2019학년도 3월 고2 전국연합학력평가 정답 및 해설

수학 영역 ●

나형 정답

1	3	2	4	3	1	4	2	5	5
6	(5)	7	3	8	4	9	5	10	1
11	4	12	3	13	1	14	2	15	3
16	2	17	5	18	4	19	1	20	2
21	(5)	22	12	23	29	24	11	25	9
26	36	27	8	28	576	29	87	30	26

해 설

1. [출제의도] 다항식의 덧셈을 계산한다.

두 다항식 $A = 2x^2 + xy$, $B = x^2 - 2xy$ 에서 $A + B = (2x^2 + xy) + (x^2 - 2xy)$ $=(2x^2+x^2)+(xy-2xy)$ $=3x^2-xy$

2. [출제의도] 합집합의 원소의 합을 구한다.

 $A \cup B = \{1, 2\} \cup \{2, 3\}$ $= \{1, 2, 3\}$ 이므로 집합 $A \cup B$ 의 모든 원소의 합은

3. [출제의도] 직선의 방정식을 이해한다.

직선 12x - 2y + 5 = 0에서

 $y = 6x + \frac{5}{2}$

따라서 직선 12x-2y+5=0의 기울기는 6이다.

4. [출제의도] 복소수의 곱을 계산한다.

 $i(1+i) = i+i^2$ = i - 1=-1+i

5. [출제의도] 항등식의 성질을 이해한다.

다항식 $x^3 - 1$ 을 인수분해하면 $x^3 - 1 = (x - 1)(x^2 + x + 1)$ 이므로

a = 1, b = 1

따라서 a+b=2

[다른 풀이 1]

 $x^3 - 1 = (x - 1)(x^2 + ax + b)$

 $=x^3+(a-1)x^2+(b-a)x-b$

이므로 양변의 계수를 비교하면

a-1=0, b-a=0, -b=-1

a = 1, b = 1

따라서 a+b=2

[다른 풀이 2]

모든 실수 x에 대하여 등식

 $x^3 - 1 = (x - 1)(x^2 + ax + b)$

이 성립하므로 ①의 양변에 적당한 x의 값을 대입하 여도 등식이 성립한다.

등식 ①에 x=0을 대입하면

-1 = -b에서 b = 1

등식 ¬에 x=-1을 대입하면

-2 = -2(2-a) 에서 a = 1

따라서 a+b=2

6. [출제의도] 조합의 뜻을 이해한다.

서로 다른 6개의 과목 중에서 서로 다른 3개를 선택 하는 경우의 수는 서로 다른 6개 중에서 3개를 선택 하는 조합의 $\phi_{6}C_{3}$ 과 같으므로

$$_{6}C_{3} = \frac{_{6}P_{3}}{3!} = \frac{6 \times 5 \times 4}{3 \times 2 \times 1} = 20$$

7. [출제의도] 역함수의 성질을 이해한다.

주어진 그림에서

f(2) = 1, f(4) = 3

함수 f는 일대일대응이므로 역함수의 성질에 의하여 $f^{-1}(3) = 4$

따라서

 $f(2) + f^{-1}(3) = 1 + 4 = 5$

8. [출제의도] 합성함수의 뜻을 이해한다.

f(x) = 2x - 1 에서 $f(5) = 2 \times 5 - 1 = 9$

이므로

 $(f \circ f)(5) = f(f(5)) = f(9)$

 $=2\times9-1=17$

[다른 풀이]

 $(f \circ f)(x) = f(f(x))$ =f(2x-1)=2(2x-1)-1= 4x - 3

이므로

 $(f \circ f)(5) = 4 \times 5 - 3 = 17$

9. [출제의도] 이차방정식과 이차함수의 관계를 이해한

이차함수 $y=2x^2+ax-1$ 의 그래프가 x축과 만나는 두 점의 x좌표는 이차방정식 $2x^2 + ax - 1 = 0$ 의 두 실 근과 같다.

이때 이차방정식 $2x^2 + ax - 1 = 0$ 의 근과 계수의 관계 에 의하여 두 근의 합은 $-\frac{a}{2}$ 이다.

따라서 $-\frac{a}{2} = -1$ 에서

10. [출제의도] 원의 성질을 이용하여 선분의 길이의 최솟값을 추론한다.

