데이터와 사회과학통계

2020 여름 국민대학교 행정학과

1. 빅데이터 시대와 사회과학 (1) 지난 세기의 사회과학

- 1. 빅데이터 시대와 사회과학
- (1) 지난 세기의 사회과학
- (2) 빅데이터 하에서 달라지는 것

- 자료의 규모
- 자료의 구성
- 자료의 분석 준거

- 1. 빅데이터 시대와 사회과학
- (1) 지난 세기의 사회과학
- (2) 빅데이터 하에서 달라지는 것
- (3) 사회과학의 새로운 패러다임?

- 1. 빅데이터 시대와 사회과학
- (1) 지난 세기의 사회과학
- (2) 빅데이터 하에서 달라지는 것
- (3) 사회과학의 새로운 패러다임?

2. A house is (built) with stones

• 앙리 프앙카레

"돌을 쌓아 집을 만드는 것처럼, 과학은 자료로 만들어진다. 그러 나 돌무더기가 집이 아니듯 자료 의 더미가 과학은 아니다"

• 더 읽어보기

한신갑. (2015). 빅데이터와 사회과 학하기: 자료기반의 변화와 분석전 략의 재구상. *한국사회학, 49*(2), 161-192.

- 1. 빅데이터 시대와 사회과학
- (1) 지난 세기의 사회과학
- (2) 빅데이터 하에서 달라지는 것
- (3) 사회과학의 새로운 패러다임?

2. A house is (built) with stones

• 목표

- 사회과학 연구의 기초
 가설검증의 논리와 통계적 기법
 단순회귀
 다중회귀
 로지스틱 회귀
- R을 통한 데이터 분석
- 실제 데이터를 가지고 다중회귀/ 로지스틱 회귀모형을 통해 분석
 - 이론적 근거가 있어야 하고, 이에 대 한 짧은 발표

- 1. 빅데이터 시대와 사회과학
- (1) 지난 세기의 사회과학
- (2) 빅데이터 하에서 달라지는 것
- (3) 사회과학의 새로운 패러다임?

2. A house is (built) with stones

• 한국종합사회조사 2014

Model	종속변수	독립변수		
		연속형변수	범주형변수	추가변수
다중회귀				
이항로짓				
다항로짓				

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설

• "교육수준과 행복 사이에는 어떤 관계가 있을까?"

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설

• 개념화(conceptualization)와 조 작화(operationalization)

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설
- 2) 가설의 검증

• 연구 대상(target population)을 설정

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설
- 2) 가설의 검증

- 인과성 causality
- Aristotle

"We think we have scientific knowledge when we know the cause."

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설
- 2) 가설의 검증

• 어떻게 통제하는가?

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설
- 2) 가설의 검증
- 3) 변수의 유형

- 모형에서의 역할에 따른 구분
 - 독립변수 independent variable
 - 종속변수 dependent variable
 - 통제변수 control variable

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설
- 2) 가설의 검증
- 3) 변수의 유형

- 변수의 성격에 따른 구분
 - 연속변수 continuous variable
 - 범주형변수 categorical variable

- 1. 사회과학 연구의 기초
- (1) 사회과학연구 과정에 대한 이해
- 1) 명제와 가설
- 2) 가설의 검증
- 3) 변수의 유형

• 변수의 결합과 분석방법

변수의 결힙	분석방법		
이분/다분-이	Chi-square		
이분-연	t-test		
다분-연	분산분석 ANOVA		
연속-연	상관분석 correlation		
	연속	선형회귀분석	
종속변수	이분	이항로지스틱 회귀분석	
	다분	다항로지스틱 회귀분석	

1. R이란?

- 1. R이란?
- 2. Packages

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# Set your working directory
setwd("C:/PAPP")

# Verify that your working directory is set correctly
getwd()
```

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# Create a numeric and a character variable
a <- 5
typeof(a)
a

b <- "kookmin university"
typeof(b)
b</pre>
```

