제2교시

수학 영역

5지선다형

- 1. 두 다항식 $A = x^2 2x + 1$, $B = 2x^2 + 2x 2$ 에 대하여 A+B를 간단히 하면? [2점]

 - ① $x^2 x 1$ ② $x^2 + x + 1$ ③ $x^2 + 1$

- $\textcircled{4} \ \ 3x^2 1 \qquad \qquad \textcircled{5} \ \ 3x^2 + 1$

- 항등식일 때, 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? [2점]

 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- 3. 좌표평면 위의 점 A(a, 3)에 대하여 $\overline{OA} = 4$ 일 때, a^2 의 값은? (단, O는 원점이다.) [2점]
- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

- 2. 등식 $x^2 + (a+2)x = x^2 + 4x + (b-1)$ 이 x에 대한

- 4. 연립부등식

$$\begin{cases} x+6 \le 4x \\ 3x+4 < x+16 \end{cases}$$

을 만족시키는 모든 정수 x의 개수는? [3점]

- 5. 등식 $\frac{2}{1-i}$ =a+bi를 만족시키는 두 실수 a, b에 대하여 a+b의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$) [3점]

 - $\bigcirc -2$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 1$ $\bigcirc 2$

- 6. 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 3$ 이 $(x+1)^2$ 으로 나누어떨어질 때, 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? [3점]
 - 10
- 2 11
- ③ 12
- 4 13
- **⑤** 14

- 7. 좌표평면 위의 두 점 A(-5, -1), B(a, 1)에 대하여 선분 AB를 2:1로 외분하는 점이 직선 y=x 위에 있을 때, 상수 a의 값은? [3점]

 - $\bigcirc -2$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 1$
- ⑤ 2

- 8. 이차방정식 $x^2+2x+7=0$ 의 서로 다른 두 근을 α , β 라 할 때, $\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2$ 의 값은? [3점]
 - $\bigcirc -3$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 1$ $\bigcirc 3$ $\bigcirc 1$

- ⑤ 5

9. 연립방정식

$$\begin{cases} 2x - y = 1 \\ 5x^2 - y^2 = -5 \end{cases}$$

의 해를 $x=\alpha$, $y=\beta$ 라 할 때, $\alpha-\beta$ 의 값은? [3점]

- 1
- ② 2 ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5

- 10. 좌표평면 위의 점 (1, a)를 지나고 직선 4x-2y+1=0과 평행한 직선의 방정식이 bx-y+5=0일 때, 두 상수 a, b에 대하여 $a \times b$ 의 값은? [3점]
 - ① 6

- ② 8 ③ 10 ④ 12
- **⑤** 14

- 11. 두 상수 a, b에 대하여 이차함수 $y=x^2-4x+a$ 의 그래프의 꼭짓점을 A라 할 때, 점 A는 원 $x^2 + y^2 + bx + 4y - 17 = 0$ 의 중심과 일치한다. a + b 의 값은? [3점]
 - $\bigcirc \ \ -1 \qquad \bigcirc \ \ -2 \qquad \bigcirc \ \ -3 \qquad \bigcirc \ \ -4 \qquad \bigcirc \ \ -5$

- 12. 연립부등식

$$\begin{cases} x^2 - 4x - 12 \le 0 \\ x^2 - 4x + 4 > 0 \end{cases}$$

을 만족시키는 모든 정수 x의 개수는? [3점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

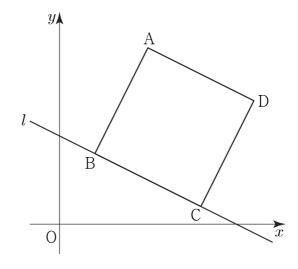
13. 모든 실수 x에 대하여 이차부등식

 $x^2 + (m+2)x + 2m + 1 > 0$

이 성립하도록 하는 모든 정수 m의 값의 합은? [3점]

① 3

- ② 4 ③ 5
- **4** 6
- ⑤ 7
- 14. 그림과 같이 좌표평면 위에 점 A(a, 6)(a > 0)과 두 점 (6, 0), (0, 3)을 지나는 직선 l이 있다. 직선 l 위의 서로 다른 두 점 B, C와 제1사분면 위의 점 D를 사각형 ABCD가 정사각형이 되도록 잡는다. 정사각형 ABCD의 넓이가 $\frac{81}{5}$ 일 때, a의 값은? [4점]



