제 2 교시

# 수학 영역

### 5지선다형

1. 
$$\left(\frac{4}{2^{\sqrt{2}}}\right)^{2+\sqrt{2}}$$
의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{4}$  ②  $\frac{1}{2}$  ③ 1 ④ 2

- $oldsymbol{3}$ . 공비가 양수인 등비수열  $ig\{a_nig\}$ 이

$$a_2 + a_4 = 30 \,, \quad a_4 + a_6 = \frac{15}{2}$$

를 만족시킬 때,  $a_1$ 의 값은? [3점]

- ② 56 ③ 64
- 4) 72
- **⑤** 80

2. 
$$\lim_{x \to \infty} \frac{\sqrt{x^2 - 2} + 3x}{x + 5}$$
의 값은? [2점]

- 1
- ② 2
- ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5
- 4. 다항함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = x^2 f(x)$$

라 하자. f(2) = 1, f'(2) = 3일 때, g'(2)의 값은? [3점]

- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18

- 5.  $\tan \theta < 0$ 이고  $\cos \left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) = \frac{\sqrt{5}}{5}$ 일 때,  $\cos \theta$ 의 값은? [3점]

- 6. 함수  $f(x) = 2x^3 9x^2 + ax + 5$ 는 x = 1에서 극대이고, x = b에서 극소이다. a + b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [3점]
  - ① 12
- 2 14
- ③ 16
- **4** 18
- ⑤ 20

7. 모든 항이 양수이고 첫째항과 공차가 같은 등차수열  $\{a_n\}$ 이

$$\sum_{k=1}^{15} \frac{1}{\sqrt{a_k} + \sqrt{a_{k+1}}} = 2$$

를 만족시킬 때,  $a_4$ 의 값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8
- **4** 9

- **8.** 점 (0,4)에서 곡선  $y=x^3-x+2$ 에 그은 접선의 x 절편은?
  - ①  $-\frac{1}{2}$  ② -1 ③  $-\frac{3}{2}$  ④ -2 ⑤  $-\frac{5}{2}$

9. 함수

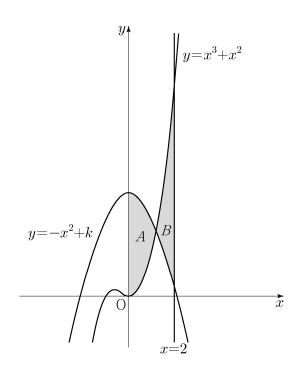
$$f(x) = a - \sqrt{3}\tan 2x$$

가 닫힌구간  $\left[-\frac{\pi}{6},b\right]$  에서 최댓값 7, 최솟값 3을 가질 때,  $a \times b$ 의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ①  $\frac{\pi}{2}$  ②  $\frac{5\pi}{12}$  ③  $\frac{\pi}{3}$  ④  $\frac{\pi}{4}$  ⑤  $\frac{\pi}{6}$

- 10. 두 곡선  $y = x^3 + x^2$ ,  $y = -x^2 + k$ 와 y축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 A, 두 곡선  $y=x^3+x^2$ ,  $y=-x^2+k$ 와 직선 x=2로 둘러싸인 부분의 넓이를 B라 하자. A=B일 때, 상수 k의 값은? (단, 4<k<5) [4점]

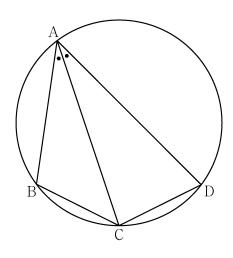
- ①  $\frac{25}{6}$  ②  $\frac{13}{3}$  ③  $\frac{9}{2}$  ④  $\frac{14}{3}$  ⑤  $\frac{29}{6}$



11. 그림과 같이 사각형 ABCD가 한 원에 내접하고

 $\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{AC} = 3\sqrt{5}$ ,  $\overline{AD} = 7$ ,  $\angle BAC = \angle CAD$ 

일 때, 이 원의 반지름의 길이는? [4점]



- ①  $\frac{5\sqrt{2}}{2}$  ②  $\frac{8\sqrt{5}}{5}$  ③  $\frac{5\sqrt{5}}{3}$

- $4 \frac{8\sqrt{2}}{3}$   $5 \frac{9\sqrt{3}}{4}$

12. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

 $n-1 \le x < n$ 일 때, |f(x)| = |6(x-n+1)(x-n)|이다. (단, n은 자연수이다.)