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# Create a vector
my.vector <- c(10,-7,99,34,0,-5)
my.vector
length(my.vector)</pre>
```

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# Subsetting vector
my.vector[1]
my.vector[-1]
my.vector[2:4]
my.vector[c(2,5)]
my.vector[length(my.vector)]
```

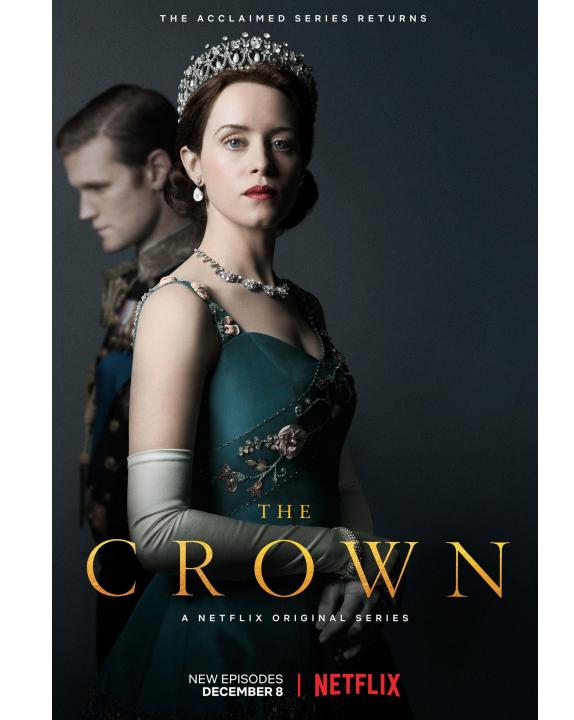
- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# Deleting
rm(a)
rm(list=ls())
```

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# create a matrix
my.matrix1 <- matrix(data =</pre>
c(1,2,30,40,500,600), nrow = 3, ncol = 2,
byrow = TRUE, dimnames = NULL)
my.matrix2 <- matrix(data =</pre>
c(1,2,30,40,500,600), nrow = 2, ncol = 3,
byrow = FALSE
my.matrix1
my.matrix2
# subsetting a matrix
my.matrix1[1,2]
my.matrix1[2,1]
my.matrix1[,1]
my.matrix1[1:2,]
my.matrix1[c(1,3),]
```

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax



- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# Polity IV dataset
my.data <- read.csv("polity.csv")

dim(my.data)

my.data[1:10,]

names(my.data)

levels(my.data$country)</pre>
```

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
# drop
my.data <- my.data[my.data$year==1946,]</pre>
my.data[1:10,]
summary(my.data$polity2)
table(my.data$nato, my.data$polity2)
summary(my.data$polity2[my.data$nato==0]) #
not in nato
summary(my.data$polity2[my.data$nato==1]) #
nato member
```

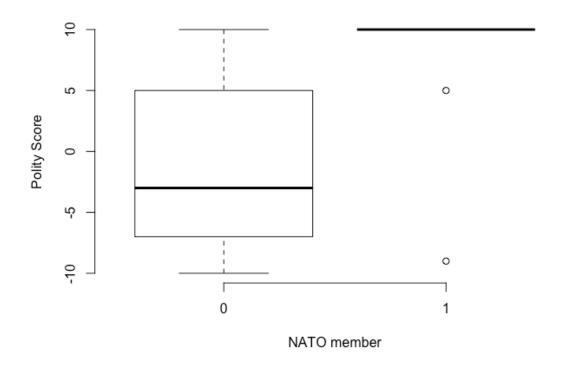
- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
## illustration
boxplot(my.data$polity2 ~
as.factor(my.data$nato),frame = FALSE,main =
"Polity IV Scores of NATO founders vs others
in 1946", xlab = "NATO member", ylab =
```

"Polity Score")

- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

Polity IV Scores of NATO founders vs others in 1946



- 1. R이란?
- 2. Packages
- 3. R syntax

