Mini OpenGL en C++

Objectifs

- ◆ Ecrire un Renderer en quelques centaines de lignes de C++
- Purement software, mais en n'oubliant pas qu'en pratique il tournerait sur la carte graphique
- Pas à pas ...
- ◆ Idéalement jusqu'à arriver à l'image ci-contre



Format d'affichage

- Images au format TGA
 - Simple
 - Pixels au formats BW, RGB ou RGBA

- Je vous fourni une classe TGAlmage minimaliste.
 - Constructeur définit la taille
 - La méthode set permet d'écrire dans un pixel

```
class TGAImage {
         protected:
             unsigned char* data;
             int width;
             int height;
             int bytespp;
                     load_rle_data(std::ifstream &in);
             bool unload_rle_data(std::ofstream &out);
         public:
             enum Format {
                 GRAYSCALE=1, RGB=3, RGBA=4
             };
             TGAImage();
             TGAImage(int w, int h, int bpp);
             TGAImage(const TGAImage &img);
             bool read_tga_file(const char *filename);
             bool write_tga_file(const char *filename, bool rle=true);
             bool flip_horizontally();
             bool flip_vertically();
             bool scale(int w, int h);
             TGAColor get(int x, int y);
             bool set(int x, int y, TGAColor c);
             ~TGAImage();
             TGAImage & operator = (const TGAImage & img);
             int get_width();
             int get_height();
             int get_bytespp();
             unsigned char *buffer();
             void clear();
                                              Visualisation de données 3D avec
© Olivier Cuisenaire - 2020
```

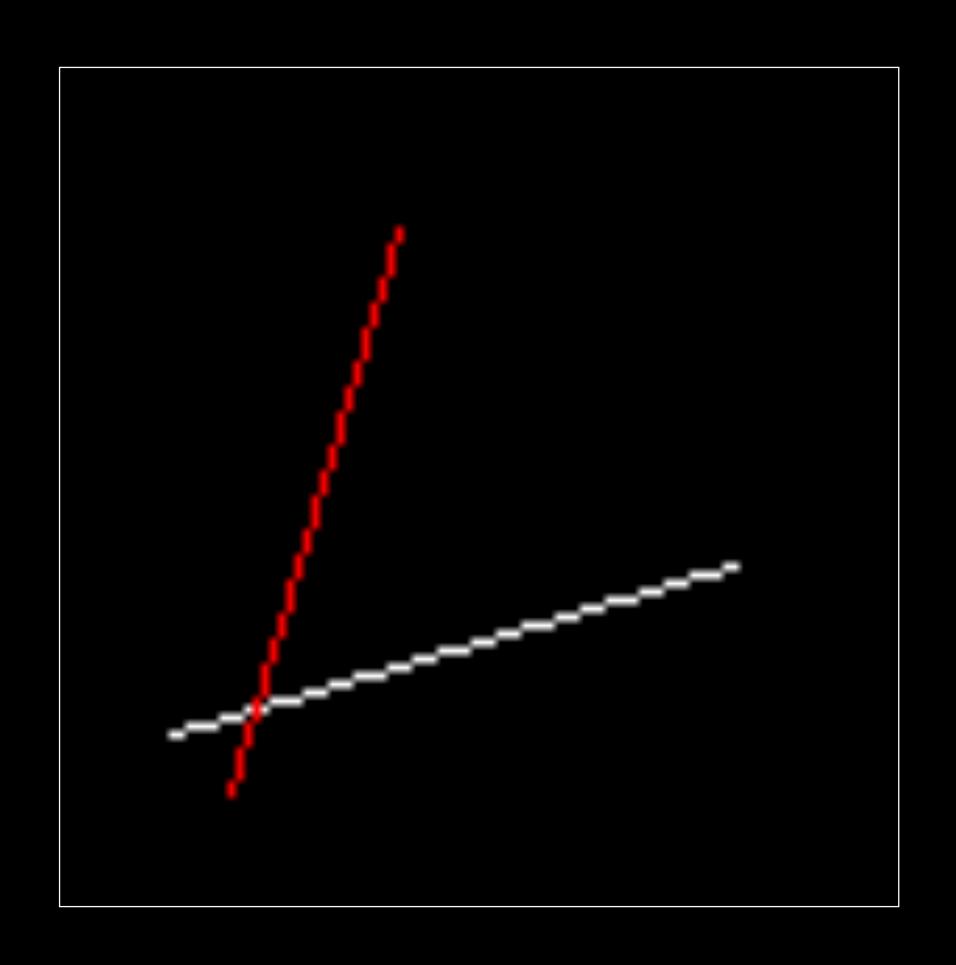
- Crée une image 100x100 noire
- Colorie le pixel 52,41 en rouge
- Sous le résultat dans output.tga

Exemple

```
#include "tgaimage.h"
const TGAColor white = TGAColor(255, 255, 255, 255);
const TGAColor red = TGAColor(255, 0, 0, 255);
int main(int argc, char** argv) {
    TGAImage image(100, 100, TGAImage:: RGB);
    image.set(52, 41, red);
    image.flip_vertically();
    image.write_tga_file("output.tga");
    return 0;
```

A vous de jouer...

◆ A vous d'écrire la fonction line pour que ce programme produise l'image ci-dessous...



```
#include "tgaimage.h"
const TGAColor white = TGAColor(255, 255, 255, 255);
const TGAColor red = TGAColor(255, 0, 0,
                                               255);
void line(int x0, int y0, int x1, int y1,
          TGAImage & image, TGAColor color);
int main(int argc, char** argv) {
    TGAImage image(100, 100, TGAImage:: RGB);
    line(13, 20, 80, 40, image, white);
    line(20, 13, 40, 80, image, red);
    image.flip_vertically();
    image.write_tga_file("output.tga");
    return 0;
```



1er essai...

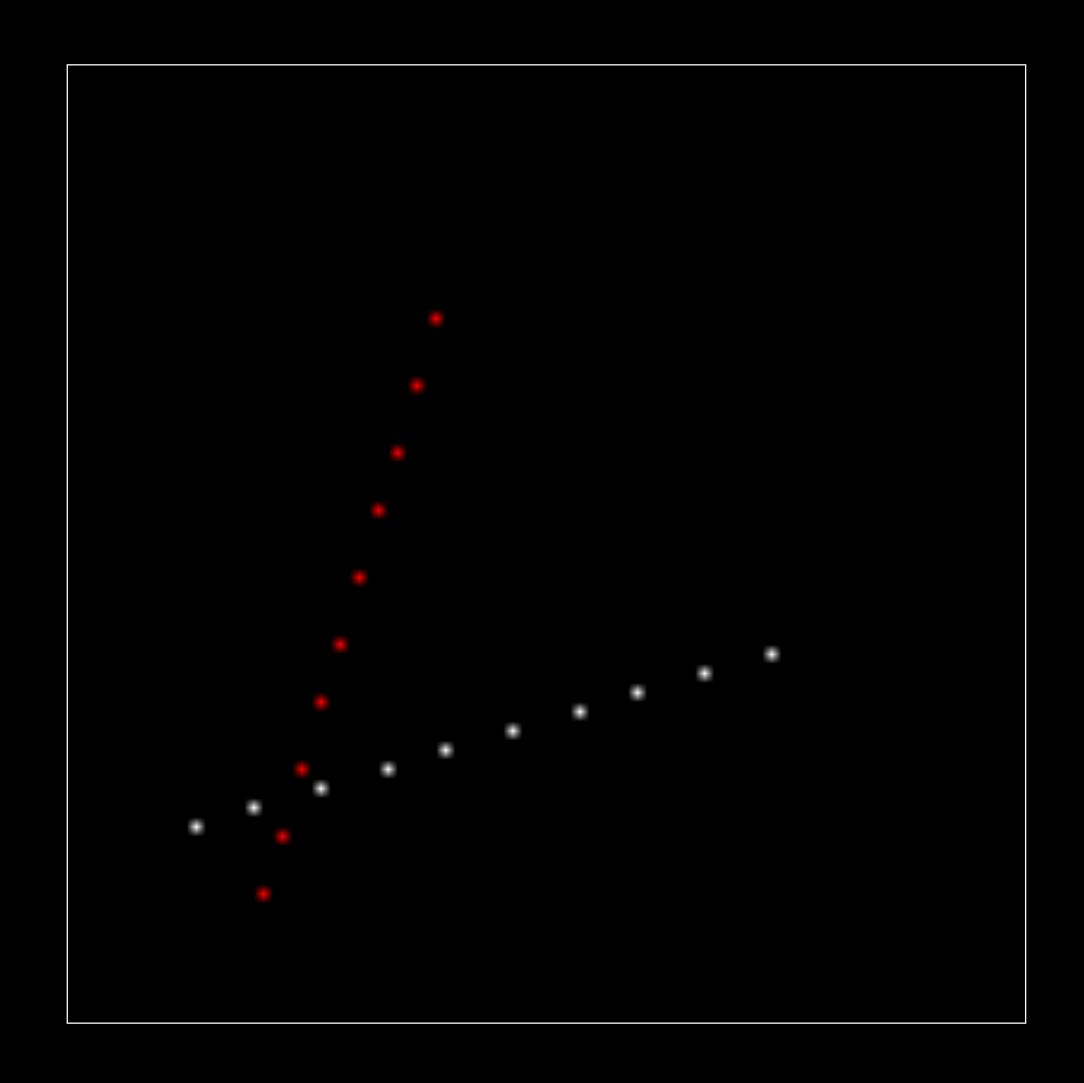
```
void line(int x0, int y0, int x1, int y1,
TGAImage & image, TGAColor color)
    for (float t=0.; t<1.; t+=.01) {
        int x = x0 + (x1-x0)*t;
        int y = y0 + (y1-y0)*t;
        image.set(x, y, color);
```

- Fonctionne ... apparemment
- → Méchant nombre magique ...

- Pas efficace si le pas est trop petit
- Pas correct si le pas est trop grand

t+=.1

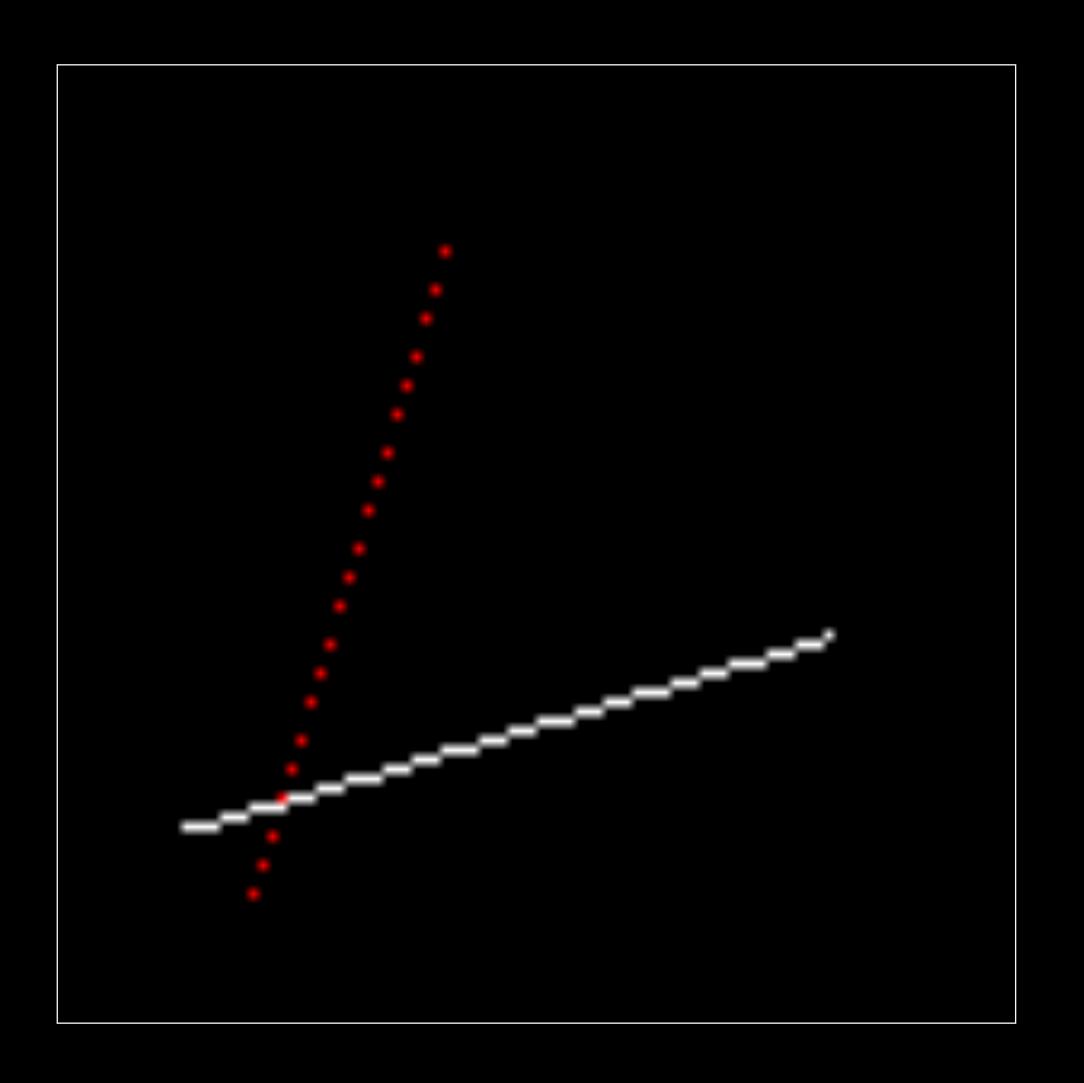
```
void line(int x0, int y0, int x1, int y1,
TGAImage &image, TGAColor color)
    for (float t=0.; t<1.; t+=.1) {</pre>
        int x = x0 + (x1-x0)*t;
        int y = y0 + (y1-y0)^*t;
        image.set(x, y, color);
```



Calculons la valeur du pas

```
void line(int x0, int y0, int x1, int y1,
          TGAImage &image, TGAColor color)
    for (int x=x0; x<=x1; x++) {</pre>
        float t = (x-x0)/(float)(x1-x0);
        int y = y0*(1.-t) + y1*t;
        image.set(x, y, color);
```

Est-ce correct ?



Corrigeons...

 Pour les lignes penchées à plus de 45 degrés, transposons x et y

 Pour les lignes allant de droite à gauche, inversons leur sens

C'est mieux ... mais pourquoi faire autant de calculs en virgule flottante ? Et toujours diviser par x1-x0 ?

```
void line(int x0, int y0, int x1, int y1,
          TGAImage &image, TGAColor color)
    bool steep = false;
    if (std::abs(x0-x1)<std::abs(y0-y1)) {</pre>
        std::swap(x0, y0);
        std::swap(x1, y1);
        steep = true;
    if (x0>x1) {
        std::swap(x0, x1);
        std::swap(y0, y1);
    for (int x=x0; x<=x1; x++) {</pre>
        float t = (x-x0)/(float)(x1-x0);
        int y = y0*(1.-t) + y1*t;
        if (steep) image.set(y, x, color);
        else    image.set(x, y, color);
```

Sortons la division par (x1-x0) de la boucle

Calculons y directement plutôt que de passer par la variable t

Séparons les parties entières et décimales de y = yi + sign(y1-y0) * yp

```
float ystep = (y1-y0)/float(x1-x0);
float y = y0;
for (int x=x0; x<=x1; x++) {
    y += ystep;
    if (steep) image.set(int(y), x, color);
    else         image.set(x, int(y), color);
}</pre>
```

```
float ystep = std::abs(y1-y0)/float(x1-x0);
int dysign = (y1 > y0) ? 1 : -1;
int yi = y0;
float yp = 0; // y = yi + dysign * yp;
for (int x=x0; x<=x1; x++) {</pre>
    yp += ystep;
   if(yp > 0.5) {
        yp -= 1;
        yi += dysign;
    if (steep) image.set(yi, x, color);
              image.set(x, yi, color);
    else
```

Multiplions tout pas 2(x1-x0) pour effectuer les calculs en nombres entiers

```
float ystep = std::abs(y1-y0)/float(x1-x0);
int dysign = (y1 > y0) ? 1 : -1;
int yi = y0;
float yp = 0; // y = yi + dysign * yp;
for (int x=x0; x<=x1; x++) {
    yp += ystep;
    if(yp > 0.5) {
       yp -= 1;
       yi += dysign;
    if (steep) image.set(yi, x, color);
              image.set(x, yi, color);
    else
```

```
int dx = (x1-x0);
int ystep = std::abs(2*(y1-y0));
int dysign = (y1>y0) ? +1:-1;
int yi = y0;
int yp = 0; // y = yi + dysign * float(yp)/(2*dx)
for (int x=x0; x<=x1; x++) {</pre>
    yp += ystep;
    if(yp > dx) {
        yp -= 2*dx;
        yi += dysign;
    if (steep) image.set(yi, x, color);
               image.set(x, yi, color);
    else
```

© Olivier Cuisenaire - 2020

Algorithme de Bresenham

```
void line(int x0, int y0, int x1, int y1,
        TGAImage & image, TGAColor color)
   bool steep = false;
   if (std::abs(x0-x1)<std::abs(y0-y1)) {</pre>
      std::swap(x0, y0);
       std::swap(x1, y1);
      steep = true;
   std::swap(y0, y1);
```

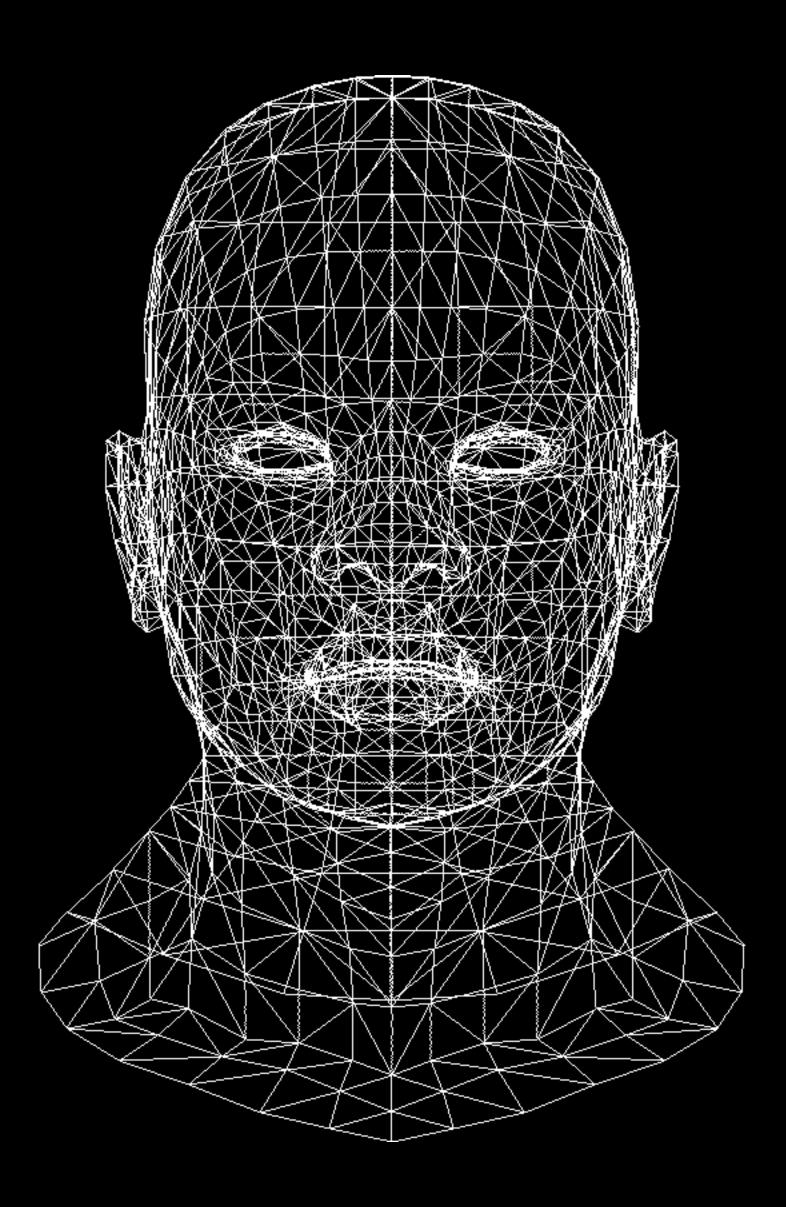
```
int dx = (x1-x0);
int ystep = std::abs(2*(y1-y0));
int dysign = (y1>y0) ? +1:-1;
int yi = y0;
int yp = -dx; // y = yi + dysign * float(yp+dx)/(2*dx)
for (int x=x0; x<=x1; x++) {</pre>
    yp += ystep;
   if(yp > 0) {
        yp = 2*dx
        yi += dysign;
    if (steep) image.set(yi, x, color);
    else     image.set(x, yi, color);
```

Wireframe



Dessiner une ligne ...

