2018학년도 11월 고1 전국연합학력평가 문제지

수학 영역

제 2 교시

1. 두 다항식

 $A = x^2 + xy, \quad B = x^2 + 7xy$

에 대하여 A+B는? [2점]

- ① $x^2 + 2xy$ ② $x^2 + 4xy$
- $3) 2x^2 + 4xy$
- $4 2x^2 + 8xy$ $5 3x^2 + 2xy$

3. 복소수 5-i의 켤레복소수가 a+bi일 때, 두 실수 a, b의 곱 $a \times b$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$) [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

2. 등식

 $x^2 + x + a = x^2 + bx + 6$

이 x에 대한 항등식일 때, 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

- ① 5
- ② 6 ③ 7 ④ 8
- ⑤ 9

4. 두 함수 f(x)=2x, $q(x)=x^2+5$ 에 대하여 $(q \circ f)(1)$ 의 값은? [3점]

① 8

[2점]

- ② 9
- ③ 10
- ④ 11
- ⑤ 12

- **5.** 세 조건 p, q, r에 대하여 두 명제 $p \rightarrow \sim r$ 와 $q \rightarrow r$ 가 모두 참일 때, 다음 명제 중에서 항상 참인 것은? [3점]
- ① $p \rightarrow \sim q$
- $2 q \rightarrow p$
- $\ \ \,$ $\ \ \,$ $\ \ \, \sim q \rightarrow \sim r$
- $\textcircled{4} r \rightarrow p$
 - $\textcircled{5} r \rightarrow q$

- $6.0 \le x \le 3$ 에서 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 5$ 의 최솟값은? [3점]

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

7. x, y에 대한 연립방정식

$$\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x^2 - y = 2 \end{cases}$$

의 해가 $x = \alpha$, $y = \beta$ 일 때, $\alpha + \beta$ 의 값은? [3점]

- $\bigcirc -4$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 4$ $\bigcirc 4$

 $m{\mathcal{S}}$. 복소수 $z\!=\!1\!+\!i$ 에 대하여 $\dfrac{1}{z^2}$ 의 값은? (단, $i\!=\!\sqrt{-1}$) [3점]

10. 두 실수 a, b에 대하여 $(a+b-1)\{(a+b)^2+a+b+1\}=8$ 일 때, $(a+b)^3$ 의 값은? [3점]

- ① 5
- 26
- 3 7
- **4** 8
- ⑤ 9

9. 좌표평면 위의 세 점 A, B, C를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC 에서 점 A의 좌표가 (1, 1), 변 BC의 중점의 좌표가 (7,4)이다. 삼각형 ABC의 무게중심의 좌표가 (a, b)일 때, a+b의 값은? [3점]

- 1 4
- 25
- 3 6
- **4** 7
- **⑤** 8

- $11.\ x$ 에 대한 다항식 x^4-4x^2+a 가 x-1로 나누어떨어질 때의 몫을 Q(x)라 하자. Q(a)의 값은? (단, a는 상수이다.) [3점]
 - ① 24
- 2 25
- 3 26
- 4 27
- ⑤ 28
- **12.** 실수 x에 대한 두 조건

$$p: x^2 - 5x - 6 \le 0,$$

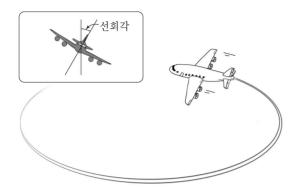
$$q:(x-a)(x-a-2) \le 0$$

에 대하여 p가 q이기 위한 필요조건이 되도록 하는 모든 정수 a의 개수는? [3점]

- $\bigcirc 5$
- 26
- 3 7
- 4 8
- ⑤ 9

수학 영역

13. 항공기가 수평면에서 일정한 선회 속도와 선회각을 유지한 채 360° 회전하는 선회 비행을 할 때 생기는 원의 반지름을 선회 반경이라 한다.



항공기의 선회 속도를 V, 선회각을 heta, 선회 반경을 R라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

$$R = \frac{V^2}{g \tan \theta}$$

(단, $0^{\circ} < \theta < 90^{\circ}$ 이고, g는 중력 가속도이다.)

