# 2023학년도 대학수학능력시험 9월 모의평가 수학영역 정답 및 풀이

# ■ [공통: 수학 I·수학 II]

1. **출제의도** : 지수법칙을 이용하여 식의 값을 구할 수 있는가?

# 정답풀이:

$$\left(\frac{2^{\sqrt{3}}}{2}\right)^{\sqrt{3}+1} = \left(2^{\sqrt{3}-1}\right)^{\sqrt{3}+1}$$

$$=2^{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)}$$

$$=2^{3-1}=2^2=4$$

정답 ④

2. **출제의도** : 미분계수를 구할 수 있는 가?

#### 정답풀이:

$$f(x) = 2x^2 + 5$$

$$f'(x) = 4x$$

이므로

$$\lim_{x \to 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = f'(2)$$

$$=4 \times 2 = 8$$

정답 ①

3. 출제의도 : 삼각함수 사이의 관계를 이용하여 탄젠트 함수의 값을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

$$\sin(\pi - \theta) = \sin\theta$$

이므로

$$\sin\theta = \frac{5}{13}$$

이때

$$\cos^2\theta = 1 - \sin^2\theta$$

$$=1-\left(\frac{5}{13}\right)^2$$

$$=1-\frac{25}{169}$$

$$=\frac{144}{169}$$

$$=\left(\frac{12}{13}\right)^2$$

이고, 주어진 조건에 의하여  $\cos \theta < 0$ 이 므로

$$\cos\theta = -\frac{12}{13}$$

따라서

$$\tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta}$$

$$=\frac{\frac{5}{13}}{-\frac{12}{13}}$$

$$=-\frac{5}{12}$$

정답 ②

4. 출제의도 : 함수가 연속이 되도록 하는 모든 상수의 값의 합을 구할 수 있는 가?

#### 정답풀이:

함수 f(x)가 실수 전체의 집합에서 연속이려면 x=a에서 연속이어야 한다. 즉,

$$f(a) = \lim_{x \to a^-} f(x) = \lim_{x \to a^+} f(x)$$

가 성립해야 한다.

$$f(a) = -2a + a = -a$$

$$\lim_{x \to a^{-}} f(x) = \lim_{x \to a^{-}} (-2x + a)$$

$$=-2a+a=-a$$
.

$$\lim_{x \to a^{+}} f(x) = \lim_{x \to a^{+}} (ax - 6) = a^{2} - 6$$

이므로 
$$f(a) = \lim_{x \to a^-} f(x) = \lim_{x \to a^+} f(x)$$
에서

$$-a = a^2 - 6$$
.

$$a^2 + a - 6 = (a+3)(a-2) = 0$$

$$a = -3 + 2 = 2$$

따라서 구하는 모든 상수 a의 값의 합은 (-3)+2=-1

정답 ①

5. **출제의도** : 등차수열의 항의 값을 구할 수 있는가?

#### 정답품이:

등차수열  $\{a_n\}$ 의 공차를 d라 하면

$$a_1 = 2a_5 = 2(a_1 + 4d)$$

$$a_1 + 8d = 0 \cdots \bigcirc$$

$$\begin{aligned} a_8 + a_{12} &= (a_1 + 7d) + (a_1 + 11d) \\ &= 2a_1 + 18d = -6 \end{aligned}$$

$$a_1 + 9d = -3 \cdots \bigcirc$$

 $\bigcirc$ , ©에서  $a_1 = 24$ , d = -3 이므로

$$a_2 = a_1 + d = 21$$

6. 출제의도 : 도함수를 활용하여 다항함 수의 극댓값과 극솟값을 구할 수 있는 가?

#### 정답풀이 :

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + k$$

$$f'(x) = 3x^2 - 6x$$

$$=3x(x-2)$$

이므로 f'(x) = 0에서

$$x = 0$$
 또는  $x = 2$ 

이때 함수 f(x)의 증가와 감소를 표로 나타내면 다음과 같다.

x		0	•••	2	•••
f'(x)	+	0	_	0	+
f(x)	7	극대	7	극소	7

주어진 조건에 의하여 함수 f(x)의 극댓 값이 9이므로

$$f(0) = k = 9$$

따라서

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 9$$

이고 함수 f(x)의 극솟값은 f(2)이므로 구하는 극솟값은

$$f(2) = 2^3 - 3 \times 2^2 + 9 = 5$$

정답 ⑤

7. **출제의도** : 여러 가지 수열의 합을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

$$S_n = \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$$
이므로

$$\sum_{k=1}^{10} S_k = \sum_{k=1}^{10} \left( \frac{1}{k} - \frac{1}{k+1} \right)$$

$$=\left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \dots + \left(\frac{1}{10} - \frac{1}{11}\right)$$

$$=1-\frac{1}{11}=\frac{10}{11}$$

한편,

정답 ③

$$\sum_{k=1}^{10} a_k = S_{10} = \frac{1}{10 \times 11} = \frac{1}{110}$$

이므로

$$\begin{split} &\sum_{k=1}^{10} \left( S_k - a_k \right) = \sum_{k=1}^{10} S_k - \sum_{k=1}^{10} a_k \\ &= \frac{10}{11} - \frac{1}{110} = \frac{99}{110} = \frac{9}{10} \end{split}$$