- Le plus simple rendu 3D est le rendu filaire (wireframe rendering)
- Pour dessiner un triangle, on dessine 3 segments de ligne



african_head.obj

```
# List of geometric vertices, with (x, y, z [,w]) coordinates, w is
optional and defaults to 1.0.
  v 0.123 0.234 0.345 1.0
  V . . . .
  # List of texture coordinates, in (u, [,v ,w]) coordinates, these
will vary between 0 and 1. v, w are optional and default to 0.
  vt 0.500 1 [0]
  vt ...
  # List of vertex normals in (x,y,z) form; normals might not be unit
vectors.
  vn 0.707 0.000 0.707
  vn ...
# Parameter space vertices in ( u [,v] [,w] ) form; free form
geometry statement ( see below )
  vp 0.310000 3.210000 2.100000
  vp ...
# Polygonal face element (see below)
  f 1 2 3
  f 3/1 4/2 5/3
  f 6/4/1 3/5/3 7/6/5
  f 7//1 8//2 9//3
  f ...
  # Line element (see below)
  1 5 8 1 2 4 9
```

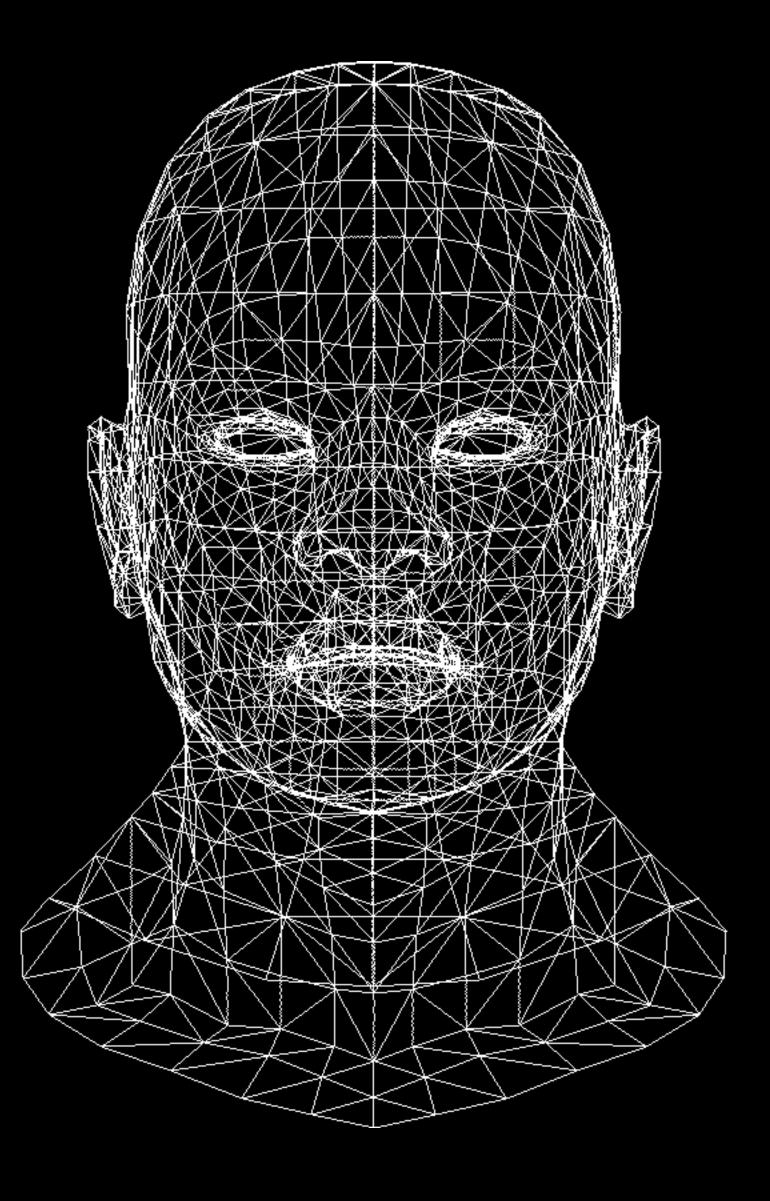
model.h

```
class Model {
private:
   std::vector<Vec3f> verts_;
   std::vector<std::vector<int> > faces_;
public:
   Model(const char *filename);
   ~Model();
   int nverts();
   int nfaces();
   Vec3f vert(int i);
   std::vector<int> face(int idx);
};
```

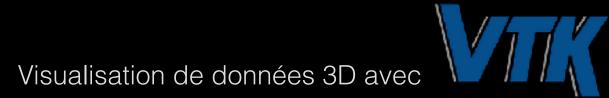
```
# List of geometric vertices, with (x, y, z [,w]) coordinates, w is
optional and defaults to 1.0.
  v 0.123 0.234 0.345 1.0
  V . . . .
# List of texture coordinates, in (u, [,v ,w]) coordinates, these
will vary between 0 and 1. v, w are optional and default to 0.
  vt 0.500 1 [0]
  vt ...
  # List of vertex normals in (x,y,z) form; normals might not be unit
vectors.
  vn 0.707 0.000 0.707
  vn ...
# Parameter space vertices in ( u [,v] [,w] ) form; free form
geometry statement ( see below )
  vp 0.310000 3.210000 2.100000
  vp ...
# Polygonal face element (see below)
  f 1 2 3
  f 3/1 4/2 5/3
  f 6/4/1 3/5/3 7/6/5
  f 7//1 8//2 9//3
  f ...
# Line element (see below)
  1 5 8 1 2 4 9
```

Votre but

- Boucler sur tous les triangles
 - Boucler sur les 3 cotés
 - → Boucler sur les 2 extrémités du côté
 - Convertir les coordonnées 3d entre -1 et
 1 en coordonnées 2d dans l'image
 - Dessiner la ligne

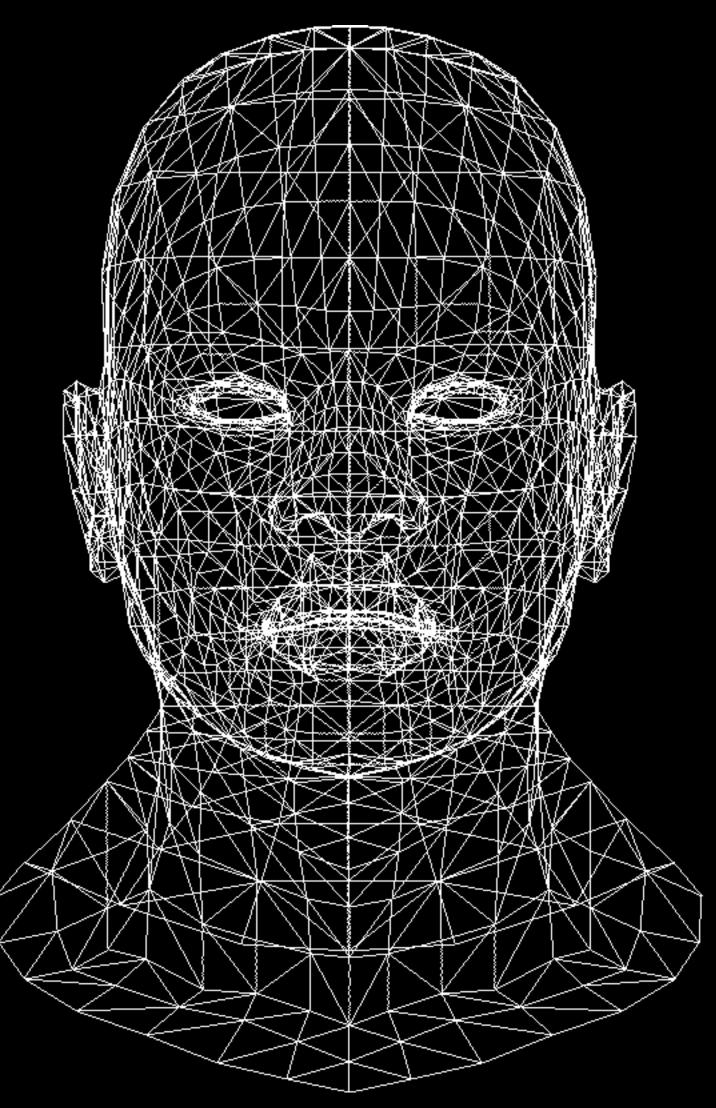


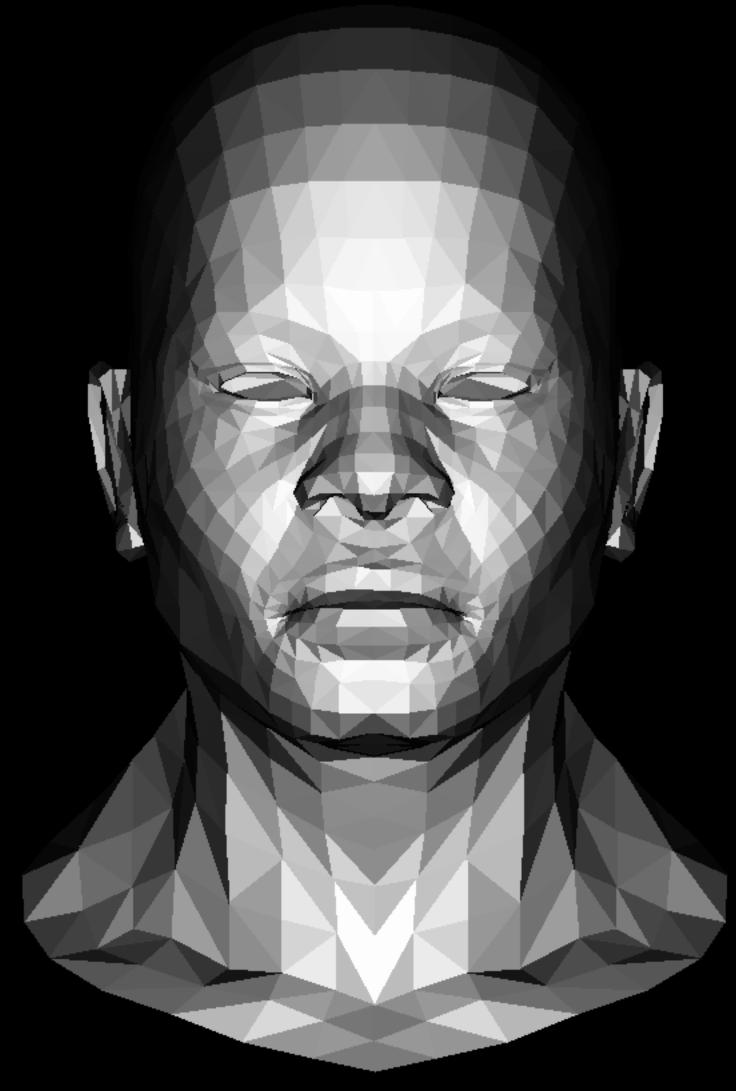
Dessiner un triangle...



Avant

Après





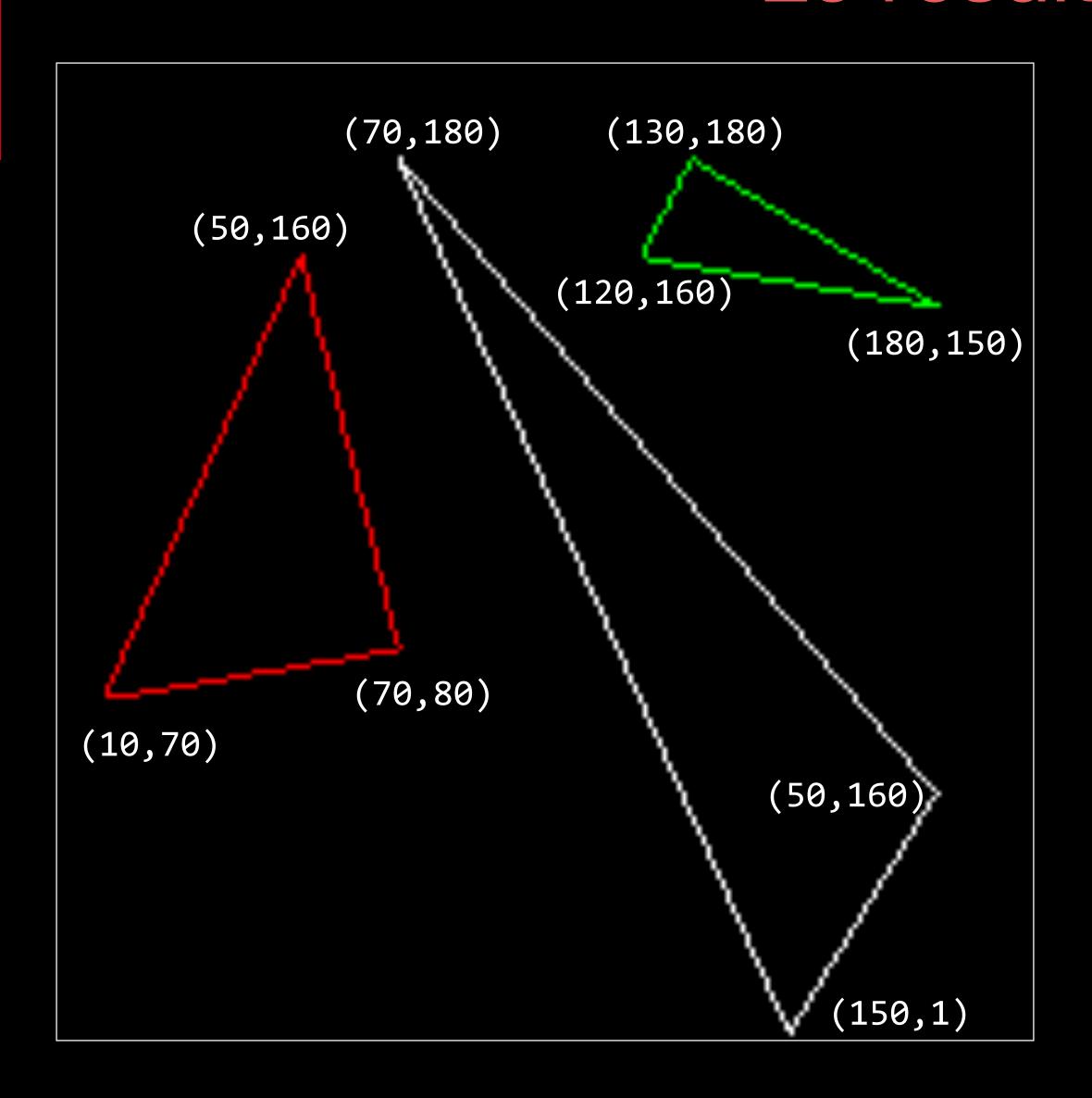


Code fourni

```
#include "tgaimage.h"
#include "geometry.h"
const TGAColor white = TGAColor(255, 255, 255, 255);
const TGAColor red = TGAColor(255, 0, 0, 255);
const TGAColor green = TGAColor(0, 255, 0, 255);
const int width = 200;
const int height = 200;
void triangle(Vec2i* t,
             TGAImage & image,
              TGAColor color) {
    line(t[0], t[1], image, color);
    line(t[1], t[2], image, color);
    line(t[2], t[0], image, color);
```

```
int main() {
    TGAImage image(width, height, TGAImage::RGB);
    Vec2i t0[3] = {Vec2i(10, 70),}
                   Vec2i(50, 160),
                   Vec2i(70, 80)};
    Vec2i t1[3] = \{Vec2i(180, 50),
                   Vec2i(150, 1),
                   Vec2i(70, 180)};
    Vec2i t2[3] = \{Vec2i(180, 150),
                   Vec2i(120, 160),
                   Vec2i(130, 180)};
    triangle(t0, image, red);
    triangle(t1, image, white);
    triangle(t2, image, green);
    image.flip_vertically();
    image.write tga file("triangle.tga");
    return 0;
```