- ① 2 ② $\frac{9}{4}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ 3

15. 이차함수 $y=-x^2$ 의 그래프를 x 축에 대하여 대칭이동한 후, x 축의 방향으로 4 만큼, y 축의 방향으로 m 만큼 평행이동한 그래프가 직선 y=2x+3에 접할 때, 상수 m의 값은? [4점]

1 8

2 9

3 10

4 11

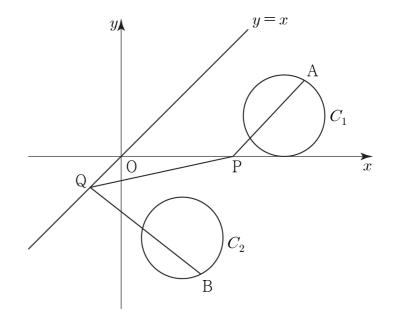
⑤ 12

16. 그림과 같이 좌표평면 위에 두 원

 $C_1: (x-8)^2 + (y-2)^2 = 4$,

 C_2 : $(x-3)^2 + (y+4)^2 = 4$

와 직선 y=x가 있다. 점 A는 원 C_1 위에 있고, 점 B는 원 C_2 위에 있다. 점 P는 x축 위에 있고, 점 Q는 직선 y=x 위에 있을 때, $\overline{AP}+\overline{PQ}+\overline{QB}$ 의 최솟값은? (단, 세 점 A, P, Q는 서로 다른 점이다.) [4점]



① 7

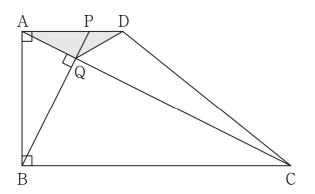
② 8

3 9

4 10

⑤ 11

17. 그림과 같이 ∠A = ∠B = 90°, \overline{AB} = 4, \overline{BC} = 8 인 사다리꼴 ABCD에 대하여 선분 AD를 2:1로 내분하는 점을 P라 하자. 두 직선 AC, BP가 점 Q에서 서로 수직으로 만날 때, 삼각형 AQD의 넓이는? [4점]



- ① $\frac{6}{5}$ ② $\frac{13}{10}$ ③ $\frac{7}{5}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ $\frac{8}{5}$

 $oxed{18.}$ 세 실수 a, b, c에 대하여 삼차다항식

$$P(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$$

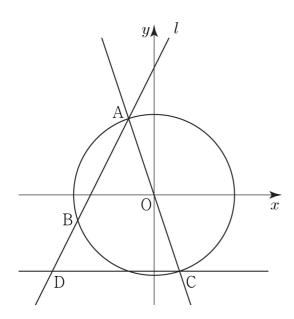
가 다음 조건을 만족시킨다.

- (7) x에 대한 삼차방정식 P(x)=0은 한 실근과 서로 다른 두 허근을 갖고, 서로 다른 두 허근의 곱은 5이다.
- (나) x에 대한 삼차방정식 P(3x-1)=0은 한 근 0과 서로 다른 두 허근을 갖고, 서로 다른 두 허근의 합은 2 이다.

a+b+c의 값은? [4점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

19. 그림과 같이 기울기가 2 인 직선 l 이 원 $x^2 + y^2 = 10$ 과 제2사분면 위의 점 A, 제3사분면 위의 점 B에서 만나고 $\overline{AB} = 2\sqrt{5}$ 이다. 직선 OA 와 원이 만나는 점 중 A가 아닌 점을 C라 하자. 점 C를 지나고 x축과 평행한 직선이 직선 l과 만나는 점을 D(a, b)라 할 때, 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? (단, O는 원점이다.) [4점]



① -8 ② $-\frac{15}{2}$ ③ -7 ④ $-\frac{13}{2}$ ⑤ -6

20. 좌표평면 위에 세 점 A(0, 4), B(4, 4), C(4, 0)이 있다. 세 선분 OA, AB, BC 를 m: n(m>0, n>0) 으로 내분하는 점을 각각 P, Q, R라 하고, 세 점 P, Q, R를 지나는 원을 C라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, O는 원점이다.) [4점]

ー <보 기>―

- ㄱ. m=n일 때, 점 P의 좌표는 (0, 2)이다.
- ㄴ. 점 $\left(\frac{4m}{m+n}, 0\right)$ 은 원 C 위의 점이다.
- L . 원 C가 x축과 만나는 서로 다른 두 점 사이의 거리가 3일 때, $\overline{PQ} = \frac{5\sqrt{2}}{2}$ 이다.

