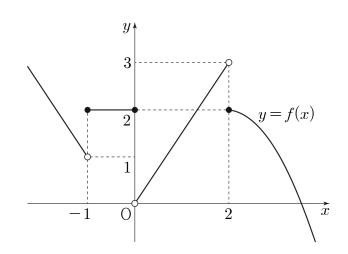
5지선다형

 $1.\log_6 4 + \frac{2}{\log_3 6}$ 의 값은? [2점]

- ① 1
- ② 2
- 3 3
- 4
- **5** 5

3. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x \to -1+} f(x) + \lim_{x \to 2-} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

 $m{2.}$  모든 항이 양수인 등비수열  $\left\{a_n
ight\}$ 에 대하여  $a_1=3,\ \frac{a_5}{a_3}=4$ 일 때,  $a_4$ 의 값은? [2점]

- ① 15
- 2 18
- 3 21
- **4** 24
- **⑤** 27

4. 함수  $f(x)=2x^3-6x+a$ 의 극솟값이 2일 때, 상수 a의 값은? [3점]

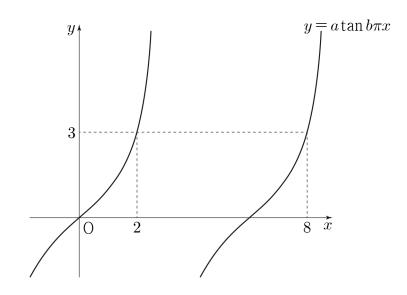
- $\bigcirc 6$
- 27
- 3 8
- **4** 9
- ⑤ 10

- ${\it 5.}~0$ 이 아닌 모든 실수  ${\it h}$ 에 대하여 다항함수  ${\it f}(x)$ 에서  ${\it x}$ 의 값이 1에서 1+h까지 변할 때의 평균변화율이  $h^2+2h+3$ 일 때, f'(1)의 값은? [3점]
  - 1

- 6. 함수  $y = \log_{\frac{1}{2}}(x-a) + b$ 가 닫힌구간 [2, 5]에서 최댓값 3, 최솟값 1을 갖는다. a+b의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [3점]
- 1
- $\bigcirc 2$
- 3 3
- 4
- **⑤** 5

- 7. 다항함수 f(x)에 대하여 곡선 y = f(x) 위의 점 (0, f(0))에서의 접선의 방정식이 y=3x-1이다. 함수 g(x)=(x+2)f(x)에 대하여 g'(0)의 값은? [3점]
  - $\bigcirc 5$
- 26
- 3 7
- **4** 8
- ⑤ 9

8. 그림과 같이 함수  $y = a \tan b \pi x$ 의 그래프가 두 점 (2,3), (8,3)을 지날 때,  $a^2 \times b$ 의 값은? (단, a, b는 양수이다.) [3점]



①  $\frac{1}{6}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{1}{2}$  ④  $\frac{2}{3}$  ⑤  $\frac{5}{6}$ 

- *9.* 함수 f(x)에 대하여  $f'(x)=3x^2-4x+1$ 이고  $\lim_{x\to 0} \frac{1}{x} \int_0^x f(t)dt = 1 일 때, f(2) 의 값은? [4점]$
- $\bigcirc 3$
- 2 4
- 3 5 4 6
- **5** 7

**10.** 상수 a(a > 1)에 대하여 곡선  $y = a^x - 1$ 과 곡선  $y = \log_a(x+1)$ 이 원점 O를 포함한 서로 다른 두 점에서

만난다. 이 두 점 중 O가 아닌 점을 P라 하고, 점 P에서 x축에 내린 수선의 발을 H라 하자. 삼각형 OHP의 넓이가 2일 때, a의 값은? [4점]

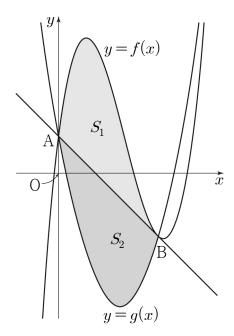
- ①  $\sqrt{2}$  ②  $\sqrt{3}$  ③ 2 ④  $\sqrt{5}$  ⑤  $\sqrt{6}$

- $11.0 \le x \le 2\pi$ 일 때, 방정식  $2\sin^2 x 3\cos x = k$ 의 서로 다른 실근의 개수가 3이다. 이 세 실근 중 가장 큰 실근을  $\alpha$ 라 할 때,  $k \times \alpha$ 의 값은? (단, k는 상수이다.) [4점]

- ①  $\frac{7}{2}\pi$  ②  $4\pi$  ③  $\frac{9}{2}\pi$  ④  $5\pi$  ⑤  $\frac{11}{2}\pi$
- **12.** 그림과 같이 삼차함수  $f(x) = x^3 6x^2 + 8x + 1$ 의 그래프와 최고차항의 계수가 양수인 이차함수 y=g(x)의 그래프가 점 A(0, 1), 점 B(k, f(k))에서 만나고, 곡선 y = f(x) 위의 점 B에서의 접선이 점 A를 지난다.

