_order> q;
      chilib::priority_queue<node_order> q;
63
      // 记录起点距离
64
      distance[start] = 0;
65
      // 添加起点
67
      q.push(node_order(start, 0));
68
      while (!q.empty()) {
69
        // 取出当前可访问到的边的最小的边
70
        node_order top = q.top();
71
        q.pop();
72
        if (visited[top.pos]) continue;
73
        int from = top.pos;
74
        visited[from] = true;
75
        // 利用链式前向星容器遍历边
76
77
        for (const auto &edge : edges.set_from(from)) {
78
          int to = edge.to, weight = edge.weight;
79
          // 更新最短边数据
          if (distance[to] > distance[from] + weight) {
80
            distance[to] = distance[from] + weight;
81
82
            // 添加路径
83
           if (path) (*path)[to] = from;
           if (!visited[to]) {
84
              q.push(node_order(to, distance[to]));
```

```
86
           }
87
           }
88
         }
89
      }
90
     }
91
     // 计算ecc、直径、半径
92
93
     void compute_ecc(chilib::linked_edges &edges, int &d, int &r) {
       d = 0, r = METRO_LEN_MAX;
94
      for (size_t i = 1; i <= edges.get_node_size(); i++) {</pre>
95
        int ecc = 0;
96
97
        chilib::vector<int> distance;
        dijkstra(i, edges, distance, nullptr);
98
        // ecc: 单源距离最大值
99
100
        for (size_t j = 1; j <= edges.get_node_size(); j++) {</pre>
          ecc = ecc > distance[j] ? ecc : distance[j];
101
         }
102
        // d: ecc 的最大值, r: ecc 的最小值
103
104
        d = d < ecc ? ecc : d;
         r = r > ecc ? ecc : r;
105
106
      }
107
     }
108
109
    // 主函数
     int main() {
110
111
      // 配置
112
      // 打开这个开关,会使用Graphviz绘制整个地铁站的图像
113
      const bool draw_image = false;
114
      // 起点和目的地名称
      chilib::string station1_name = "大学城",
115
116
              station2_name = "机场";
117
     //
                station2_name = "深圳湾公园";
      // 文件名
118
      const char *metro_data = "metro.txt", *metro_name_data =
119
     "no2metro.txt";
120
      chilib::linked_edges edges(METRO_EDGES_MAX);
121
      chilib::vector<chilib::string> names;
122
      data_read_metro(metro_data, edges);
```

```
123
       data_read_metro_names(metro_name_data, names);
      printf("这个图%s联通的.\n", is_map_connected(edges)? "是": "否");
124
125
      int max_degree = 0;
126
      int most_exchanged = find_most_exchanged(edges, max_degree);
127
      printf("线路图中换乘线路最多的站点是%s, 共有 %d 条线路通过.\n",
     names[most_exchanged - 1].c_str(), max_degree);
128
      chilib::vector<int> distance;
129
      dijkstra(most_exchanged, edges, distance, nullptr);
     // 打印最短长度信息
130
    // printf("distance: ");
131
132
     // for (const auto d : distance) {
    // printf("%d ", d == METRO_LEN_MAX ? -1 : d);
133
     // }
134
    // puts("");
135
136
     int d, r;
137
      compute_ecc(edges, d, r);
      printf("该线路图的直径是 %d, 半径是 %d.\n", d, r);
138
      int station1 = -1, station2 = -1;
139
140
      for (size_t n = 1; n < names.size(); n++) {
        if (names[n] == station1_name) station1 = n;
141
142
        if (names[n] == station2_name) station2 = n;
143
      }
144
      if (station1 < 0 || station2 < 0) {
145
         printf("找不到站点: %s 或者 %s!\n", station1_name.c_str(),
     station2_name.c_str());
146
         return 1;
147
      }
148
      // printf("station1: %d, %s; station2: %d, %s\n", station1,
     station1_name.c_str(), station2, station2_name.c_str());
      station1++, station2++;
149
150
      chilib::vector<int> path;
151
      dijkstra(station1, edges, distance, &path);
152
      printf("从%s站到%s站最少需要 %d 分钟, 路径: \n", station1_name.c_str(),
     station2_name.c_str(), distance[station2]);
153
      // 用栈把路径反过来
154
      chilib::vector<int> stack;
      int p = station2;
155
156
      while (p > 0) {
```

```
157
         stack.emplace_front(p - 1);
         if (p == station1) break;
158
         p = path[p];
159
160
161
      // 打印路径
      for (const auto st : stack) {
162
       printf("%s", names[st].c_str());
163
       if (st != station2 - 1) printf(" --> ");
164
165
166
      puts("");
      if (draw_image) draw(edges, names);
167
168
       return 0;
169
    }
```

3 用户手册

本项目中使用了两部分自己写的库: linked_edges 和 priority_queue, 使用说明如下:

3.1 使用说明 - chilib::priority_queue

3.1.1 使用

