제 2 교시

1. 두 다항식 $A = 2x^2 + 3xy$, $B = x^2 - 2xy$ 에 대하여 A + B는?

[2점]

- ① $x^2 + 8xy$
- $3x^2 + xy$

- $4 3x^2 + 5xy$
- $(5) 4x^2 + xy$

3. 복소수 z=1+2i에 대하여 $z\times z$ 의 값은?

(단, $i=\sqrt{-1}$ 이고, \overline{z} 는 z의 켤레복소수이다.) [2점]

3 1

- $\bigcirc -3$ $\bigcirc -1$

43

⑤ 5

- 2. 두 집합 $A = \{1, 3\}, B = \{2, 3, 4\}$ 에 대하여 집합 $A \cup B$ 의 원소의 개수는? [2점]
 - 1
- 2 2
- 3 3
- 4
- **5** 5
- 4. 무리함수 $f(x) = \sqrt{x+k}$ 에 대하여 f(-1)=2일 때, 상수 *k*의 값은? [3점]
 - $\bigcirc 5$

26

- 3 7
- **4** 8
- **5** 9

 ${\it 5.}$ 함수 f(x)=3x+1과 함수 g(x)에 대하여 g(f(1))=f(2)일 때, g(4)의 값은? [3점]

 $\bigcirc 6$

② 7

3 8

4 9

⑤ 10

점 (0,5)에서 만날 때, 상수 a의 값은? [3점]

27

 $\bigcirc 5$

3 9

7. 좌표평면 위의 두 점 (-1, 2), (2, a)를 지나는 직선이 y축과

4 11

⑤ 13

6. 다항식 $x^3 + x^2 - 2$ 가 $(x-1)(x^2 + ax + b)$ 로 인수분해될 때, 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? [3점]

30

4 2

⑤ 4

8. 실수 x에 대하여 두 조건 p, q가

$$p: -3 \le x < 4$$

$$q: x^2 = k \ (k$$
는 자연수)

이다. p가 q이기 위한 필요조건이 되도록 하는 k의 개수는? [3점]

- \bigcirc 7
- 28
- 3 9
- **4** 10
- ⑤ 11

[3점]

- ① 1 ② 2
- 3 3 4 4
- **⑤** 5

- 10. 좌표평면 위의 두 점 A(2, 0), B(-1, 5)에 대하여 선분 AB를 1:2로 외분하는 점을 P라 할 때, 선분 OP를 3:2로 내분하는 점의 좌표는? (단, O는 원점이다.) [3점]
 - ① (2, -3)
- (2, 2)
- (3, -3)
- (3, -2)
- (3, 2)

11. 이차방정식 $x^2-2x+4=0$ 의 두 근을 α , β 라 할 때,

$$\frac{\beta^2}{\alpha} + \frac{\alpha^2}{\beta}$$
의 값은? [3점]

- $\bigcirc -7$ $\bigcirc -4$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 2$

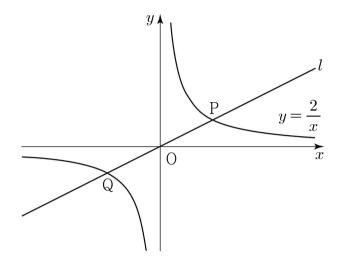
- **5** 5
- 12. 급식 인원이 $P(\mathbf{g})$ 인 단체 급식에서 어떤 식재료의 폐기율이 M(%), 1인 기준의 무게인 정미 중량이 N(g)일 때, 주문하는 식재료의 총량인 발주량 H(g)은 다음과 같이 구할 수 있다고 한다.

$$H = \frac{N \times 100}{100 - M} \times P$$

급식 인원이 700명인 학교에서 식재료 A의 폐기율이 a(%), 정미 중량이 48(g)일 때, 발주량은 $H_{\rm A}(g)$ 이고, 식재료 B의 폐기율이 2a(%), 정미 중량이 23(g)일 때, 발주량은 $H_{\mathrm{B}}(\mathrm{g})$ 이다. $H_{\mathrm{A}}=2H_{\mathrm{B}}$ 일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- 1 4
- 2 5
- 3 6
- 4 7
- **⑤** 8

13. 그림과 같이 원점을 지나는 직선 l과 함수 $y=\frac{2}{x}$ 의 그래프가 두 점 P, Q에서 만난다. 점 P를 지나고 x축에 수직인 직선과 점 Q를 지나고 y축에 수직인 직선이 만나는 점을 R라 할 때, 삼각형 PQR의 넓이는? [3점]