점 A의 좌표가 (4,3)이므로

 $\overline{OA} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5$

점 P는 원 $x^2 + y^2 = 16$ 위의 점이므로

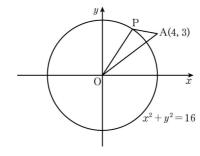
이때 그림과 같이 임의의 점 P에 대하여

 $\overline{OA} \le \overline{OP} + \overline{PA}$

가 성립하므로

 $\overline{AP} \ge \overline{OA} - \overline{OP} = 5 - 4 = 1$

따라서 선분 AP의 길이의 최솟값은 1이다.



11. [출제의도] 연립방정식을 이해하여 해를 구한다.

x-2y=1에서

x = 2y + 1 ······ \bigcirc

①을 $x^2 - 4y^2 = 5$ 에 대입하면

 $(2y+1)^2 - 4y^2 = 5$

 $(4y^2 + 4y + 1) - 4y^2 = 5$

4y + 1 = 5

y=1 ······ \bigcirc

L)을 ①에 대입하면

 $x = 2 \times 1 + 1 = 3$

따라서 a=3, b=1이므로

a + b = 4

[다른 풀이]

x-2y=1 ······ \bigcirc

②의 좌변을 인수분해하면

 $(x-2y)(x+2y) = 5 \quad \cdots \quad \Box$

□을 □에 대입하면

x+2y=5 ······ 1

©, ⊞을 연립하면

x = 3, y = 1

따라서 a=3, b=1이므로

12. [출제의도] 절댓값을 포함하는 일차부등식의 해를 추론한다.

a는 자연수이므로 $|x-3| \le a$ 에서

 $-\,a \leq x - 3 \leq a$

 $3-a \le x \le 3+a$ ······

부등식 ①을 만족시키는 정수 x의 개수는

(3+a)-(3-a)+1=2a+1

2a+1=15 에서

a = 7

13. [출제의도] 나머지정리를 이해하여 미지수를 구한

다항식 f(x)를 (x-3)(2x-a)로 나눈 몫이 x+1이고 나머지가 6이므로

f(x) = (x-3)(2x-a)(x+1) + 6

다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지가 6이므로 나머 지정리에 의해 f(1) = 6이다.

 \bigcirc 에 x=1을 대입하면

 $f(1) = (1-3)(2-a) \times 2 + 6$

=-4(2-a)+6

= -8 + 4a + 6

=4a-2따라서 4a-2=6, a=2

[다른 풀이]

다항식 f(x)를 (x-3)(2x-a)로 나눈 몫이 x+1이고 나머지가 6이므로

f(x) = (x-3)(2x-a)(x+1)+6 한편, 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 몫을 Q(x)라 하면

f(x) = (x-1)Q(x) + 6

①, ©에서 (x-3)(2x-a)(x+1) = (x-1)Q(x)

이때 (x-3)(2x-a)(x+1)은 x-1을 인수로 가져야 한다.

따라서 2x-a=2(x-1)에서

14. [출제의도] 삼차방정식의 허근과 관련된 문제를 해

조건 (7)에서 다항식 $x^3 - 3x^2 + 9x + 13$ 을 조립제법을 이용하여 인수분해하면

 $x^3 - 3x^2 + 9x + 13 = (x+1)(x^2 - 4x + 13)$

이차방정식 $x^2 - 4x + 13 = 0$ 에서

x=2+3i 또는 x=2-3i

따라서 방정식 $x^3 - 3x^2 + 9x + 13 = 0$ 의 세 근은

x=-1 또는 x=2+3i 또는 x=2-3i

조건 (나)에서

 $\frac{z-\overline{z}}{z} = \frac{(a+bi)-(a-bi)}{z} = \frac{2bi}{z} = 2b$

 $\frac{z-z}{z}$ 가 음의 실수이므로 b는 음수이다.

따라서 z=2-3i a=2, b=-3

a + b = -1

15. [출제의도] '모든'이 포함된 명제와 관련된 문제를 해결한다.

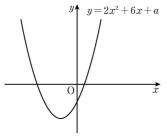
명제

'모든 실수 x에 대하여 $2x^2+6x+a \ge 0$ 이다.'

가 거짓이면 이 명제의 부정

'어떤 실수 x에 대하여 $2x^2 + 6x + a < 0$ 이다.' 는 참이다.

따라서 이차함수 $y=2x^2+6x+a$ 의 그래프와 x축이 서로 다른 두 점에서 만나야 한다.