```
install.packages(c("maps", "mapdata"))
library(maps)
library(mapdata)

map(database = 'world', region = c('South Korea', 'North Korea'))

points (126.996845, 37.612262, col=2, pch=20, cex=1.8)
```

III. 가설검증의 논리와 통계적 기법

Ⅲ. 가설검증의 논리와 통계적 기법

0. hypothesis testing

• 동전맞추기 게임과 귀류법

III. 가설검증의 논리와 통계적 기법

0. hypothesis testing

- 귀무가설과 대립가설
 - H_0 = 이 동전은 보통 동전이다.
 - H_1 = 이 동전은 보통 동전이 아니다. 즉 특수 동전이다.

III. 가설검증의 논리와 통계적 기법

0. hypothesis testing

• 유의수준과 p-value

- p value ≤ α: 귀무가설 기각
- p value > α: 귀무가설 기각 못함

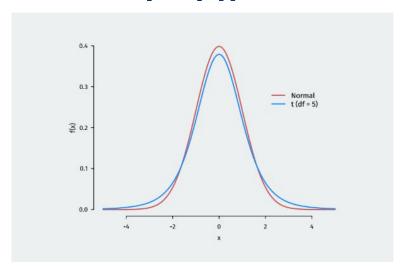
Ⅲ. 가설검증의 논리와 통계적 기법

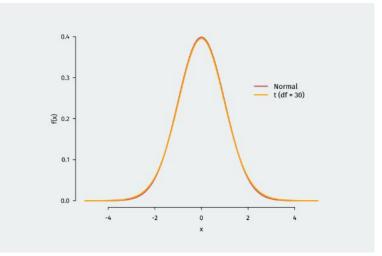
- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포

• 중심극한정리

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포

• T-분포와 자유도





- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리

•
$$\mathbf{t} = \frac{M_1 - M_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$$

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리

• 귀무가설: 두집단 간의 평균에 차이가 없다

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적

• "공무원의 연령대에 따라 직무만족도가 다른가?"

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리

• 분산의 의미

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리

• 어떻게 분산을 분석해서 평균 차이를 확인할 수 있는가?

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리

• 2개의 상황

- 상황1: 평균이 동일한 세 개의 집단이 있음. 세 집단에서 각각 n개씩 무작위로 뽑아서 세 개의 표본집단을 만들었다.
- 상황2: 평균이 다른 세 개의 집단이 있음. 세 집단에서 각각 n개씩 무작위로 뽑아서 세 개의 표본 집단을 만들었다.

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test

•
$$\mathbf{F} = \frac{\text{집단간분산 (between groups)}}{\text{집단내분산 (within groups)}}$$

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test

• $\mathbf{F} = \frac{\text{집단간분산 (between groups)}}{\text{집단내분산 (within groups)}}$

- 집단내분산이 크면
 - 평균들의 차이에 대한 자신감 떨어 짐 (반비례)
 - 설명 안된 분산
- 집단간분산이 크면
 - 평균들의 차이에 대한 자신감 커짐 (비례)
 - 설명된 분산

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test

- ANOVA의 대립가설과 귀무가설
 - 귀무가설: 20대=30대=40대 (상황 1)
 - 대립가설: 20대≠30대 혹은 30대 ≠40대 혹은 40대≠20대 (상황2)

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

• 상관관계분석의 목적

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

• 어떻게 측정?

- scatter plot
- correlation coefficient, r

•
$$\mathbf{r} = \frac{\frac{\sum (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{n-1}}{S_x S_y} = \frac{S_{xy}}{S_x S_y}$$

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

• 상관계수의 의미

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

• 공분산의 의미

•
$$S_{xy} = \frac{\sum (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{n-1}$$

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

• 상관관계의 해석

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# Set your working directory
setwd("C:/PAPP")

# Verify that your working directory
is set correctly
getwd()
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
rm(list=ls())
# foreign file formats
library(foreign)
world.data <- read.dta("QoG2012.dta")</pre>
# the dimensions
dim(world.data)
# the variable names
names(world.data)
head(world.data)
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# dplyr package
install.packages("dplyr")
library(dplyr)

# rename h_j to judiciary
world.data <- rename(world.data,
judiciary = h_j)

names(world.data)</pre>
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# frequency table
table(world.data$judiciary)
# creating a factor variable
world.data$judiciary <-</pre>
factor(world.data$judiciary,
labels = c("independent",
"controlled"),
levels = c(1, -5)
head(world.data)
#
table(world.data$judiciary)
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
summary(world.data$wdi_gdpc)
# creating subsets
free.legal <- filter(world.data,</pre>
judiciary == "independent")
controlled.legal <-</pre>
filter(world.data, judiciary ==
"controlled")
# remove missings
mean(free.legal$wdi_gdpc, na.rm =
TRUE)
mean(controlled.legal$wdi_gdpc,
na.rm = TRUE)
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# t.test
t.test(world.data$wdi_gdpc ~
world.data$judiciary, mu=0,
alt="two.sided", conf=0.95)
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

Welch Two Sample t-test