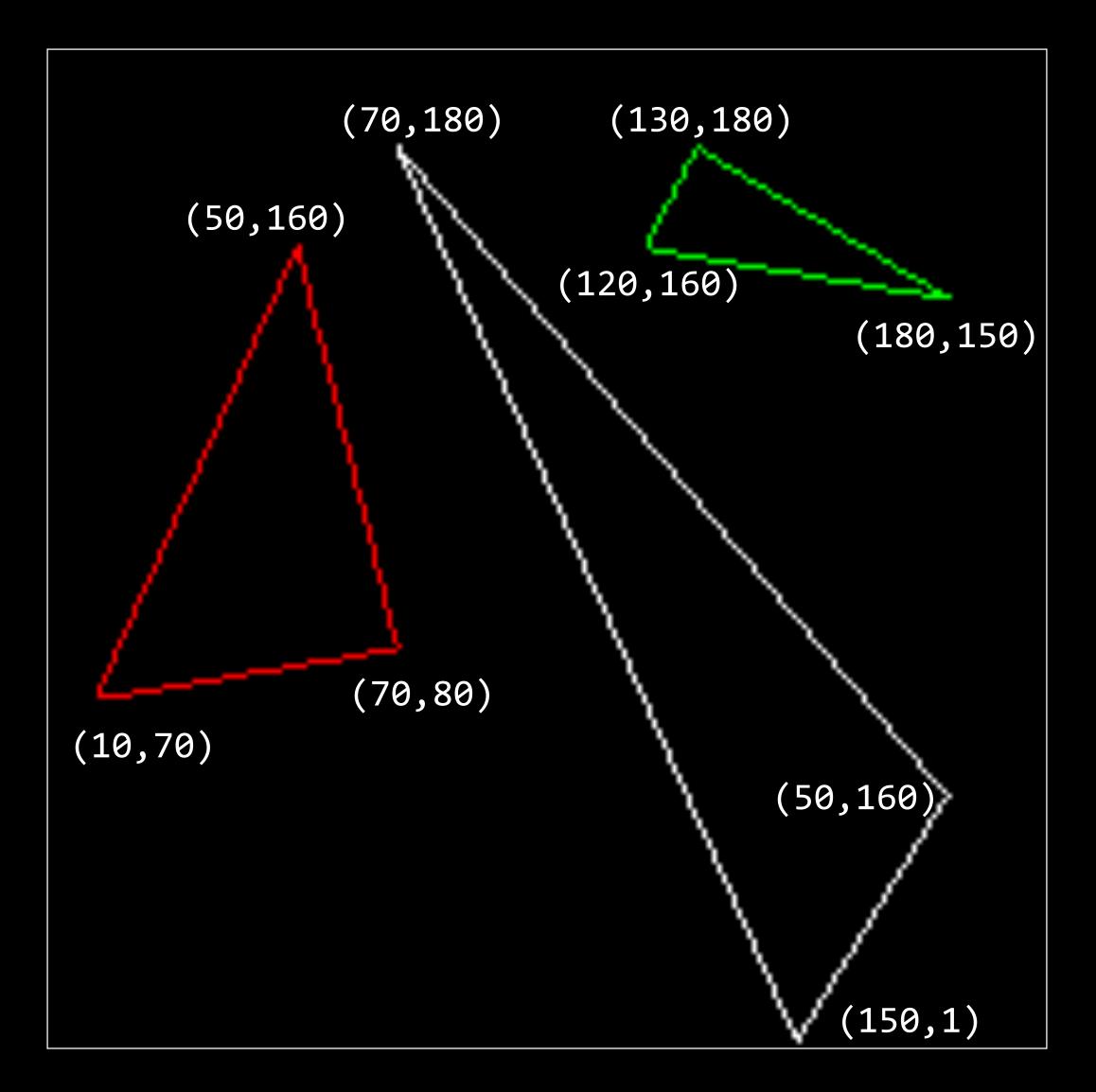
Le résultat fourni

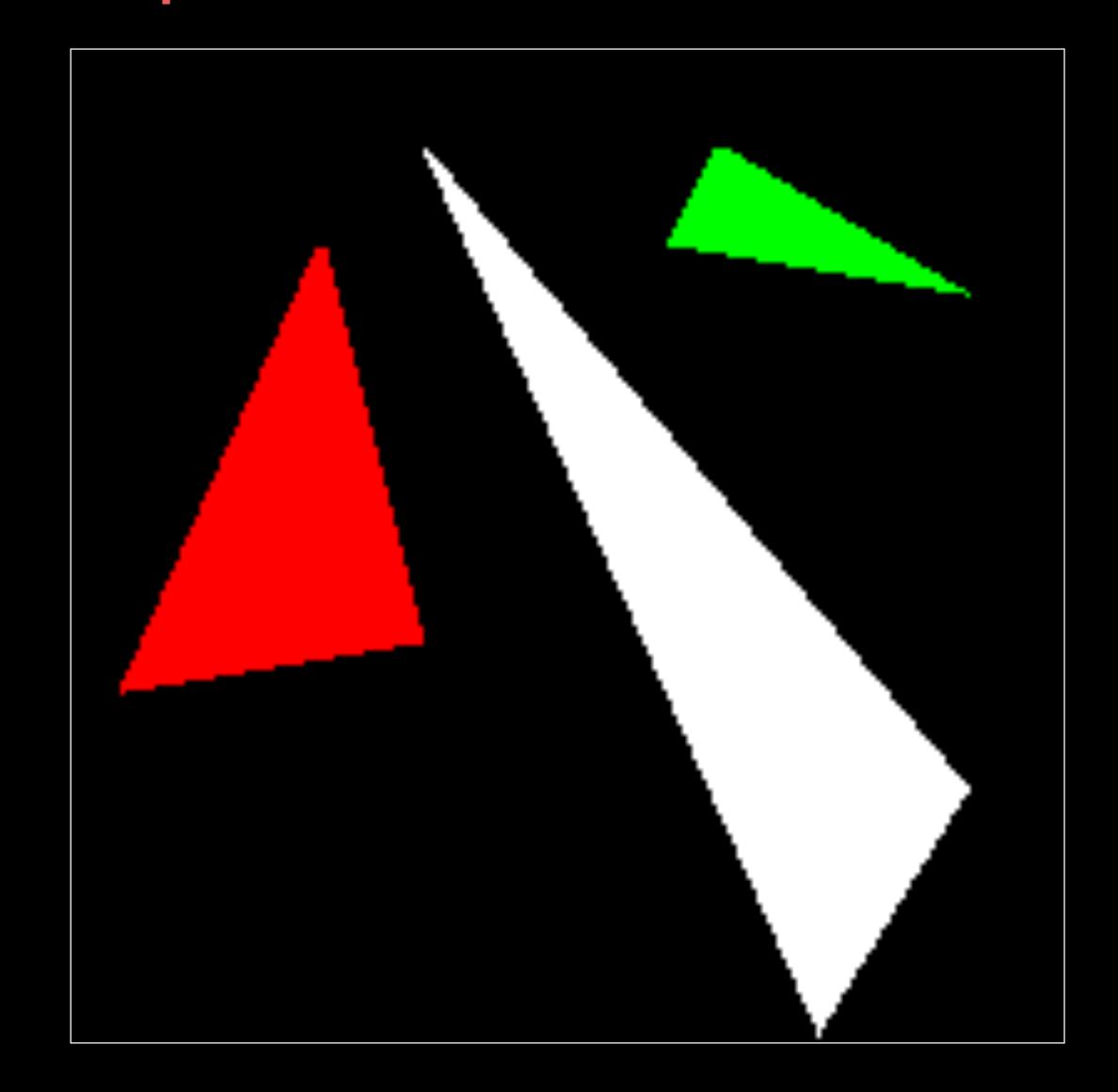


```
int main() {
    TGAImage image(width, height, TGAImage:: RGB);
    Vec2i t0[3] = {Vec2i(10, 70),}
                   Vec2i(50, 160),
                   Vec2i(70, 80)};
    Vec2i t1[3] = \{Vec2i(180, 50),
                   Vec2i(150, 1),
                   Vec2i(70, 180)};
    Vec2i t2[3] = \{Vec2i(180, 150),
                   Vec2i(120, 160),
                   Vec2i(130, 180)};
    triangle(t0[0], t0[1], t0[2], image, red);
    triangle(t1[0], t1[1], t1[2], image, white);
    triangle(t2[0], t2[1], t2[2], image, green);
    image.flip_vertically();
    image.write_tga_file("triangle.tga");
    return 0;
```



Le résultat espéré





La qualité espérée

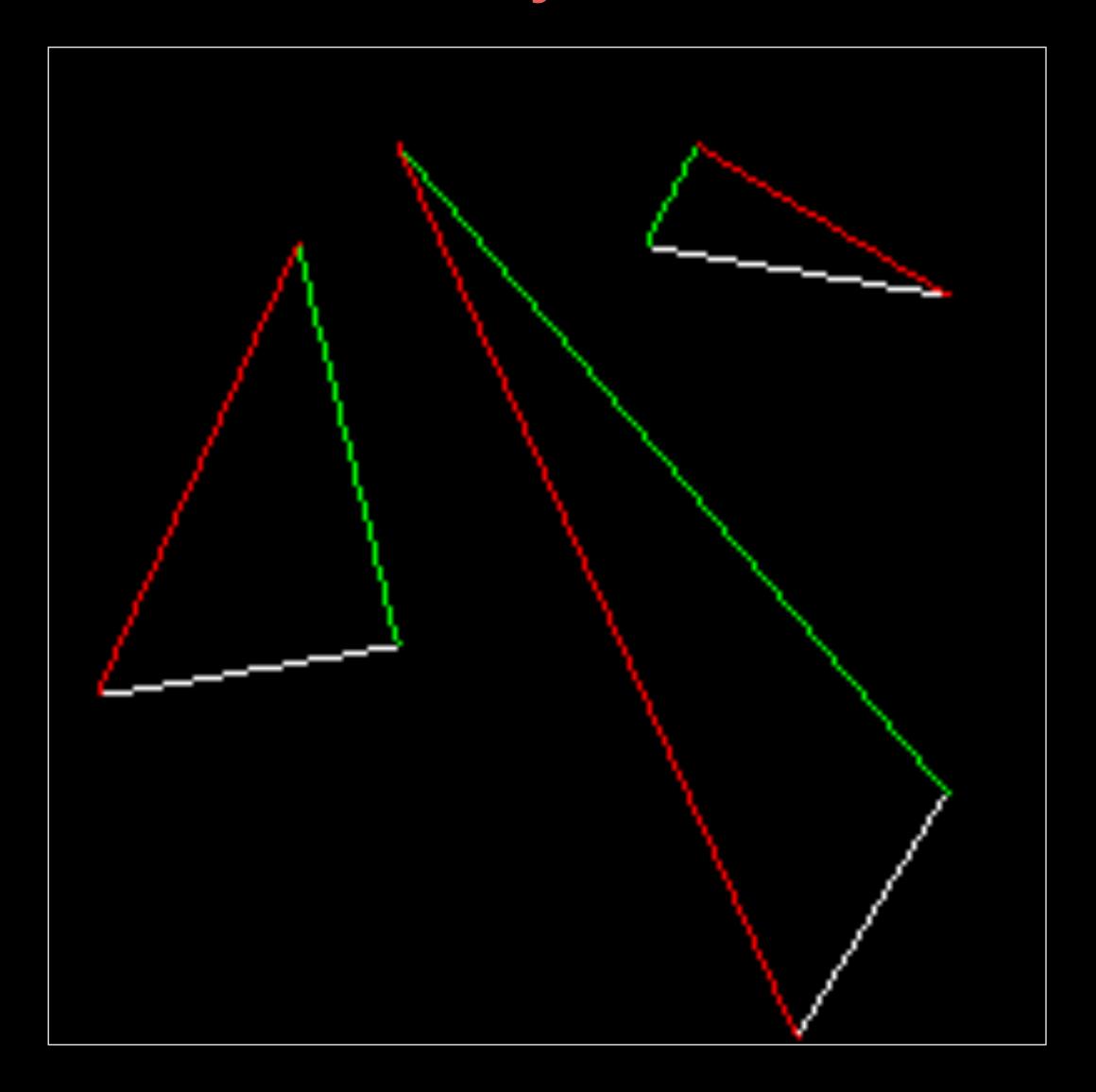
- Simple
- Rapide
- Symétrique
 - indépendant de l'ordre des sommets
- Sans trou entre triangles voisins
 - qui partagent un coté, i.e. deux sommets



1ère approche: line sweeping

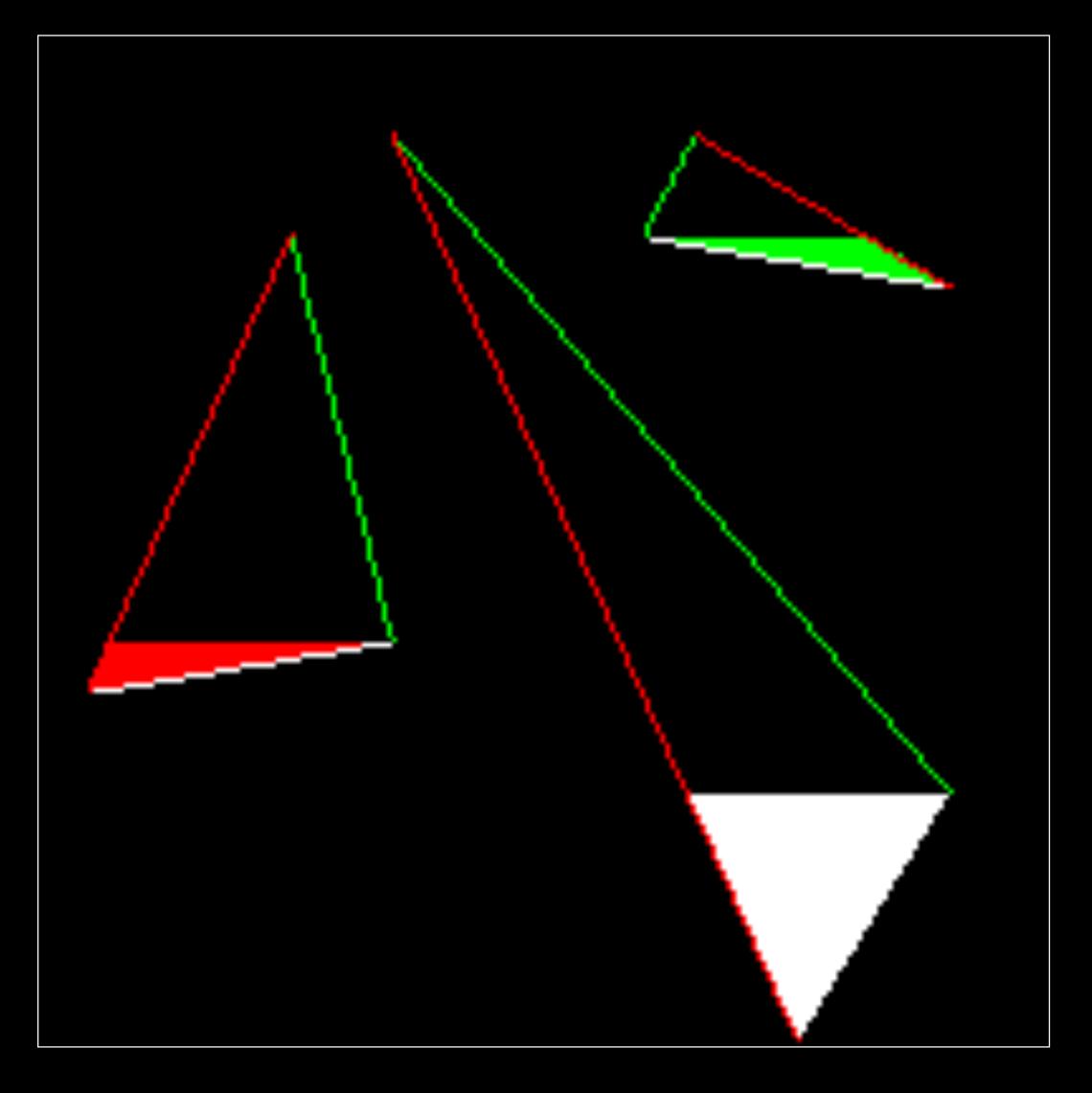
- Remplir le triangle avec des lignes horizontales
- Boucle sur y croissant du point le plus bas au point le plus haut
 - Trier les points dans ces ordre
- Rasteriser les côtés droits et gauche pour connaitre les points de départ et d'arrivée des lignes horizontales
 - Droite et gauche ?

