2019학년도 6월 고2 전국연합학력평가 문제지

제 2 교시

수학 영역 (가형)

5지선다형

- **1.** $\left(4^{\frac{1}{3}}\right)^3$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
- ${f 3.}$ 반지름의 길이가 ${f 6}$ 이고 중심각의 크기가 ${f 5}_{f \pi}$ 인 부채꼴의 호의 길이는? [2점]

- ① π ② 2π ③ 3π ④ 4π ⑤ 5π

- **2.** $\log_2 12 \log_2 3$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
- **4.** 실수 x가 $5^x = \sqrt{3}$ 을 만족시킬 때, $5^{2x} + 5^{-2x}$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{19}{6}$ ② $\frac{10}{3}$ ③ $\frac{7}{2}$ ④ $\frac{11}{3}$ ⑤ $\frac{23}{6}$

5. $0 \le x \le 2\pi$ 일 때, 방정식

 $2\cos x - 1 = 0$

의 모든 해의 합은? [3점]

① π ② $\frac{3}{2}\pi$ ③ 2π ④ $\frac{5}{2}\pi$ ⑤ 3π

7. 다음은 상용로그표의 일부이다.

수		4	5	6	• • •
•••		:	:	:	
5.9		.7738	.7745	.7752	
6.0	* * *	.7810	.7818	.7825	
6.1		.7882	.7889	.7896	
			L	L ,	

이 표를 이용하여 구한 $\log \sqrt{6.04}$ 의 값은? [3점]

② 0.7810

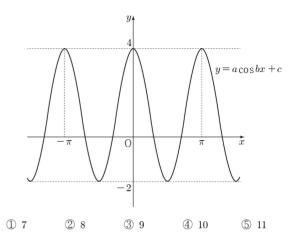
4 1.7810

 \bigcirc 2.3905

6. 함수 $f(x)=2^{x+3}-1$ 의 그래프의 점근선이 직선 y=k일 때, f(k)의 값은? (단, k는 상수이다.) [3점]

① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

- 8. 좌표평면 위의 원점 0 에서 x 축의 양의 방향으로 시초선을 잡을 때, 원점 O 와 점 P(5, 12)를 지나는 동경 OP 가 나타내는 각의 크기를 θ 라 하자. $\sin\left(\frac{3}{2}\pi+\theta\right)$ 의 값은? [3점]
- ① $-\frac{12}{13}$ ② $-\frac{7}{13}$ ③ $-\frac{5}{13}$ ④ $\frac{5}{13}$ ⑤ $\frac{7}{13}$
- **10.** 세 양수 a, b, c에 대하여 함수 $y = a\cos bx + c$ 의 그래프가 그림과 같을 때, 2a+b+c의 값은? [3점]



- **9.** $\log 2 = a$, $\log 3 = b$ 라 할 때, $\log_5 18$ 을 a, b로 나타낸 것은?

11. $-2 \le x \le 4$ 에서 정의된 함수 $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^{x+a}$ 의 최솟값이 $\frac{1}{8}$ 일 때, 함수 f(x)의 최댓값은? (단, a는 상수이다.) [3점] 1 2 2 3 4 4 8 5 16

12. 함수 $y = 2 + \log_2 x$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -8만큼, y축의 방향으로 k만큼 평행이동한 그래프가 제4사분면을 지나지 않도록 하는 실수 k의 최솟값은? [3점]

 $\bigcirc -1$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc -3$ $\bigcirc -4$ $\bigcirc -5$

5

13. 부등식

 $\log_4(x+3) - \log_2(x-3) \ge 0$

을 만족시키는 모든 자연수 x의 값의 합은? [3점]

① 13 ② 14 ③ 15 ④ 16 ⑤ 17

14. 양수 a와 두 실수 x, y가

$$15^x = 8$$
, $a^y = 2$, $\frac{3}{x} + \frac{1}{y} = 2$

를 만족시킬 때, a의 값은? [4점]

① $\frac{1}{15}$ ② $\frac{2}{15}$ ③ $\frac{1}{5}$ ④ $\frac{4}{15}$ ⑤ $\frac{1}{3}$

6

15. 반지름의 길이가 r인 원형 도선에 세기가 I인 전류가 흐를 때, 원형 도선의 중심에서 수직 거리 x 만큼 떨어진 지점에서의 자기장의 세기를 B라 하면 다음과 같은 관계식이 성립한다고 한다.

$$B = \frac{kIr^2}{2(x^2 + r^2)^{\frac{3}{2}}}$$
 (단, k는 상수이다.)