```
data: world.data$wdi_gdpc by world.data$judiciary
t = 6.0094, df = 98.261, p-value = 3.165e-08
alternative hypothesis: true difference in means is
not equal to 0
95 percent confidence interval:
    7998.36 15885.06
sample estimates:
mean in group independent mean in group controlled
    17826.591 5884.882
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# renaming
world.data <- rename(world.data, hdi
= undp_hdi)

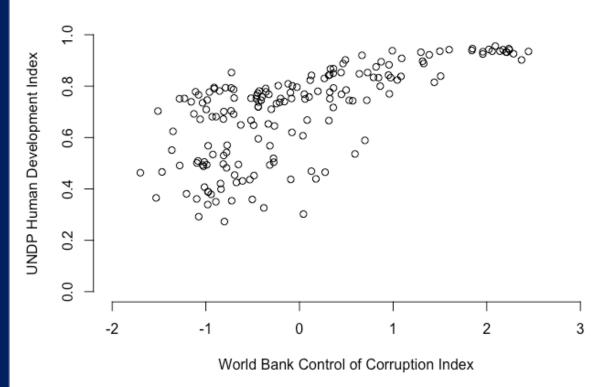
world.data <- rename(world.data,
corruption.control = wbgi_cce)</pre>
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# scatterplot
plot(x =
world.data$corruption.control,
     y = world.data$hdi,
     x1im = c(xmin = -2, xmax = 3),
     ylim = c(ymin = 0, ymax = 1),
     frame = FALSE,
     xlab = "World Bank Control of
Corruption Index",
     ylab = "UNDP Human Development
Index".
     main = "Relationship b/w
Quality of Institutions and Quality
of Life")
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

Relationship b/w Quality of Institutions and Quality of Life



- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

```
# Pearson's r
cor.test
(world.data$corruption.control,
world.data$hdi,
use="complete.obs",
conf.level = 0.99)
```

- 0. hypothesis testing
- 1. t-test
- (1) t 분포
- (2) t-test의 논리
- 2. 분산분석 ANOVA
- (1) ANOVA의 목적
- (2) ANOVA의 논리
- (3) F-test
- 3. 상관관계분석 correlation
- (1) 상관계수, r

Pearson's product-moment correlation

0. 회귀분석의 이해

• 회귀분석의 정의

0. 회귀분석의 이해

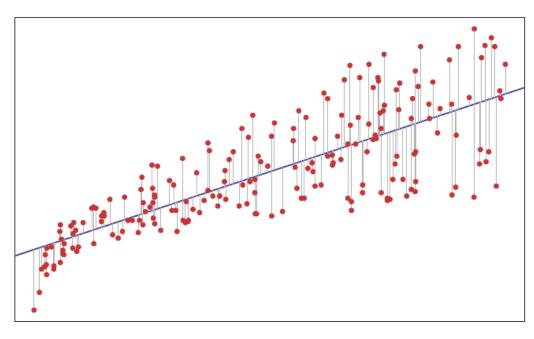
• 회귀분석의 기능

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리

- 독립변수가 1단위 증가했을 때, 종속변수는 얼마나 변할까?
- y = a + bx

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리

- 오차항과 오차제곱합
- 오차 e_i = 관측치 y_i 예측치 \hat{y}_i



•
$$y = a + bx + e$$

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리

- 오차제곱합 sum of squares error SSE
- Minimize $\sum e_i^2 =$ Minimize $\sum (y_i - \hat{y}_i)^2$

