제 2 교시

수학 영역

5 지 선 다 형

1. 두 다항식

$$A = 3x^2 + 2x - 1$$
, $B = -x^2 + x + 3$

에 대하여 A+B를 간단히 하면? [2점]

- ① $2x^2 x + 2$ ② $2x^2 + x 2$ ③ $2x^2 + 3x + 2$ ④ $4x^2 + x + 4$ ⑤ $4x^2 + 3x + 4$

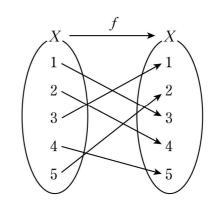
3. ₄C₂의 값은? [2점]

- ① 6 ② 7 ③ 8
- **4** 9
- ⑤ 10

 $2. 1 + \frac{2}{1-i}$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$) [2점]

- ① i ② 1-i ③ 1+i ④ 2+i ⑤ 2+2i

4. 그림은 함수 $f: X \rightarrow X$ 를 나타낸 것이다.



f⁻¹(4)의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2
- 3 3
- 4
- **⑤** 5

- 5. x에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + 12$ 를 x 2로 나눈 나머지가 2a-8일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- $\bigcirc -6$ $\bigcirc -8$ $\bigcirc -10$ $\bigcirc -12$ $\bigcirc -14$

- 6. 원 $(x+5)^2 + (y+11)^2 = 25$ 를 y축의 방향으로 1만큼 평행이동한 후, x축에 대하여 대칭이동한 원이 점 (0,a)를 지날 때, a의 값은? [3점]

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

7. 연립부등식

$$\begin{cases} 2x+1 < 3 \\ x^2 - 2x - 15 \le 0 \end{cases}$$

- 을 만족시키는 모든 정수 x의 개수는? [3점]
- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

8. 함수 $y = \frac{b}{x-a}$ 의 그래프가 점 (2, 4)를 지나고 한 점근선의 방정식이 x=4일 때, a-b의 값은? (단, a, b는 상수이다.)

[3점]

- ① 6
- ② 8
- ③ 10
- **4** 12
- **⑤** 14

- 9. 두 직선 x+3y+2=0, 2x-3y-14=0의 교점을 지나고 직선 2x+y+1=0과 평행한 직선의 x 절편은? [3점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5

- 10. 삼차방정식 $x^3 + x^2 2 = 0$ 의 한 허근을 a + bi라 할 때, |a|+|b|의 값은? (단, a, b는 실수이고, $i=\sqrt{-1}$ 이다.) [3점]
- ① 4 ② $\frac{7}{2}$ ③ 3 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 2

- 11. 전체집합 $U=\{1, 2, 4, 8, 16, 32\}$ 의 두 부분집합 A, B가 다음 조건을 만족시킨다.
 - $(7) A \cap B = \{2, 8\}$
 - (나) $A^{C} \cup B = \{1, 2, 8, 16\}$

집합 A의 모든 원소의 합은? [3점]

- ① 26
- ② 31
- 3 36
- **4**1
- **⑤** 46
- 12. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$f(x) = \begin{cases} (a+7)x - 1 & (x < 1) \\ (-a+5)x + 2a + 1 & (x \ge 1) \end{cases}$$

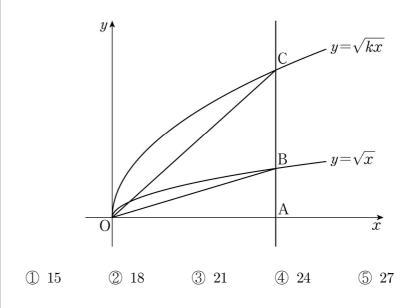
의 역함수가 존재하도록 하는 모든 정수 a의 개수는? [3점]

- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

13. 좌표평면에서 원 $(x-2)^2 + (y-3)^2 = r^2$ 과 직선 y = x+5가 서로 다른 두 점 A, B에서 만나고, $\overline{\mathrm{AB}} = 2\sqrt{2}$ 이다. 양수 r의 값은? [3점]

① 3 ② $\sqrt{10}$ ③ $\sqrt{11}$ ④ $2\sqrt{3}$ ⑤ $\sqrt{13}$

14. 그림과 같이 k>1인 상수 k에 대하여 점 A(k,0)을 지나고 y축에 평행한 직선이 두 곡선 $y=\sqrt{x}$, $y=\sqrt{kx}$ 와 만나는 점을 각각 B, C라 하자. 삼각형 OBC의 넓이가 삼각형 OAB의 넓이의 2배일 때, 삼각형 OBC의 넓이는? (단, O는 원점이다.) [4점]