전류의 세기가 $I_0(I_0>0)$ 으로 일정할 때, 반지름의 길이가 r_1 인 원형 도선의 중심에서 수직 거리 x_1 만큼 떨어진 지점에서의 자기장의 세기를 B_1 , 반지름의 길이가 $3r_1$ 인 원형 도선의 중심에서 수직 거리 $3x_1$ 만큼 떨어진 지점에서의 자기장의

세기를 B_2 라 하자. $\frac{B_2}{B_1}$ 의 값은? (단, 전류의 세기의 단위는 A, 자기장의 세기의 단위는 T, 길이와 거리의 단위는 m이다.)

① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{5}{12}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

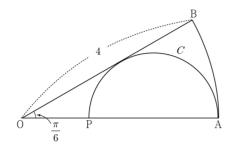
16. 다음은 $0 < \theta < 2\pi$ 에서 $3 + 2\sin^2\theta + \frac{1}{3 - 2\cos^2\theta}$ 의 최솟값을 구하는 과정이다.

 $3+2\sin^2\theta=t$ 로 놓으면 $3 + 2\sin^2\theta + \frac{1}{3 - 2\cos^2\theta} = t + \frac{1}{(7)}$ 이다. $0 < \theta < 2\pi$ 에서 $t \ge 3$ 이므로 $(\mathcal{P}) > 0$ 이다. $t + \frac{1}{\boxed{ \left(7 \right\} \right)}} = t - 2 + \frac{1}{\boxed{ \left(7 \right\} \right)}} + 2 \geq 4$ 이다. (단, 등호는 $t = \boxed{ (나) }$ 일 때 성립한다.) 따라서 $3+2\sin^2\theta+\frac{1}{3-2\cos^2\theta}$ $\stackrel{\circ}{\smile}$ $\theta=$ [다] 에서 최솟값 4를 갖는다.

위의 (7)에 알맞은 식을 f(t), (4)와 (4)에 알맞은 수를 각각 p, q라 할 때, $f(p)+\tan^2\left(q+\frac{\pi}{3}\right)$ 의 값은? [4점]

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7

17. 그림과 같이 반지름의 길이가 4이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{6}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 선분 OA 위의 점 P에 대하여 선분 PA를 지름으로 하고 선분 OB에 접하는 반원을 C라 할 때, 부채꼴 OAB의 넓이를 S_1 , 반원 C의 넓이를 S_2 라 하자. S₁-S₂의 값은? [4점]



- $\Im \frac{\pi}{3}$
 - $4 \frac{4}{9}\pi$ $5 \frac{5}{9}\pi$

- **18.** 좌표평면 위의 두 점 A(-1,0), B(1,0)에 대하여 선분 AB 를 지름으로 하는 원 C가 있다. a>1인 실수 a에 대하여 함수 $y = \log_a x$ 의 그래프와 원 C가 만나는 두 점 중에서 B가 아닌 점을 P라 하자. $\overline{AP} = \sqrt{3}$ 일 때, $a^{\sqrt{3}}$ 의 값은? [4점]
- ① 3 ② 4
- 3 5 4 6 5 7

[4점]

19. 그림과 같이 함수 $f(x)=2^{1-x}+a-1$ 의 그래프가 두 함수 $g(x)=\log_2 x$, $h(x)=a+\log_2 x$ 의 그래프와 만나는 점을 각각 A, B라 하자. 점 A를 지나고 x축에 수직인 직선이 함수 h(x)의 그래프와 만나는 점을 C, x축과 만나는 점을 H라 하고, 함수 g(x)의 그래프가 x축과 만나는 점을 D라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, a>0)

y = h(x) y = g(x) y = f(x) y = f(x)

