## 2622 Matematik for Økonomer

Eric Hillebrand

## Opgavesæt 1

## Opgave

I en økonomi med 4 varer er efterspørgslen givet ved en lineær funktion

$$x_D = Ap + c,$$

hvor vektoren  $x_D = (x_{D,1}, x_{D,2}, x_{D,3}, x_{D,4})' \in \mathbb{R}^4$  betegner den efterspurgte kvantitet for henholdsvis god 1, 2, 3 og 4. Prisvektoren for de fire varer betegnes med  $p = (p_1, p_2, p_3, p_4)' \in \mathbb{R}^4$ . Den lineære udbudsfunktion er givet ved

$$x_S = Bp,$$

hvor  $x_S \in \mathbb{R}^4$  er den udbudte kvantitet. De tilhørende matricer A og B er givet ved

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 2 & -2 & 2 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ -1 & 3 & -4 & 1 \\ -1 & 2 & -2 & -1 \end{bmatrix}, c = \begin{bmatrix} 51 \\ 14 \\ 21 \\ 32 \end{bmatrix}, \qquad B = \begin{bmatrix} 7 & -2 & 2 & -2 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \\ 1 & -3 & 7 & -1 \\ 1 & -2 & 2 & 4 \end{bmatrix}.$$

- 1. Brug eliminationsmetoden for at bestemme prisvektoren til den efterspurgte kvantitet  $x_D = (29, 7, 2, 22)'$ .
- 2. Brug eliminationsmetoden for at bestemme prisvektoren til den udbudte kvantitet  $x_S = (5, 40, 60, 95)'$ .
- 3. Bestem ligevægtsparret (p, x).
- 4. Bestem betingelserne på rangen af C for eksistens og entydighed af en ligevægt.
- 5. Betragt nu

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 2 & -2 & 2\\ 0 & -1 & 0 & 0\\ -8 & -8 & 7 & 8\\ -1 & 2 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

og

$$c = (51, 14, 33, 32)'.$$

Angiv mængden af løsningerne for ligevægtspriserne. Er der en mulighed for, at der opstår negative priser?

6. Giv en økonomisk fortolkning af de negative ikke-diagonale indgange i B og de positive ikke-diagonale indgange i A. Giv en økonomisk fortolkning af strukturen af de anden rækker i A og B.

## 8-minutters foredrag

- 1. Ligningssystemer, Gaussisk elimination og den inverse matrix
- 2. Lineær uafhængighed, rangen af en matrix, sammenhæng med ligningssystemer