제 2 교시

## 수학 영역

5지선다형

1. (1+2i)+(3-i)의 값은? (단,  $i=\sqrt{-1}$ ) [2점]

① 2+i ② 2-i ③ 4+i ④ 4-i ⑤ 5+i

**3.** 두 다항식  $A = x^2 - 2x - 4$ , B = 2x - 3에 대하여 A + B는? [2점]

①  $x^2 + 7$  ②  $x^2 - 7$  ③  $x^2 + 4x$ 

 $4 \quad x^2 - 4x$   $5 \quad x^2 + 4$ 

2. 다항식  $x^3 - 27$ 이  $(x-3)(x^2 + ax + b)$ 로 인수분해될 때, a+b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [2점]

① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

**4.** 좌표평면 위의 두 점 A(2, 0), B(0, a) 사이의 거리가  $\sqrt{13}$  일 때, 양수 a의 값은? [3점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

5. 등식

$$2x^2 + 3x + 4 = 2(x+1)^2 + a(x+1) + b$$

가 x에 대한 항등식일 때, a-b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [3점]

- $\bigcirc -7$   $\bigcirc -6$   $\bigcirc -5$   $\bigcirc -4$   $\bigcirc -3$

**6.** x에 대한 이차방정식  $x^2 + 4x + k - 3 = 0$ 이 실근을 갖도록 하는 모든 자연수 k의 개수는? [3점]

- 1 4
- 2 5
- 3 6
- 4 7
- ⑤ 8

- 7. 직선 y = ax 6을 x축에 대하여 대칭이동한 직선이 점 (2, 4)를 지날 때, 상수 a의 값은? [3 점]
  - 1
- 2 2
- 3 3
- 4
- 5 5

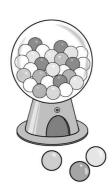
- 8. 이차방정식  $x^2 + 3x + 1 = 0$ 의 서로 다른 두 실근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2 - 3\alpha\beta$ 의 값은? [3점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

- 9. 좌표평면 위의 점 (3, 2)를 직선 y = x에 대하여 대칭이동한 점을 A, 점 A를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 B라 할 때, 선분 AB의 길이는? [3점]
  - ①  $2\sqrt{13}$  ②  $3\sqrt{6}$  ③  $2\sqrt{14}$  ④  $\sqrt{58}$  ⑤  $2\sqrt{15}$

- 10. 부등식  $|3x-2| \le a$ 의 해가  $b \le x \le 2$ 일 때, 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? (단, a>0) [3점]
  - ①  $\frac{8}{3}$  ② 3 ③  $\frac{10}{3}$  ④  $\frac{11}{3}$  ⑤ 4

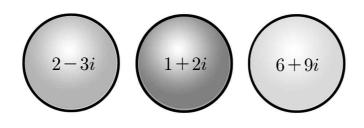
11. 버튼을 한 번 누르면 복소수가 하나씩 적힌 세 개의 공이 굴러 나오는 기계가 있다.



어느 상점에서 이 기계를 이용한 사람에게 굴러 나온 세 개의 공 중 두 개를 선택하게 하여 적힌 수의 곱이 자연수가 될 때, 그 자연수만큼 사탕으로 교환해 준다고 한다. 한 학생이 버튼을 한 번 눌렀더니 세 복소수 2-3i, 1+2i,

6+9*i* 가 각각 적힌 세 개의 공이 굴러 나왔다.

이 학생이 a개의 사탕으로 교환해 갔을 때, 자연수 a의 값은? (단,  $i=\sqrt{-1}$  ) [3점]



① 37 ② 38 ③ 39 ④ 40 ⑤ 41

- 12. 두 이차함수  $y = -(x-1)^2 + a$ ,  $y = 2(x-1)^2 1$ 의 그래프가 서로 다른 두 점에서 만난다. 이 두 점 사이의 거리가 4일 때, 상수 a의 값은? [3점]
  - ① 7 ② 8 ③ 9 ④ 10 ⑤ 11

13. 연립방정식

$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0\\ 2x^2 - y^2 = 2 \end{cases}$$

