제 2 교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $\frac{1}{\sqrt[4]{3}} \times 3^{-\frac{7}{4}}$ 의 값은? [2점]

 - ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ 9

- **2.** 함수 $f(x) = 2x^3 + 4x + 5$ 에 대하여 f'(1)의 값은? [2점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

 $oldsymbol{3}$. 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 = 2$$
, $a_2 a_4 = 36$

일 때,
$$\frac{a_7}{a_3}$$
의 값은? [3점]

- ① 1 ② $\sqrt{3}$ ③ 3 ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ 9

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2x + a & (x \le -1) \\ x^2 - 5x - a & (x > -1) \end{cases}$$

- 이 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **5.** 함수 $f(x) = 2x^3 + 3x^2 12x + 1$ 의 극댓값과 극솟값을 각각 M, m이라 할 때, M+m의 값은? [3점]
 - ① 13
- 2 14
- ③ 15
- 4 16
- ⑤ 17

- $\textbf{6.} \quad \frac{\pi}{2} < \theta < \pi 인 \ \theta 에 대하여 \ \frac{\sin \theta}{1 \sin \theta} \frac{\sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4 일 \ \text{때},$ cosθ의 값은? [3점]
 - ① $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ 0 ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{3}$

7. 수열 $\{a_n\}$ 은 a_1 =-4이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{a_{k+1} - a_{k}}{a_{k} a_{k+1}} = \frac{1}{n}$$

을 만족시킨다. a_{13} 의 값은? [3점]

- $\bigcirc -9$ $\bigcirc -7$ $\bigcirc -5$ $\bigcirc -3$ $\bigcirc -1$

8. 삼차함수 f(x)가

$$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \to 1} \frac{f(x)}{x - 1} = 1$$

을 만족시킬 때, f(2)의 값은? [3점]

① 4 ② 6

3 8

4 10

⑤ 12

9. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t(t>0)에서의 속도 v(t)가

$$v(t) = -4t^3 + 12t^2$$

이다. 시각 t=k에서 점 P의 가속도가 12일 때, 시각 t=3k에서 t=4k까지 점 P가 움직인 거리는? (단, k는 상수이다.) [4점]

① 23

② 25

③ 27

4 29

⑤ 31

10. 두 양수 a, b에 대하여 곡선 $y = a \sin b \pi x \left(0 \le x \le \frac{3}{b}\right)$ 이 직선 y=a와 만나는 서로 다른 두 점을 A, B라 하자. 삼각형 OAB의 넓이가 5이고 직선 OA의 기울기와

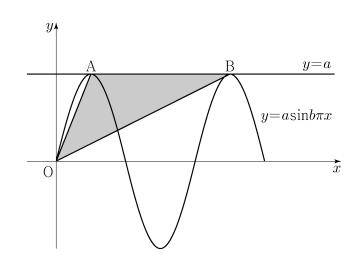
직선 OB의 기울기의 곱이 $\frac{5}{4}$ 일 때, a+b의 값은?

(단, 0는 원점이다.) [4점]

1

② 2 ③ 3 ④ 4

⑤ 5



11. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$xf(x) = 2x^3 + ax^2 + 3a + \int_1^x f(t) dt$$

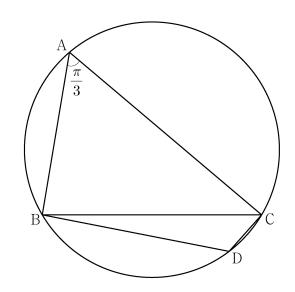
를 만족시킨다. $f(1) = \int_0^1 f(t)dt$ 일 때, a+f(3)의 값은? (단, a는 상수이다.) [4점]

- \bigcirc 5
- ② 6
- 3 7 4 8

⑤ 9

- 12. 반지름의 길이가 $2\sqrt{7}$ 인 원에 내접하고 $\angle A = \frac{\pi}{3}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 점 A를 포함하지 않는 호 BC 위의 점 D에 대하여 $\sin(\angle BCD) = \frac{2\sqrt{7}}{7}$ 일 때, $\overline{BD} + \overline{CD}$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{19}{2}$ ② 10 ③ $\frac{21}{2}$ ④ 11 ⑤ $\frac{23}{2}$



- 13. 첫째항이 -45이고 공차가 d인 등차수열 $\left\{a_n\right\}$ 이 다음 조건을 만족시키도록 하는 모든 자연수 d의 값의 합은? [4점]
 - (가) $|a_m| = |a_{m+3}|$ 인 자연수 m이 존재한다.
 - (나) 모든 자연수 n에 대하여 $\sum_{k=1}^{n} a_k > -100$ 이다.
 - ① 44
- 2 48
- 3) 52
- **4** 56
- ⑤ 60

