

TRƯỜNG ĐAI HOC TRÀ VINH

CHƯƠNG TRÌNH ĐÀO TẠO TRỰC TUYẾN

Chương 5. CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM

ThS. Nguyễn Chí Hiếu

2017



Chương 5. CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM

ThS. Nguyễn Chí Hiếu

2017



Giới thiệu cây nhị phân tìm kiếm

Các thao tác trong cây NPTK

Nguyễn Chí Hiểu $\,$ Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 2/3



Cây nhị phân tìm kiếm - NPTK (Binary Search Tree - BST)

Là một *cây nhị phân* thỏa các điều kiện sau:

- ► Khóa của các nút thuộc cây con trái nhỏ hơn khóa nút gốc.
- Khóa của các nút thuộc cây con phải lớn hơn khóa nút gốc.
- ► Hai cây con trái và phải của nút gốc cũng là một cây NPTK.

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 3/3



Cây nhị phân tìm kiếm - NPTK (Binary Search Tree - BST)

Đặc điểm cây NPTK

- ▶ Dữ liệu lưu trữ có thứ tự, hỗ trợ tìm kiếm tốt hơn danh sách liên kết, ngăn xếp, hàng đợi, ...
- ▶ Nếu tổng số nút trong cây NPTK là n thì chi phí tìm kiếm trung bình log_2n .

Nguyễn Chí Hiếu $\,$ Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 4/3



Cấu trúc dữ liêu của một nút

- ► Thành phần dữ liệu: khóa (key) của một nút.
- ► Thành phần liên kết: con trỏ pLeft liên kết với *cây con trái* và con trỏ pRight liên kết với *cây con phải*.



Cấu trúc dữ liệu của một cây

► Chỉ cần một con trỏ trỏ đến nút gốc của cây.

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 5/3

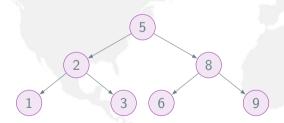
8

```
Thuât toán 1: InsertNode(t. k)
- Đầu vào: cây T và khóa k cần thêm.
- Đầu ra: cây T sau khi thêm k.
   if cây rỗng // TH1. cay rong
       Khởi tạo nút p có khóa k và cập nhật pLeft, pRight
       pRoot trỏ đến p
   else // TH2. cay khac rong
       if pRoot->Key > k
          Gọi đệ quy hàm InsertNode() với cây con bên trái
       else if pRoot->Key < k
          Goi đê quy hàm InsertNode() với cây con bên phải
```





Cho cây NPTK, thêm nút có khóa là 7.



Nguyễn Chí Hiếu $ext{Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1}$ 7/3



Ví dụ 1

Cho cây NPTK, thêm nút có khóa là 7.



Nguyễn Chí Hiếu $\,$ Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 7/3:





Cho cây NPTK, thêm nút có khóa là 0.



Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 8/3



Ví du 2

Cho cây NPTK, thêm nút có khóa là 0.



Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 8/32

```
void InsertNode(Node *&pRoot, Data k)
2
    ___if (pRoot == NULL) // TH1. Cay rong
         _Node *p = new Node();
5
         _p -> Key = k;
6
         _p->pLeft = NULL;
7
        _p->pRight = NULL;
8
9
        _pRoot = p;
10
```

```
(V)
```

Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 10/3



8

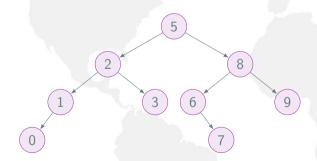
TRA VINH UNIVERSITY

```
Thuật toán 2: SearchNode(t, k)
- Đầu vào: cây T và nút k cần tìm.
- Đầu ra: nút có khóa k hay NULL nếu không tìm thấy.
   if cây khác rỗng
       if pRoot -> pKey = k
          Trả về nút pRoot
       else if pRoot->pKey > k
          Goi đê quy hàm SearchNode() với cây con bên trái
       else
          Goi đê quy hàm SearchNode() với cây con bên phải
   Trả về không tìm thấy
```



Ví du 3

Cho cây NPTK, tìm nút có khóa là 3.

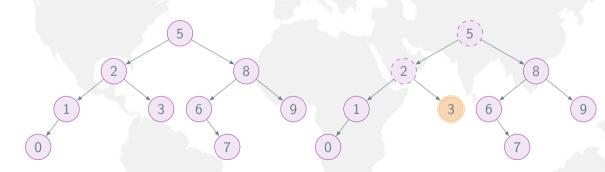


Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 12/32



Ví du 3

Cho cây NPTK, tìm nút có khóa là 3.



Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1

```
Node *SearchNode(Node *pRoot, Data k)
      if (pRoot != NULL)
         if (pRoot->Key == k) // TH1. Tim thay nut co khoa k
5
            return pRoot:
6
         else if (pRoot->Key > k) // Tim cay con trai
7
            SearchNode(pRoot->pLeft, k);
8
         else // Tim cay con phai
9
            SearchNode(pRoot->pRight, k);
10
11
      // TH2. Khong tim thay
12
      return NULL;
13
14
```

Chia 3 trường hợp

- ► Trường hợp 1: nút khóa k là nút lá.
- ► Trường hợp 2: nút khóa k chỉ có 1 cây con trái hay phải.
- ► Trường hợp 3: nút khóa k chứa đầy đủ 2 cây con, thực hiện thao tác tìm nút phải nhất của cây con trái hay nút trái nhất của cây con phải.

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 14/3

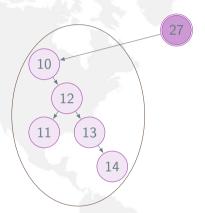


Tìm nút thay thế là nút phải nhất cây con trái

```
Thuât toán 3: SearchStandFor(t, p)
   Đầu vào: cây T.
    Đầu ra: nút p là nút thay thế (nút phải nhất/lớn nhất của cây T).
      // Tìm theo nhánh bên phải của cây
      if cây con phải nút đang xét khác rỗng
         Goi đê quy hàm SearchStandFor() với cây con phải
      else // Tim phan tu thay the
         Chép dữ liệu của pRoot vào nút p ...
         Lưu lai nhánh con trái (trường hợp nút p có cây con trái)
6
```

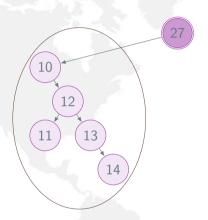
Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liêu và Giải thuật 1

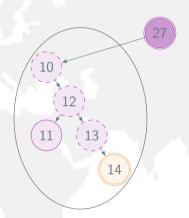




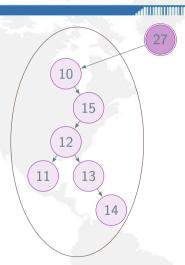
Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 16/32







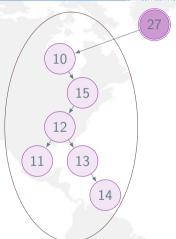


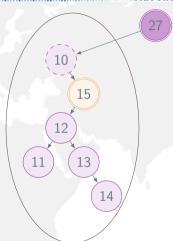


Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 17/32









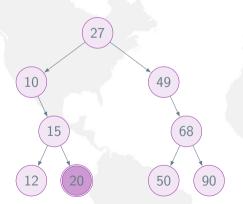
Tìm nút thay thế là nút phải nhất cây con trái

```
void SearchStandFor(Node *&pRoot, Node *&p)
2
      if (pRoot->pRight != NULL)
         SearchStandFor(pRoot->pRight, p);
      else
         p->Key = pRoot->Key;
         p = pRoot;
8
         pRoot = pRoot->pLeft;
10
11
```

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 18/32



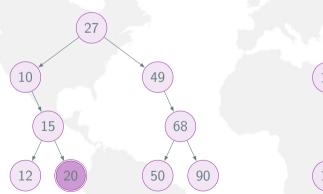
Trường hợp 1: nút k là nút lá.

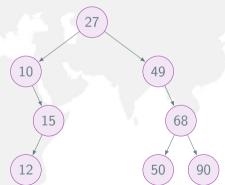


Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 19/32



Trường hợp 1: nút k là nút lá.

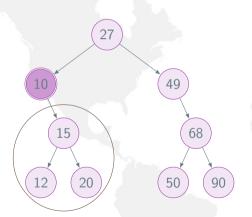




Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 19/32



Trường hợp 2: nút k chỉ có 1 cây con trái hay phải



Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 20/32



Trường hợp 2: nút k chỉ có 1 cây con trái hay phải



Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 20/32



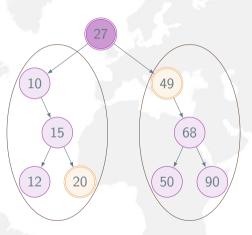
Trường hợp 3: nút k có đầy đủ 2 cây con

Thực hiện thao tác tìm *nút thay thế* trong 2 nút.

- ▶ Nút phải nhất/lớn nhất của cây con trái
- Nút trái nhất/nhỏ nhất của cây con phải.



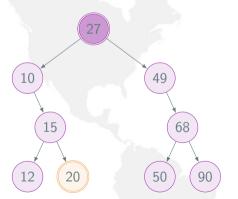






Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 1. Thực hiện thao tác tìm *nút phải nhất* của *cây con trái*.



Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 23/32



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 1. Thực hiện thao tác tìm *nút phải nhất* của *cây con trái*.

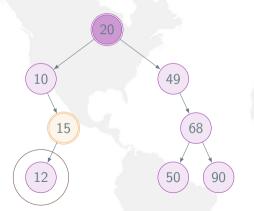


Nguyễn Chí Hiểu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 23/3



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 1. Thực hiện thao tác tìm *nút phải nhất* của *cây con trái*.



Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 24/3:



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 1. Thực hiện thao tác tìm *nút phải nhất* của *cây con trái*.

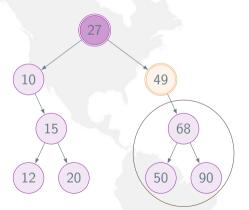


Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 24/3



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 2. Thực hiện thao tác tìm *nút trái nhất* của *cây con phải*.

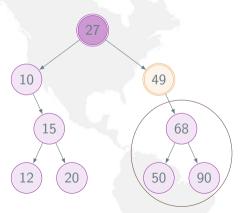


Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 25/32



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 2. Thực hiện thao tác tìm *nút trái nhất* của *cây con phải*.



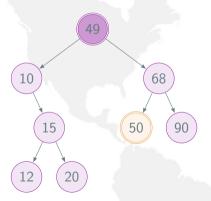


Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liêu và Giải thuật 1 25/32



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 2. Thực hiện thao tác tìm *nút trái nhất* của *cây con phải*.

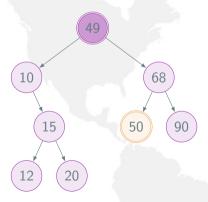


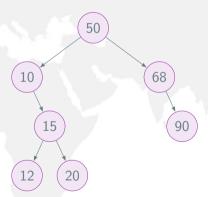
Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 26/32



Nút k có đầy đủ 2 cây con

► Cách 2. Thực hiện thao tác tìm *nút trái nhất* của *cây con phải*.



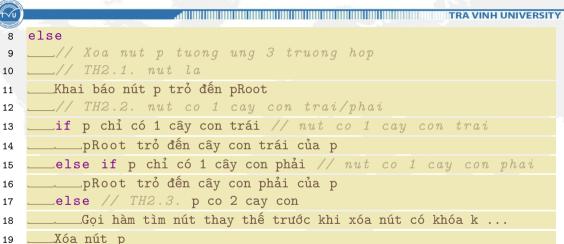


Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 26/32

```
Thao tac them nut vao cay
```

```
Thuật toán 4: RemoveNode(t. k)
- Đầu vào: cây T và nút có khóa k cần xóa.
- Đầu ra: cây T sau khi xóa nút có khóa k.
if cây rỗng // TH1. Khong tim thay khoa k
   Dừng thuật toán
if pRoot->Kev > k
   Goi đê quy hàm RemoveNode() với cây con trái
else if pRoot->Key < k
   LGoi đệ quy hàm RemoveNode() với cây con phải
 // TH2. Tim thay nut pRoot co khoa k
```

Thao tác thêm nút vào cây NPTK





```
void RemoveNode(Node *&pRoot, Data k)
2
   \__Node *p = new Node();
3
     Lif (pRoot == NULL) // TH1. Khong tim thay nut co khoa
     k.
5
        _return:
     _if (pRoot->Key > k)
6
        RemoveNode(pRoot->pLeft, k);
7
     _else if (pRoot->Key < k)
8
        RemoveNode(pRoot->pRight, k);
9
```

Thao tác xóa một nút trong cây NPTK

```
___else // Tim thay nut co khoa k
11
   _____// TH2.1. nut la
12
13
   _{---}p = pRoot;
   _____// TH2.2 nut co 1 cay con trai/phai
14
   ____if (p->pRight == NULL) // nut co 1 cay con trai
15
   ____pRoot = p->pLeft;
16
  ____else if (p->pLeft == NULL) // nut co 1 cay con phai
17
   _____pRoot = p->pRight;
18
19
      ____// TH2.3. nut co 2 cay con
      else
20
            _SearchStandFor(pRoot->pLeft, p);
21
    \_\_delete p;
22
23
24
```

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 1 30/32



- 1. Cho dãy gồm 9 phần tử: 5, 9, 3, 1, 8, 7, 4, 6, 2.
 - ▶ Lần lượt thêm các phần tử trên vào cây NPTK.
 - ▶ In cây nhị phân tìm kiếm theo 3 phương pháp duyệt cây: NLR, LNR, LRN.
 - ► Thêm vào phần tử 10.
 - ► Xóa phần tử 5.
- 2. Khử đệ quy các thuật toán duyệt cây NLR, LNR, LRN (sử dụng phương pháp lặp).
- 3. Viết thuật toán tìm kiếm phần tử nhỏ nhất/lớn nhất trong cây NPTK.





Dương Anh Đức, Trần Hạnh Nhi.

Nhập môn Cấu trúc dữ liệu và Thuật toán. Đại học Khoa học tự nhiên TP Hồ Chí Minh, 2003.



Donald E. Knuth.

The Art of Computer Programming, Volume 3. Addison-Wesley, 1998.



Robert Sedgewick.

Algorithms in C. Addison-Wesley, 1990.