곡선 y = f(x)와 직선 AB로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S_1$ , 곡선 y = g(x)와 직선 AB로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S_2$ 라 하자.

 $S_1 = S_2$ 일 때,  $\int_0^k g(x)dx$ 의 값은? (단, k는 양수이다.) [4점]

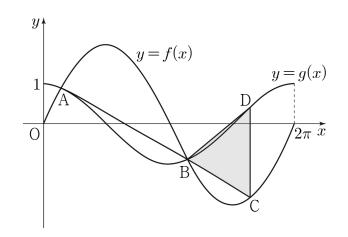


- ①  $-\frac{17}{2}$  ②  $-\frac{33}{4}$  ③ -8 ④  $-\frac{31}{4}$  ⑤  $-\frac{15}{2}$

5

13. 그림과 같이 닫힌구간  $[0, 2\pi]$ 에서 정의된 두 함수

 $f(x)=k\sin x$ ,  $g(x)=\cos x$ 에 대하여 곡선 y=f(x)와 곡선 y = g(x)가 만나는 서로 다른 두 점을 A, B라 하자. 선분 AB를 3:1로 외분하는 점을 C라 할 때, 점 C는 곡선 y = f(x) 위에 있다. 점 C를 지나고 y축에 평행한 직선이 곡선 y = g(x)와 만나는 점을 D라 할 때, 삼각형 BCD의 넓이는? (단, k는 양수이고, 점 B의 x좌표는 점 A의 x좌표보다 크다.)



- $\textcircled{3} \frac{3\sqrt{10}}{16}\pi$   $\textcircled{5} \frac{3\sqrt{5}}{10}\pi$

14. 양의 실수 t에 대하여 함수 f(x)를

$$f(x) = x^3 - 3t^2x$$

라 할 때, 닫힌구간 [-2, 1] 에서 두 함수 f(x), |f(x)|의 최댓값을 각각  $M_1(t)$ ,  $M_2(t)$ 라 하자. 함수

$$g(t) = M_1(t) + M_2(t)$$

에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- $\neg . g(2) = 32$
- ㄴ. g(t)=2f(-t)를 만족시키는 t의 최댓값과 최솟값의 합은

$$= \lim_{h \to 0+} \frac{g\left(\frac{1}{2} + h\right) - g\left(\frac{1}{2}\right)}{h} - \lim_{h \to 0-} \frac{g\left(\frac{1}{2} + h\right) - g\left(\frac{1}{2}\right)}{h} = 5$$

- ① ¬
- 2 =
- ③ ¬, ∟

- ④ ۲, ۵
- ⑤ ७, ८, ⊏

15. 다음 조건을 만족시키는 모든 수열  $\left\{a_n\right\}$ 에 대하여  $a_1$ 의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 할 때,  $\log_2 \frac{M}{m}$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 자연수 n에 대하여  $a_{n+1} = \begin{cases} 2^{n-2} & \left(a_n < 1\right) \\ \log_2 a_n & \left(a_n \geq 1\right) \end{cases}$  이다.  $(나) \ a_5 + a_6 = 1$ 

- ① 12
- ② 13
- 3 14
- **4** 15
- ⑤ 16

단답형

16.  $\lim_{x\to 2} \frac{x^2+x-6}{x-2}$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수  $y=4^x$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 a만큼 평행이동한 그래프가 점  $\left(\frac{3}{2},5\right)$ 를 지날 때, 상수 a의 값을 구하시오. [3점]

7

18. 다항함수 f(x)가

$$\lim_{x \to \infty} \frac{xf(x) - 2x^3 + 1}{x^2} = 5, \ f(0) = 1$$

을 만족시킬 때, f(1)의 값을 구하시오. [3점]

19. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t(t>0)에서의 위치 x(t)가

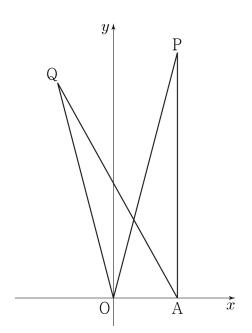
$$x(t) = \frac{3}{2}t^4 - 8t^3 + 15t^2 - 12t$$

이다. 점 P의 운동 방향이 바뀌는 순간 점 P의 가속도를 구하시오. [3점] 20. 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $S_n$ 이 다음 조건을 만족시킬 때,  $a_{13}$ 의 값을 구하시오. [4점]

- (가)  $S_n$ 은 n=7, n=8에서 최솟값을 갖는다.
- (나)  $\left|S_m\right| = \left|S_{2m}\right| = 162$ 인 자연수 m(m>8)이 존재한다.