-- <보 기> -

- ¬. 점 B의 좌표는 (1, a)이다.
- ㄴ. 점 A의 x좌표가 4일 때, 사각형 ACBD의 넓이는 $\frac{69}{8}$ 이다.
- ㄷ. $\overline{\text{CA}} : \overline{\text{AH}} = 3 : 2 이면 0 < a < 3 이다.$
- ① ¬
- ② ⊏
- ③ ⊓, ∟

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ᄀ, ㄴ, ㄷ

- **20.** 함수 $f(x) = \log_3 x$ 에 대하여 두 양수 a, b가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (7) $|f(a)-f(b)| \le 1$
 - (1) f(a+b)=1

ab의 최솟값을 m이라 할 때, $f(m)=3-\log_3 k$ 이다. 자연수 k의 값은? [4점]

- ① 16
- ② 19
- ③ 22
- ④ 25
- ⑤ 28

21. 자연수 n에 대하여 f(n)이 다음과 같다.

10 이하의 두 자연수 p, q에 대하여 $f(p) \times f(q)$ 가 자연수가 되도록 하는 모든 순서쌍 (p,q)의 개수는? [4점]

① 36

② 38 ③ 40 ④ 42 ⑤ 44

단답형

22. $\sqrt[3]{5} \times \sqrt[3]{25}$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. $\sin^2 \theta = \frac{17}{36}$ 일 때, $36\cos^2 \theta$ 의 값을 구하시오. [3점]

10

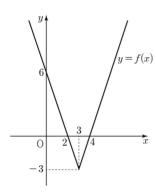
24. $\log_{(a+3)}(-a^2+3a+28)$ 이 정의되도록 하는 모든 정수 a의 개수를 구하시오. [3점]

26. 두 집합 $A=\{5,6\}$, $B=\{-3,-2,2,3,4\}$ 가 있다. 집합 $C=\{x\mid x^a=b,\ x$ 는 실수, $a\in A,\ b\in B\}$ 에 대하여 n(C)의 값을 구하시오. [4점]

25. k>1인 실수 k에 대하여 직선 x=k가 두 곡선 $y=1+\log_2 x,\; y=\log_4 x$ 와 만나는 점을 각각 A, B라 하자. $\overline{AB}=4$ 일 때, k의 값을 구하시오. [3점]

11

27. 함수 $f(x) = \begin{cases} -3x + 6 & (x < 3) \\ 3x - 12 & (x \ge 3) \end{cases}$ 의 그래프가 그림과 같다.



부등식 $2^{f(x)} \le 4^x$ 을 만족시키는 x의 최댓값과 최솟값을 각각 $M,\ m$ 이라 할 때, $M+m=\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

28. 100 이하의 자연수 k에 대하여 $2 \le \log_n k < 3$ 을 만족시키는 자연수 n의 개수를 f(k)라 하자. 예를 들어 f(30) = 2이다. f(k) = 4가 되도록 하는 k의 최댓값을 구하시오. [4점]

12

29. $0 \le x \le 8$ 에서 정의된 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \quad f(x) = \begin{cases} 2^x - 1 & (0 \le x \le 1) \\ 2 - 2^{x-1} & (1 < x \le 2) \end{cases}$$

$$(1) \quad n = 1 \quad 2 \quad 3 \stackrel{\text{def}}{=} \text{ with }$$

(나) n=1, 2, 3일 때,

$$2^n f(x) = f(x-2n)$$
 $(2n < x \le 2n+2)$

함수 y = f(x)의 그래프와 x축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 S라 할 때, 32S의 값을 구하시오. [4점]

30. $2 \le k < 500$ 인 자연수 k에 대하여 네 자연수 a, b, c, d가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) a, b, c, d는 2이상 k이하이다.

(나)
$$a^{\frac{1}{b}} \times c^{\frac{1}{d}} = 24^{\frac{1}{5}}$$

모든 순서쌍 (a,b,c,d)의 개수가 59가 되도록 하는 k의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 할 때, M+m의 값을 구하시오. [4점]

※ 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.