이차방정식 $2x^2+6x+a=0$ 의 판별식을 D라 하면 $\frac{D}{4}=3^2-2a>0$ 에서 $a<\frac{9}{2}$

따라서 정수 a의 최댓값은 4이다.

16. [출제의도] 점의 이동 및 두 직선의 위치 관계와 관련된 문제를 해결한다.

점 P는 점 A(-3, 1)을 y축에 대하여 대칭이동한 점 이므로 그 좌표는 (3, 1)이다.

또, 점 Q는 점 B(1, k)를 y축의 방향으로 -5만큼 평행이동한 점이므로 그 좌표는 (1, k-5)이다.

두 점 B(1, k), P(3, 1)에 대하여 직선 BP의 기울기는 $\frac{1-k}{2} = -\frac{k-1}{2}$

$$\frac{(k-5)-1}{1-3} = -\frac{k-6}{2}$$

직선 BP와 직선 PQ가 서로 수직이므로

$$\left(-\frac{k-1}{2}\right) \times \left(-\frac{k-6}{2}\right) = -1$$

(k-1)(k-6) = -4

 $k^2 - 7k + 10 = 0$

(k-2)(k-5)=0

k=2 또는 k=5

따라서 모든 실수 k의 값의 곱은

 $2 \times 5 = 10$

17. [출제의도] 원과 직선의 위치 관계와 관련된 문제 를 해결한다.

조건 (가)에서 원 $C: x^2 + y^2 - 4x - 2ay + a^2 - 9 = 0$ 이 원점을 지나므로 x = 0, y = 0을 대입하면

 $a^2 - 9 = 0$, $a^2 = 9$

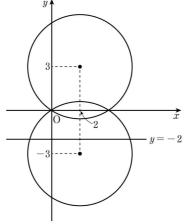
a=-3 또는 a=3

a = -3일 때, 원 C의 방정식은

 $x^{2} + y^{2} - 4x + 6y = 0$, $(x-2)^{2} + (y+3)^{2} = 13$

a=3일 때, 원 C의 방정식은

 $x^{2} + y^{2} - 4x - 6y = 0$, $(x-2)^{2} + (y-3)^{2} = 13$



이때 a=3이면 원 C는 직선 y=-2와 만나지 않으므로 조건 (나)에 의하여 a=-3이다.

 $(x-2)^2 + (y+3)^2 = 13$, y = -2 를 연립하면

 $(x-2)^2 + (-2+3)^2 = 13$

 $(x-2)^2 = 12$

 $x=2\pm 2\sqrt{3}$

따라서 원 C와 직선 y=-2가 만나는 두 점의 좌표는 각각 $(2-2\sqrt{3},\ -2),\ (2+2\sqrt{3},\ -2)$ 이므로 두 점사이의 거리는

 $(2+2\sqrt{3})-(2-2\sqrt{3})=4\sqrt{3}$

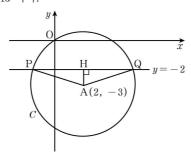
[다른 풀이]

a=-3일 때, 원 C의 방정식은

 $x^2 + y^2 - 4x + 6y = 0$

 $(x-2)^2 + (y+3)^2 = 13$

따라서 원 C의 중심은 A(2, -3)이고, 반지름의 길이는 $\sqrt{13}$ 이다.



원의 중심 A(2, -3)에서 직선 y=-2에 내린 수선의 발을 H라 하고, 원 C와 직선 y=-2가 만나는 두점을 각각 P, Q라 하면

 $\overline{AP} = \sqrt{13}$, $\overline{AH} = 1$

이므로

 $\overline{PH} = \sqrt{(\sqrt{13})^2 - 1^2} = 2\sqrt{3}$

따라서

 $\overline{PQ} = 2\overline{PH} = 4\sqrt{3}$

18. [출제의도] 삼각형의 무게중심과 관련된 문제를 해결한다.

두 점 A, B의 좌표를 각각

 $(a_1, b_1), (a_2, b_2)$

라 하면 삼각형 OAB의 무게중심의 좌표가 (5, 4)이 므로

$$\frac{0+a_1+a_2}{3} = 5, \ \frac{0+b_1+b_2}{3} = 4$$

 $a_1 + a_2 = 15, \ b_1 + b_2 = 12 \ \cdots \cdots \ \bigcirc$

선분 OA를 2:1로 외분하는 점 C의 좌표는

$$\left(\frac{2a_1-0}{2-1},\ \frac{2b_1-0}{2-1}\right),\ \ensuremath{\stackrel{\scriptstyle >}{=}}\ \left(2a_1,\ 2b_1\right)$$

마찬가지로 선분 OB를 2:1로 외분하는 점 D의 좌표 는

 $(2a_2, 2b_2)$

이때 두 선분 AD, BC는 모두 삼각형 OCD의 중선이 므로 교점 E는 삼각형 OCD의 무게중심이다.