의 해를  $x=\alpha$ ,  $y=\beta$ 라 할 때,  $\alpha^2+\beta^2$ 의 최댓값은? [3점]

- ① 4 ②  $\frac{9}{2}$  ③ 5 ④  $\frac{11}{2}$  ⑤ 6

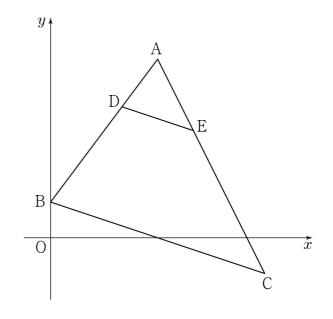
- **14.** x에 대한 이차함수  $y = x^2 4kx + 4k^2 + k$ 의 그래프와 직선 y=2ax+b가 실수 k의 값에 관계없이 항상 접할 때, a+b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ①  $\frac{1}{8}$  ②  $\frac{3}{16}$  ③  $\frac{1}{4}$  ④  $\frac{5}{16}$  ⑤  $\frac{3}{8}$

- **15.** 직선 3x + 4y 12 = 0이 x 축, y 축과 만나는 점을 각각 A, B라 하자. 선분 AB를 2:1로 내분하는 점을 P라 할 때, 점 P 를 x 축, y 축에 대하여 대칭이동한 점을 각각 <math>Q, R 라 하자. 삼각형 RQP의 무게중심의 좌표를 (a, b)라 할 때, a+b의 값은? [4점]

- ①  $\frac{2}{9}$  ②  $\frac{4}{9}$  ③  $\frac{2}{3}$  ④  $\frac{8}{9}$  ⑤  $\frac{10}{9}$
- **16.** 그림과 같이 좌표평면 위의 세 점 A(3, 5), B(0, 1), C(6, -1)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC 에 대하여 선분 AB 위의 한 점 D와 선분 AC 위의 한 점 E가 다음 조건을 만족시킨다.
  - (가) 선분 DE 와 선분 BC 는 평행하다.
  - (나) 삼각형 ADE 와 삼각형 ABC 의 넓이의 비는 1:9이다.

직선 BE의 방정식이 y=kx+1일 때, 상수 k의 값은? [4점]



- ①  $\frac{1}{8}$  ②  $\frac{1}{4}$  ③  $\frac{3}{8}$  ④  $\frac{1}{2}$  ⑤  $\frac{5}{8}$

17. 이차식 f(x)와 일차식 g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

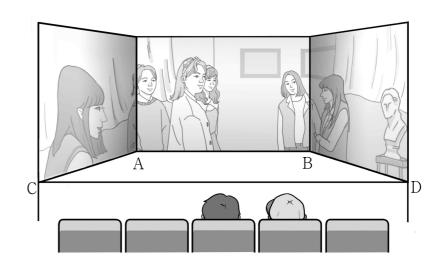
- (가) 방정식 f(x) g(x) = 0이 중근 1을 갖는다.
- (나) 두 다항식 f(x), g(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지는 각각 2, 5이다.

다항식 f(x)-g(x)를 x+1로 나누었을 때의 나머지는?

[4점]

 $\bigcirc$  -16  $\bigcirc$  -14  $\bigcirc$  -12  $\bigcirc$  -10  $\bigcirc$  -8

18. 그림과 같이 어느 행사장에서 바닥면이 등변사다리꼴이 되도록 무대 위에 3개의 직사각형 모양의 스크린을 설치하려고 한다.

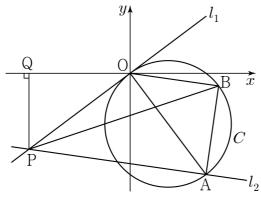


양옆 스크린의 하단과 중앙 스크린의 하단이 만나는 지점을 각각 A, B라 하고, 만나지 않는 하단의 끝 지점을 각각 C, D라 하자. 사각형 ACDB는  $\overline{AC} = \overline{BD}$ 인 등변사다리꼴이고  $\overline{CD} = 20 \text{m}$ ,  $\angle BAC = 120\,^\circ$ 이다. 선분 AB의 길이는 선분 AC의 길이의 4배보다 크지 않고, 사다리꼴 ACDB의 넓이는  $75\sqrt{3}\,\text{m}^2$  이하이다. 중앙 스크린의 가로인 선분 AB의 길이를 d(m)라 할 때, d의 최댓값과 최솟값의 합은? (단, 스크린의 두께는 무시한다.) [4점]