- 21. 좌표평면 위의 두 점 O(0,0), A(2,0)과 y좌표가 양수인 서로 다른 두 점 P, Q가 다음 조건을 만족시킨다.
  - (7)  $\overline{AP} = \overline{AQ} = 2\sqrt{15}$ 이고  $\overline{OP} > \overline{OQ}$ 이다.
  - (나)  $\cos(\angle OPA) = \cos(\angle OQA) = \frac{\sqrt{15}}{4}$

사각형 OAPQ의 넓이가  $\frac{q}{p}\sqrt{15}$ 일 때,  $p \times q$ 의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



- 22. 두 상수 a,  $b(b \neq 1)$ 과 이차함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.
  - (가) 함수 g(x)는 실수 전체의 집합에서 미분가능하고, 도함수 g'(x)는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
  - (나) |x| < 2일 때,  $g(x) = \int_0^x (-t+a)dt$ 이고
  - $|x| \geq 2$ 일 때, |g'(x)| = f(x)이다. (다) 함수 g(x)는 x=1, x=b에서 극값을 갖는다.

g(k)= 0을 만족시키는 모든 실수 k의 값의 합이  $p+q\sqrt{3}$ 일 때,  $p\times q$ 의 값을 구하시오. (단, p와 q는 유리수이다.) [4점]

#### ※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, **「선택과목(확률과 통계)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

5지선다형

- $23. \lim_{n\to\infty} (\sqrt{4n^2+3n} \sqrt{4n^2+1})$ 의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{2}$  ②  $\frac{3}{4}$  ③ 1 ④  $\frac{5}{4}$  ⑤  $\frac{3}{2}$

24. 함수  $f(x)=e^x(2\sin x+\cos x)$ 에 대하여 f'(0)의 값은? [3점]

- ① 3
- 2 4
- 3 5
- **4** 6 ⑤ 7

# 수학 영역(미적분)

25. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 급수  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n - \frac{2^{n+1}}{2^n+1}\right)$ 이 수렴할 때,

$$\lim_{n\to\infty}\frac{2^n\times a_n+5\times 2^{n+1}}{2^n+3}$$
의 값은? [3점]

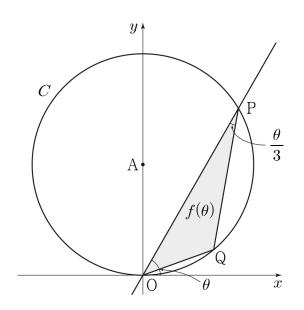
- $\bigcirc 6$
- 2 8
- ③ 10
- **4** 12
- $\bigcirc$  14
- 26. 두 함수  $f(x)=a^x$ ,  $g(x)=2\log_b x$ 에 대하여

$$\lim_{x \to e} \frac{f(x) - g(x)}{x - e} = 0$$

- 일 때,  $a \times b$ 의 값은? (단, a와 b는 1보다 큰 상수이다.) [3점]

# 수학 영역(미적분)

27. 그림과 같이 좌표평면 위에 점 A(0,1)을 중심으로 하고 반지름의 길이가 1인 원 C가 있다. 원점 O를 지나고 x축의 양의 방향과 이루는 각의 크기가  $\theta$ 인 직선이 원 C와 만나는 점 중 O가 아닌 점을 P라 하고, 호 OP 위에 점 Q를  $\angle OPQ = \frac{\theta}{3}$ 가 되도록 잡는다. 삼각형 POQ의 넓이를  $f(\theta)$ 라 할 때,  $\lim_{\theta \to 0^+} \frac{f(\theta)}{\theta^3}$ 의 값은? (단, 점 Q는 제1사분면 위의 점이고, 0 < θ < π이다.) [3점]



①  $\frac{2}{9}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{4}{9}$  ④  $\frac{5}{9}$  ⑤  $\frac{2}{3}$ 