어떤 항공기가 선회 속도 V_1 , 선회각 30° 로 선회 비행할 때의 선회 반경을 R_1 이라 하고, 선회 속도 V_2 , 선회각 30° 로 선회 비행할 때의 선회 반경을 R_2 라 하자.

선회 속도 V_1 과 V_2 의 비가 2:3일 때, $\frac{R_1}{R_2}$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{2}{9}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{4}{9}$ ⑤ $\frac{5}{9}$

- **14.** x에 대한 부등식 |3x-1| < x+a의 해가 -1 < x < 3일 때, 양수 a의 값은? [4점]
- 1 4

- $② \frac{17}{4}$ $③ \frac{9}{2}$ $④ \frac{19}{4}$ ⑤ 5

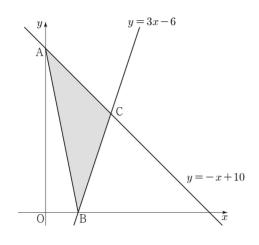
15. 좌표평면에서 직선 3x + 4y + 17 = 0을 x축의 방향으로 n만큼 평행이동한 직선이 원 $x^2 + y^2 = 1$ 에 접할 때, 자연수 n의 값은? [4점]

1 2 2 3 3 4 **⑤** 5 **16.** 2 이상의 세 자연수 p, q, r에 대하여 $42 \times (42-1) \times (42+6) + 5 \times 42 - 5 = p \times q \times r$ 일 때, p+q+r의 값은? [4점]

① 131 ② 133 ③ 135 ④ 137

⑤ 139

17. 그림과 같이 좌표평면에서 직선 y = -x + 10과 y축과의 교점을 A, 직선 y = 3x - 6과 x축과의 교점을 B, 두 직선 y = -x + 10, y = 3x - 6의 교점을 C라 하자. x축 위의 점 $\mathrm{D}(a,0)(a>2)$ 에 대하여 삼각형 ABD의 넓이가 삼각형 ABC의 넓이와 같도록 하는 a의 값은? [4점]



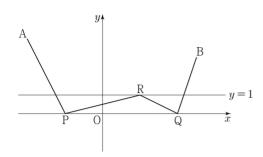
- ① 5

- $2\frac{26}{5}$ $3\frac{27}{5}$ $4\frac{28}{5}$ $5\frac{29}{5}$

- **18.** 최고차항의 계수가 1인 두 이차다항식 f(x), g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) f(x) g(x)를 x 2로 나눈 몫과 나머지가 서로 같다.
 - (나) f(x)g(x)는 x^2-1 로 나누어떨어진다.

g(4)=3일 때, f(2)+g(2)의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5



① 12 ② $5\sqrt{6}$ ③ $2\sqrt{39}$ ④ $9\sqrt{2}$ ⑤ $2\sqrt{42}$

20. 18 이하의 자연수 k에 대하여 두 집합

A = { x | x는 k의 양의 약수}, B = { 2, 5, 6}

이 있다. $n(A \cap B)$ = 2일 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

----- 보기 ≻-

- \neg . $A \cap B = \{2, 5\}$ 이면 k = 10이다.
- \bot . $A \cap B = \{5, 6\}$ 을 만족하는 k가 존재한다.
- 다. 집합 A B의 모든 원소의 합이 홀수가 되는 모든 k의 값의 합은 28이다.
- ① ¬
- ② ⊏
- ③ ¬, ⊏

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

21. 좌표평면에서 반지름의 길이가 r이고

중심이 이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2 + \frac{7}{2}$ 의 그래프 위에 있는 원 중에서,

직선 y = x + 7에 접하는 원의 개수를 m이라 하고

직선 y = x에 접하는 원의 개수를 n이라 하자.