정답 ⑤

## [다른 풀이]

$$k = 1$$
이면  $S_k - a_k = S_1 - a_1 = 0$ 

$$k \ge 2$$
이면  $S_k - a_k = S_{k-1} = \frac{1}{(k-1)k}$ 

이므로

$$\sum_{k=1}^{10} (S_k - a_k) = (S_1 - a_1) + \sum_{k=2}^{10} (S_k - a_k)$$

$$= 0 + \sum_{k=2}^{10} \frac{1}{(k-1)k}$$

$$= \sum_{k=2}^{10} \left(\frac{1}{k-1} - \frac{1}{k}\right)$$

$$= \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right)$$

$$+ \dots + \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{10}\right)$$

$$= 1 - \frac{1}{10} = \frac{9}{10}$$

8. 출제의도 : 두 곡선에 동시에 접하는 접선의 방정식을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

$$y = x^3 - 4x + 5$$
에서

$$y' = 3x^2 - 4$$

이므로 점 (1,2)에서의 접선의 방정식은

$$y-2 = -(x-1)$$

$$y = -x + 3 \cdots \bigcirc$$

또한,  $y = x^4 + 3x + a$  에서

$$y' = 4x^3 + 3$$

이고 곡선  $y = x^4 + 3x + a$ 와 직선  $\bigcirc$ 이 접하므로 접점의 x좌표는

$$4x^3 + 3 = -1$$
,  $x^3 = -1$ 

x = -1

따라서 접점의 좌표는 (-1,4) 이고 이점은 곡선  $y=x^4+3x+a$  위의 점이므로 4=1-3+a

a = 6

정답 ①

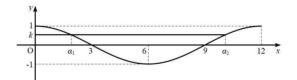
9. 출제의도 : 삼각함수의 그래프를 이용 하여 문제를 해결할 수 있는가?

# 정답풀이:

함수 y = f(x)의 주기는

$$\frac{2\pi}{\frac{\pi}{6}} = 12$$

이므로 함수 y=f(x)의 그래프는 다음과 같다.



위 그림과 같이 일반성을 잃지 않고

 $\alpha_1 < \alpha_2$ 

라 하면

 $\alpha_1 + \alpha_2 = 12$ 

주어진 조건에 의하여

 $\alpha_2 - \alpha_1 = 8$ 

이므로

 $\alpha_1 = 2, \ \alpha_2 = 10$ 

그러므로

 $k = \cos\left(\frac{\pi \times 2}{6}\right) = \cos\frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$ 

하편,

$$-3\cos\frac{\pi x}{6} - 1 = \frac{1}{2}$$

에서

$$\cos\frac{\pi x}{6} = -\frac{1}{2}$$

 $0 \le x \le 12$ 에서  $0 \le \frac{\pi x}{6} \le 2\pi$ 이므로

$$\frac{\pi x}{6} = \frac{2}{3}\pi + \frac{\pi x}{6} = \frac{4}{3}\pi$$

즉, 
$$x=4$$
 또는  $x=8$ 

따라서

$$|\beta_1 - \beta_2| = |4 - 8| = 4$$

정답 ③

**10. 출제의도** : 정적분을 이용하여 두 점 사이의 거리를 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

t=2에서 점 P의 위치는

$$\int_0^2 v(t)dt = \int_0^2 (3t^2 + at)dt$$
$$= \left[t^3 + \frac{a}{2}t^2\right]_0^2$$
$$= 8 + 2a$$

점 P(8+2a)와 점 A(6) 사이의 거리가 10이려면 |(8+2a)-6|=10, 즉

 $2a+2=\pm 10$ 

이어야 하므로 양수 a의 값은

2a+2=10에서

a = 4

정답 ④

11. 출제의도 : 실수인 거듭제곱근을 이해하고 조건을 만족시키는 f(n)의 값을 지수법칙을 이용하여 구할 수 있는가?

### 정답풀이 :

 $\sqrt{3}^{f(n)}$ 의 네제곱근 중 실수인 것은  ${}^4\sqrt{\sqrt{3}^{f(n)}}$ .  $-{}^4\sqrt{\sqrt{3}^{f(n)}}$ 

이므로

$${}^{4}\sqrt{\sqrt{3}^{f(n)}}\times\left(-{}^{4}\sqrt{\sqrt{3}^{f(n)}}\right)$$

$$= -\sqrt{3}^{\frac{1}{4}f(n)} \times \sqrt{3}^{\frac{1}{4}f(n)}$$

$$= \!\! -3^{\frac{1}{8}f(n)+\frac{1}{8}f(n)}$$

$$=-3^{\frac{1}{4}f(n)}=-9$$

따라서.

$$3^{\frac{1}{4}f(n)} = 3^2$$

이므로

$$\frac{1}{4}f(n) = 2, \ f(n) = 8 \cdots \bigcirc$$

이때, 이차함수  $f(x) = -(x-2)^2 + k$ 의 그래프의 대칭축은 x = 2이므로  $\bigcirc$ 을 만족시키는 자연수 n의 개수가 2이기 위해서는 이차함수 y = f(x)의 그래프가 점 (1,8)을 지나야 한다.

$$f(1) = -1 + k = 8$$

k = 9

정답 ②

12. 출제의도 : 이차함수의 그래프와 직선의 위치 관계를 이용하여 주어진 선분의 길이를 t에 대한 식으로 나타낸 후, 함수의 극한에 대한 기본 성질을 이용하여 극한값을 구할 수 있는가?

### 정답풀이 :

두 점 A, B의 좌표를 각각  $A(a, a^2)$ ,  $B(b, b^2)$  이라 하면 x에 대한 이차방정식

$$x^2 - x - t = 0$$

의 두 근이 a, b이므로 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$a+b=1$$
.  $ab=-t$ 

그러므로

$$\overline{AH} = a - b$$

$$= \sqrt{(a-b)^2}$$

$$= \sqrt{(a+b)^2 - 4ab}$$

$$= \sqrt{1+4t}$$

또, 점 C의 좌표가  $C(-a, a^2)$ 이므로

$$\overline{CH} = b - (-a)$$
$$= b + a = 1$$

따라서

$$\lim_{t \to 0+} \frac{\overline{AH} - \overline{CH}}{t}$$

$$= \lim_{t \to 0+} \frac{\sqrt{1+4t} - 1}{t}$$

$$= \lim_{t \to 0+} \frac{(\sqrt{1+4t} - 1)(\sqrt{1+4t} + 1)}{t(\sqrt{1+4t} + 1)}$$

$$= \lim_{t \to 0+} \frac{(1+4t) - 1}{t(\sqrt{1+4t} + 1)}$$

$$= \lim_{t \to 0+} \frac{4t}{t(\sqrt{1+4t} + 1)}$$

$$= \lim_{t \to 0+} \frac{4}{\sqrt{1+4t} + 1}$$

$$= \frac{4}{1+1} = 2$$

정답 ②

13. 출제의도 : 사인법칙과 코사인법칙을 이용하여 두 선분의 길이의 곱을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