Trier les sommets selon l'axe y



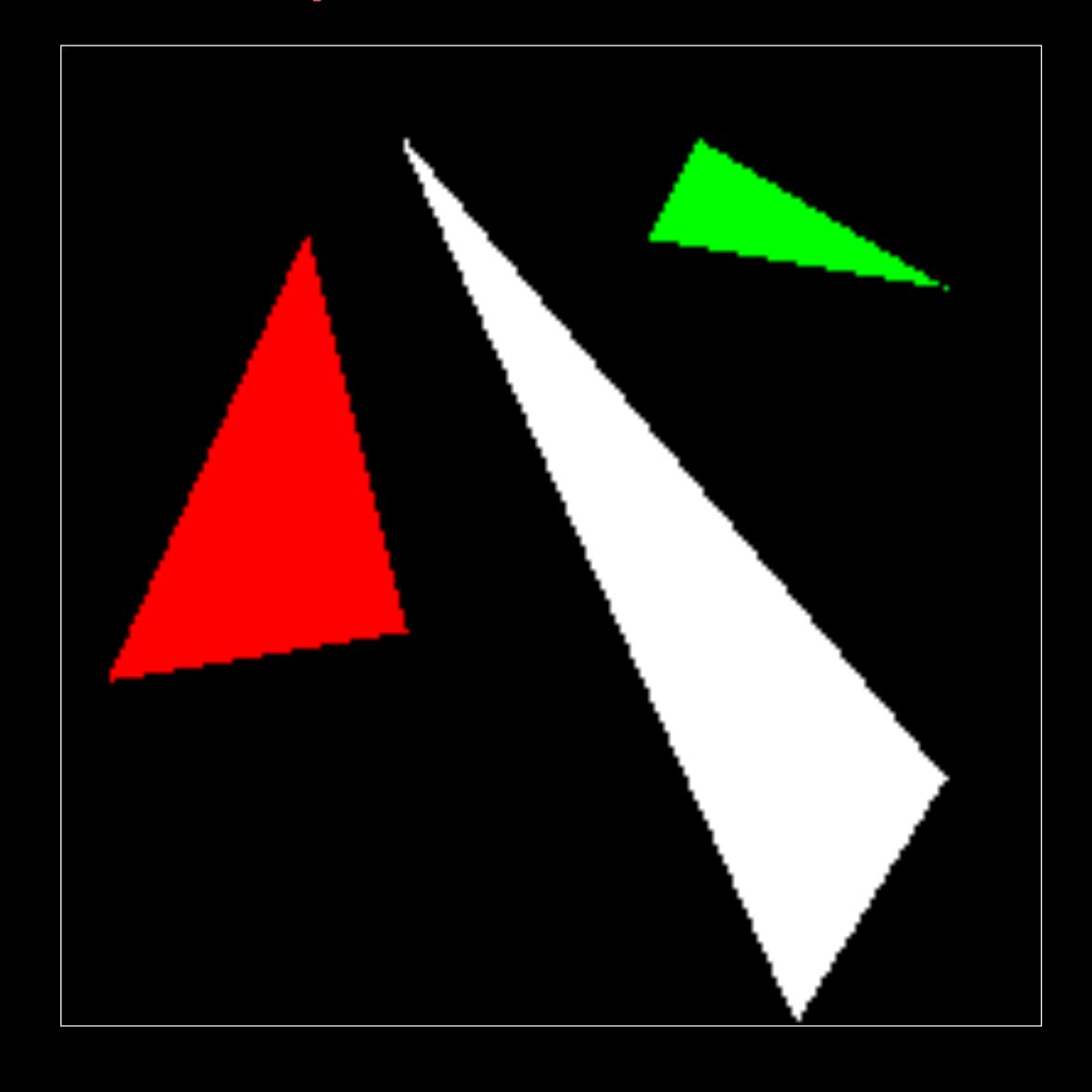
Remplir l'angle t0-t1 / t0-t2

```
void triangle(Vec2i* t,
           TGAImage &image
           TGAColor color)
  if(t[1].y < t[0].y) std::swap(t[0],t[1]);</pre>
  if(t[2].y < t[0].y) std::swap(t[0],t[2]);</pre>
  if(t[2].y < t[1].y) std::swap(t[1],t[2]);</pre>
  for(int y = t[0].y; y < t1.y; ++y)
    float t01 = (y - t[0].y) / float(t[1].y - t[0].y);
    int x01 = t[0].x + t01 * (t[1].x - t[0].x);
    float t02 = (y - t[0].y) / float(t[2].y - t[0].y);
    int x02 = t[0].x + t02 * (t[2].x - t[0].x);
    if(x02 < x01) std::swap(x01,x02);
    for(int x = x01; x <= x02; ++x)
       image.set(x,y,color);
  line(t[0], t[1], image, white);
  line(t[1], t[2], image, green);
  line(t[2], t[0], image, red);
```



```
void solid_angle(Vec2i t0, Vec2i t1, Vec2i t2, Vec2i t3,
                 TGAImage & image, TGAColor color) {
   if(t0.y == t1.y) ...
   for(int y = t0.y; y <= t1.y; ++y)
        float t01 = (y - t0.y) / float(t1.y - t0.y);
        int x01 = t0.x + t01 * (t1.x - t0.x);
        float t23 = (y - t2.y) / float(t3.y - t2.y);
        int x23 = t2.x + t23 * (t3.x - t2.x);
       if(x23 < x01) std::swap(x01,x23);
        for(int x = x01; x <= x23; ++x)
           image.set(x,y,color);
void triangle(Vec2i* t,
              TGAImage &image, TGAColor color) {
   if(t[1].y < t[0].y) std::swap(t[0],t[1]);</pre>
   if(t[2].y < t[0].y) std::swap(t[0],t[2]);</pre>
   if(t[2].y < t[1].y) std::swap(t[1],t[2]);
    solid_angle(t[0], t[1], t[0], t[2], image, color);
    solid_angle(t[1], t[2], t[0], t[2], image, color);
```

Remplir deux demis

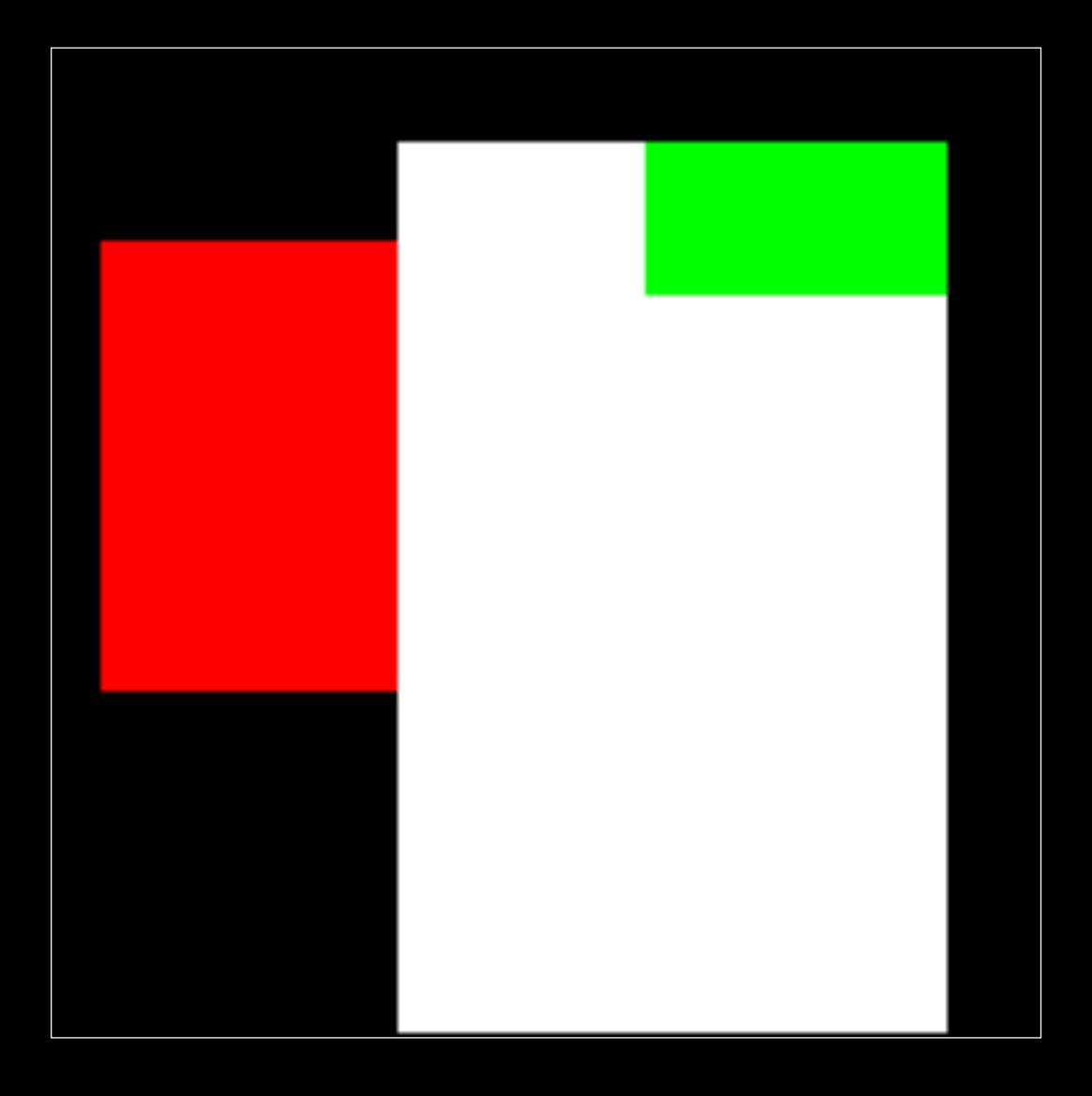




Et si on exécutait ce code sur GPU?

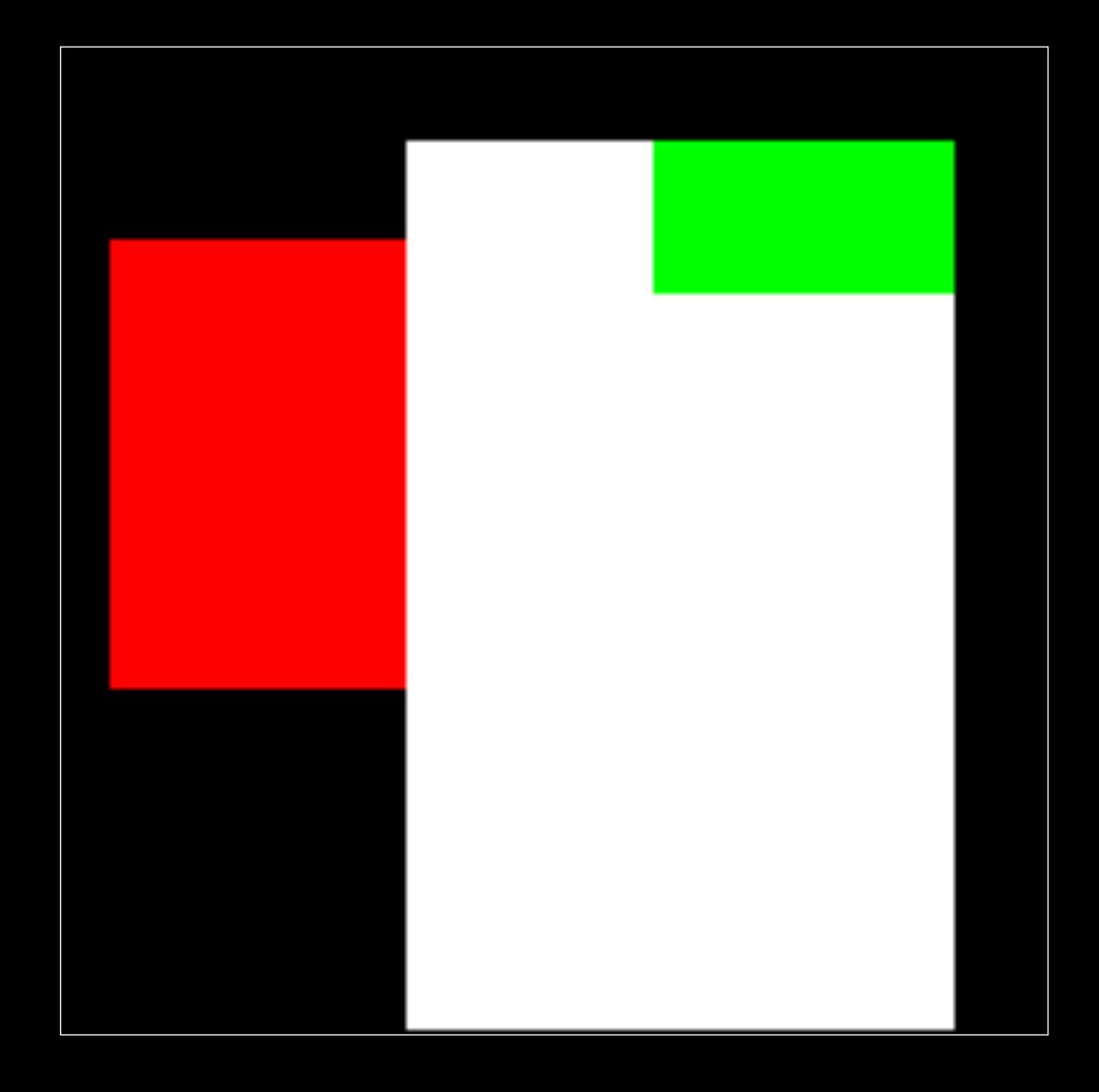
```
std::array<Vec2i,2> boite_englobante(Vec2i* t, int n = 3);
bool est_dans_le_triangle(Vec2i pt, Vec2i* t);
void triangle(Vec2i *t, TGAImage &image, TGAColor color)
    auto bbox = boite_englobante(t);
   for(Vec2i p { 0, bbox[0].y }; p.y <= bbox[1].y; ++p.y)</pre>
       for(p.x = bbox[0].x; p.x <= bbox[1].x; ++p.x)
            if (est_dans_le_triangle(p, t))
                image.set(p.x,p.y,color);
```

Bounding Box



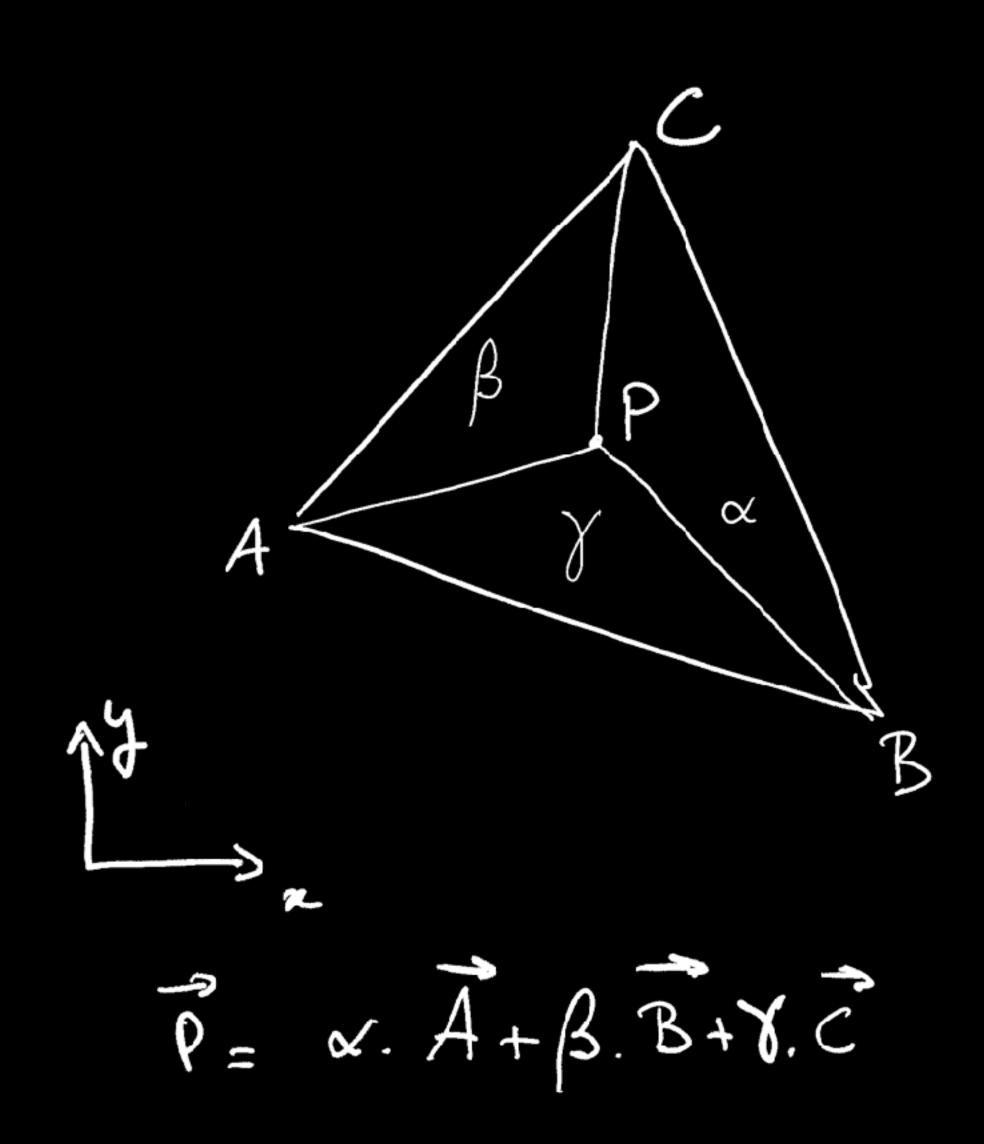
Bounding Box

```
std::array<Vec2i,2>
boite_englobante(Vec2i* t, int n = 3)
   std::array<Vec2i,2> box { t[0],t[0] };
    for(int i = 1; i < n; ++i) {
       if (t[i].x < box[0].x) box[0].x = t[i].x;
       if ( t[i].y < box[0].y ) box[0].y = t[i].y;
       if (t[i].x > box[1].x) box[1].x = t[i].x;
       if ( t[i].y > box[1].y ) box[1].y = t[i].y;
    return box;
bool est_dans_le_triangle(Vec2i pt, Vec2i* t)
    return true;
```