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square

• 기울기 (b)

• **b** =
$$\frac{\sum (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{\sum (x_i - \overline{x})^2}$$

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square

• 절편 (a)

•
$$\overline{y} = a + b\overline{x} \rightarrow a = \overline{y} - b\overline{x}$$

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석

• 월급 = 125.893 + 3.014 X 연령

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석

• 상관계수와 회귀계수 간의 관계

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석

• 상관계수-회귀계수에 대한 오해

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석
- 3. 통계적 유의도
- (1) 단순회귀모형에서의 결정계수

• "주어진 자료"를 가장 잘 설명 ≠ 독립변수가 종속변수를 매우 잘 설명

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석
- 3. 통계적 유의도
- (1) 단순회귀모형에서의 결정계수

- 결정계수 (r^2) 의 의미
 - 회귀선에 기초한 오차제곱합
 - 종속변수의 평균에 기초한 오차제 곱합

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석
- 3. 통계적 유의도
- (1) 단순회귀모형에서의 결정계수

- 왜 둘을 비교하나?
- $r^2 =$

1 - <u>회귀식에 기초한 오차제곱합(설명안된 분산)</u> 종속변수의 평균에 기초한 오차제곱합(총분산)

$$(0 \le r^2 \le 1)$$

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석
- 3. 통계적 유의도
- (1) 단순회귀모형에서의 결정계수
- (2) 유의도 검증

- 표본에서 구한 회귀식을 모집단 에 적용하려면?
- 종속변수의 분산 = 설명된 분산 (sum of squares of regression: SSR =회귀제곱합)
- + 설명안된 분산 (sum of squares error: SSE= 오차제곱합)
- = sum of squares of total: SST 총분산

- 0. 회귀분석의 이해
- 1. 단순회귀모형의 이해
- (1) 선형성과 회귀식의 추정원리
- (2) 최소제곱법 ordinary least square
- (3) 단순회귀모형의 해석
- 2. 상관분석과 단순회귀분석
- 3. 통계적 유의도
- (1) 단순회귀모형에서의 결정계수
- (2) 유의도 검증

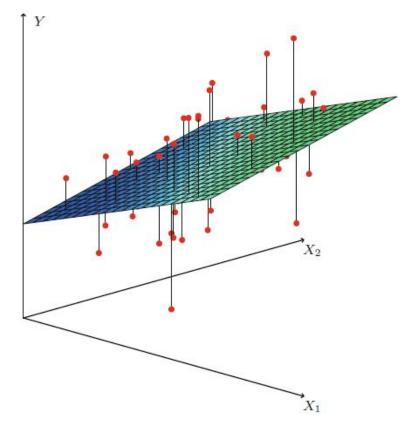
- F-test
- $F_{(k.n-k-1)}$

$$= \frac{ 회귀제곱합(SSR)/k}{ 오차제곱합(SSE)/n-k-1}$$

(n: 사례수, k: 독립변수의 수)

1. 다중회귀모형의 이해(1) 다중회귀모형의 기본형태

•
$$y = a + b_1 x_1 + b_2 x_2 + \cdots + b_n x_n + e$$



https://godongyoung.github.io/%EB%A8%B8%EC%8B%A0%EB%9F%AC%EB%8B%9D/2018/01/20/ISL-linear-regression_ch3.html

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석

• 통계적 통제의 의미

월급여 = -241 + 4 * 연령 + 23
 * 교육연수

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수

- 변수간의 영향을 비교하려면?
 - 월급여 = -241 + 4 * 연령 + 23
 * 교육연수

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수

• Then how?

