제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1.
$$\left(\frac{4}{2^{\sqrt{2}}}\right)^{2+\sqrt{2}}$$
의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2

- $oldsymbol{3}$. 공비가 양수인 등비수열 $ig\{a_nig\}$ 이

$$a_2 + a_4 = 30 \,, \quad a_4 + a_6 = \frac{15}{2}$$

를 만족시킬 때, a_1 의 값은? [3점]

- ② 56 ③ 64
- 4) 72
- **⑤** 80

2.
$$\lim_{x \to \infty} \frac{\sqrt{x^2 - 2} + 3x}{x + 5}$$
의 값은? [2점]

- 1
- ② 2
- ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5
- 4. 다항함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = x^2 f(x)$$

라 하자. f(2) = 1, f'(2) = 3일 때, g'(2)의 값은? [3점]

- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18

- 5. $\tan \theta < 0$ 이고 $\cos \left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) = \frac{\sqrt{5}}{5}$ 일 때, $\cos \theta$ 의 값은? [3점]

- 6. 함수 $f(x) = 2x^3 9x^2 + ax + 5$ 는 x = 1에서 극대이고, x = b에서 극소이다. a + b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [3점]
 - ① 12
- 2 14
- ③ 16
- **4** 18
- ⑤ 20

7. 모든 항이 양수이고 첫째항과 공차가 같은 등차수열 $\{a_n\}$ 이

$$\sum_{k=1}^{15} \frac{1}{\sqrt{a_k} + \sqrt{a_{k+1}}} = 2$$

를 만족시킬 때, a_4 의 값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8
- **4** 9

- **8.** 점 (0,4)에서 곡선 $y=x^3-x+2$ 에 그은 접선의 x 절편은?
 - ① $-\frac{1}{2}$ ② -1 ③ $-\frac{3}{2}$ ④ -2 ⑤ $-\frac{5}{2}$

9. 함수

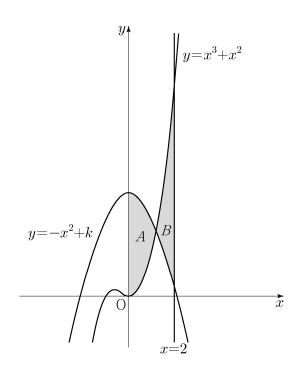
$$f(x) = a - \sqrt{3}\tan 2x$$

가 닫힌구간 $\left[-\frac{\pi}{6},b\right]$ 에서 최댓값 7, 최솟값 3을 가질 때, $a \times b$ 의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ① $\frac{\pi}{2}$ ② $\frac{5\pi}{12}$ ③ $\frac{\pi}{3}$ ④ $\frac{\pi}{4}$ ⑤ $\frac{\pi}{6}$

- 10. 두 곡선 $y = x^3 + x^2$, $y = -x^2 + k$ 와 y축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 A, 두 곡선 $y=x^3+x^2$, $y=-x^2+k$ 와 직선 x=2로 둘러싸인 부분의 넓이를 B라 하자. A=B일 때, 상수 k의 값은? (단, 4<k<5) [4점]

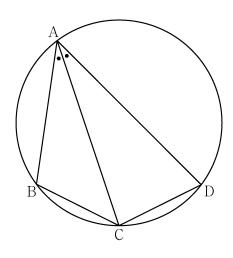
- ① $\frac{25}{6}$ ② $\frac{13}{3}$ ③ $\frac{9}{2}$ ④ $\frac{14}{3}$ ⑤ $\frac{29}{6}$



11. 그림과 같이 사각형 ABCD가 한 원에 내접하고

 $\overline{AB} = 5$, $\overline{AC} = 3\sqrt{5}$, $\overline{AD} = 7$, $\angle BAC = \angle CAD$

일 때, 이 원의 반지름의 길이는? [4점]



- ① $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ ② $\frac{8\sqrt{5}}{5}$ ③ $\frac{5\sqrt{5}}{3}$

- $4 \frac{8\sqrt{2}}{3}$ $5 \frac{9\sqrt{3}}{4}$

12. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

 $n-1 \le x < n$ 일 때, |f(x)| = |6(x-n+1)(x-n)|이다. (단, n은 자연수이다.)