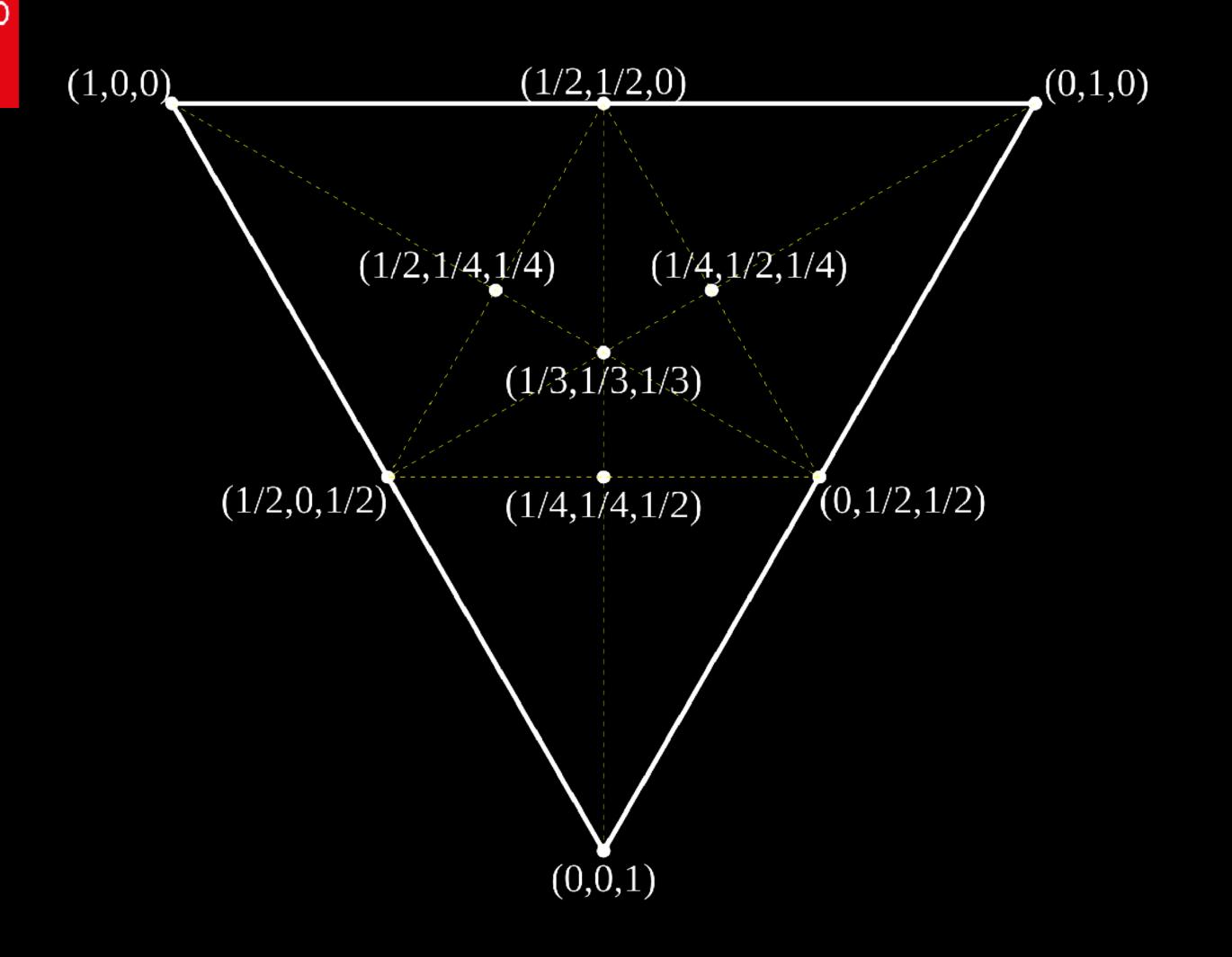


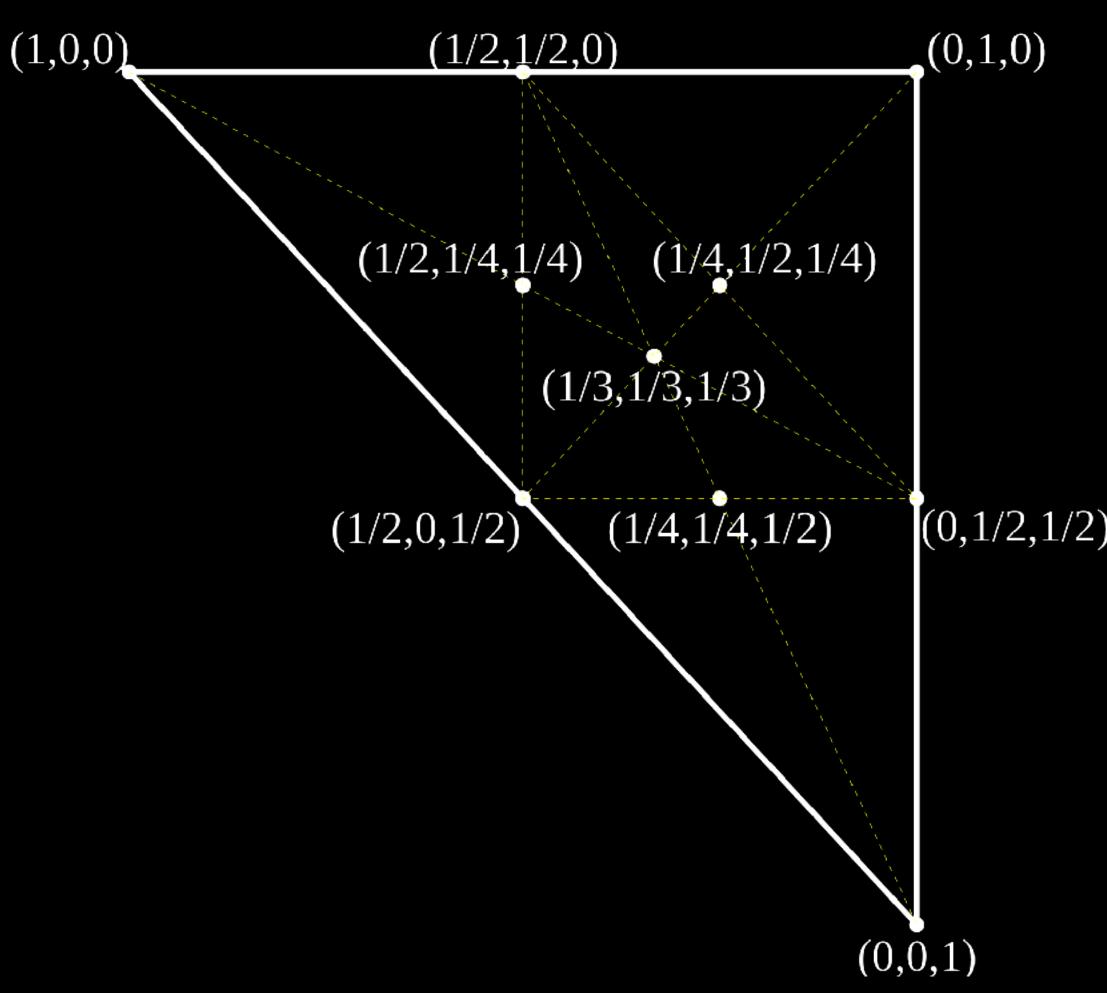
Vérifier si p est à l'intérieur d'un triangle ?

- Utiliser les coordonnées barycentriques
- Tout point P est une somme pondérée des sommets A, B et C
- Sous contrainte de $\alpha + \beta + \gamma = 1$
- Le poids d'un sommet est proportionnel à la surface du triangle que P forme avec les 2 autres sommets
- P est dans le triangle si $\alpha \ge 0$, $\beta \ge 0$ et $\gamma \ge 0$



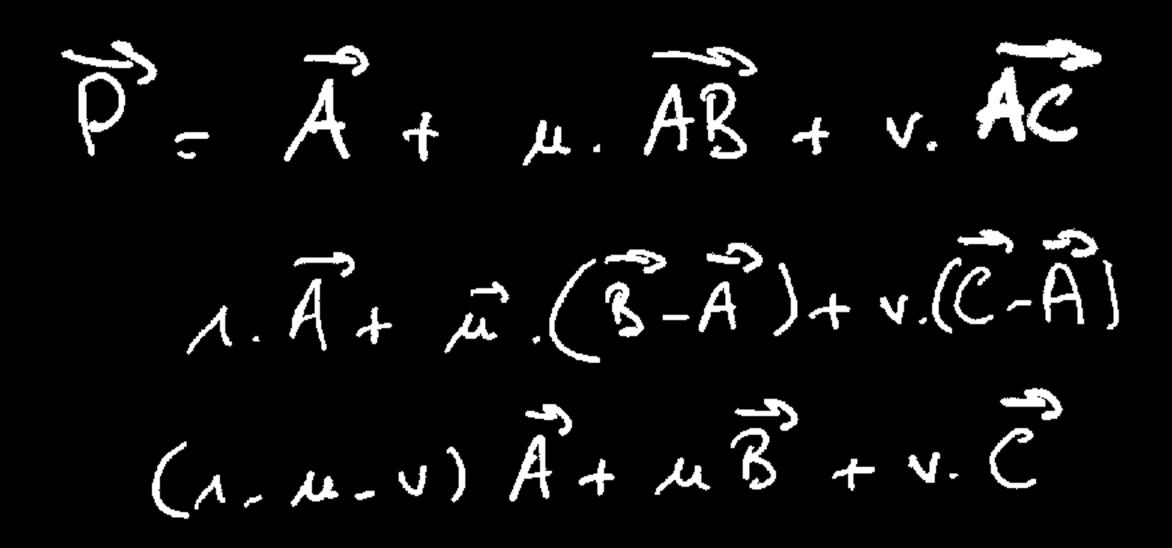
Coordonnées barycentriques

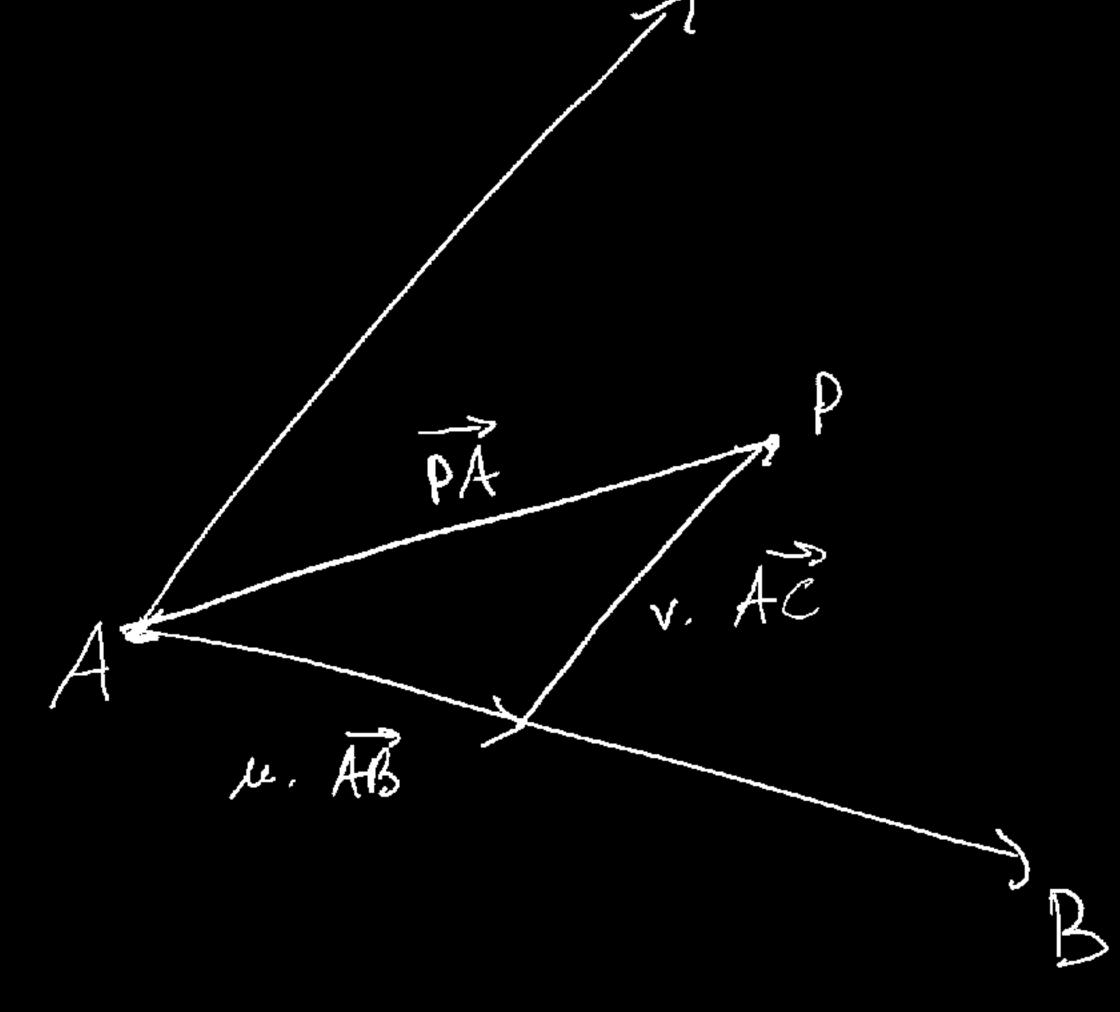




Sous forme vectorielle







$$u.\overrightarrow{AB} + v.\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{PA} = 0$$

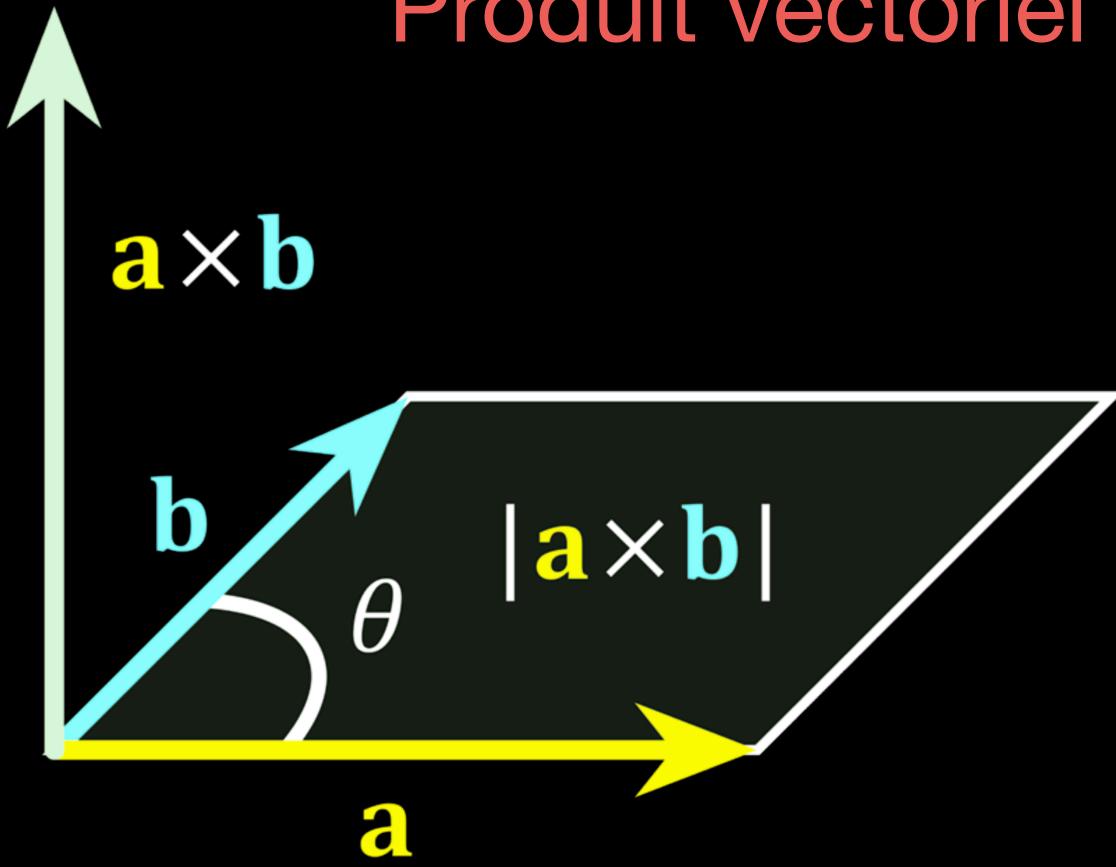
$$u \cdot (B_x - A_x) + v \cdot (C_x - A_x) + 1 \cdot (A_x - P_x) = 0$$

$$u \cdot (B_y - A_y) + v \cdot (C_y - A_y) + 1 \cdot (A_y - P_y) = 0$$

$$(u, v, 1) \perp (B_x - A_x, C_x - A_x, A_x - P_x)$$

$$(u, v, 1) \perp (B_y - A_y, C_y - A_y, A_y - P_y)$$

Produit vectoriel



$$\overrightarrow{(u,v,1)} = \overrightarrow{(B_x - A_x, C_x - A_x, A_x - P_x)} \times \overrightarrow{(B_y - A_y, C_y - A_y, A_y - P_y)}$$



Code C++

```
bool est_dans_le_triangle(Vec2i* t, Vec2i pt)
   Vec3f b = barycentriques(t,pt);
   return (b.x >= 0 and b.y >= 0 and b.z >= 0);
Vec3f barycentriques(Vec2i* t, Vec2i p) {
   Vec3f x { static_cast<float>(t[1].x - t[0].x),
              static_cast<float>(t[2].x - t[0].x),
              static_cast<float>(t[0].x - p.x) };
   Vec3f y { static_cast<float>(t[1].y - t[0].y),
              static_cast<float>(t[2].y - t[0].y),
              static_cast<float>(t[0].y - p.y)};
   Vec3f u = x^y;
   if(abs(u.z) < 1)
       return Vec3f(-1,1,1);
   else
       return Vec3f { 1.f-(u.x+u.y)/u.z, u.x/u.z, u.y/u.z };
```