삼각형 CDE에서  $\angle$  CED =  $\frac{\pi}{4}$ 이므로 코사인법칙에 의하여

$$\overline{CD}^2 = \overline{CE}^2 + \overline{ED}^2 - 2 \times \overline{CE} \times \overline{ED} \times \cos \frac{\pi}{4}$$

$$= 4^2 + (3\sqrt{2})^2 - 2 \times 4 \times 3\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$= 10$$

이므로

$$\overline{\text{CD}} = \sqrt{10}$$

∠CDE= $\theta$ 라 하면 삼각형 CDE에서 코사인법칙에 의하여

$$\cos\theta = \frac{\overline{ED}^2 + \overline{CD}^2 - \overline{CE}^2}{2 \times \overline{ED} \times \overline{CD}}$$
$$= \frac{(3\sqrt{2})^2 + (\sqrt{10})^2 - 4^2}{2 \times 3\sqrt{2} \times \sqrt{10}}$$
$$= \frac{1}{\sqrt{5}}$$

이므로

$$\sin\theta = \sqrt{1 - \cos^2\theta}$$

$$= \sqrt{1 - \left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2} = \frac{2}{\sqrt{5}}$$

 $\overline{AC}=x$ ,  $\overline{AE}=y$ 라 하면 삼각형 ACE에서 코사인법칙에 의하여

$$x^2 = y^2 + 4^2 - 2 \times y \times 4 \times \cos \frac{3}{4} \pi$$

$$x^{2} = y^{2} + 16 - 2 \times y \times 4 \times \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right),$$

$$x^2 = y^2 + 4\sqrt{2}y + 16$$
 ...  $\bigcirc$ 

한편, 삼각형 ACD의 외접원의 반지름의 길이를 R라 하면 사인법칙에 의하여

$$\frac{x}{\sin\theta} = 2R, \quad \frac{x}{2} = 2R$$

에서

$$2R = \frac{\sqrt{5}}{2}x$$

삼각형 ABC는 직각삼각형이므로  $\angle$  CAB =  $\alpha$ 라 하면



$$\cos\alpha = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{x}{\sqrt{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}},$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \left(\frac{2}{\sqrt{5}}\right)^2}$$
$$= \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

이등변삼각형 AOC에서

$$\angle ACO = \angle CAO = \alpha$$

이므로 삼각형 ACE에서 사인법칙에 의 하여

$$\frac{x}{\sin\frac{3}{4}\pi} = \frac{y}{\sin\alpha}, \quad \frac{x}{9} = \frac{y}{\sqrt{5}} \text{ of } \lambda$$

$$\sqrt{2}x = \sqrt{5}y \cdots \bigcirc$$

①, ⓒ에서

$$\frac{5}{2}y^2 = y^2 + 4\sqrt{2}y + 16,$$

$$\frac{3}{2}y^2 - 4\sqrt{2}y - 16 = 0,$$

$$3y^2 - 8\sqrt{2}y - 32 = 0$$

$$(3y+4\sqrt{2})(y-4\sqrt{2})=0$$
에서

$$y = 4\sqrt{2}$$

이므로

$$\overline{AC} = x = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} \times 4\sqrt{2} = 4\sqrt{5}$$

따라가서

$$\overline{AC} \times \overline{CD} = 4\sqrt{5} \times \sqrt{10} = 20\sqrt{2}$$

정답 ⑤

# [다른 풀이]

삼각형 CED에서 코사인법칙에 의하여

$$\overline{CD}^{2} = \overline{CE}^{2} + \overline{DE}^{2} - 2 \times \overline{CE} \times \overline{DE} \times \cos \frac{\pi}{4}$$

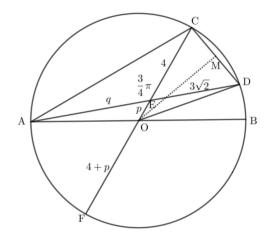
$$= 16 + 18 - 2 \times 4 \times 3\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 34 - 24 = 10$$

이므로

$$\overline{\text{CD}} = \sqrt{10}$$

직선 OC가 원과 만나는 점 중 C가 아닌 점을 F라 하고,  $\overline{OE} = p$ ,  $\overline{AE} = q$ 라 하면  $\overline{EF} = \overline{EO} + \overline{OF} = \overline{EO} + \overline{OC}$  = p + (p + 4) = 2(p + 2)



따라서 원의 성질에 의하여

$$\overline{CE} \times \overline{FE} = \overline{AE} \times \overline{DE}$$

이므로

$$4 \times 2(p+2) = q \times 3\sqrt{2} \quad \cdots \quad \bigcirc$$

한편,

 $\angle$ CAD는 호 CD의 원주각이고,  $\angle$ COD는 호 CD의 중심각이므로  $\angle$ CAD= $\theta$ 라하면

$$\angle COD = 2 \times \angle CAD = 2\theta$$

 CO = DO
 이므로 선분 CD의 중점을 M이

 라 하면

$$\angle \text{COM} = \frac{1}{2} \times \angle \text{COD} = \frac{1}{2} \times 2\theta = \theta$$

직각삼각형 OMC에서

$$\sin\theta = \frac{\overline{\text{CM}}}{\overline{\text{OC}}} = \frac{\frac{\sqrt{10}}{2}}{p+4} = \frac{\sqrt{10}}{2(p+4)}$$

따라서 삼각형 AEC에서 사인법칙에 의 하여

$$\frac{\overline{CE}}{\sin\theta} = \frac{\overline{AC}}{\sin\frac{3}{4}\pi}, \ \ \overline{}$$

$$\frac{4}{\frac{\sqrt{10}}{2(p+4)}} = \frac{\overline{AC}}{\frac{\sqrt{2}}{2}}$$