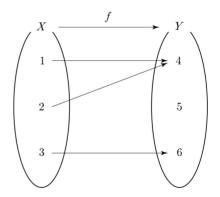
m이 홀수일 때, $m+n+r^2$ 의 값은? (단, r는 상수이다.) [4점]

① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

단답형

22. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4\}$ 의 부분집합 $A = \{4\}$ 에 대하여 집합 A^{C} 의 모든 원소의 합을 구하시오. [3점]

23. 두 집합 $X = \{1, 2, 3\}, Y = \{4, 5, 6\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow Y$ 가 그림과 같을 때, 함수 f의 치역의 모든 원소의 합을 구하시오. [3점]



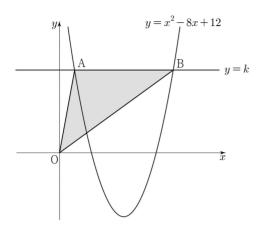
수학 영역

- 24. 좌표평면 위의 두 점 A(-2,0), B(0,7)에 대하여
 선분 AB를 2:1로 외분하는 점의 좌표가 (2, a)일 때,
 a의 값을 구하시오. [3점]
- **26.** 좌표평면 위의 두 점 A(5, 12), B(a, b)에 대하여 선분 AB의 길이가 3일 때, $a^2 + b^2$ 의 최댓값을 구하시오. [4점]

25. 실수 k에 대한 조건

'모든 실수 x에 대하여 $x^2 + 6x + k \ge 0$ 이다.' 가 참인 명제가 되도록 하는 k의 최솟값을 구하시오. [3점]

27. 그림과 같이 이차함수 $y = x^2 - 8x + 12$ 의 그래프와 직선 y = k가 만나는 두 점을 각각 A, B라 하자. 삼각형 AOB의 넓이가 15일 때, 양수 k의 값을 구하시오. (단, O는 원점이다.) [4점]



- **28.** 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) 함수 f의 치역의 원소의 개수는 7이다.
 - $(\downarrow) f(1) + f(2) + f(3) + f(4) + f(5) + f(6) + f(7) + f(8) = 42$
 - (Γ) 함수 f의 치역의 원소 중 최댓값과 최솟값의 차는 6이다.

집합 X의 어떤 두 원소 a, b에 대하여 f(a)=f(b)=n을 만족하는 자연수 n의 값을 구하시오. (단, $a\neq b$) [4점]

수학 영역

29. 자연수 n에 대하여 이차함수 $y=2x^2$ 의 그래프와

직선 y = nx의 교점 중 원점이 아닌 점을 A,

이차함수 $y=2x^2$ 의 그래프와 직선 y=(n+2)x의 교점 중 원점이 아닌 점을 B라 하자.

다음은 삼각형 OAB의 넓이를 S(n)이라 할 때,

S(n)>100을 만족시키는 n의 최솟값을 구하는 과정이다. (단, O는 원점이다.)

이차함수 $y = 2x^2$ 의 그래프와 직선 y = nx의 교점 A의

x좌표를 구하면 $2x^2 = nx(x \neq 0)$ 에서 $x = \frac{n}{2}$

점 A를 지나고 x축에 수직인 직선이

직선 y = (n+2)x와 만나는 점을 A'이라 하자.

선분 AA'의 길이는

$$\overline{AA'} = \boxed{(7)} - \frac{n^2}{2}$$

이므로 삼각형 OAB의 넓이 S(n)은

$$S(n) = \frac{1}{2} \times n \times \left(\begin{array}{|c|} (\downarrow \downarrow) \end{array} \right)$$

따라서 S(n) > 100을 만족시키는

자연수 n의 최솟값은 (Γ) 이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각 f(n), g(n)이라 하고, (다)에 알맞은 수를 k라 할 때, f(k)+g(k)의 값을 구하시오.

[4점]

30. 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 가 역함수가 존재하고, 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $x = 1, 2, 6 일 때 (f \circ f)(x) + f^{-1}(x) = 2x$ 이다.

(나) f(3)+f(5)=10

 $f(6) \neq 6$ 일 때, $f(4) \times \{f(6) + f(7)\}$ 의 값을 구하시오. [4점]

※ 확인 사항

답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.