African Head

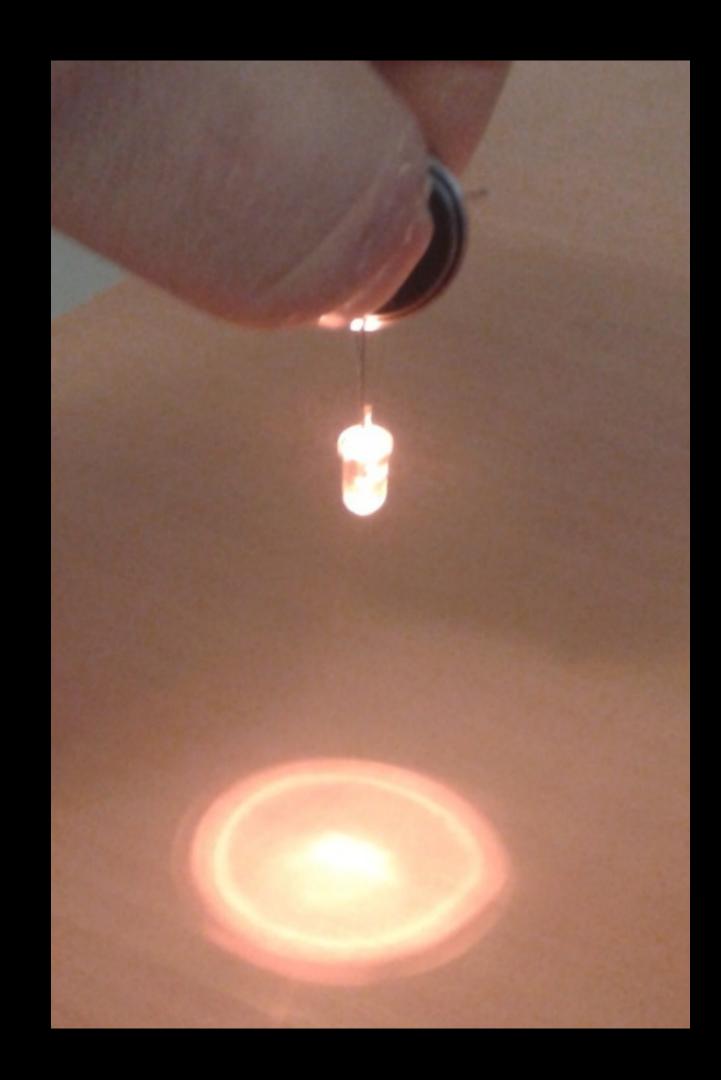
```
TGAImage image(width, height, TGAImage::RGB);
for (int i=0; i<model->nfaces(); i++) {
    std::vector<int> face = model->face(i);
    Vec2i screen_coords[3];
    Vec3f world_coords[3];
    for (int j=0; j<3; j++) {
        world_coords[j] = model->vert(face[j]);
        screen_coords[j] = Vec2i((world_coords[j].x+1.)*width/2.,
                           (world_coords[j].y+1.)*height/2.);
    TGAColor random_color(rand() % 256,
                          rand() % 256,
                          rand() % 256,
                          255);
   triangle(screen_coords, image, random_color);
```

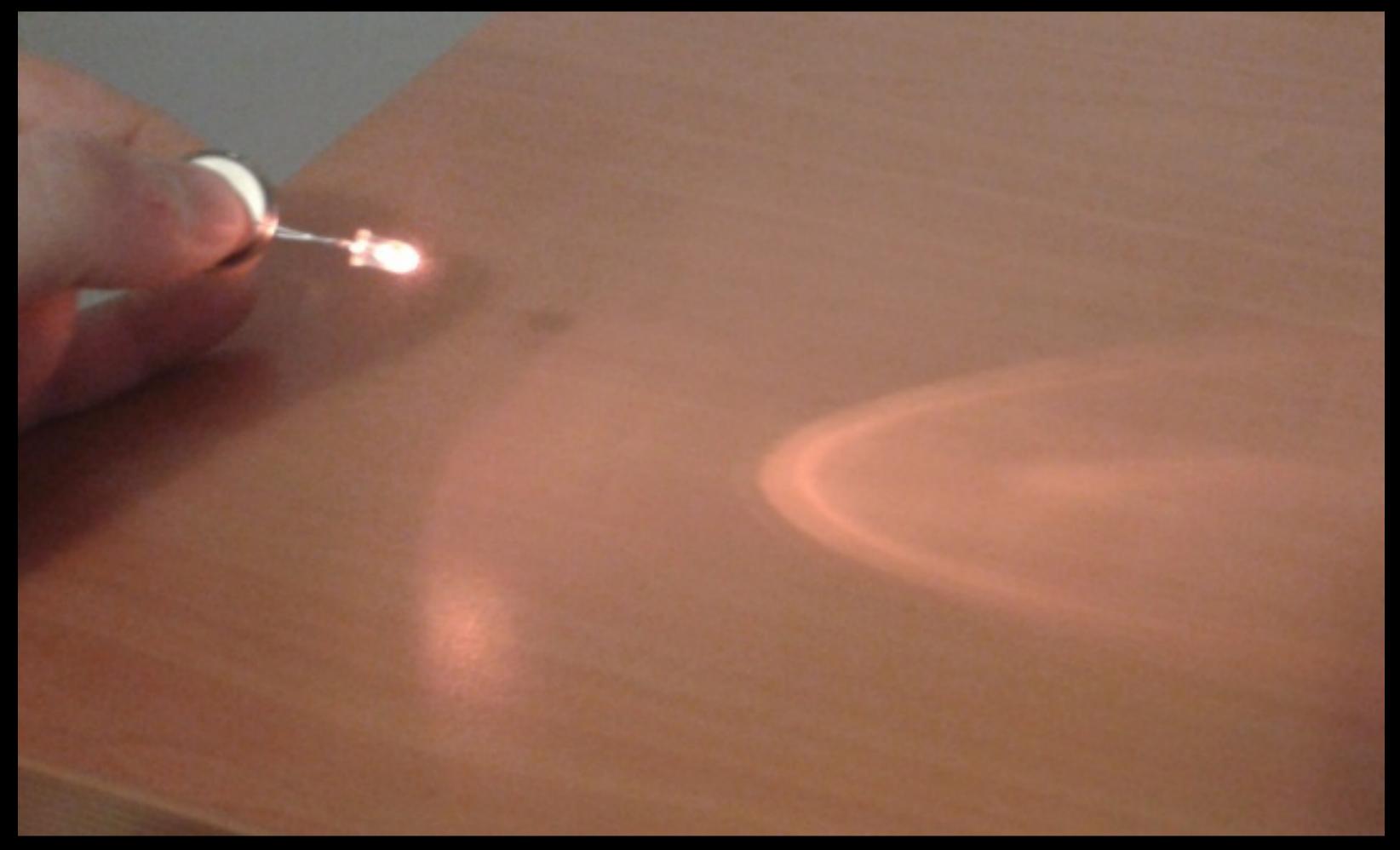


Ombrage plat



Principe général de l'ombrage (shading)





© Olivier Cuisenaire - 2020

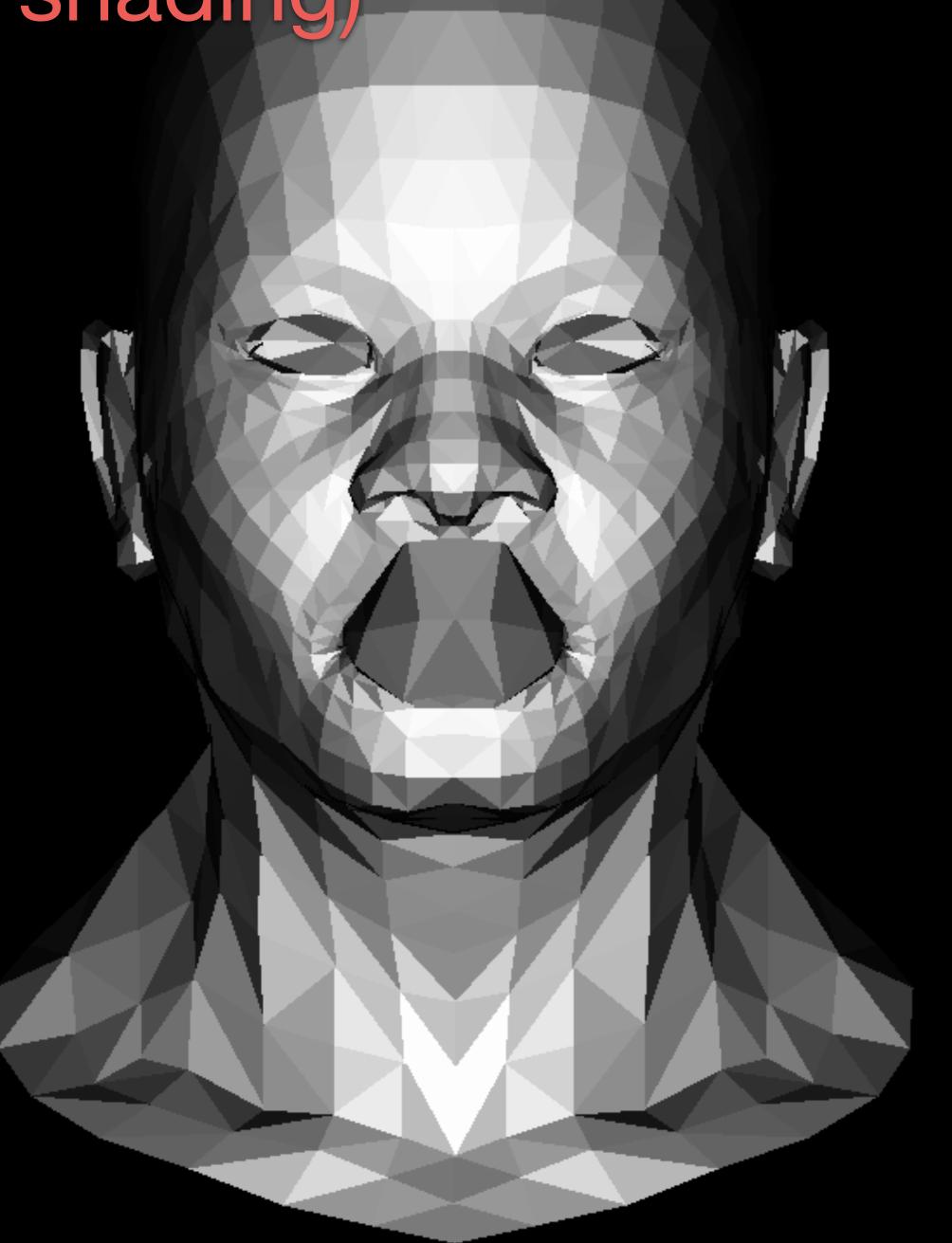
Ombrage plat (flat shading)

- Rendu en niveaux de gris
- → Pour simplifier, on utilise R = G = B = intensité
- ◆ Intensité nulle si l'orientation de la face est parallèle à la direction de la lumière
- ◆ Intensité maximale si elle est perpendiculaire à la direction de la lumière
- Produit scalaire entre la normale au triangle et la direction de la lumière
- ◆ Et si l'intensité est négative ?

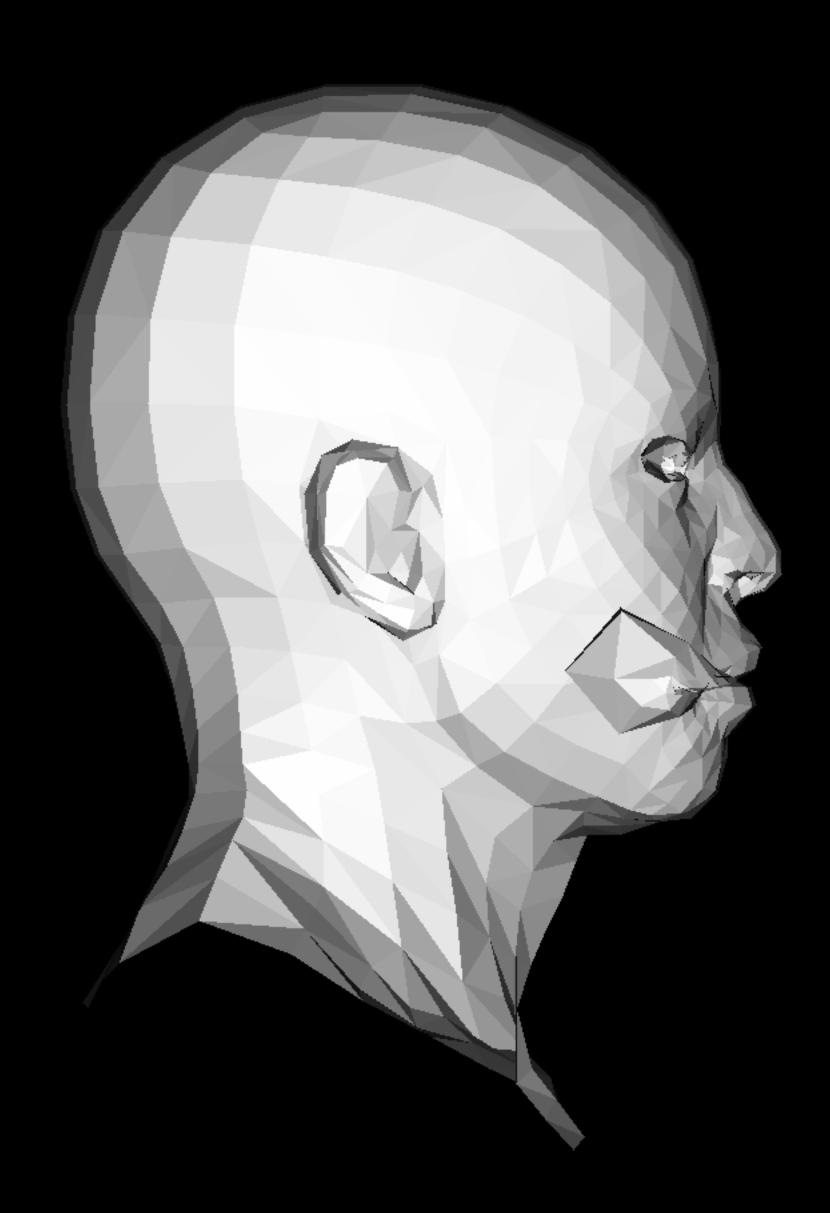


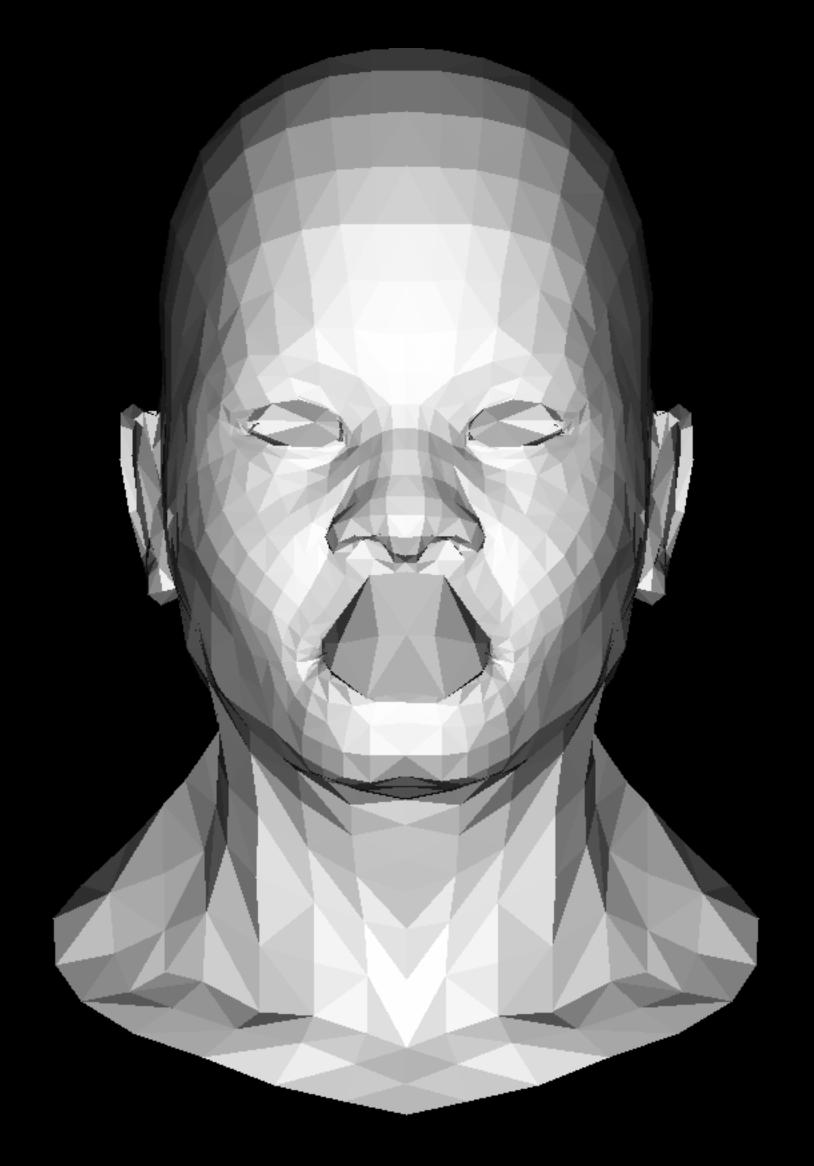
Ombrage plat (flat shading)

```
const Vec3f light(0,0,-1);
TGAImage image(width, height, TGAImage::RGB);
for (int i=0; i<model->nfaces(); i++) {
    std::vector<int> face = model->face(i);
    Vec2i screen[3];
    Vec3f world[3];
    for (int j=0; j<3; j++) {
       world[j] = model->vert(face[j]);
        screen[j] = Vec2i((world[j] .x + 1.) * width / 2.,
                (world[j].y+1.)*height/2.);
    Vec3f n = (world[2]-world[0])^(world[1]-world[0]);
   n.normalize();
    float I = n * light;
   if(I>=0) {
        TGAColor color(I * 255, I * 255, I * 255, 255);
        triangle(screen, image, color);
```



Que manque-t-il?