```
    包含文件: queue.hpp
    chilib::priority_queue<int, chilib::greater<int>> q;
    q.push(1);
    q.pop();
```

详细:

```
1 //
 2 // Created by Chiro on 2021/5/1.
 3
   //
 4
   #include <cstdio>
 5
   #include <cstdlib>
 6
    #include "chilib/queue.hpp"
 7
 8
    int main() {
 9
      chilib::priority_queue<int, chilib::less<int>> q;
10
      for (int i = 1000; i >= 0; i--) {
11
```

```
12
       int t = rand() % 1000;
13
        q.push(t);
        printf("pushed: %d\n", i);
14
15
     while (!qs.empty()) {
16
        printf("%d\n", q.top());
17
       q.pop();
18
19
      }
20
      return 0;
21 }
```

3.1.2 接口说明

大致和 STL 库一致,区别在性能比 STL 低、只会使用 chilib::vector 作容器。

```
1
     /*!
2
     * 向队列尾部添加元素
     * @param d 元素
3
     */
4
     void push(T d);
5
6
     /*!
7
     * 取队列头元素
     * @return 元素引用
8
     */
9
     T &top();
10
11
     /*!
     * 弹出队列头元素
12
     */
13
     void pop();
14
     /*!
15
     * 判断队列是否为空
16
     * @return 是否为空
17
18
     */
19
     bool empty();
     /*!
20
     * 取得队列长度
21
22
     * @return 队列长度
23
     */
     size_t size();
24
```

3.2 使用说明 - chilib::linked_edges

3.2.1 使用说明

```
包含文件: linked_edges.hpp。
示例:
  1 #include <cstdio>
  2
     #include "chilib/linked_edges.hpp"
  3
    int main() {
  4
  5
      // 最大节点数
      const int EDGES_MAX = 3;
  6
  7
       chilib::linked_edges edges(EDGES_MAX);
      // 添加边
  8
       edges.add_edge(1, 2, 1);
  9
 10
       edges.add_edge(2, 1, 1);
      // 遍历边
 11
 12
       for (int from = 1; from < EDGES_MAX; from++)</pre>
         for (const auto &edge: edges.set_from(from))
 13
           printf("%d ==%d==> %d\n", from, edge.weight, edge.to);
 14
 15
       return 0;
    }
 16
3.2.2
        接口说明
  1
       /*!
  2
       * 构造函数
  3
       * @param size 最大节点编号
  4
       explicit linked_edges(size_t size);
  5
  6
       /*!
  7
       * 设置容器遍历的边起点节点
       * @param from 起点节点
  8
       * @return 已经改变之后的链式前向星对象引用
  9
 10
 11
       linked_edges &set_from(int from);
       /*!
 12
       * 加单向边
 13
       * @param from
 14
```

```
15
      * @param to
       * @param weight
16
17
       */
      void add_edge(int from, int to, int weight);
18
19
20
      * 取得第一个有边的节点
21
      * @return
22
       */
23
      int get_head_first();
```

4 运行结果

```
■ task1 ×
       D:\Programs\data-struct\experiments\ex4\src\cmake-build-debug\task1.exe
■
  IP:
       case 1:
   ≟
       connected: 1
       degree distribution:
       node0:4, node1:1, node2:1, node3:1, node4:1,
       clustering coefficient:0.000000
       the shortest path between 1 and 3: 4
       Path: 1 0 3
       diameter:7
       radius:4
       case 2:
       connected: 1
       degree distribution:
       node0:1,node1:3,node2:2,node3:3,node4:3,node5:1,node6:3,
       clustering coefficient:0.238095
       the shortest path between 1 and 3: 7
       Path: 1 2 3
       diameter:16
       radius:9
       case 3:
       connected: 0
       degree distribution:
       node0:3,node1:2,node2:2,node3:3,node4:4,node5:2,node6:4,node7:2,node8:1,node9:1,
       clustering coefficient:0.600000
       Process finished with exit code 0
```

5 总结

在本次实验中, 手动构建了:

- 1. C++容器版链式前向星
- 2. 优先队列
- 3. 带路径记录的和链式前向星结合的Dijkstra算法

在构建这些小项目时收获了很多,比如如何提高代码复用性,如何巧妙适当地解耦代码逻辑,如何用特殊算法提升算法效率。

同时提高了自己的动手实践能力, 为将来工作打下良好基础。