14. 최고차항의 계수가 1이고 f'(0) = f'(2) = 0인 삼차함수 f(x)와 양수 p에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) - f(0) & (x \le 0) \\ f(x+p) - f(p) & (x > 0) \end{cases}$$

이라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- ㄱ. p=1일 때, g'(1)=0이다.
- oxdot ... g(x)가 실수 전체의 집합에서 미분가능하도록 하는 양수 p의 개수는 1이다.
- ㄷ. $p \ge 2$ 일 때, $\int_{-1}^{1} g(x) dx \ge 0$ 이다.
- ① ¬
- ② 7, L ③ 7, ⊏

- 4 4, 5 7, 4, 5

15. 수열 $\left\{a_n\right\}$ 은 $\left|a_1\right| \leq 1$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} -2a_n - 2 & \left(-1 \le a_n < -\frac{1}{2}\right) \\ 2a_n & \left(-\frac{1}{2} \le a_n \le \frac{1}{2}\right) \\ -2a_n + 2 & \left(\frac{1}{2} < a_n \le 1\right) \end{cases}$$

을 만족시킨다. $a_5 + a_6 = 0$ 이고 $\sum_{k=1}^5 a_k > 0$ 이 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합은? [4점]

- ① $\frac{9}{2}$ ② 5 ③ $\frac{11}{2}$ ④ 6 ⑤ $\frac{13}{2}$

단답형

16. $\log_2 100 - 2\log_2 5$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 8x^3 - 12x^2 + 7$ 이고 f(0) = 3일 때, f(1)의 값을 구하시오. [3점]

수학 영역

18. 두 수열 $\{a_n\},\ \{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{10} \left(a_k + 2b_k \right) = 45 \,, \quad \sum_{k=1}^{10} \left(a_k - b_k \right) = 3 \,$$

일 때,
$$\sum_{k=1}^{10} \left(b_k - \frac{1}{2}\right)$$
의 값을 구하시오. [3점]

19. 함수 $f(x) = x^3 - 6x^2 + 5x$ 에서 x의 값이 0에서 4까지 변할 때의 평균변화율과 f'(a)의 값이 같게 되도록 하는 0 < a < 4인 모든 실수 a의 값의 곱은 $\frac{q}{p}$ 이다. p + q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [3점]

20. 함수 $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - \frac{9}{2}x^2 + 10x$ 에 대하여 x에 대한 방정식

$$f(x) + |f(x) + x| = 6x + k$$

의 서로 다른 실근의 개수가 4가 되도록 하는 모든 정수 k의 값의 합을 구하시오. [4점]

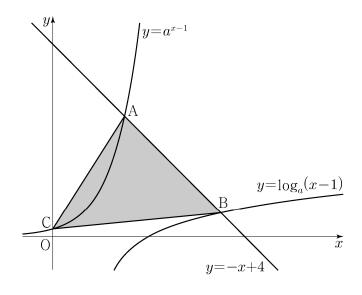
8

수학 영역

21. a > 1인 실수 a에 대하여 직선 y = -x + 4가 두 곡선

$$y = a^{x-1}, \quad y = \log_a(x-1)$$

과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 곡선 $y=a^{x-1}$ 이 y축과 만나는 점을 C라 하자. $\overline{AB}=2\sqrt{2}$ 일 때, 삼각형 ABC의 넓이는 S이다. $50\times S$ 의 값을 구하시오. [4점]



22. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수

$$g(x) = f(x-3) \times \lim_{h \to 0+} \frac{|f(x+h)| - |f(x-h)|}{h}$$

가 다음 조건을 만족시킬 때, f(5)의 값을 구하시오. [4점]

- (7) 함수 g(x)는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
- (나) 방정식 g(x)=0은 서로 다른 네 실근 α_1 , α_2 , α_3 , α_4 를 갖고 $\alpha_1+\alpha_2+\alpha_3+\alpha_4=7$ 이다.

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, **「선택과목(확률과 통계)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(기하)

5지선다형

- **23.** 좌표공간의 점 A(3,0,-2)를 xy평면에 대하여 대칭이동한 점을 B라 하자. 점 C(0, 4, 2)에 대하여 선분 BC의 길이는? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
- **24.** 쌍곡선 $\frac{x^2}{a^2} \frac{y^2}{16} = 1$ 의 점근선 중 하나의 기울기가 3일 때, 양수 *a*의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$

25. 좌표평면에서 세 벡터

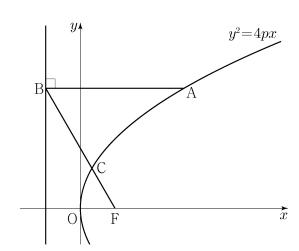
$$\vec{a} = (3, 0), \quad \vec{b} = (1, 2), \quad \vec{c} = (4, 2)$$

에 대하여 두 벡터 $\stackrel{\rightarrow}{p}$, $\stackrel{\rightarrow}{q}$ 가

$$\overrightarrow{p} \cdot \overrightarrow{a} = \overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b}, \quad |\overrightarrow{q} - \overrightarrow{c}| = 1$$