- ① ¬ ② ⊏ ③ ¬, ∟ ④ ¬, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

21. 이차함수 f(x) 와 이차항의 계수가 1 인 이차함수 g(x) 에 대하여 x 에 대한 이차방정식

$${x-f(k)}{x-g(k)}=0$$

이 서로 다른 두 실근 0, 4를 갖도록 하는 모든 실수 k의 개수가 3이다. f(2)=4일 때, g(8)-f(8)의 값은? [4점]

① 62

2 64

3 66

4 68

⑤ 70

단 답 형

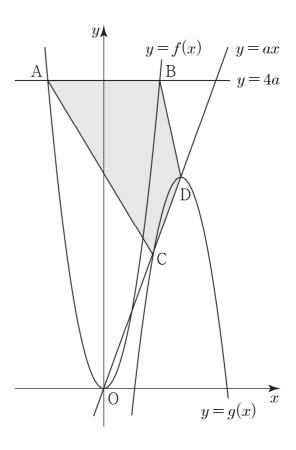
22. 다항식 $x^3 - 3x^2 + 3x - 6$ 을 x - 3으로 나누었을 때의 나머지를 구하시오. [3점]

23. 부등식 |x-5| < 2를 만족시키는 모든 정수 x의 값의 합을 구하시오. [3점]

- $24. \ x$ 에 대한 이차방정식 $x^2 + 2ax + a^2 + 4a 28 = 0$ 이 실근을 | 26. 좌표평면에서 원 $x^2 + y^2 = 25$ 위의 점 (3, -4)에서의 갖도록 하는 모든 자연수 a의 개수를 구하시오. [3점]
 - 접선이 원 $(x-6)^2+(y-8)^2=r^2$ 과 만나도록 하는 자연수 r의 최솟값을 구하시오. [4점]

25. x에 대한 이차방정식 $x^2 - px + p + 19 = 0$ 이 서로 다른 두 허근을 갖는다. 한 허근의 허수부분이 2일 때, 양의 실수 p의 값을 구하시오. [3점]

- 27. 다항식 P(x)에 대하여 $(x-2)P(x)-x^2$ 을 P(x)-x로 나누었을 때의 몫은 Q(x), 나머지는 P(x)-3x이다. P(x)를 Q(x)로 나눈 나머지가 10일 때, P(30)의 값을 구하시오. (단, 다항식 P(x)-x는 0이 아니다.) [4점]
- 28. 그림과 같이 2 < a < 4인 실수 a에 대하여 두 함수 $f(x) = ax^2$, $g(x) = -a(x-a)^2 + a^2$ 의 그래프가 있다. 직선 y = 4a와 함수 y = f(x)의 그래프가 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 직선 y = ax와 함수 y = g(x)의 그래프가 만나는 점을 각각 C, D라 하자. 사각형 ACDB의 넓이의 최댓값을 M이라 할 때, $8 \times M$ 의 값을 구하시오. (단, 점 A의 x 좌표는 점 B의 x 좌표보다 작고, 점 C의 x 좌표는 점 D의 x 좌표보다 작다.) [4점]



- **29.** 좌표평면 위의 세 점 A(-5, -1), B, C가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) 삼각형 ABC의 무게중심의 좌표는 (-1, 1)이다.
 - (나) 세 점 A, B, C를 지나는 원의 중심은 원점이다.

삼각형 ABC 의 넓이가 $\frac{q}{p}\sqrt{105}$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 이차함수 y = f(x)가 있다. 중심이 함수 y = f(x)의 그래프 위에 있고 반지름의 길이가 1인 원 중에서 다음 조건을 만족시키는 중심이 서로 다른 원의 개수는 5이다.

원을 x축의 방향으로 m만큼, y축의 방향으로 m만큼 평행이동한 원이 x축과 y축에 동시에 접하도록 하는 실수 m의 값이 1개 이상 존재한다.

이 5 개의 원의 중심의 x 좌표를 작은 수부터 크기 순서대로 $x_1,\ x_2,\ x_3,\ x_4,\ x_5$ 라 하자.

$$x_1 = 0 \; , \; \; x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 20$$

이고 $x_1 \leq x \leq x_5$ 에서 함수 f(x)의 최솟값이 0보다 클 때, f(20)의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.