열린구간 (0,4)에서 정의된 함수

$$g(x) = \int_{0}^{x} f(t) dt - \int_{x}^{4} f(t) dt$$

가 x=2에서 최솟값 0을 가질 때,  $\int_{\frac{1}{2}}^{4} f(x) dx$ 의 값은? [4점]

13. 자연수  $m(m \ge 2)$ 에 대하여  $m^{12}$ 의 n제곱근 중에서 정수가 존재하도록 하는 2 이상의 자연수 n의 개수를 f(m)이라 할 때,

 $\sum_{m=2}^{9} f(m) 의 값은? [4점]$ 

- ① 37
- ② 42
- ③ 47 ④ 52
- **⑤** 57
- 14. 다항함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를 다음과 같이 정의한다.

$$g(x) = \begin{cases} x & (x < -1 \ \text{\pm T} = x > 1) \\ f(x) & (-1 \le x \le 1) \end{cases}$$

함수  $h(x) = \lim_{t \to 0+} g(x+t) \times \lim_{t \to 2+} g(x+t)$ 에 대하여

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- $\neg . h(1) = 3$
- L. 함수 h(x)는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
- $\Box$ . 함수 g(x)가 닫힌구간 [-1,1]에서 감소하고 g(-1) = -2이면 함수 h(x)는 실수 전체의 집합에서 최솟값을 갖는다.

15. 모든 항이 자연수이고 다음 조건을 만족시키는 모든 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_9$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 할 때, M+m의 값은? [4점]

$$(7)$$
  $a_7 = 40$ 

이다.

(나) 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+2} = \left\{ \begin{array}{ll} a_{n+1} + a_n & \left( a_{n+1} \circ \right) \ 3 \ \text{의 배수가 아닌 경우} \right. \\ \\ \frac{1}{3} a_{n+1} & \left( a_{n+1} \circ \right) \ 3 \ \text{의 배수인 경우} \right. \end{array} \right.$$

① 216

② 218

3 220

4 222

(5) 224

단답형

16. 방정식

$$\log_2(3x+2) = 2 + \log_2(x-2)$$

를 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여  $f'(x) = 4x^3 - 2x$ 이고 f(0) = 3일 때, f(2)의 값을 구하시오. [3점]

18. 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{5} (3a_k + 5) = 55, \quad \sum_{k=1}^{5} (a_k + b_k) = 32$$

일 때,  $\sum_{k=1}^{5} b_k$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 방정식  $2x^3 - 6x^2 + k = 0$ 의 서로 다른 양의 실근의 개수가 2가 되도록 하는 정수 k의 개수를 구하시오. [3점]

**20.** 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t(t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)와 가속도 a(t)가 다음 조건을 만족시킨다.

(7)  $0 \le t \le 2$ 일 때,  $v(t) = 2t^3 - 8t$ 이다.

(나)  $t \ge 2$ 일 때, a(t) = 6t + 4이다.

시각 t=0에서 t=3까지 점 P가 움직인 거리를 구하시오. [4점]

21. 자연수 n에 대하여 함수 f(x)를

$$f(x) = \begin{cases} |3^{x+2} - n| & (x < 0) \\ |\log_2(x+4) - n| & (x \ge 0) \end{cases}$$

이라 하자. 실수 t에 대하여 x에 대한 방정식 f(x)=t의 서로 다른 실근의 개수를 g(t)라 할 때, 함수 g(t)의 최댓값이 4가 되도록 하는 모든 자연수 n의 값의 합을 구하시오. [4점]

- 22. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, f(4)의 값을 구하시오. [4점]
  - (가) 모든 실수 x에 대하여 f(x) = f(1) + (x-1)f'(g(x))이다.
  - (나) 함수 g(x)의 최솟값은  $\frac{5}{2}$ 이다.
  - (다) f(0) = -3, f(g(1)) = 6

### \* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, **「선택과목(확률과 통계)**」문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

# 수학 영역(미적분)

## 5지선다형

23. 
$$\lim_{x\to 0} \frac{\ln(x+1)}{\sqrt{x+4}-2}$$
의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- 24.  $\lim_{n\to\infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} \sqrt{1 + \frac{3k}{n}}$  의 값은? [3점]
  - ①  $\frac{4}{3}$  ②  $\frac{13}{9}$  ③  $\frac{14}{9}$  ④  $\frac{5}{3}$  ⑤  $\frac{16}{9}$

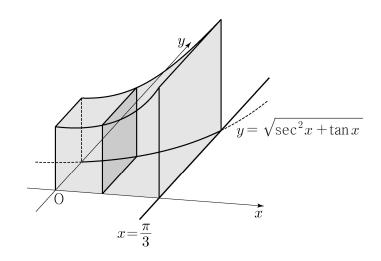
## 수학 영역(미적분)

**25.** 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $\lim_{n\to\infty} \frac{a_n+1}{3^n+2^{2n-1}}=3$ 일 때,  $a_2$ 의 값은? [3점]

- ① 16 ② 18
- ③ 20 ④ 22
- **⑤** 24

**26.** 그림과 같이 곡선  $y = \sqrt{\sec^2 x + \tan x} \left( 0 \le x \le \frac{\pi}{3} \right)$ 와

x축, y축 및 직선  $x=\frac{\pi}{3}$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을 x축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형일 때, 이 입체도형의 부피는? [3점]