따라서 점 E의 좌표는

$$\left(\frac{0+2a_1+2a_2}{3}\,,\,\,\frac{0+2b_1+2b_2}{3}\right)$$

⊙에 의하여

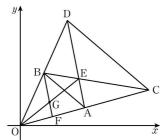
$$\frac{2a_1 + 2a_2}{3} = \frac{2(a_1 + a_2)}{3} = \frac{2 \times 15}{3} = 10,$$

$$2b_1 + 2b_2 = 2(b_1 + b_2) = 2 \times 12$$

 $\frac{2b_1 + 2b_2}{3} = \frac{2(b_1 + b_2)}{3} = \frac{2 \times 12}{3} = 8$

이므로 점 E 의 좌표는 (10, 8)이다. 따라서 p=10, q=8이므로 p+q=18

. [다른 풀이]



점 E는 삼각형 OCD의 무게중심이므로 점 E는 선분 DA = 2:1로 내분하는 점이다.

선분 OA의 중점을 F라 하고, 삼각형 OAB의 무게중 심을 G라 하면 점 G는 선분 BF를 2:1로 내분하는 점이므로 세 점 O, G, E는 한 직선 위에 있다.

이때 \overline{OF} : $\overline{OA}=1:2$ 이므로 두 삼각형 OFG, OAE 는 닮음비가 1:2인 닮은 도형이다.

즉 $\overline{\text{OE}}$ =1:2이고 점 G의 좌표가 (5, 4)이므로 $p=2\times 5=10, \ q=2\times 4=8$

따라서 p+q=18

19. [출제의도] 조합의 수를 이해하여 집합의 개수를 구하는 과정을 추론한다.

A={x | x 는 10 이하의 자연수}

 $= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

B = {x | x 는 6 이상 15 이하의 자연수} = {6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15}

ન (ન (

 $A-B=\{1,\ 2,\ 3,\ 4,\ 5\},\ A\cap B=\{6,\ 7,\ 8,\ 9,\ 10\}$ 이므로

 $n(A-B)=5, \ n(A\cap B)=5$

 $X_1=X\cap (A-B),\ X_2=X\cap (A\cap B)$ 라 하면

 $X = X_1 \cup X_2$ 이코 $X_1 \cap X_2 = \emptyset$ 이다.

(i) $n(X \cup B) = 12$ 이코 n(B) = 10 이므로

 $n(X_1) = \boxed{2}$

집합 X_1 은 집합 A-B의 부분집합 중 원소의 개수가 2인 부분집합이므로 가능한 집합 X_1 의 개수는 ${}_5\mathrm{C}_2=$ 10 이다.

(ii) 집합 X₂는 집합 A∩B의 부분집합이므로 가능한 집합 X₂의 개수는 2⁵ = 32 이다.

(i), (ii)에 의하여 집합 X의 개수는 집합 X_1 을 정하는 경우의 수와 집합 X_2 를 정하는 경우의 수의 곱과 같으므로

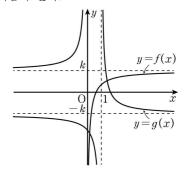
 $_5$ C $_2 imes 2^5 = 10 imes 32 = 320$ 따라서 p=2, q=10, r=32이므로

p + q + r = 44

20. [출제의도] 유리함수의 그래프와 관련된 문제를 해 결한다.

(i) k>0일 때,

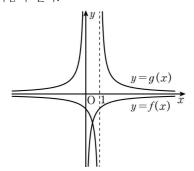
두 곡선 y = f(x), y = g(x)를 좌표평면에 나타내면 다음과 같다.



두 곡선 y=f(x), y=g(x)의 교점 중 x좌표가 양수인 점의 개수는 2이다.

(ii) k=0일 때,

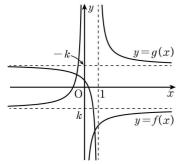
두 곡선 y=f(x), y=g(x)를 좌표평면에 나타내 면 다음과 같다.



두 곡선 y=f(x), y=g(x)의 교점 중 x좌표가 양수인 점의 개수는 1이다.