① 25 ② 26 ③ 27 ④ 28 ⑤ 29

**19.** 좌표평면 위의 세 점 O(0, 0), A(6, -8), B(7, -1)을 지나는 원 C에 대하여 원 C 위의 점 O 에서의 접선을  $l_1$ 이라 하자. 두 삼각형 OAB와 OPB의 넓이가 같게 되는 직선  $l_1$  위의 점을 P, 점 P에서 x축에 내린 수선의 발을 Q라 할 때, 다음은 선분 QO의 길이를 구하는 과정이다. (단, 점 P는 제3사분면 위의 점이다.)

그림과 같이 세 점 O, A, B를 지나는 원 C의 방정식은  $(x-3)^2 + (y+4)^2 = 25$  이므로 선분 OA는 원 C의 지름이다. 직선  $l_1$ 은 직선 OA와 수직이고 점 O를 지나므로 직선  $l_1$ 의 방정식은 y = (7)이다. 점 A 를 지나고 직선 OB 와 평행한 직선을  $l_2$ 라 하면, 두 직선  $l_1$ ,  $l_2$ 가 만나는 점이 두 삼각형 OAB와 OPB의 넓이가 같게 되는 점 P이다.



직선  $l_2$ 의 방정식은 y= (나) 이다. 점 P는 두 직선  $l_1$ ,  $l_2$ 가 만나는 점이므로 점 P의 x좌표는 (다)이다. 따라서 선분 QO의 길이는 | (다) 이다.

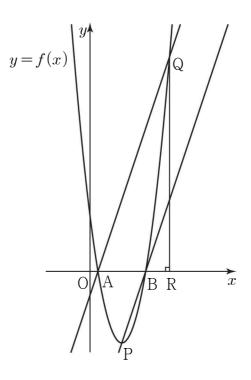
위의 (7), (4)에 알맞은 식을 각각 f(x), g(x)라 하고, (다)에 알맞은 수를 k라 할 때, f(2k)+g(-1)의 값은? [4점]

 $\bigcirc -20$   $\bigcirc -19$   $\bigcirc -18$   $\bigcirc -17$   $\bigcirc -16$ 

**20.** 그림과 같이 최고차항의 계수가 1인 이차함수 y = f(x)의 그래프가 두 점 A(1, 0), B(a, 0)을 지난다.

이차함수 y = f(x)의 그래프의 꼭짓점을 P, 점 A를 지나고 직선 PB에 평행한 직선이 이차함수 y = f(x)의 그래프와 만나는 점 중 A가 아닌 점을 Q, 점 Q에서 x축에 내린 수선의 발을 R 라 하자.

직선 PB의 기울기를 m이라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을있는 대로 고른 것은? (단, a > 1) [4점]



-<보 기>

- $\neg . f(2) = 2 a$
- $\vdash$ .  $\overline{AR} = 3m$
- ㄷ. 삼각형 BRQ의 넓이가  $\frac{81}{2}$ 일 때, a+m=10이다.
- 1 7
- ② □ ③ ¬, ∟
- ④ ۲, ۲⑤ ٦, ۲, ۲

21. 좌표평면 위의 세 점 A, B, C 에 대하여 두 점 A, B의 좌표는 각각 (0, a), (3, 0)이고, 삼각형 ABC 는  $\overline{AC} = \overline{BC}$  인 직각이등변삼각형이다.  $-1 \le a \le 2$ 일 때, 선분 OC 의 길이의 최댓값을 M, 최솟값을 m 이라 하자.  $\frac{M}{m}$  의 값은? (단, O 는 원점이다.)