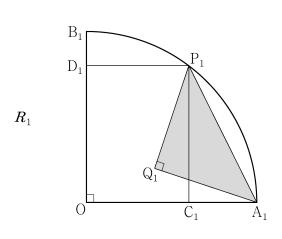


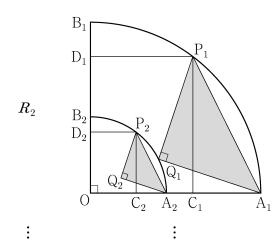
- ①  $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\ln 2}{2}$  ②  $\frac{\sqrt{3}}{2} + \ln 2$  ③  $\sqrt{3} + \frac{\ln 2}{2}$

- (4)  $\sqrt{3} + \ln 2$  (5)  $\sqrt{3} + 2 \ln 2$

27. 그림과 같이 중심이 O, 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴  $OA_1B_1$ 이 있다. 호  $A_1B_1$  위에 점  $P_1$ , 선분  $OA_1$  위에 점  $C_1$ , 선분  $OB_1$  위에 점  $D_1$ 을 사각형  $OC_1P_1D_1$ 이  $\overline{OC_1}$ :  $\overline{OD_1}=3$ : 4인 직사각형이 되도록 잡는다. 부채꼴  $OA_1B_1$ 의 내부에 점  $Q_1$ 을  $\overline{P_1Q_1}=\overline{A_1Q_1}$ ,  $\angle P_1Q_1A_1=\frac{\pi}{2}$ 가 되도록 잡고, 이등변삼각형  $P_1Q_1A_1$ 에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

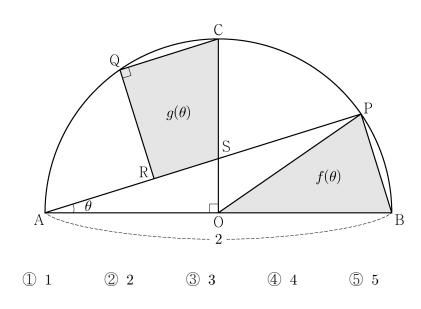
그림  $R_1$ 에서 선분  $OA_1$  위의 점  $A_2$ 와 선분  $OB_1$  위의 점  $B_2$ 를  $\overline{OQ_1} = \overline{OA_2} = \overline{OB_2}$ 가 되도록 잡고, 중심이 O, 반지름의 길이가  $\overline{OQ_1}$ , 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$  인 부채꼴  $OA_2B_2$ 를 그린다. 그림  $R_1$ 을 얻은 것과 같은 방법으로 네 점  $P_2$ ,  $C_2$ ,  $D_2$ ,  $Q_2$ 를 잡고, 이등변삼각형  $P_2Q_2A_2$ 에 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n\to\infty} S_n$ 의 값은? [3점]





①  $\frac{9}{40}$  ②  $\frac{1}{4}$  ③  $\frac{11}{40}$  ④  $\frac{3}{10}$  ⑤  $\frac{13}{40}$ 

28. 그림과 같이 중심이 O이고 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원 위에  $\angle AOC = \frac{\pi}{2}$ 인 점 C가 있다. 호 BC 위에 점 P와 호 CA 위에 점 Q를  $\overline{PB} = \overline{QC}$ 가 되도록 잡고, 선분 AP 위에 점 R를  $\angle CQR = \frac{\pi}{2}$ 가 되도록 잡는다. 선분 AP와 선분 CO의 교점을 S라 하자.  $\angle PAB = \theta$ 일 때, 삼각형 POB의 넓이를  $f(\theta)$ , 사각형 CQRS의 넓이를  $g(\theta)$ 라 하자.  $\lim_{\theta \to 0+} \frac{3f(\theta) - 2g(\theta)}{\theta^2}$ 의 값은? (단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [4점]



## 4

## 수학 영역(미적분)

홀수형

### 단답형

**29.** 세 상수 a, b, c에 대하여 함수  $f(x) = ae^{2x} + be^{x} + c$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7)$$
  $\lim_{x \to -\infty} \frac{f(x) + 6}{e^x} = 1$ 

 $(\downarrow \downarrow) f(\ln 2) = 0$ 

함수 f(x)의 역함수를 g(x)라 할 때,

$$\int_0^{14} g(x) dx = p + q \ln 2$$
이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p, q는 유리수이고, ln 2는 무리수이다.) [4점]

**30.** 최고차항의 계수가 양수인 삼차함수 f(x)와

함수  $g(x) = e^{\sin \pi x} - 1$ 에 대하여 실수 전체의 집합에서 정의된 합성함수 h(x) = g(f(x))가 다음 조건을 만족시킨다.

- (7) 함수 h(x)는 x=0에서 극댓값 0을 갖는다.
- (나) 열린구간 (0,3)에서 방정식 h(x)=1의 서로 다른 실근의 개수는 7이다.

 $f(3) = \frac{1}{2}$ , f'(3) = 0일 때,  $f(2) = \frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.