(iii) k<0일 때,

두 곡선 y=f(x), y=g(x)를 좌표평면에 나타내 면 다음과 같다.



두 곡선 y=f(x), y=g(x)의 교점 중 x좌표가 양수인 점의 개수는 1이다.

(i), (ii), (iii)에 의하여

$$h(k) = \begin{cases} 1 & (k \le 0) \\ 2 & (k > 0) \end{cases}$$

연속하는 세 정수 k, k+1, k+2에 대하여 등식 h(k) + h(k+1) + h(k+2) = 4

가 성립하려면

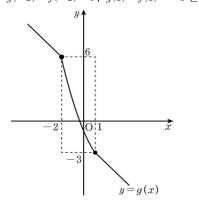
h(k) = 1, h(k+1) = 1, h(k+2) = 2

이어야 한다.

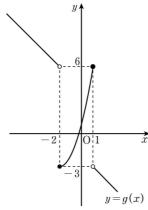
이때 h(-1)=1, h(0)=1, h(1)=2이므로 등식 ①을 만족시키는 정수 k의 값은 -1이다.

21. [출제의도] 일대일대응을 이해하여 명제의 참, 거짓 을 추론한다.

- \neg . 함수 g(x)의 정의역과 치역이 모두 실수 전체의 집합이고 함수 g(x)의 역함수가 존재하므로 함수 g(x)는 일대일대응이다. 따라서 함수 y=g(x)의 그래프의 개형은 다음과 같이 두 가지이다.
 - (i) g(-2) = f(-2) = 6, g(1) = f(1) = -3 일 때,



(ii) g(-2) = f(-2) = -3, g(1) = f(1) = 6 일 때,



(i), (ii)에서

f(-2)+f(1)=3 (참)

(0) = f(0) = -1에서

 $f(x) = ax^2 + bx - 1$ (a는 양의 상수, b는 상수) 로 놓을 수 있다.

g(1) = f(1) = -3이면 f(-2) = 6이어야 하므로 a+b-1=-3, 4a-2b-1=6

연립방정식 $\begin{cases} a+b=-2 \\ 4a-2b=7 \end{cases}$ 을 풀면

$$a = \frac{1}{2}$$
, $b = -\frac{5}{2}$

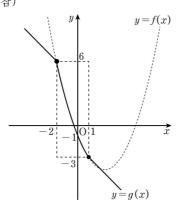
따라서

$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{2}x - 1$$

$$= \frac{1}{2} \left(x - \frac{5}{2} \right)^2 - \frac{33}{8}$$

이므로 곡선 y=f(x)의 꼭짓점의 x좌표는 $\frac{5}{2}$ 이

다. (참)



ㄷ. 곡선 y=f(x)의 꼭짓점의 x좌표가 -2이므로 $f(x) = a(x+2)^2 + p(a$ 는 양의 상수, p는 상수) 라 할 수 있다.

이때 함수 g(x)가 일대일대응이므로

$$f(-2) = -3, \ f(1) = 6$$

이다.

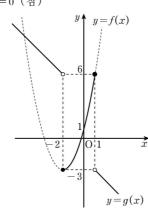
p = -3, 9a + p = 6

에서 a=1이므로

 $f(x) = (x+2)^2 - 3$

따라서 g(0) = f(0) = 1이므로

 $g^{-1}(1) = 0$ (참)



그러므로 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ이다.

22. [출제의도] 순열의 수를 계산한다.

 $_{4}P_{2} = 4 \times 3 = 12$

23. [출제의도] 두 점 사이의 거리를 계산한다.

$$\overline{AB} = \sqrt{(4+1)^2 + (1-3)^2}$$

$$=\sqrt{29}$$

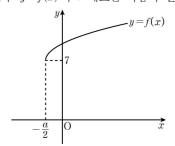
선분 AB를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이는 $\overline{AB}^2 = 29$

24. [출제의도] 무리함수의 그래프를 이해한다.

$$f(x) = \sqrt{2x + a} + 7$$

$$= \sqrt{2\left(x + \frac{a}{2}\right)} + 7$$

이므로 함수 y = f(x)의 그래프는 다음과 같다.



함수 f(x)는 $x=-\frac{a}{2}$ 일 때 최솟값 7을 가진다.

$$-\frac{a}{2} = -2$$
에서 $a = 4$ 이고 $m = 7$ 이므로

a+m=11

25. [출제의도] 다항식의 나눗셈을 이해한다.