열린구간 (0,4)에서 정의된 함수

$$g(x) = \int_{0}^{x} f(t) dt - \int_{x}^{4} f(t) dt$$

가 x=2에서 최솟값 0을 가질 때, $\int_{\frac{1}{2}}^{4} f(x) dx$ 의 값은? [4점]

13. 자연수 $m(m \ge 2)$ 에 대하여 m^{12} 의 n제곱근 중에서 정수가 존재하도록 하는 2 이상의 자연수 n의 개수를 f(m)이라 할 때,

 $\sum_{m=2}^{9} f(m) 의 값은? [4점]$

- ① 37
- ② 42
- ③ 47 ④ 52
- **⑤** 57
- 14. 다항함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를 다음과 같이 정의한다.

$$g(x) = \begin{cases} x & (x < -1 \ \text{\pm T} = x > 1) \\ f(x) & (-1 \le x \le 1) \end{cases}$$

함수 $h(x) = \lim_{t \to 0+} g(x+t) \times \lim_{t \to 2+} g(x+t)$ 에 대하여

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- $\neg . h(1) = 3$
- L. 함수 h(x)는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
- \Box . 함수 g(x)가 닫힌구간 [-1,1]에서 감소하고 g(-1) = -2이면 함수 h(x)는 실수 전체의 집합에서 최솟값을 갖는다.

15. 모든 항이 자연수이고 다음 조건을 만족시키는 모든 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 a_9 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 할 때, M+m의 값은? [4점]

$$(7)$$
 $a_7 = 40$

이다.

(나) 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+2} = \left\{ \begin{array}{ll} a_{n+1} + a_n & \left(a_{n+1} \circ \right) \ 3 \ \text{의 배수가 아닌 경우} \right. \\ \\ \frac{1}{3} a_{n+1} & \left(a_{n+1} \circ \right) \ 3 \ \text{의 배수인 경우} \right. \end{array} \right.$$

① 216

② 218

3 220

4 222

⑤ 224

단답형

16. 방정식

$$\log_2(3x+2) = 2 + \log_2(x-2)$$

를 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 4x^3 - 2x$ 이고 f(0) = 3일 때, f(2)의 값을 구하시오. [3점]

18. 두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{5} (3a_k + 5) = 55, \quad \sum_{k=1}^{5} (a_k + b_k) = 32$$

일 때, $\sum_{k=1}^{5} b_k$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 방정식 $2x^3 - 6x^2 + k = 0$ 의 서로 다른 양의 실근의 개수가 2가 되도록 하는 정수 k의 개수를 구하시오. [3점]

20. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)와 가속도 a(t)가 다음 조건을 만족시킨다.

(7) $0 \le t \le 2$ 일 때, $v(t) = 2t^3 - 8t$ 이다.

(나) $t \ge 2$ 일 때, a(t) = 6t + 4이다.

시각 t=0에서 t=3까지 점 P가 움직인 거리를 구하시오. [4점]

21. 자연수 n에 대하여 함수 f(x)를

$$f(x) = \begin{cases} |3^{x+2} - n| & (x < 0) \\ |\log_2(x+4) - n| & (x \ge 0) \end{cases}$$

이라 하자. 실수 t에 대하여 x에 대한 방정식 f(x)=t의 서로 다른 실근의 개수를 g(t)라 할 때, 함수 g(t)의 최댓값이 4가 되도록 하는 모든 자연수 n의 값의 합을 구하시오. [4점]

- 22. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, f(4)의 값을 구하시오. [4점]
 - (가) 모든 실수 x에 대하여 f(x) = f(1) + (x-1)f'(g(x))이다.
 - (나) 함수 g(x)의 최솟값은 $\frac{5}{2}$ 이다.
 - (다) f(0) = -3, f(g(1)) = 6

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, **「선택과목(확률과 통계)**」문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

2023학년도 대학수학능력시험 문제지

1

제 2 교시

수학 영역(확률과 통계)

홀수형

5지선다형

23. 다항식 $(x^3+3)^5$ 의 전개식에서 x^9 의 계수는? [2점]

① 30

2 60

3 90

④ 120

⑤ 150

24. 숫자 1, 2, 3, 4, 5 중에서 중복을 허락하여 4개를 택해 일렬로 나열하여 만들 수 있는 네 자리의 자연수 중 4000 이상인 홀수의 개수는? [3점]