- ① 4
- $2\frac{9}{2}$
- 3 5
- $4)\frac{11}{2}$

⑤ 6

 ${\it 14.}$ 최고차항의 계수가 1인 두 이차식 $f(x),\,g(x)$ 에 대하여

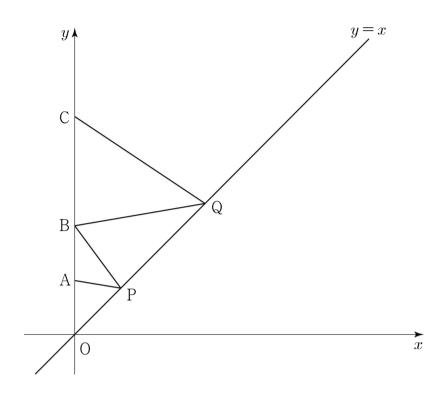
$$(x-1)f(x) = (x-2)g(x)$$

가 항상 성립한다. f(1)=-2일 때, g(2)의 값은? [4점]

- ① -3
- 3 1
- **4** 3
- **⑤** 5

- 15. 연립부등식 $\left\{ egin{array}{ll} y \geq x \\ y \leq -x^2 + 5x \end{array}
 ight.$ 를 만족시키는 두 실수 x,y에 대하여 3x-y의 최댓값은? [4점]
 - ① $\frac{13}{2}$ ② 7 ③ $\frac{15}{2}$ ④ 8 ⑤ $\frac{17}{2}$

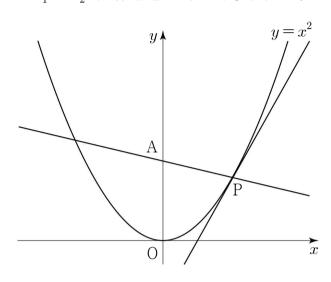
- 16. 좌표평면 위에 세 점 A(0, 1), B(0, 2), C(0, 4)와 직선 y = x위의 두 점 P, Q가 있다. $\overline{AP} + \overline{PB} + \overline{BQ} + \overline{QC}$ 의 값이 최소가 되도록 하는 두 점 P, Q에 대하여 선분 PQ의 길이는? [4점]



- ① $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ② $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ ③ $\frac{5\sqrt{2}}{6}$ ④ $\sqrt{2}$ ⑤ $\frac{7\sqrt{2}}{6}$

17. 그림과 같이 곡선 $y=x^2$ 위의 점 $P(a,a^2)$ 에서의 접선의 기울기를 m_1 이라 하고, 점 P와 점 A(0,1)을 지나는 직선의 기울기를 m_2 라 하자.

다음은 $m_1 - m_2$ 의 최솟값을 구하는 과정이다. (단, a > 0)



곡선 $y=x^2$ 위의 점 $P(a, a^2)$ 에서의 접선의 방정식은 $y=m_1(x-a)+a^2$ 이므로

이차방정식 $x^2 = m_1(x-a) + a^2$ 이 중근을 갖는다.

이차방정식 $x^2-m_1x+am_1-a^2=0$ 의 판별식을 D라 하면 D=0이므로

$$m_1 = \boxed{ (7)}$$

직선 $y = m_2(x-a) + a^2$ 이 점 A(0, 1)을 지나므로

$$m_2 =$$
 (나)

따라서 m_1-m_2 의 최솟값은 (Γ) 이다.

위의 (7), (4)에 알맞은 식을 각각 f(a), g(a)라 하고 (47)에 알맞은 값을 (47)한 때, (47)0 않다.

- ① 5
- 26
- 3 7
- **4** 8
- **⑤** 9

18. 삼차방정식 $x^3 = 1$ 의 한 허근을 ω 라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, ω 는 ω 의 켤레복소수이다.) [4점]

< 보기≻

$$\neg.\ \overline{\omega}^3 = 1$$

ㄷ.
$$(-\omega - 1)^n = \left(\frac{\overline{\omega}}{\omega + \overline{\omega}}\right)^n$$
을 만족시키는 100 이하의

자연수 n의 개수는 50이다.

① ¬

④ ∟, ⊏

- ② ⊏
- ③ ┐, ∟
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

19. 좌표평면에서 3 < a < 7인 실수 a에 대하여

이차함수 $y=x^2-2ax-20$ 의 그래프 위의 점 P와 직선 y = 2x - 12a 사이의 거리의 최솟값을 f(a)라 하자. f(a)의 최댓값은? [4점]

- ① $\frac{4\sqrt{5}}{5}$ ② $\sqrt{5}$ ③ $\frac{6\sqrt{5}}{5}$ ④ $\frac{7\sqrt{5}}{5}$ ⑤ $\frac{8\sqrt{5}}{5}$