15. 다음 조건을 만족시키는 복소수 z가 존재하도록 하는 모든 실수 k의 값의 곱은? (단, z는 z의 켤레복소수이다.) [4점]

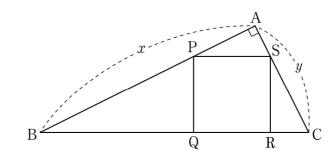
$$(7) \ \overline{z} = -z$$

$$(1) z^2 + (k^2 - 3k - 4)z + (k^2 + 2k - 8) = 0$$

- $\bigcirc -32$ $\bigcirc -16$ $\bigcirc -8$ $\bigcirc -4$

- $\bigcirc 5 2$

16. 그림과 같이 $\angle A = 90^{\circ}$, $\overline{BC} = \sqrt{10}$, $\overline{AB} = x$, $\overline{AC} = y$ 인 삼각형 ABC에 대하여 선분 AB 위에 점 P, 선분 BC 위에 두 점 Q, R, 선분 AC 위에 점 S를 사각형 PQRS가 정사각형이 되도록 잡는다. $\overline{PQ} = \frac{2}{7}\sqrt{10}$ 일 때, $x^3 - y^3$ 의 값은? (단, x > y) [4점]



- ① $12\sqrt{2}$
- ② $13\sqrt{2}$
- ③ $14\sqrt{2}$

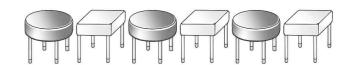
- $4 15\sqrt{2}$
- ⑤ $16\sqrt{2}$

17. 두 양수 a, k에 대하여 함수 $f(x) = \frac{k}{x}$ 의 그래프 위의 두 점 P(a, f(a)), Q(a+2, f(a+2))가 다음 조건을 만족시킬 때, k의 값은? [4점]

- (가) 직선 PQ의 기울기는 -1이다.
- (나) 두 점 P, Q를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 각각 R, S라 할 때, 사각형 PQRS의 넓이는 $8\sqrt{5}$ 이다.

- ① $\frac{5}{2}$ ② 3 ③ $\frac{7}{2}$ ④ 4 ⑤ $\frac{9}{2}$

18. 그림과 같이 둥근 의자 3개와 사각 의자 3개가 교대로 나열되어 있다.



1학년 학생 2명, 2학년 학생 2명, 3학년 학생 2명이 다음 조건을 만족시키도록 이 6개의 의자에 모두 앉는 경우의 수는?

[4점]

- (가) 2학년 학생은 사각 의자에만 앉는다.
- (나) 같은 학년 학생은 서로 이웃하여 앉지 않는다.
- ① 64
- \bigcirc 72
- 3 80
- **4** 88
- ⑤ 96

- 19. 좌표평면 위의 두 점 A(0, 6), B(9, 0)에 대하여 선분 AB를 2:1로 내분하는 점을 P라 하자. 원 $x^2+y^2-2ax-2by=0$ 과 직선 AB가 점 P에서만 만날 때, a+b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ① $\frac{16}{9}$ ② 2 3 $\frac{20}{9}$ ④ $\frac{22}{9}$ ⑤ $\frac{8}{3}$
- **20.** 집합 $X = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (가) 집합 X의 모든 원소 x에 대하여 $x+f(f(x)) \le 5$ 이다.
 - (나) 함수 f의 치역은 $\{1, 2, 4\}$ 이다.

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- $\neg . f(f(4)) = 1$
- -1. f(3) = 4
- c.가능한 함수 f의 개수는 4이다.
- ① ¬
- ② 7, L ③ 7, □
- ④ ∟, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

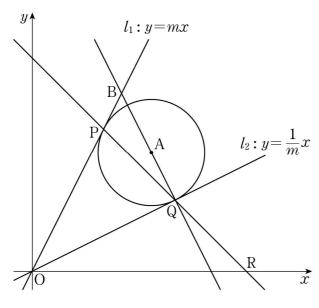
21. 그림과 같이 두 직선 $l_1: y = mx(m > 1)$ 과 $l_2: y = \frac{1}{m}x$ 에

동시에 접하는 원의 중심을 A라 하자. 직선 l_1 과 원의 접점을 P, 직선 l_2 와 원의 접점을 Q, 직선 PQ가 x축과 만나는 점을 R이라 할 때, 세 점 P, Q, R이 다음 조건을 만족시킨다.