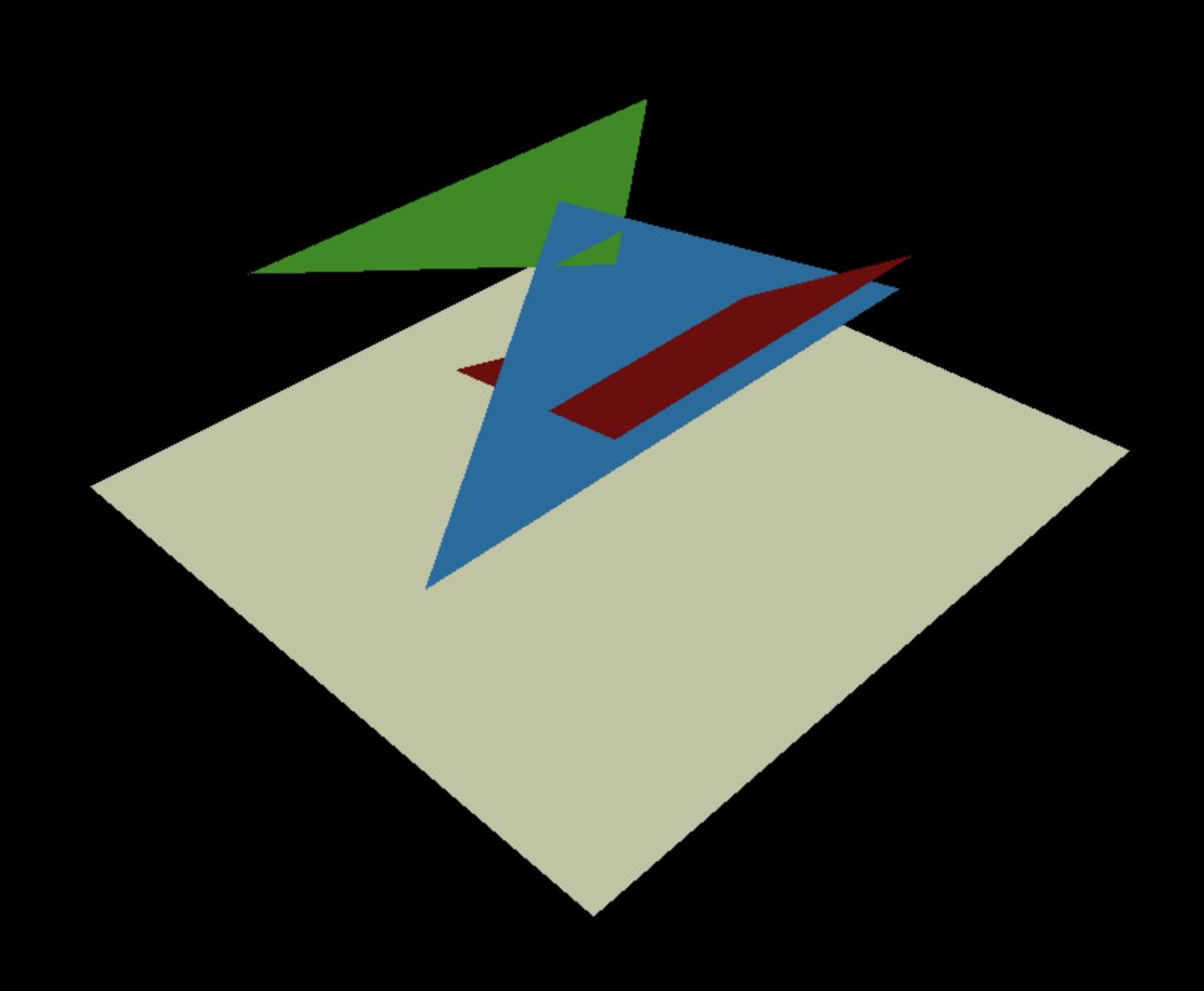


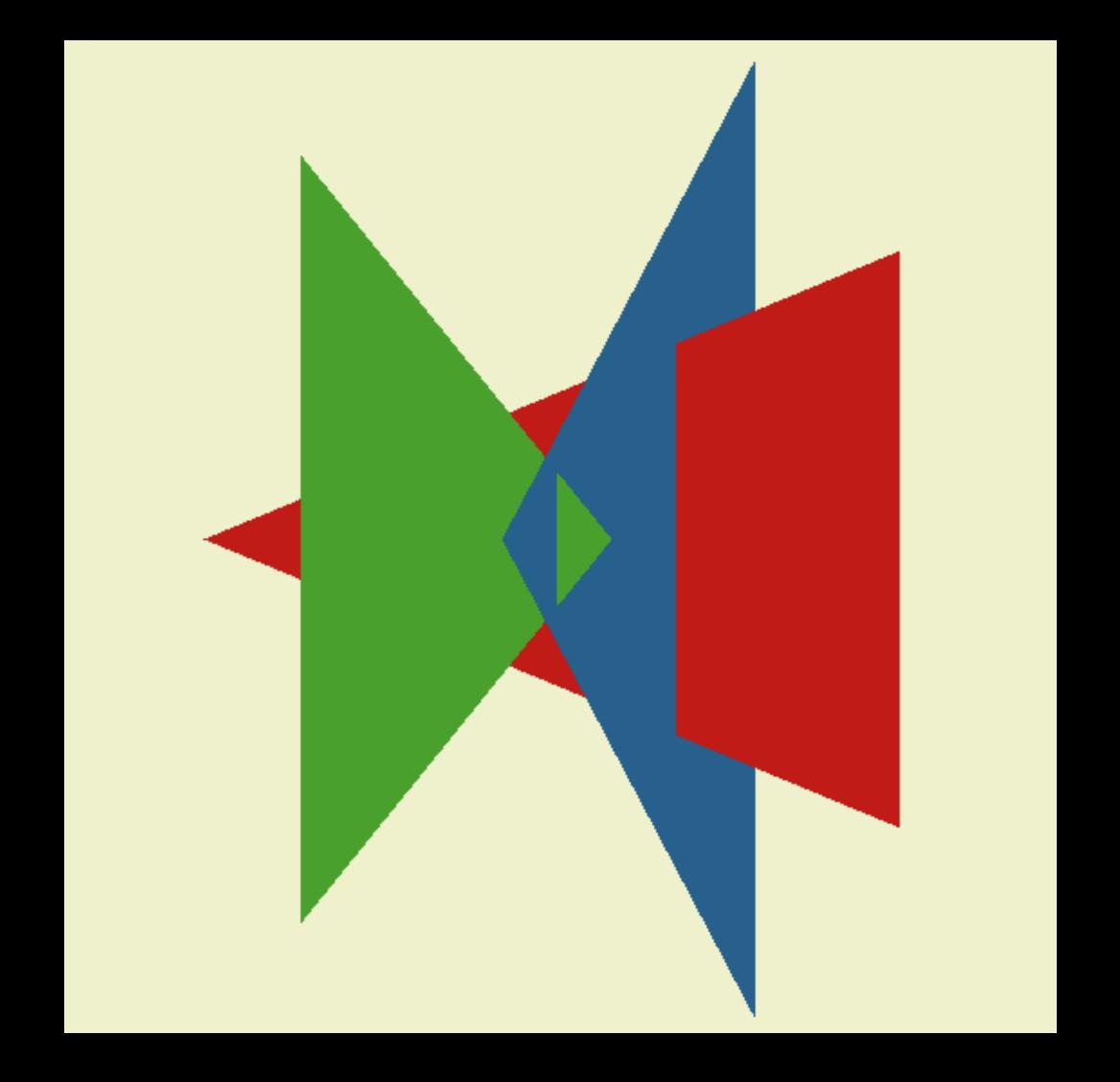


Z-buffering



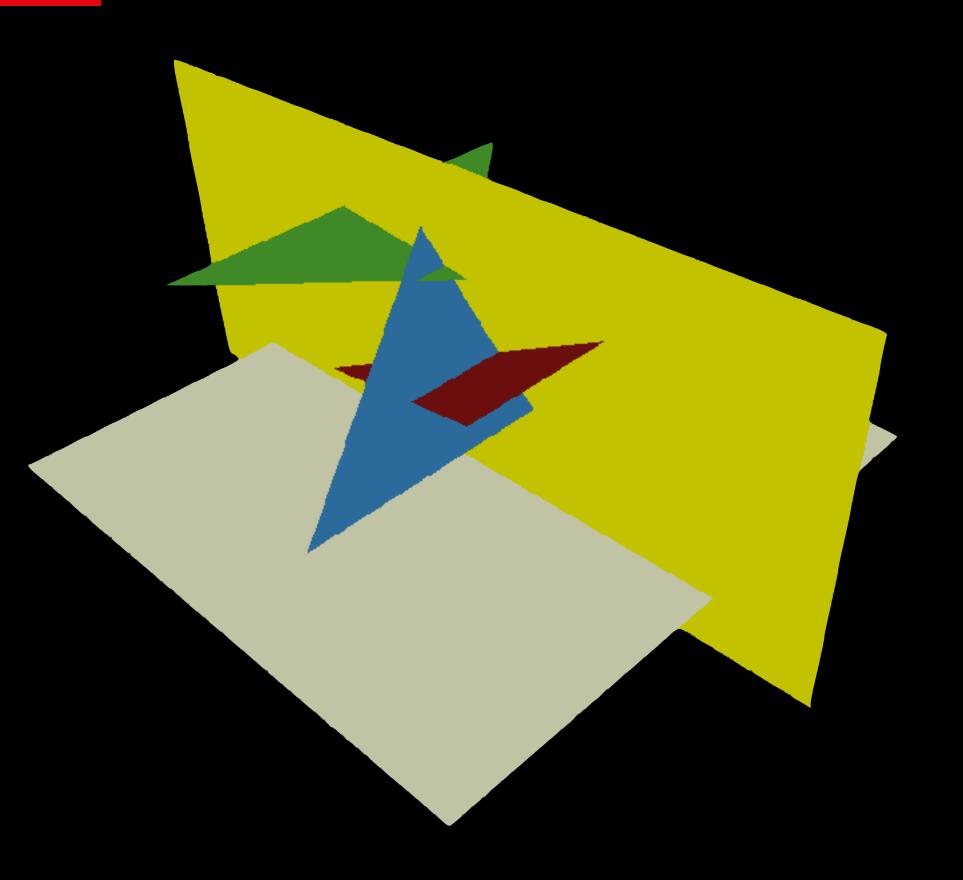
A quoi ressemble cette scène vue d'en haut ?