•
$$\beta = b \frac{S_y}{S_x}$$

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수

•
$$r^2 = 1 -$$

회귀식에 기초한 오차제곱합(SSE)

종속변수의 평균에 기초한 오차제곱합(총분산 SST)

$$=rac{\red{\$EU}\,SST-\,\Sigma\hbar\Pi$$
 $\simeq \frac{\red{\$EU}\,SST}{\red{\$EU}\,SST}=rac{\red{\$EU}\,SST}{\red{\$EU}\,SST}$

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수

• Adjusted r^2

$$\bullet r^2 - \frac{k(1-r^2)}{n-k-1}$$

(n: 표본수, k: 독립변수의 수)

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증

- 모집단에 대한 적용 가능성
- $F_{(k.n-k-1)}$

$$= \frac{ 회귀제곱합(SSR)/k}{ 오차제곱합(SSE)/n-k-1}$$

$$=$$
 $\frac{$ 회귀제곱평균 MSR 오차제곱평균 MSE

(n: 사례수, k: 독립변수의 수)

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증

- F—test
- 모든 독립변수들이 유의미하지 않다 vs. 독립변수 중 하나 이상은 유의미하다

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증

t—test

- 어느 독립변수가 유의미한 독립변수인가?
- 월급여 = -241 + 4 * 연령 + 23
 * 교육연수
- 두가지 오류 error를 고려해야 함
 - 표본추출오류 sampling error
 - 통제안된 분산 uncontrolled variation

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증

- 신뢰구간을 통한 검증 confidence interval
 - · 개별 회귀계수의 표준오차 standard error

• SE =
$$\sqrt{\frac{오차제곱합 SSE/(n-2)}{\sum (x_i-\overline{x})^2}}$$

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증

• 가설검정을 통한 검증 hypothesis testing

•
$$\mathbf{t} = \frac{\mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}}}{\mathbf{\hat{y}}} = \frac{\mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}} \mathbf{\hat{y}}}{\mathbf{\hat{y}}}$$

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들

- 어떤 변수를 추가시켜 전체모형의 설명력이 증가하면, 증가된 설명력은 곧 추가된 변수의 설명력이다?
 - 통제안된 분산 uncontrolled variation 존재
 - 결정계수를 구하는 과정

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들

• t-test, ANOVA, 단순회귀모형에 서 유의미하게 나온 독립변수만 선택하여 다중회귀모형을 구성 하면 된다?

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

• t-test, ANOVA, 단순회귀모형에 서 유의미하게 나온 독립변수만 선택하여 다중회귀모형을 구성 하면 된다?

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
# Set your working directory
setwd("C:/PAPP")

# Verify that your working directory is set correctly
getwd()
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
#
install.packages("remotes")
library(remotes)
install_github("cran/Zelig")
install.packages("texreg")

library(texreg)
library(Zelig)
library(dplyr)
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
#
rm(list = ls())

#
world_data <-
read.csv("qog_std_cs_jan15.csv")

#
dim(world_data)</pre>
```

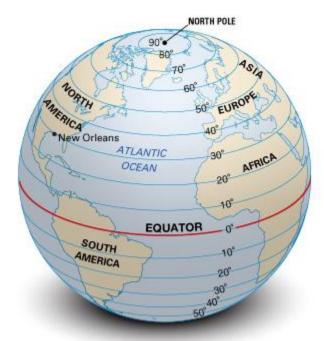
- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
world_data <- select(world_data,</pre>
country = cname,
political_stability = wbgi_pse,
latitude = lp_lat_abst,
globalization = dr_ig,
inst_quality = ti_cpi)
#
head(world data)
#
summary(world_data)
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
#
world_data <- filter(world_data,
    !is.na(latitude),
    !is.na(globalization),
    !is.na(inst_quality))</pre>
```