다항식 $2x^3 - x^2 + x + 3$ 을 x + 1로 나눈 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면

따라서 $Q(x) = 2x^2 - 3x + 4$ 이므로

Q(-1) = 2 + 3 + 4 = 9

26. [출제의도] 집합의 연산 법칙을 이해한다.

A={x | x 는 4의 배수}

 $= \{4, 8, 12, 16, 20\}$

 $B = \{x \mid x 는 20 의 약수\}$ $= \{1, 2, 4, 5, 10, 20\}$

드모르간의 법칙에 의하여

 $(A^C \cup B)^C = (A^C)^C \cap B^C$

$$= A \cap B^C$$

$$=A \cap B$$

$$=A-B$$

 $A-B = \{8, 12, 16\}$ 이므로 집합 A-B의 모든 원소의 합은 8+12+16=36이다.

27. [출제의도] 필요조건과 충분조건을 이해한다.

두 조건 p, q의 진리집합을 각각 P, Q라 하자. $2x-a \le 0$ 에서 $x \le \frac{a}{2}$ 이므로

$$P = \left\{ x \mid x \le \frac{a}{} \right\}$$

조건 $q: x^2 - 5x + 4 > 0$ 에 대하여

 $\sim q:\, x^2-5x+4\leq 0$

 $x^2-5x+4\leq 0$ 에서

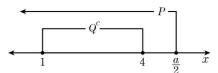
 $(x-1)(x-4) \le 0$

 $1 \le x \le 4$

이므로

 $Q^C = \{ x \mid 1 \le x \le 4 \}$

p가 $\sim q$ 이기 위한 필요조건이면 명제 $\sim q \rightarrow p$ 가 참 이므로 $Q^C \subset P$ 가 성립해야 한다.



위 그림에서 $\frac{a}{2} \ge 4$, $a \ge 8$

따라서 실수 a의 최솟값은 8이다.

28. [출제의도] 경우의 수를 구하는 실생활과 관련된 문제를 해결한다.

조건 (가)에서 A와 B가 같이 앉을 수 있는 2인용 의자는 마부가 앉아 있는 의자를 제외한 3개이고, 두 사람은 자리를 서로 바꿔 앉을 수 있으므로 A와 B 가 앉는 경우의 수는

 $3 \times 2! = 6$

남은 5개의 좌석에 C와 D가 앉는 전체 경우의 수는 ${}_5\mathrm{P}_9=20$

이때 C와 D가 같은 2인용 의자에 이웃하여 앉는 경우의 수를 구해 보자.

두 사람이 이웃하여 앉을 수 있는 의자는 A와 B가 앉아 있는 의자와 마부가 앉아 있는 의자를 제외한 나머지 2개이고, 두 사람은 서로 자리를 바꿔 앉을 수 있으므로 C와 D가 앉는 경우의 수는

 $2 \times 2! = 4$

따라서 조건 (나)에서 C와 D가 이웃하지 않도록 앉는 경우의 수는

20-4=16

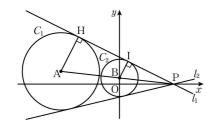
남은 3개의 좌석에 E, F, G가 앉는 경우의 수는 3! = 6

따라서 모든 경우의 수는

 $6 \times 16 \times 6 = 576$

29. [출제의도] 원과 직선의 위치 관계와 관련된 문제를 해결한다.

두 원 C_1 , C_2 의 중심을 각각 A, B라 하면 두 점 A, B의 좌표는 각각 (-7, 2), (0, b)이다.



그림과 같이 두 점 A, B에서 직선 l_1 에 내린 수선의 발을 각각 H, I라 하면

 $\overline{AH} = 2\sqrt{5}$, $\overline{BI} = \sqrt{5}$

이므로 두 삼각형 PAH, PBI는 닮음비가

 $\overline{AH}: \overline{BI} = 2:1$

인 닮은 도형이다.