이므로

$$\overline{AC} = \frac{8(p+4)}{\sqrt{10}} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{4(p+4)}{\sqrt{5}} \cdots \bigcirc$$

삼각형 AEC에서 코사인법칙에 의하여

$$\overline{AC}^{2} = \overline{AE}^{2} + \overline{CE}^{2} - 2 \times \overline{AE} \times \overline{CE} \times \cos \frac{3}{4}\pi$$

$$= q^{2} + 16 - 2 \times q \times 4 \times \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

$$= q^{2} + 4\sqrt{2}q + 16 \quad \cdots \quad \bigcirc$$

①, ©에서

$$\left\{\frac{4(p+4)}{\sqrt{5}}\right\}^2 = q^2 + 4\sqrt{2}q + 16$$

이때 ①에서

$$4(p+2) = \frac{3\sqrt{2}}{2}q$$

이므로

$$\left(\frac{3\sqrt{2}}{2}q+8\right)^2 = q^2 + 4\sqrt{2}q + 16,$$

$$\frac{9}{2}q^2 + 24\sqrt{2}q + 64 = 5(q^2 + 4\sqrt{2}q + 16),$$

$$9q^2 + 48\sqrt{2}q + 128 = 10q^2 + 40\sqrt{2}q + 160,$$
$$q^2 - 8\sqrt{2}q + 32 = 0.$$

$$(q-4\sqrt{2})^2=0$$

$$q = 4\sqrt{2}$$

그러므로 😊에서

$$\overline{AC}^2 = 32 + 32 + 16 = 80$$

이므로

$$\overline{AC} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$$

따라서

$$\overline{AC} \times \overline{CD} = 4\sqrt{5} \times \sqrt{10} = 20\sqrt{2}$$

**14. 출제의도** : 함수의 그래프를 이해하고 명제의 참, 거짓을 판단할 수 있는 가?

# 정답풀이 :

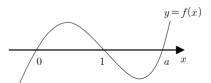
최고차항의 계수가 1이고 f(0) = 0, f(1) = 0인 삼차함수 f(x)를 f(x) = x(x-1)(x-a) (a는 상수)… 라 하자.

$$\exists \ g(0) = \int_0^1 f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx = 0$$

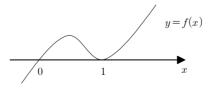
$$\int_0^1 f(x)dx = \int_0^1 |f(x)|dx$$

따라서  $0 \le x \le 1$ 일 때  $f(x) \ge 0$ 이므로 함수 y = f(x)의 그래프의 개형은 그림과 같다.

(i) a > 1일 때



(ii) a = 1일 때



(i), (ii)에 의하여

$$=2\int_{0}^{1}\{x^{3}-(a+1)x^{2}+ax\}dx$$

$$=2\left[\frac{1}{4}x^{4}-\frac{a+1}{3}x^{3}+\frac{a}{2}x^{2}\right]_{0}^{1}$$

$$=2\left(\frac{1}{4}-\frac{a+1}{3}+\frac{a}{2}\right)$$

$$=\frac{1}{3}a-\frac{1}{6}<-1 \quad \text{(참)}$$
이상에서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ 이다.
정답 ⑤

15. 출제의도 : 귀납적으로 정의된 수열 의 첫째항과 조건을 만족시키는 항의 개수를 구할 수 있는가?

정답풀이 :
조건 (가)에 의하여  $a_{4}=r$ ,  $a_{8}=r^{2}$  조건 (나)에 의하여  $a_{4}=r$ 이고  $0<|r|<1$ 에서  $|a_{4}|<5$ 이므로 로

로  $a_5 = r + 3$   $|a_5| < 5 \circ | 므로$   $a_6 = a_5 + 3 = r + 6$   $|a_6| \ge 5 \circ | 므로$   $a_7 = -\frac{1}{2}a_6 = -\frac{r}{2} - 3$   $|a_7| < 5 \circ | 므로$   $a_8 = a_7 + 3 = -\frac{r}{2}$ 그러므로  $r^2 = -\frac{r}{2}$ 

 $r \neq 0$ 이므로  $r = -\frac{1}{2}$ 

이때  $\left|a_3\right| < 5$ 이면  $a_3 = -\frac{1}{2} - 3 = -\frac{7}{2}$ 이고 이것은 조건을 만족시키며,  $\left|a_3\right| \geq 5$ 이면  $a_3 = -2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = 1$ 인데 이것은 조건을 만족시키지 않으므로

$$a_3 = -\,\frac{7}{2}$$

또,  $\left|a_{2}\right|<5$ 이면  $a_{2}=-\frac{7}{2}-3=-\frac{13}{2}$ 인데 이것은 조건을 만족시키지 않고,  $\left|a_{2}\right|\geq5$ 이면  $a_{2}=-2\times\left(-\frac{7}{2}\right)=7$ 이고 이 것은 조건을 만족시키므로  $a_{2}=7$ 

또,  $\left|a_1\right| < 5$ 이면  $a_1 = 7 - 3 = 4$ 이고,  $\left|a_1\right| \geq 5$ 이면  $a_1 = -2 \times 7 = -14$ 인데 조건 (나)에 의하여  $a_1 < 0$ 이므로

$$a_1 = -14$$

따라서

$$\begin{split} &a_1 = -14, \ a_2 = 7, \ a_3 = -\frac{7}{2}, \ a_4 = -\frac{1}{2}, \\ &a_5 = -\frac{1}{2} + 3, \ a_6 = -\frac{1}{2} + 6, \ a_7 = \frac{1}{4} - 3, \ a_8 = \frac{1}{4}, \\ &a_9 = \frac{1}{4} + 3, \ a_{10} = \frac{1}{4} + 6, \ a_{11} = -\frac{1}{8} - 3, \ a_{12} = -\frac{1}{8}, \end{split}$$

이와 같은 과정을 계속하면

 $\left|a_1\right| \ge 5$ 이고, 자연수 k에 대하여  $\left|a_{4k-2}\right| \ge 5$ 임을 알 수 있다.