- 20. 최고차항의 계수가 1인 이차식 f(x)를 x-1로 나누었을 때의 몫을 $Q_1(x)$ 라 하고, f(x)를 x-2로 나누었을 때의 몫을 $Q_2(x)$ 라 하면 $Q_1(x)$, $Q_2(x)$ 는 다음 조건을 만족시킨다.
 - $(7) Q_2(1) = f(2)$
 - (나) $Q_1(1)+Q_2(1)=6$

f(3)의 값은? [4점]

- \bigcirc 7
- 28
- 3 9
- **4** 10
- ⑤ 11

21. 좌표평면 위에 원 $C: x^2 + y^2 = r^2 \ (0 < r < 2\sqrt{2}\)$ 와 점 A(2,2)가 있다. 점 A에서 원 C에 그은 접선 l이 원 C와 만나는 접점을 P라 하고, 점 P를 지나고 직선 l과 수직인 직선이 원 C와 만나는 다른 한 점을 Q라 하자. 삼각형 APQ가 이등변삼각형이 되도록 하는 점 P의 좌표를 (a,b)라 할 때, $a \times b$ 의 값은? [4점]

①
$$-\frac{18}{25}$$
 ② $-\frac{16}{25}$ ③ $-\frac{14}{25}$ ④ $-\frac{12}{25}$ ⑤ $-\frac{2}{5}$

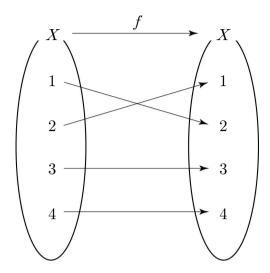
단답형

22. 첫째항이 50이고 공차가 -2인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 a_3 의 값을 구하시오. [3점]

23. 직선 y = 3x - 5를 x축의 방향으로 a만큼, y축의 방향으로 2a만큼 평행이동한 직선이 직선 y = 3x - 10과 일치할 때, 상수 a의 값을 구하시오. [3점]

수학 영역

- 24. 등차수열 $\left\{a_n\right\}$ 에 대하여 $a_3+a_5=14$, $a_4+a_6=18$ 일 때, 수열 $\left\{a_n\right\}$ 의 첫째항부터 제10항까지의 합을 구하시오. [3점]
- **26.** 집합 $X = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 가 그림과 같다.



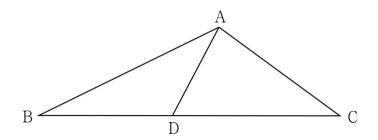
함수 $g: X \rightarrow X$ 의 역함수가 존재하고,

$$g(2)=3, g^{-1}(1)=3, (g \circ f)(2)=2$$

일 때, $g^{-1}(4)+(f\circ g)(2)$ 의 값을 구하시오. [4점]

25. 두 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \{1, 3, 5, 9\}$ 에 대하여 $(A-B) \cap C = \varnothing, A \cap C = C$ 를 만족시키는 집합 C의 개수를 구하시오. [3점]

27. 그림과 같이 삼각형 ABC의 변 BC 위의 점 D에 대하여 AD=6, BD=8이고, ∠BAD=∠BCA이다. AC=CD-1 일 때, 삼각형 ABC의 둘레의 길이를 구하시오. [4점]



28. 좌표평면에서 기울기가 a(0 < a < 3)인 직선 l과 기울기가 b인 직선 m이 원 $(x-1)^2 + (y-3)^2 = 1$ 의 넓이를 4등분 한다.

직선 l과 x축, y축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를 S_1 , 직선 m과 x축, y축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를 S_2 라 할 때, S_1+S_2 의 최솟값을 구하시오. [4점]

수학 영역

 $29. \ r > 1$ 인 실수 r에 대하여 전체집합

 $U=\left\{\left.r^{k}\mid k$ 는 102 이하의 자연수 $\right\}$

의 부분집합 A가 다음 조건을 만족시킨다.

- $(7) \ \{r, r^{31}, r^{100}\} \subset A$
- (나) 집합 A의 원소들을 작은 수부터 차례대로 배열한 수열은 등비수열이다.
- (다) 전체집합 U의 모든 원소들의 합은 집합 A의 모든 원소들의 합의 91배이다.

실수 r의 값을 구하시오. [4점]

30. 좌표평면 위에 x좌표와 y좌표가 모두 정수인 점을 A라 하고점 A를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 B라 하자.
점 C의 좌표가 (0, 10)일 때, 세 점 A, B, C를 꼭짓점으로 하는 삼각형이 직각삼각형이 되도록 하는 점 A의 개수를 구하시오.
(단, 점 A는 y축 위의 점이 아니다.) [4점]

※ 확인 사항

답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.