이때 점 B는 선분 AP의 중점이므로

$$\frac{(-7)+a}{2} = 0, \quad \frac{2+0}{2} = b$$

 $a=7, b=1 \cdots$

점 P(7, 0)을 지나고 점 B(0, 1)에서의 거리가 $\sqrt{5}$ 인 직선을

y = m(x-7), 즉 mx-y-7m = 0 (m은 상수)

로 놓으면

$$\frac{|m \times 0 - 1 - 7m|}{\sqrt{m^2 + 1}} = \sqrt{5}$$

 $|-7m-1| = \sqrt{5(m^2+1)}$

©의 양변을 제곱하면

 $49m^2 + 14m + 1 = 5m^2 + 5$

 $44m^2+14m-4=0\,,\ \ 22m^2+7m-2=0$

 $(2m+1)(11m-2)\!=0$

$$m = -\frac{1}{2}$$
 또는 $m = \frac{2}{11}$

다라서 두 직선 l_1 , l_2 의 기울기의 곱은

$$\left(-\frac{1}{2}\right) \times \frac{2}{11} = -\frac{1}{11}$$

이므로
$$c=-\frac{1}{11}$$
 …… ©

①, ⓒ에서

$$11(a+b+c) = 11\left(7+1-\frac{1}{11}\right)$$
$$= 87$$

30. [출제의도] 이차함수의 그래프 및 '어떤'이 포함된 명제와 관련된 문제를 해결한다.

 $f(x) = x^2 - 2x + 6$

 $=(x-1)^2+5$

이므로 이차함수 y=f(x)의 그래프는 직선 x=1에 대하여 대칭이다.

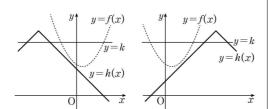
한편

$$-\mid\! x-t\!\mid\! +11=\left\{\begin{array}{cc} x-t+11 & (x< t)\\ -x+t+11 & (x\geq t) \end{array}\right.$$

이므로 함수 y=g(x)의 그래프는 직선 x=t에 대하여 대칭이다.

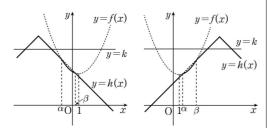
따라서 함수 y = h(x)의 그래프의 개형은 다음과 같이 세 가지로 나타난다.

(i) 두 함수 y = f(x), y = g(x)의 그래프가 만나지 않거나 한 점에서만 만날 때,



함수 y = h(x)의 그래프와 직선 y = k가 서로 다른 세 점에서 만나도록 하는 실수 k의 값은 존재하지 않는다.

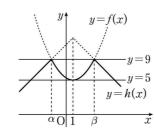
(ii) 두 함수 y=f(x), y=g(x)의 그래프의 두 교점의 x좌표가 α , $\beta(\alpha<\beta\leq 1$ 또는 $1\leq \alpha<\beta)$ 일 때,



함수 y=h(x)의 그래프와 직선 y=k가 서로 다른 세 점에서 만나도록 하는 실수 k의 값은 존재하지 않는다.

(iii) 두 함수 y=f(x), y=g(x)의 그래프의 두 교점 의 x좌표가 α , $\beta(\alpha<1<\beta)$ 일 때,

① $f(\alpha) = f(\beta)$, 즉 t = 1일 때,



두 교점은 직선 x=1에 대하여 대칭이다.

이때 β 의 값을 구하면

 $x^2 - 2x + 6 = -x + 12$

 $x^2 - x - 6 = 0$

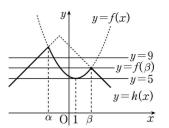
(x+2)(x-3)=0

x=-2 또는 x=3

 $\beta > 1$ 이므로 $\beta = 3$ g(3) = -|3-1|+11 = 9

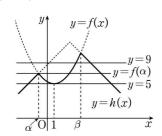
따라서 함수 y=h(x)의 그래프와 직선 y=k가서로 다른 세 점에서 만나도록 하는 실수 k의 값은 5뿐이다.

② $f(\alpha) > f(\beta)$ 일 때,



함수 y=h(x)의 그래프와 직선 y=k가 서로 다른 세 점에서 만나도록 하는 실수 k의 값은 5와 $f(\beta)(5 < f(\beta) < 9)$ 이다.

③ $f(\alpha) < f(\beta)$ 일 때,



함수 y = h(x)의 그래프와 직선 y = k가 서로 다른 세 점에서 만나도록 하는 실수 k의 값은 5와 $f(\alpha)(5 < f(\alpha) < 9)$ 이다.

(i), (ii), (iii)에 의하여 명제

'어떤 실수 t에 대하여 함수 y=h(x)의 그래프와 직선 y=k는 서로 다른 세 점에서 만난다.'

가 참이 되도록 하는 실수 k의 값의 범위는

따라서 자연수 k의 값은 5, 6, 7, 8이므로 그 합은 5+6+7+8=26