그러므로  $\left|a_{m}\right| \geq 5$ 를 만족시키는 100이 하의 자연수 m은

1, 2, 6, 10, ..., 98

이고,  $2=4\times1-2$ ,  $98=4\times25-2$ 이므로 p=1+25=26

따라서

$$p + a_1 = 26 + (-14) = 12$$

정답 ③

**16. 출제의도** : 로그방정식의 해를 구할 수 있는가?

# 정답품이 :

진수 조건에서

x-4>0이고 x+2>0이어야 하므로 x>4 ···  $\bigcirc$ 

$$\log_3(x-4) = \log_{3^2}(x-4)^2 = \log_9(x-4)^2$$

이므로 주어진 방정식은

$$\log_9(x-4)^2 = \log_9(x+2),$$

$$(x-4)^2 = x+2$$
,

$$x^2 - 8x + 16 = x + 2,$$

$$x^{2}-9x+14=(x-2)(x-7)=0$$

따라서 
$$x=2$$
 또는  $x=7$ 

 $\bigcirc$ 에서 구하는 실수 x의 값은 7이다.

정답 7

17. **출제의도** : 부정적분을 이용하여 함 숫값을 구할 수 있는가?

# 정답풀이:

$$f(x) = \int (6x^2 - 4x + 3)dx$$
$$= 2x^3 - 2x^2 + 3x + C$$

(단, *C*는 적분상수)

이므로

$$f(1) = 2 - 2 + 3 + C = 3 + C = 5$$

에서

C=2

따라서

$$f(2) = 16 - 8 + 6 + 2 = 16$$

정답 16

**18. 출제의도** : 합의 기호  $\sum$ 의 성질을 이용하여 조건을 만족시키는 상수의 값

을 구할 수 있는가?

# 정답풀이:

$$\sum_{k=1}^{5} ca_k = c \sum_{k=1}^{5} a_k$$
$$= c \times 10 = 10c$$

이고

$$\sum_{k=1}^{5} c = 5c$$

이므로

$$\sum_{k=1}^{5} ca_k = 65 + \sum_{k=1}^{5} c$$

에서

10c = 65 + 5c

5c = 65

따라서

c = 13

정답 13

19. **출제의도** : 사차방정식이 서로 다른 네 실근을 가질 조건을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

$$f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 12x^2$$
이라 하면 
$$f'(x) = 12x^3 - 12x^2 - 24x$$
$$= 12x(x^2 - x - 2)$$
$$= 12x(x+1)(x-2)$$

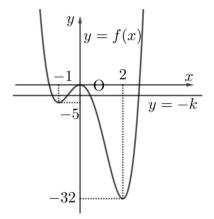
이므로 f'(x) = 0에서

 $x = 0 \quad \text{£} \stackrel{}{\vdash} \quad x = -1 \quad \text{£} \stackrel{}{\vdash} \quad x = 2$ 

이때 함수 f(x)의 증가와 감소를 표로 나타내면 다음과 같다.

x	•••	-1		0	•••	2	•••
f'(x)	_	0	+	0	_	0	+
f(x)	×	극소	7	극대	×	극소	7

따라서 사차함수 f(x)는 x=0에서 극댓값 f(0)=0을 갖고, x=-1, x=2에서 각각 극솟값 f(-1)=3+4-12=-5, f(2)=48-32-48=-32 를 갖는다.



주어진 방정식의 서로 다른 실근의 개수는 곡선 y=f(x)와 직선 y=-k의 교점의 개수와 같으므로 주어진 방정식이 서로 다른 네 실근을 가질 조건은 위의 그래프에서

-5 < -k < 0,  $\stackrel{\sim}{\lnot} 0 < k < 5$ 

이어야 한다.

따라서 구하는 자연수 k의 개수는 4이 다.

정답 4

20. 출제의도 : 주어진 조건을 만족시키는 함수를 구한 후 두 곡선으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구할 수 있는가?

# 정답풀이:

$$f(x) = x^3 + x^2 - x$$
 에서 
$$f'(x) = 3x^2 + 2x - 1$$
$$= (3x - 1)(x + 1)$$
이므로  $f'(x) = 0$ 에서

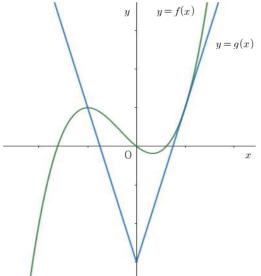
$$x = -1$$
 또는  $x = \frac{1}{3}$ 

이때 함수 f(x)의 증가와 감소를 표로 나타내면 다음과 같다.

x		-1	•••	$\frac{1}{3}$	•••
f'(x)	+	0	_	0	+
f(x)	1	극대	7	극소	7

따라서, 함수 f(x)는 x=-1에서 극댓값 이 f(-1)=1,  $x=\frac{1}{3}$ 에서 극솟값이  $f\left(\frac{1}{3}\right)=-\frac{5}{27}$  이므로 두 함수  $f(x)=x^3+x^2-x$ , g(x)=4|x|+k의 그래 프가 만나는 점의 개수가 2이기 위해서는 그림과 같이 x>0인 부분에서 두 함

프가 만나는 점의 개수가 2이기 위해서는 그림과 같이 x>0인 부분에서 두 함수  $f(x)=x^3+x^2-x$ , g(x)=4|x|+k의 그래프가 접해야 한다.