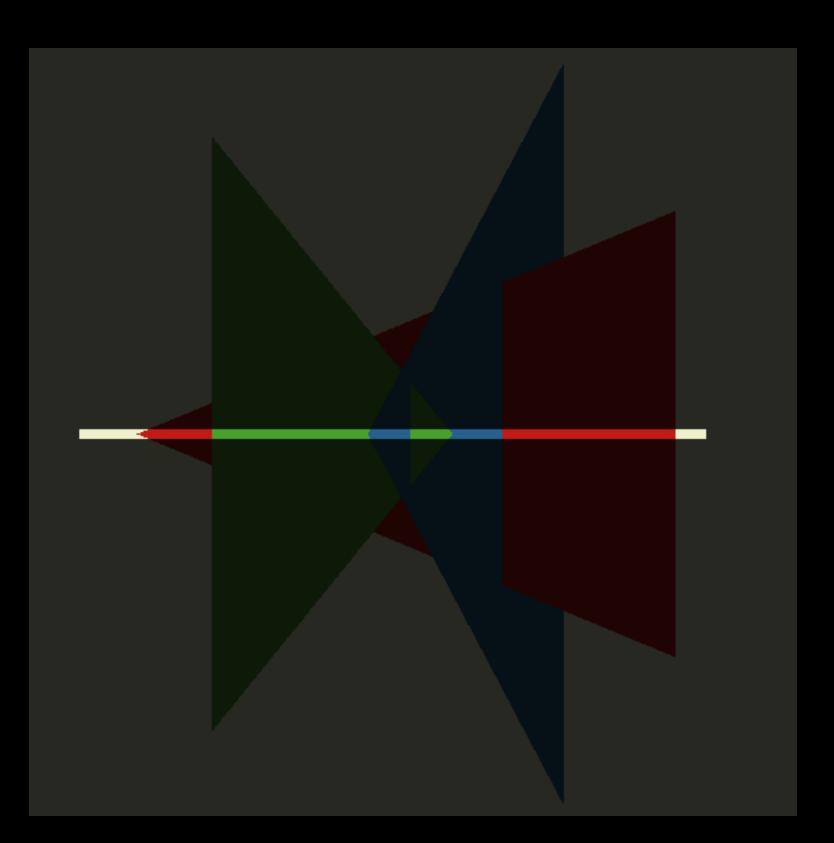


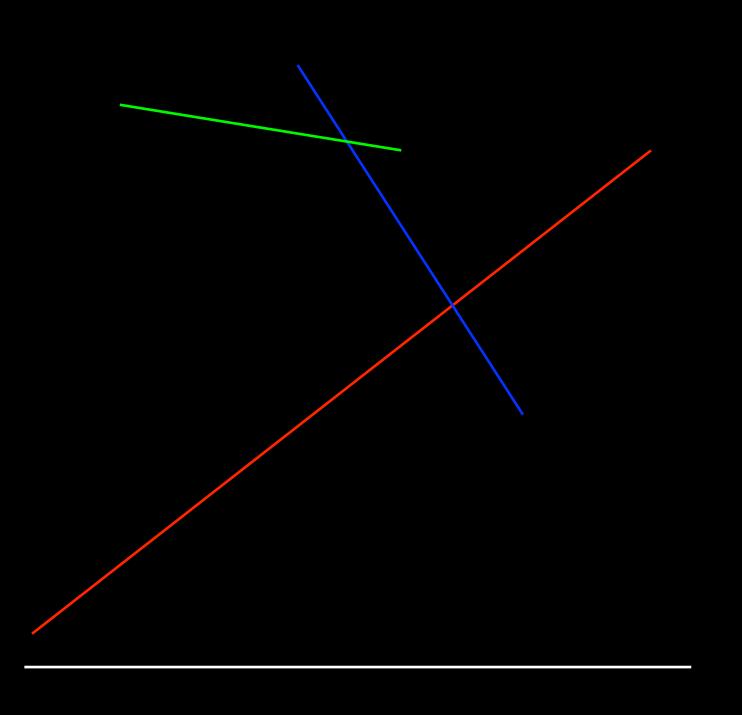




En 2D

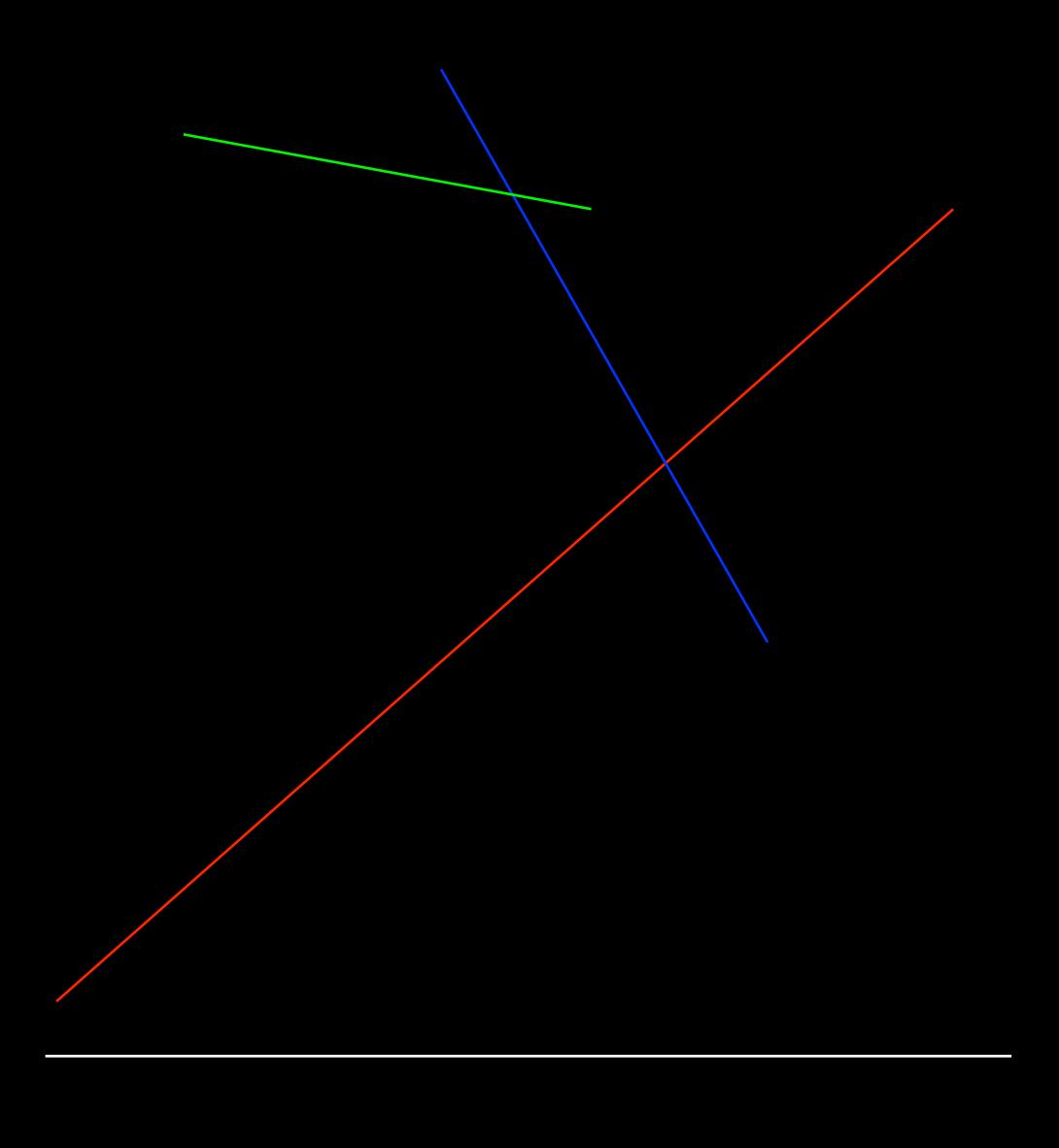


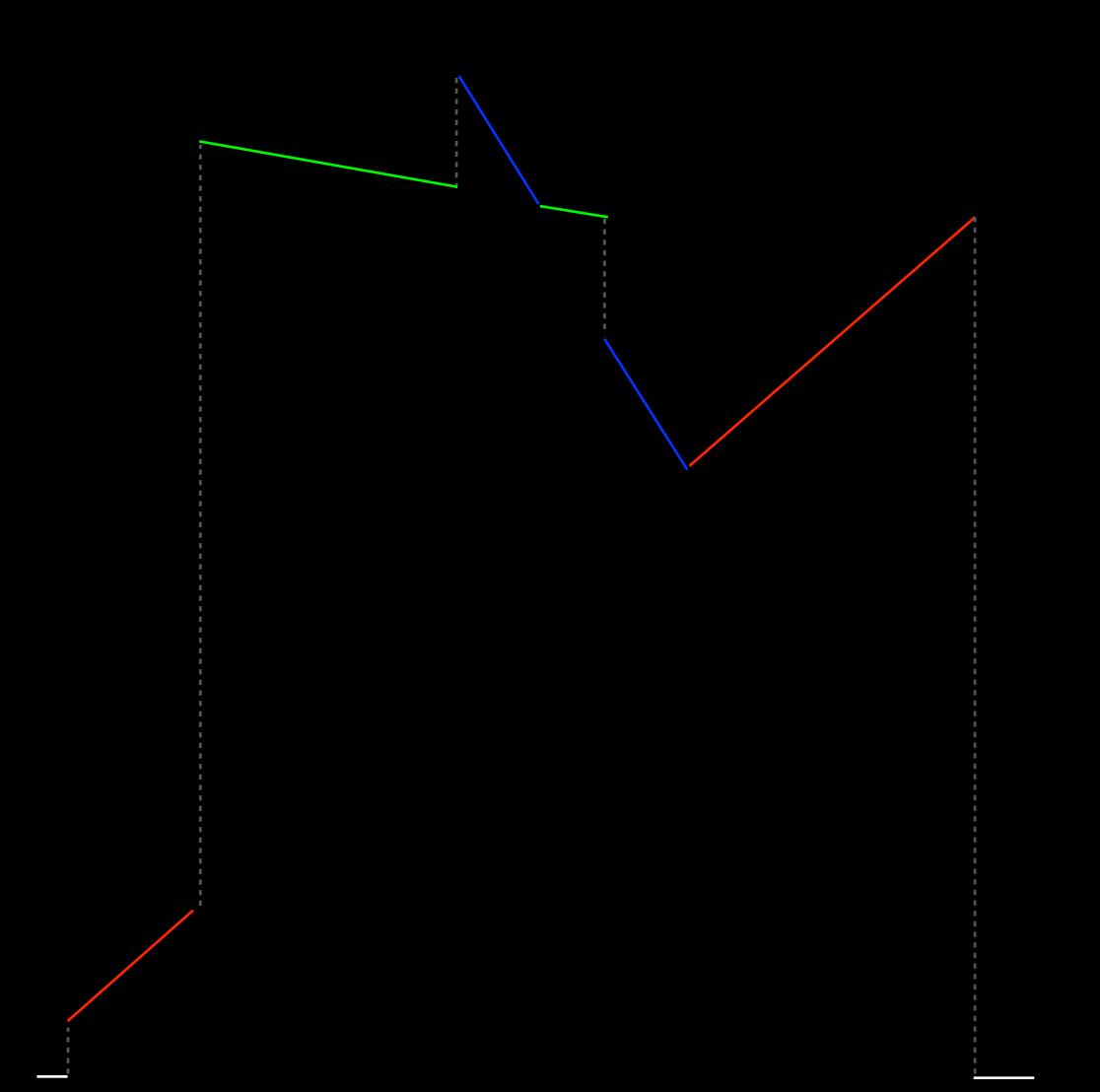




Les triangles

Les parties visibles

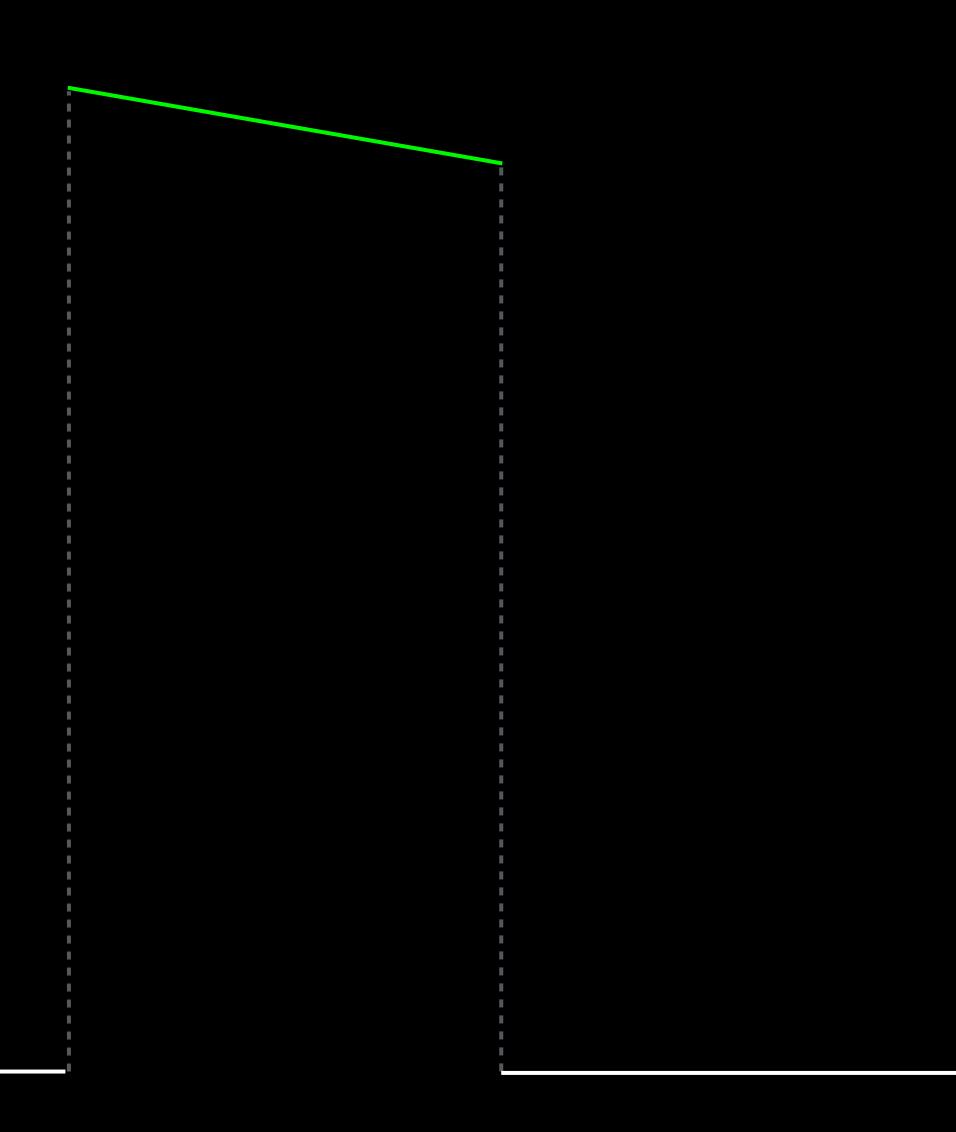


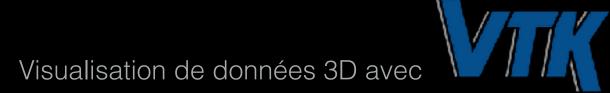


1 - Carré blanc

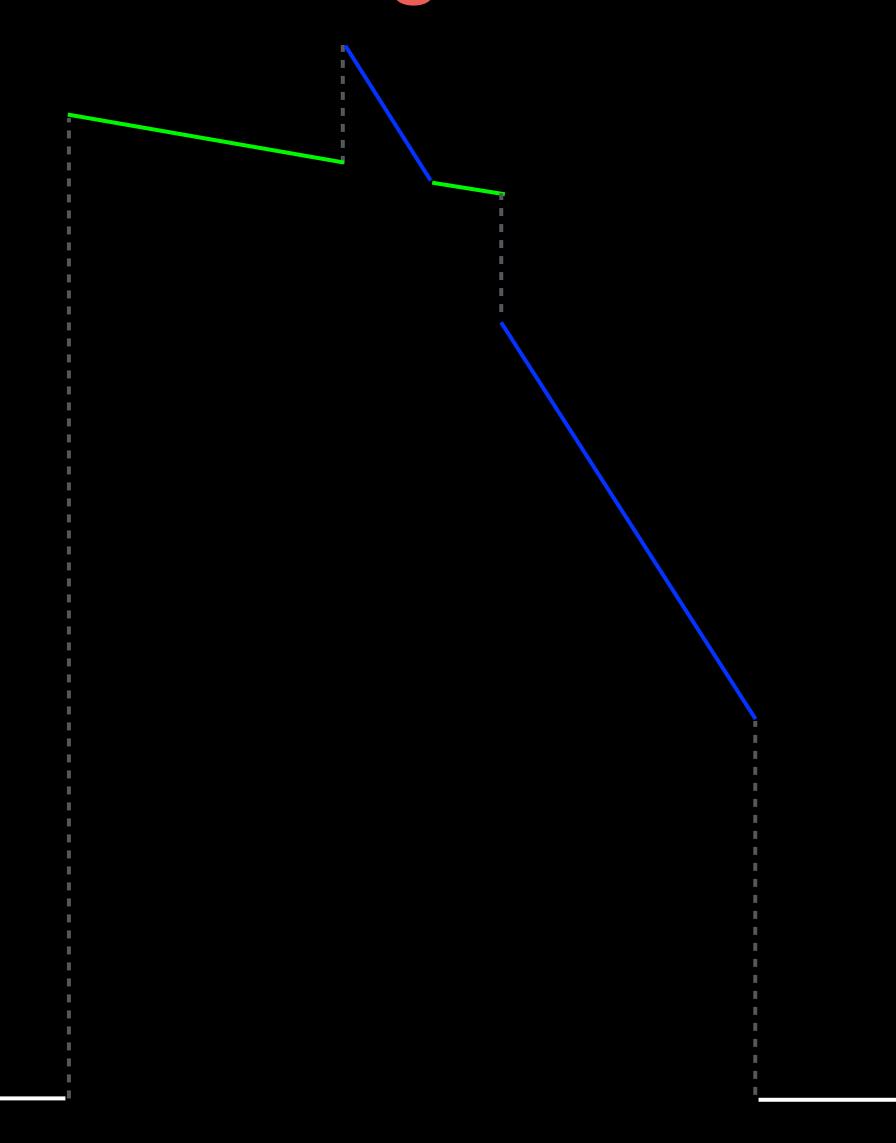


1 - triangle vert

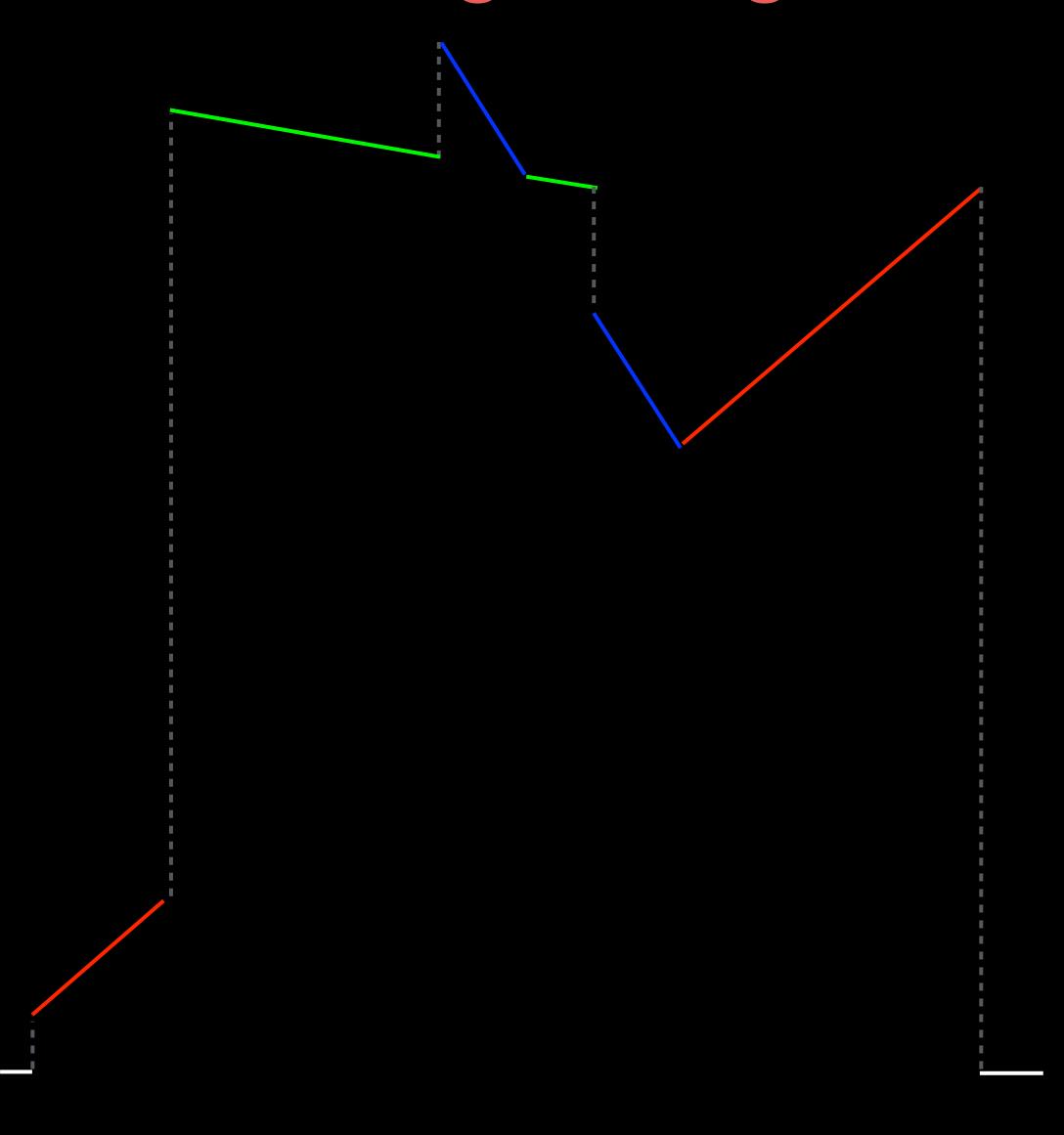




2 - triangle bleu



3 - triangle rouge



z-Buffering

- De la même taille que l'image produite
- Stocke la proximité du point 3d affiché à la caméra à chaque modification du pixel correspondant
- Ne modifie un pixel que si le point 3d est plus proche que la valeur stockée
 - Remplace les pixels des triangles plus éloignés
 - Ne touche pas aux pixels des triangles plus proches



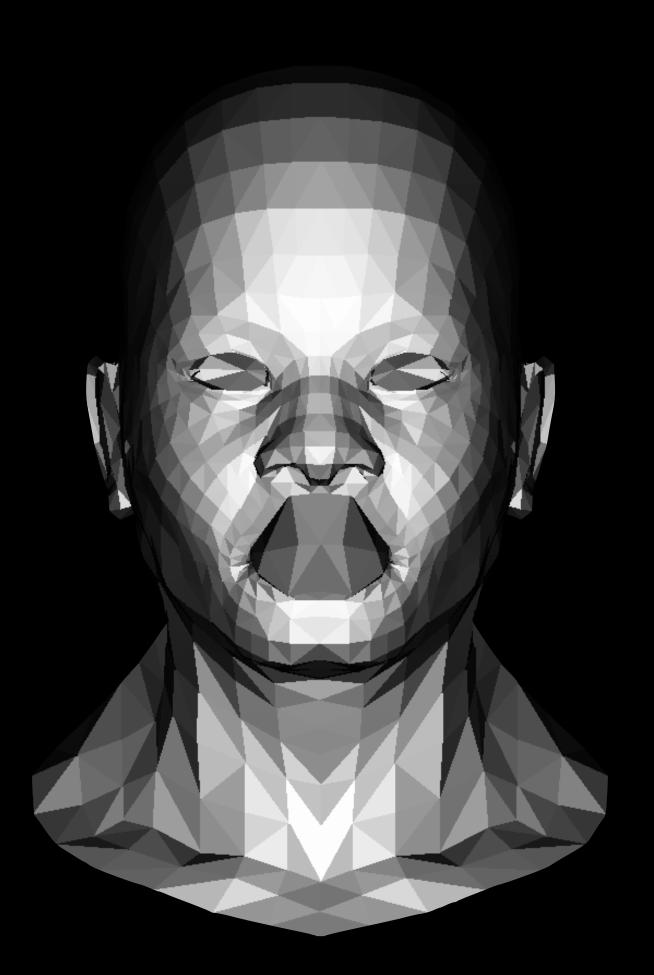
Visualisation de données 3D avec

Code fourni

Votre mission

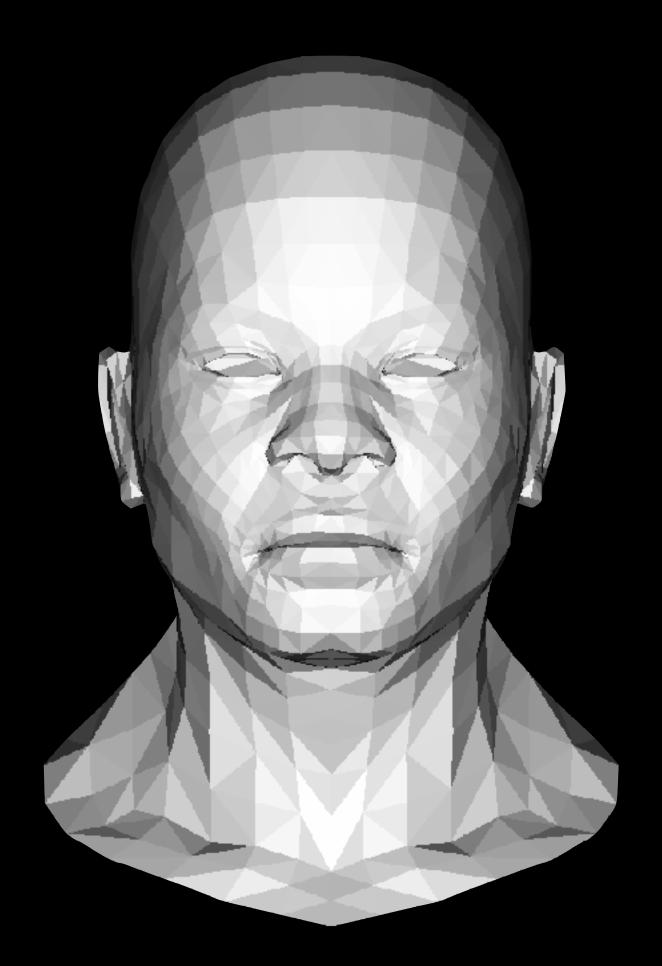
Le code de flat-shading sans z-buffering permettant de générer le rendu suivant

 Modifier main() et triangle() pour obtenir le rendu suivant



Conseils

- Utiliser des Vec3f pour les coordonnées écran, la troisième dimension servant à coder la profondeur z
- Allouer un buffer de même taille que l'image de sortie
- Modifier la fonction triangle pour qu'elle
 - utilise ce buffer pour décider quels pixels écrire
 - mette à jour ce buffer à chaque écriture de pixel
- ◆ Interpoler la profondeur d'un pixel à partir des profondeurs des sommets en utilisant ses coordonnées barycentriques



Visualisation de données 3D ave