#
summary(world_data)



- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

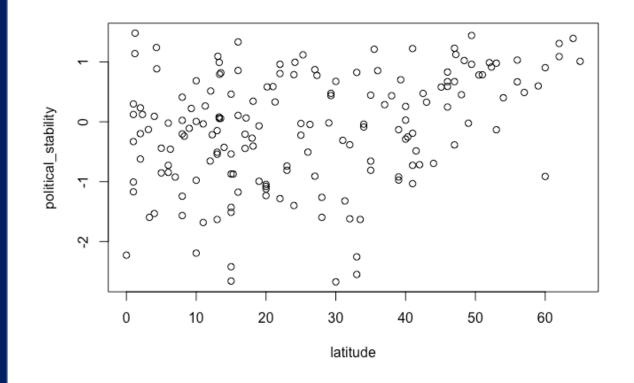
```
# transform
```

```
world_data$latitude <- world_data$latitude *
90</pre>
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
#
plot(political_stability ~ latitude, data =
world_data)
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결



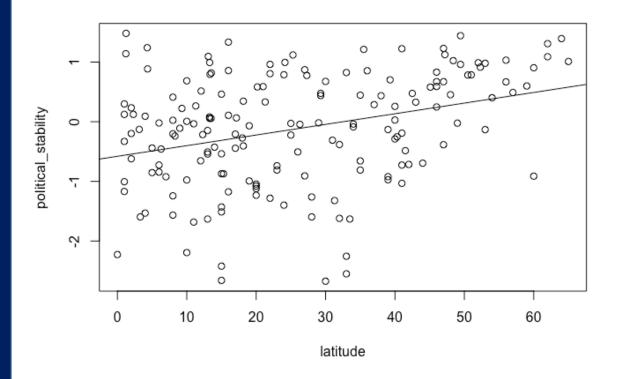
- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
#
latitude_model <- lm(political_stability ~
latitude, data = world_data)

#
plot(political_stability ~ latitude, data = world_data)

#
abline(latitude_model)</pre>
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결



- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

regression output
screenreg(latitude_model)

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
Model 1
(Intercept) -0.58 ***
           (0.12)
latitude 0.02 ***
           (0.00)
R^2 0.11
Adj. R^2 0.10
Num. obs. 170
    0.89
RMSE
*** p < 0.001, ** p < 0.01, * p < 0.05
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
# new model
inst_model <- lm(political_stability ~
latitude + globalization + inst_quality,
data = world_data)
#
screenreg(list(latitude_model, inst_model)))</pre>
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

=========		
	Model 1	Model 2
(Intercept)	-0.58 ***	-1.25 ***
	(0.12)	(0.20)
latitude	0.02 ***	0.00
	(0.00)	(0.00)
globalization		-0.00
		(0.01)
inst_quality		0.34 ***
		(0.04)
R^2	0.11	0.50
Adj. R^2	0.10	0.49
Num. obs.	170	170
RMSE	0.89	0.67
=========		=======
*** n < 0 001	** n < 0 01	* n < 0.05

*** p < 0.001, ** p < 0.01, * p < 0.05

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
#
anova(latitude_model, inst_model)
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
Analysis of Variance Table

Model 1: political_stability ~ latitude

Model 2: political_stability ~ latitude + globalization + inst_quality

Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)

1 168 133.12

2 166 74.28 2 58.841 65.749 < 2.2e-16 ***
```

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

```
# multivariate regression model
z.out <- zelig(political_stability ~</pre>
latitude + globalization + inst_quality,
data = world_data, model = "ls")
# setting covariates
x.out <- setx(z.out, inst_quality = seq(0,</pre>
10, 1))
# simulation
s.out <- sim(z.out, x = x.out)
# plot results
ci.plot(s.out, ci = 95, xlab = "Quality of
Institutions")
```

- 1. 다중회귀모형의 이해
- (1) 다중회귀모형의 기본형태
- (2) 다중회귀모형의 해석
- (3) 표준화 회귀계수
- 2. 다중회귀모형의 통계적 유의도
- (1) 다중회귀모형에서의 결정계수
- (2) 다중회귀모형의 유의도 검증
- (3) 다중회귀분석에 대한 오해들
- 3. 다중회귀분석 소결