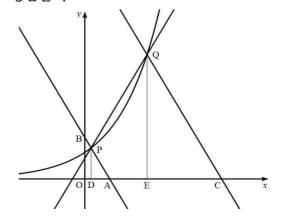
x>0일 때 g(x)=4x+k이므로  $f'(x)=3x^2+2x-1=4$  에서  $3x^2+2x-5=0, \ (3x+5)(x-1)=0$  즉, x=1 이므로 접점의 좌표는 (1,1)이 고

$$g(1) = 4 + k = 1$$
  
따라서,  $k = -3$   
또한,  $x < 0$ 일 때  $g(x) = -4x - 3$ 이므로  
두 함수  $y = f(x)$ ,  $y = g(x)$ 의 그래프의  
교점의  $x$ 좌표는  
 $x^3 + x^2 - x = -4x - 3$ ,  $x^3 + x^2 + 3x + 3 = 0$   
 $(x+1)(x^2+3) = 0$   
 $x = -1$   
따라서 구하는 넓이  $S$ 는  
 $S = \int_{-1}^{0} (x^3 + x^2 + 3x + 3) dx$   
 $+ \int_{0}^{1} (x^3 + x^2 - 5x + 3) dx$   
 $= \left[\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 + 3x\right]_{-1}^{0}$   
 $+ \left[\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 3x\right]_{0}^{1}$   
 $= \frac{19}{12} + \frac{13}{12} = \frac{8}{3}$   
 $30 \times S = 30 \times \frac{8}{3} = 80$ 

정답 80

21. 출제의도 : 지수함수의 그래프를 이용하여 조건을 만족시키는 점의 좌표를 구할 수 있는가?

# 정답풀이:



위 그림과 같이 두 점 P, Q에서 x축에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 하자.

$$\overline{PB} = k$$
라 하면

$$\overline{AP} = \overline{AB} - \overline{PB}$$

$$=4\overline{PB}-\overline{PB}$$

$$=3\overline{PB}=3k$$

이고,

$$\overline{CQ} = 3\overline{AB}$$

$$=3\times4\overline{PB}$$

$$=12\overline{PB}=12k$$

이므로 
$$\overline{AP}$$
:  $\overline{CQ} = 3k : 12k = 1 : 4$ 

이때 △PDA∽△QEC이므로

$$\overline{PD}$$
:  $\overline{QE} = \overline{AP}$ :  $\overline{CQ} = 1:4$ 

즉. 
$$2^a:2^b=1:4$$
이므로

$$2^b = 4 \times 2^a = 2^{a+2}$$

에서

$$b = a + 2$$

즉.

$$m = \frac{2^b - 2^a}{b - a}$$

$$=\frac{2^{a+2}-2^a}{(a+2)-a}$$

$$=\frac{3\times 2^a}{2}$$

$$=3\times 2^{a-1}$$

이므로 직선 AB의 방정식은

$$y-2^a = -3 \times 2^{a-1}(x-a)$$

.....

 $\bigcirc$ 에 y=0을 대입하면

$$-2^a = -3 \times 2^{a-1}(x-a)$$

$$x-a=\frac{2}{3}$$

$$x = a + \frac{2}{3}$$

즉, 점 A의 x좌표가  $a+\frac{2}{3}$ 이다.

이때 원점 O에 대하여  $\Delta APD \circ \Delta ABO$ 

이므로

$$\overline{AO}$$
:  $\overline{DO} = \overline{AB}$ :  $\overline{PB} = 4:1$ 

$$\frac{4}{3}$$
;  $a + \frac{2}{3}$ :  $a = 4:1$ 

$$a + \frac{2}{3} = 4a$$

$$a = \frac{2}{9}$$

$$b = a + 2 = \frac{2}{9} + 2 = \frac{20}{9}$$

따라서

$$90 \times (a+b) = 90 \times \left(\frac{2}{9} + \frac{20}{9}\right)$$
$$= 90 \times \frac{22}{9}$$
$$= 220$$

정답 220

22. 출제의도 : 삼차함수의 그래프와 함수의 연속성을 이용하여 함숫값을 구할수 있는가?

# 정답풀이 :

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x \ge t) \\ -f(x) + 2f(t) & (x < t) \end{cases}$$

에서

$$\lim_{x \to t^{-}} g(x) = \lim_{x \to t^{+}} g(x) = g(t) = f(t)$$

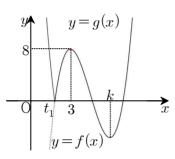
이므로 함수 g(t)는 실수 전체의 집합에 서 연속이다.

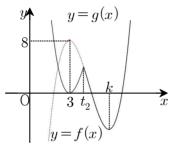
함수 f(x)가 x = k에서 극솟값을 갖는다고 하자.

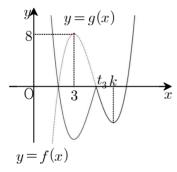
이때 함수 y=-f(x)+2f(t)의 그래프는 함수 y=f(x)의 그래프를 x축에 대하여 대칭이동한 후, y축의 방향으로 2f(t)만큼 평행이동한 것이다.

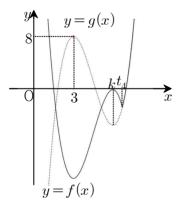
방정식 g(x) = 0의 서로 다른 실근의 개 수는 함수 y = g(x)의 그래프와 x축과의 교점의 개수와 같으므로 f(k)의 값에 따라 나누어 생각할 수 있다.

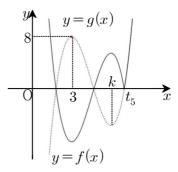
우선, f(k) < 0인 경우를 생각해보면 함수 y = g(x)가 불연속일 때의 그래프는 다음과 같다.







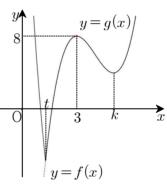




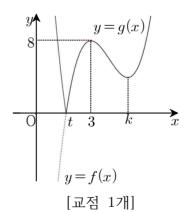
따라서 함수 h(t)는

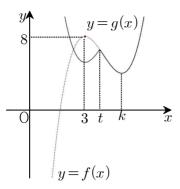
 $t = t_i$  (i = 1, 2, 3, 4, 5)에서 불연속이므로 주어진 조건에 위배된다.

위와 같은 방법으로 함수 y=f(x)의 그래프에 따라 함수 y=g(x)의 그래프를 그려보면 함수 h(t)가 t=a에서 불연속 인 a의 값이 두 개인 경우는 다음과 같이 t=k일 때 g(3)=0이 되는 경우뿐이다.