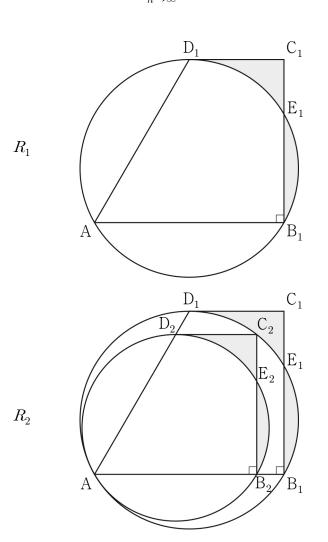
28. 그림과 같이  $\overline{AB_1} = 2$ ,  $\overline{B_1C_1} = \sqrt{3}$ ,  $\overline{C_1D_1} = 1$ 이고

 $\angle C_1B_1A = \frac{\pi}{2}$ 인 사다리꼴  $AB_1C_1D_1$ 이 있다. 세 점 A,  $B_1$ ,  $D_1$ 을 지나는 원이 선분  $B_1C_1$ 과 만나는 점 중  $B_1$ 이 아닌 점을  $E_1$ 이라 할 때, 두 선분  $C_1D_1$ ,  $C_1E_1$ 과 호  $E_1D_1$ 로 둘러싸인 부분과 선분  $B_1E_1$ 과 호  $B_1E_1$ 로 둘러싸인 부분인  $\bigcirc$  모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에서 선분  $\mathrm{AB}_1$  위의 점  $\mathrm{B}_2$ , 호  $\mathrm{E}_1\mathrm{D}_1$  위의 점  $\mathrm{C}_2$ , 선분  $\mathrm{AD}_1$  위의 점  $\mathrm{D}_2$ 와 점  $\mathrm{A}$ 를 꼭짓점으로 하고

 $\overline{\mathrm{B_2C_2}}$ :  $\overline{\mathrm{C_2D_2}}$ =  $\sqrt{3}$ : 1이고  $\angle\mathrm{C_2B_2A} = \frac{\pi}{2}$ 인 사다리꼴  $\mathrm{AB_2C_2D_2}$ 를 그린다. 그림  $R_1$ 을 얻은 것과 같은 방법으로 점  $\mathrm{E_2}$ 를 잡고, 사다리꼴 AB<sub>2</sub>C<sub>2</sub>D<sub>2</sub>에 모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \to \infty} S_n$ 의 값은? [4점]



①  $\frac{49}{144}\sqrt{3}$  ②  $\frac{49}{122}\sqrt{3}$  ③  $\frac{49}{100}\sqrt{3}$ 

 $49 \frac{49}{78} \sqrt{3}$   $5 \frac{7}{8} \sqrt{3}$ 

#### 4

#### 수학 영역(미적분)

#### 단답형

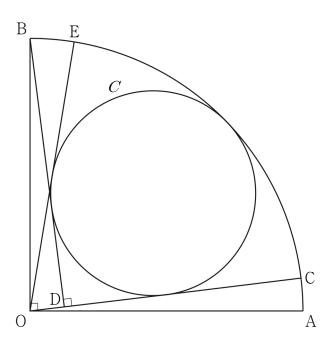
29. 그림과 같이 중심이 0, 반지름의 길이가 8이고 중심각의 크기가

 $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 C에 대하여 점 B에서

선분 OC에 내린 수선의 발을 D라 하고, 두 선분 BD, CD와 호 BC에 동시에 접하는 원을 C라 하자. 점 O에서 원 C에 그은 접선 중 점 C를 지나지 않는 직선이 호 AB와 만나는 점을

E라 할 때,  $\cos(\angle COE) = \frac{7}{25}$ 이다.

 $\sin(\angle AOE) = p + q\sqrt{7}$ 일 때,  $200 \times (p+q)$ 의 값을 구하시오. (단, p와 q는 유리수이고, 점 C는 점 B가 아니다.) [4점]



 $30. \ x \ge 0$ 에서 정의된 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \ f(x) = \begin{cases} 2^x - 1 & (0 \le x \le 1) \\ 4 \times \left(\frac{1}{2}\right)^x - 1 & (1 < x \le 2) \end{cases}$$

(나) 모든 양의 실수 x에 대하여  $f(x+2) = -\frac{1}{2}f(x)$ 이다.

x > 0에서 정의된 함수 g(x)를

$$g(x) = \lim_{h \to 0+} \frac{f(x+h) - f(x-h)}{h}$$

라 할 때,

$$\lim_{t\to 0+} \{g(n+t) - g(n-t)\} + 2g(n) = \frac{\ln 2}{2^{24}}$$

를 만족시키는 모든 자연수 n의 값의 합을 구하시오. [4점]

#### ※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.