- 을 만족시킬 때, $|\stackrel{
 ightarrow}{p}-\stackrel{
 ightarrow}{q}|$ 의 최솟값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5
- 26. 초점이 F인 포물선 $y^2 = 4px$ 위의 한 점 A에서 포물선의 준선에 내린 수선의 발을 B라 하고, 선분 BF와 포물선이 만나는 점을 C라 하자. $\overline{AB} = \overline{BF}$ 이고 $\overline{BC} + 3\overline{CF} = 6$ 일 때, 양수 p의 값은? [3점]
- ① $\frac{7}{8}$ ② $\frac{8}{9}$ ③ $\frac{9}{10}$ ④ $\frac{10}{11}$ ⑤ $\frac{11}{12}$

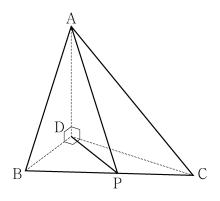


수학 영역(기하)

27. 그림과 같이 $\overline{AD} = 3$, $\overline{DB} = 2$, $\overline{DC} = 2\sqrt{3}$ 이고

 \angle ADB = \angle ADC = \angle BDC = $\frac{\pi}{2}$ 인 사면체 ABCD가 있다.

선분 BC 위를 움직이는 점 P에 대하여 $\overline{AP} + \overline{DP}$ 의 최솟값은? [3점]



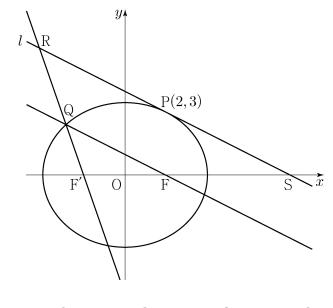
- ① $3\sqrt{3}$ ② $\frac{10\sqrt{3}}{3}$ ③ $\frac{11\sqrt{3}}{3}$
- $4\sqrt{3}$ $5\frac{13\sqrt{3}}{3}$

28. 그림과 같이 두 점 F(c, 0), F'(-c, 0)(c > 0)을 초점으로

하는 타원 $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$ 위의 점 P(2, 3)에서 타원에 접하는

직선을 l이라 하자. 점 F를 지나고 l과 평행한 직선이 타원과 만나는 점 중 제2사분면 위에 있는 점을 Q라 하자.

두 직선 F'Q와 l이 만나는 점을 R, l과 x축이 만나는 점을 S라 할 때, 삼각형 SRF'의 둘레의 길이는? [4점]

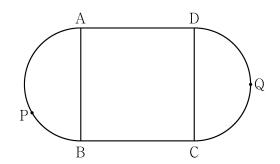


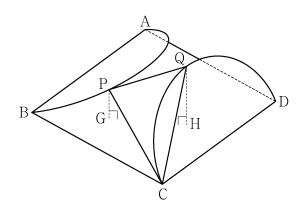
- ① 30
- ② 31
- ③ 32
- **4** 33
- **⑤** 34

수학 영역(기하)

단답형

29. 그림과 같이 한 변의 길이가 8인 정사각형 ABCD에 두 선분 AB, CD를 각각 지름으로 하는 두 반원이 붙어 있는 모양의 종이가 있다. 반원의 호 AB의 삼등분점 중 점 B에 가까운 점을 P라 하고, 반원의 호 CD를 이등분하는 점을 Q라 하자. 이 종이에서 두 선분 AB와 CD를 접는 선으로 하여 두 반원을 접어 올렸을 때 두 점 P, Q에서 평면 ABCD에 내린 수선의 발을 각각 G, H라 하면 두 점 G, H는 정사각형 ABCD의 내부에 놓여 있고, $\overline{PG} = \sqrt{3}$, $\overline{QH} = 2\sqrt{3}$ 이다. 두 평면 PCQ와 ABCD가 이루는 각의 크기가 θ 일 때, $70 \times \cos^2 \theta$ 의 값을 구하시오. (단, 종이의 두께는 고려하지 않는다.) [4점]





30. 좌표평면에서 세 점 A(-3,1), B(0,2), C(1,0)에 대하여 두 점 P, Q가

$$|\overrightarrow{AP}| = 1$$
, $|\overrightarrow{BQ}| = 2$, $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{OC} \ge \frac{\sqrt{2}}{2}$

를 만족시킬 때, $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{AQ}$ 의 값이 최소가 되도록 하는 두 점 P, Q를 각각 P₀, Q₀이라 하자. 선분 AP₀ 위의 점 X에 대하여 $\overrightarrow{BX} \cdot \overrightarrow{BQ_0} \ge 1$ 일 때, $|\overrightarrow{Q_0X}|^2$ 의 최댓값은 $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, O는 원점이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.