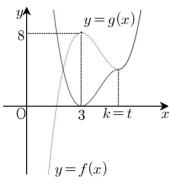


[교점 2개]

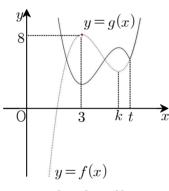




[교점 0개]



[교점 1개]



[교점 0개]

t = k일 때

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x \ge k) \\ -f(x) + 2f(k) & (x < k) \end{cases}$$

이고 이때 g(3) = 0에서

$$-f(3)+2f(k)=0$$
,  $= -8+2f(k)=0$ 

에서

$$f(k) = 4$$

한편, 최고차항의 계수가 1인 함수 f(x)가 x=3에서 극댓값을 가지므로 x=k에

서 극솟값을 가지므로 
$$k>3$$
이고

$$f'(x) = 3(x-3)(x-k)$$

$$=3x^2 - 3(3+k)x + 9k$$

따라서

$$f(x) = x^3 - \frac{3}{2}(3+k)x^2 + 9kx + C$$
 (  $C = \frac{7}{2}$ 

분상수)

이고 
$$f(3) = 8$$
이므로

$$27 - \frac{27}{2}(3+k) + 27k + C = 8$$

$$C = \frac{43}{2} - \frac{27}{2}k$$

따라서

$$f(x) = x^3 - \frac{3}{2}(3+k)x^2 + 9kx + \frac{43}{2} - \frac{27}{2}k$$

이때 
$$f(k) = 4$$
이므로

$$k^{3} - \frac{3}{2}(3+k)k^{2} + 9k^{2} + \frac{43}{2} - \frac{27}{2}k = 4$$

$$-\frac{k^3}{2} + \frac{9}{2}k^2 - \frac{27}{2}k + \frac{35}{2} = 0$$
,

$$k^3 - 9k^2 + 27k - 35 = 0$$
.

$$(k-5)(k^2-4k+7)=0$$

모든 실수 k에 대하여  $k^2 - 4k + 7 > 0$ 이

ㅁ루

k = 5

따라서

$$f(x) = x^3 - 12x^2 + 45x - 46$$

이므로

$$f(8) = 512 - 768 + 360 - 46 = 58$$

정답 58



# ■ [선택: 확률과 통계]

23. ① 24. ③ 25. ④ 26. ② 27. ⑤

28. ③ 29. 175 30. 260

$$\stackrel{\sim}{\neg}$$
,  $P(A) = \frac{5}{8}$ 

정답 ③

**23. 출제의도** : 다항식에서 이항정리를 이용하여  $x^4$ 의 계수를 구할 수 있는가?

## 정답풀이:

다항식  $(x^2+2)^6$ 의 전개식의 일반항은  ${}_6\mathbf{C}_r(x^2)^r2^{6-r}$ 

$$= {}_{6}C_{r} 2^{6-r} x^{2r}$$

$$(r=0, 1, 2, \cdots, 6)$$

따라서 r=2일 때  $x^4$ 의 계수는

$$_6\text{C}_2 \times 2^4 = 15 \times 16$$

= 240

정답 ①

**24. 출제의도** : 주어진 조건을 만족시키 는 P(A)의 값을 구할 수 있는가?

## 정답풀이:

$$P(A \cap B) = \frac{1}{4} \circ | \mathbb{Z},$$

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}, \quad P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$

이므로

$$\frac{\frac{1}{4}}{P(B)} = \frac{\frac{1}{4}}{P(A)}$$
에서  $P(A) = P(B)$ 

따라서

 $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \cap A$ 

$$1 = P(A) + P(A) - \frac{1}{4}$$

25. 출제의도 : 정규분포를 따르는 확률 변수에 대하여 표준정규분포를 이용하여 상수의 값을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

A 제품 1개의 중량을 X라 하면 확률변수 X는 정규분포  $N(9, 0.4^2)$ 을 따르고

 $Z = \frac{X - 9}{0.4}$ 라 하면 확률변수 Z는 표준정 규분포 N(0, 1)을 따른다.

또 B 제품 1개의 중량을 Y라 하면 확률변수 Y는 정규분포  $N(20, 1^2)$ 을 따르고

 $Z = \frac{X - 20}{1}$ 이라 하면 확률변수 Z는 표 준정규분포 N(0, 1)을 따른다.

 $P(8.9 \le X \le 9.4) = P(19 \le Y \le k)$ 에서

$$P\left(\frac{8.9 - 9}{0.4} \le \frac{X - 9}{0.4} \le \frac{9.4 - 9}{0.4}\right)$$

$$= \mathbf{P}\!\left(\frac{19-20}{1} \leq \frac{Y\!-20}{1} \leq \frac{k\!-20}{1}\right)$$

 $P(-0.25 \le Z \le 1) = P(-1 \le Z \le k - 20)$ 

따라서

 $P(-0.25 \le Z \le 1) = P(-1 \le Z \le 0.25)$ 이

k-20 = 0.25에서

k = 20.25

정답 ④

26. 출제의도 : 확률의 덧셈정리를 이용 하여 조건을 만족시키는 확률을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

7명이 원 모양의 탁자에 일정한 간격을 두고 둘러앉는 경우의 수는 (7-1)! = 6!

A가 B와 이웃하는 사건을 E,

A가 C와 이웃하는 사건을 F라 하면 구하는 확률은  $P(E \cup F)$ 이다.

(i) A가 B와 이웃하는 경우

A와 B를 한 명이라 생각하고 6명이 원 모양의 탁자에 둘러앉는 경우의 수는 5!

A와 B가 서로 자리를 바꾸는 경우의 수는

2

$$\stackrel{\triangle}{=}$$
,  $P(E) = \frac{5! \times 2}{6!} = \frac{1}{3}$ 

(ii) A가 C와 이웃하는 경우

A와 C를 한 명이라 생각하고 6명이 원 모양의 탁자에 둘러앉는 경우의 수는 5!