① 125

② 150

③ 175

4 200

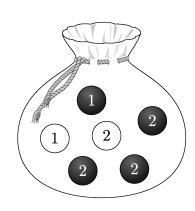
⑤ 225

25. 흰색 마스크 5개, 검은색 마스크 9개가 들어 있는 상자가 있다. 이 상자에서 임의로 3개의 마스크를 동시에 꺼낼 때, 꺼낸 3개의 마스크 중에서 적어도 한 개가 흰색 마스크일 확률은? [3점]

① $\frac{8}{13}$ ② $\frac{17}{26}$ ③ $\frac{9}{13}$ ④ $\frac{19}{26}$ ⑤ $\frac{10}{13}$

26. 주머니에 1이 적힌 흰 공 1개, 2가 적힌 흰 공 1개, 1이 적힌 검은 공 1개, 2가 적힌 검은 공 3개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 3개의 공을 동시에 꺼내는 시행을 한다. 이 시행에서 꺼낸 3개의 공 중에서 흰 공이 1개이고 검은 공이 2개인 사건을 A, 꺼낸 3개의 공에 적혀 있는 수를 모두 곱한 값이 8인 사건을 B라 할 때, $P(A \cup B)$ 의 값은? [3점]

① $\frac{11}{20}$ ② $\frac{3}{5}$ ③ $\frac{13}{20}$ ④ $\frac{7}{10}$ ⑤ $\frac{3}{4}$

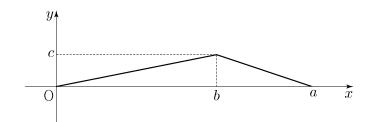


27. 어느 회사에서 생산하는 샴푸 1개의 용량은 정규분포 $\mathrm{N}\left(m,\,\sigma^2
ight)$ 을 따른다고 한다. 이 회사에서 생산하는 샴푸 중에서 16개를 임의추출하여 얻은 표본평균을 이용하여 구한 m에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간이 $746.1 \le m \le 755.9$ 이다. 이 회사에서 생산하는 샴푸 중에서 n개를 임의추출하여 얻은 표본평균을 이용하여 구하는 m에 대한 신뢰도 99%의 신뢰구간이 $a \le m \le b$ 일 때, b-a의 값이 6 이하가 되기 위한 자연수 n의 최솟값은? (단, 용량의 단위는 mL이고, Z가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때, $P(|Z| \le 1.96) = 0.95$, P(|Z|≤2.58)=0.99로 계산한다.) [3점]

① 70

- 2 74
- ③ 78
- **4** 82
- (5) 86

28. 연속확률변수 X가 갖는 값의 범위는 $0 \le X \le a$ 이고, X의 확률밀도함수의 그래프가 그림과 같다.



 $P(X \le b) - P(X \ge b) = \frac{1}{4}$, $P(X \le \sqrt{5}) = \frac{1}{2}$ 일 때, a+b+c의 값은? (단, a, b, c는 상수이다.) [4점]

- ① $\frac{11}{2}$ ② 6 ③ $\frac{13}{2}$ ④ 7 ⑤ $\frac{15}{2}$

4

수학 영역(확률과 통계)

홀수형

단답형

29. 앞면에는 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있고 뒷면에는 모두 0이 하나씩 적혀 있는 6장의 카드가 있다. 이 6장의 카드가 그림과 같이 6 이하의 자연수 k에 대하여 k번째 자리에 자연수 k가 보이도록 놓여 있다.

이 6장의 카드와 한 개의 주사위를 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져 나온 눈의 수가 k이면 k번째 자리에 놓여 있는 카드를 한 번 뒤집어 제자리에 놓는다.

위의 시행을 3번 반복한 후 6장의 카드에 보이는 모든 수의 합이 짝수일 때, 주사위의 1의 눈이 한 번만 나왔을 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.)

- (r) 9 이하의 모든 자연수 r에 대하여 $f(x) \le f(x+1)$ 이다.
- (나) $1 \le x \le 5$ 일 때 $f(x) \le x$ 이고, $6 \le x \le 10$ 일 때 $f(x) \ge x$ 이다.
- $(\Gamma) f(6) = f(5) + 6$

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.