[4점]

①  $\frac{14}{3}$  ② 5 ③  $\frac{16}{3}$  ④  $\frac{17}{3}$  ⑤ 6

단 답 형

**22.** 다항식  $(x+6)(2x^2+3x+1)$ 의 전개식에서  $x^2$ 의 계수를 구하시오. [3점]

**23.** x에 대한 다항식  $x^3 - 2x - a$ 가 x - 2로 나누어떨어지도록 하는 상수 a의 값을 구하시오. [3점]

**24.** 직선 y = 2x + k를 x 축의 방향으로 2 만큼, y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 직선이 원  $x^2 + y^2 = 5$  와 한 점에서 만날 때, 모든 상수 k의 값의 합을 구하시오. [3점]

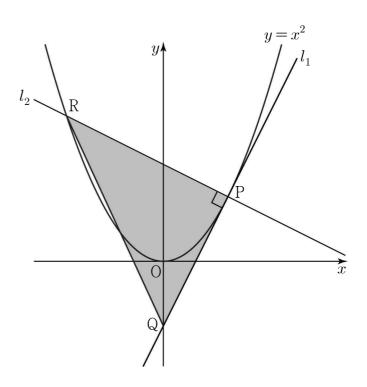
26. x에 대한 연립부등식

 $3x - 1 < 5x + 3 \le 4x + a$ 

를 만족시키는 정수 x의 개수가 8이 되도록 하는 자연수 a의 값을 구하시오.  $[4\ A]$ 

 $25. -2 \le x \le 3$ 일 때, 이차함수  $f(x) = 2x^2 - 4x + k$ 의 최솟값은 1이고 최댓값은 M이다. k+M의 값을 구하시오. (단, k는 상수이다.) [3점]

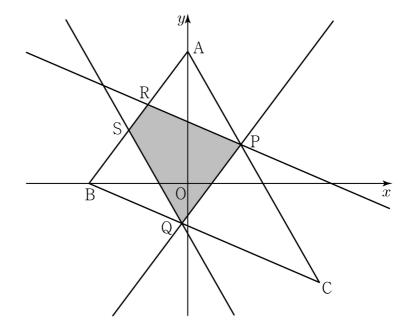
- 27. 원  $(x-a)^2 + (y-a)^2 = b^2$ 을 y축의 방향으로 -2만큼 평행이동한 도형이 직선 y=x와 x축에 동시에 접할 때,  $a^2-4b$ 의 값을 구하시오. (단, a>2, b>0) [4점]
- 28. 그림과 같이 좌표평면에서 이차함수  $y=x^2$ 의 그래프 위의점 P(1,1)에서의 접선을  $l_1$ , 점 P를 지나고 직선  $l_1$ 과수직인 직선을  $l_2$ 라 하자. 직선  $l_1$ 이 y축과 만나는 점을 Q, 직선  $l_2$ 가 이차함수  $y=x^2$ 의 그래프와 만나는 점 중 점 P가아닌 점을 R라 하자. 삼각형 PRQ의 넓이를 S라 할 때, 40S의 값을 구하시오. [4]



- 29. 좌표평면에서 원  $x^2 + (y-1)^2 = 1$  과 직선 y = mx m + 1 이 서로 다른 두 점 P, Q에서 만난다. 선분 PQ와 호 PQ로 둘러싸인 도형 중 넓이가 작은 도형의 넓이를  $S_1$ , 선분 OQ와 호 OQ로 둘러싸인 도형 중 넓이가 작은 도형의 넓이를  $S_2$ 라 하자.  $S_1 = S_2$ 를 만족시키는 모든 실수 m의 값의 합을 구하시오. (단, O는 원점이고, 점 P의 x좌표는 점 Q의 x좌표보다 크다.) [4점]
- 30. 그림과 같이 세 점 A(0, 4), B(-3, 0), C(4, -3)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC 가 있다. 선분 AC 위를 움직이는 점 P를 지나고 직선 AB에 평행한 직선이 선분 BC 와 만나는 점을 Q, 점 P를 지나고 직선 BC에 평행한 직선이 선분 AB와 만나는 점을 R, 점 Q를 지나고 직선 AC에 평행한 직선이 선분 AB와 만나는 점을 S라 하자. 사다리꼴 PRSQ의 넓이의 최댓값이  $\frac{q}{p}$ 일 때,

p+q의 값을 구하시오.

(단,  $\overline{\mathrm{AP}} < \overline{\mathrm{PC}}$  이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시○