- (7) $\overline{PQ} = \overline{QR}$
- (나) 삼각형 OPQ의 넓이는 24이다.

직선 l_1 과 직선 AQ의 교점을 B라 할 때, 선분 BQ의 길이는? (단, 원의 중심 A는 제1사분면 위에 있고, O는 원점이다.)

[4점]



- ② $2\sqrt{5}$ ③ $\frac{5}{2}\sqrt{5}$
- $4 \ 3\sqrt{5}$ $5 \ \frac{7}{2}\sqrt{5}$

단 답 형

22. 두 집합

 $A = \{3, 8, 12\}, B = \{3, 5, 9\}$

에 대하여 집합 A-B의 모든 원소의 합을 구하시오. [3점]

23. 좌표평면 위의 두 점 A(3, 3), B(7, 11)에 대하여 선분 AB를 2:1로 외분하는 점의 좌표가 (a, b)일 때, a+b의 값을 구하시오. [3점]

24. 직선 y = -x + k가 이차함수 $y = x^2 - 2x + 6$ 의 그래프와 만나도록 하는 자연수 k의 최솟값을 구하시오. [3점]

26. 실수 x에 대한 두 조건

p:2x-a=0,

 $q: x^2 - bx + 9 > 0$

이 있다. 명제 $p \rightarrow \sim q$ 와 명제 $\sim p \rightarrow q$ 가 모두 참이 되도록 하는 두 양수 a, b의 값의 합을 구하시오. [4점]

25. 좌표평면 위의 점 A(3, -1)을 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 −4만큼 평행이동한 점을 B라 하자. 직선 AB를 x축의 방향으로 3만큼, y축의 방향으로 1만큼 평행이동한 직선의 y절편을 구하시오. [3점]

27. 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수 $f: X \rightarrow X$ 의 개수를 구하시오. [4점]

- (7) x_1 \in X, x_2 \in X인 임의의 x_1 , x_2 에 대하여 $1 \le x_1 < x_2 \le 4$ 이면 $f(x_1) > f(x_2)$ 이다.
- () 함수 f의 역함수가 존재하지 않는다.

28. 1보다 큰 자연수 k에 대하여 전체집합

 $U = \{x \mid x 는 k \text{ 이하의 자연수}\}$

의 두 부분집합

 $A = \{x \mid x 는 k \text{ 이하의 짝수}\}, B = \{x \mid x 는 k 의 약수\}$ 가 $n(A) \times n((A \cup B)^C) = 15$ 를 만족시킨다. 집합 $(A \cup B)^C$ 의 모든 원소의 곱을 구하시오. [4점]

- **29.** 다항식 $f(x)=x^4+(a+2)x^3+bx^2+ax+6$ 과 최고차항의 계수가 1이고 계수와 상수항이 모두 실수인 두 다항식 g(x), h(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
 - (r) 방정식 f(x)=0은 실근을 갖지 않는다.
 - (나) 다항식 f(x)는 두 다항식 g(x), h(x)를 인수로 갖고, h(x)를 g(x)로 나눈 나머지는 -4x-1이다.

 $a^2 + b^2$ 의 값을 구하시오. (단, a, b는 상수이다.) [4점]

30. 두 상수 a, b에 대하여 함수 $f(x) = \sqrt{-x+a} - b$ 라 하자. 함수

$$g(x) = \begin{cases} |f(x)| + b & (x \le a) \\ -f(-x+2a) + |b| & (x > a) \end{cases}$$

와 두 실수 α , $\beta(\alpha < \beta)$ 는 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 실수 t에 대하여 함수 y=g(x)의 그래프와 직선 y=t의 교점의 개수를 h(t)라 하면 $h(\alpha) \times h(\beta) = 4$ 이다.
- (나) 방정식 $\{g(x)-\alpha\}\{g(x)-\beta\}=0$ 을 만족시키는 실수 x의 최솟값은 -30, 최댓값은 15이다.

 ${g(150)}^{2}$ 의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.