A와 C가 서로 자리를 바꾸는 경우의 수는

2

$$\stackrel{\sim}{\neg}$$
,  $P(F) = \frac{5! \times 2}{6!} = \frac{1}{3}$ 

(iii) A가 B, C와 모두 이웃하는 경우

A, B, C를 한 명이라 생각하고 5명 이 원 모양의 탁자에 둘러앉는 경우의 수는

4!

A를 가운데 두고 B와 C가 서로 자 리를 바꾸는 경우의 수는 2

$$\stackrel{\triangle}{\neg}$$
,  $P(E \cap F) = \frac{4! \times 2}{6!} = \frac{1}{15}$ 

( i ), (ii ), (iii)에서 구하는 확률은 P(E∪F)=P(E)+P(F)-P(E∩F)

$$= \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{15}$$
$$= \frac{3}{5}$$

정답 ②

27. 출제의도 : 이산확률변수의 확률분포에서 조건을 만족시키는 상수의 값을 구하고, 확률변수의 평균과 분산을 구할수 있는가?

# 정답풀이 :

$$E(X) = 0 \times \frac{1}{10} + 1 \times \frac{1}{2} + a \times \frac{2}{5}$$

$$=\frac{1}{2}+\frac{2}{5}a$$

$$E(X^2) = 0 \times \frac{1}{10} + 1 \times \frac{1}{2} + a^2 \times \frac{2}{5}$$

$$= \frac{1}{2} + \frac{2}{5}a^2$$

이때 주어진 조건에서

$$\{\sigma(X)\}^2 = \{E(X)\}^2 \circ ]$$
 \( \square\).

$$V(X) = E(X^2) - \{E(X)\}^2$$
이므로

$$V(X) = \{E(X)\}^2$$
에서

$$\{E(X)\}^2 = E(X^2) - \{E(X)\}^2$$

$$2\{E(X)\}^2 = E(X^2)$$

$$2 \times \left(\frac{1}{2} + \frac{2}{5}a\right)^2 = \frac{1}{2} + \frac{2}{5}a^2$$

$$\frac{2}{25}a(a-10)=0$$

따라서

$$E(X^2)+E(X)$$

$$= \frac{1}{2} + \frac{2}{5}a^2 + \frac{1}{2} + \frac{2}{5}a$$
$$= \frac{1}{2} + \frac{2}{5} \times 100 + \frac{1}{2} + \frac{2}{5} \times 10$$
$$= 45$$

정답 ⑤

28. 출제의도 : 확률의 덧셈정리를 이용 하여 조건을 만족시키는 확률을 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

3의 배수의 집합을  $S_0$ , 3으로 나누었을 때의 나머지가 1인 수의 집합을  $S_1$ , 3으로 나누었을 때의 나머지가 2인 수의 집합을  $S_2$ 라 하면

$$S_0 = \{3, 6, 9\}$$

$$S_1 = \{1, 4, 7, 10\}$$

$$S_2 = \{2, 5, 8\}$$

세 수의 곱이 5의 배수이어야 하므로 5 또는 10이 반드시 포함되어야 한다.

또 세 수의 합이 3의 배수이어야 하므로 세 집합  $S_0$ ,  $S_1$ ,  $S_2$ 에서 각각 한 원소씩을 택하거나, 하나의 집합에서 세 원소를 택해야 한다.

(i) 5가 포함되는 경우

두 집합  $S_0$ ,  $S_1$ 에서 한 원소씩을 택하는 경우의 수는

$$_{3}C_{1} \times_{_{4}} C_{1} = 12$$

 $S_2$ 에서 두 원소를 택하는 경우의 수 는

$$_{2}C_{2}=1$$

즉, 경우의 수는 12+1=13

(ii) 10이 포함되는 경우

두 집합  $S_0$ ,  $S_2$ 에서 한 원소씩을 택하는 경우의 수는

$$_{3}C_{1} \times _{3}C_{1} = 9$$

 $S_1$ 에서 두 원소를 택하는 경우의 수

는

$$_{3}C_{2}=3$$

즉. 경우의 수는 9+3=12

(iii) 5와 10이 모두 포함되는 경우

집합  $S_0$ 에서 한 원소를 택하는 경우

의 수는 
$$_{3}C_{1}=3$$

(i), (ii), (iii)에서

조건을 만족시키도록 세 수를 택하는 경 우의 수는

$$13 + 12 - 3 = 22$$

세 수를 택하는 모든 경우의 수는

 $_{10}$ C $_3 = 120이므로$ 

구하는 확률은

$$\frac{22}{120} = \frac{11}{60}$$

정답 ③

29. 출제의도 : 표본평균의 분포에서 조 건을 만족시키는 확률을 구할 수 있는 가?

#### 정답풀이:

네 장의 카드를 꺼내는 경우의 수는 6<sup>4</sup>

네 수를 각각  $X_1, X_2, X_3, X_4$ 라 하면  $X_1 + X_2 + X_3 + X_4 = 11$ 

 $1 \le X_i \le 6 \ (i = 1, 2, 3, 4)$ 이므로

음이 아닌 정수  $x_i$ 에 대하여

$$X_i = x_i + 1$$
로 놓으면

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 7$$

방정식  $x_1+x_2+x_3+x_4=7$ 을 만족시키는 음이 아닌 정수  $x_1, x_2, x_3, x_4$ 의 모든 순서쌍  $(x_1, x_2, x_3, x_4)$ 의 개수는

$$_{4}H_{7} = _{10}C_{7} = _{10}C_{3} = 120$$

이때 7,0,0,0으로 이루어진 음이 아닌 정수  $x_1, x_2, x_3, x_4$ 의 순서쌍 4개와

6,1,0,0으로 이루어진 음이 아닌 정수  $x_1,\,x_2,\,x_3,\,x_4$ 의 순서쌍 12개는 제외해야 한다.

즉, 조건을 만족시키는  $X_1, X_2, X_3, X_4$ 의 모든 순서쌍  $\left(X_1, X_2, X_3, X_4\right)$ 의 개수는

120-(4+12)=104 따라서 구하는 확률은

$$\frac{104}{6^4} = \frac{13}{162}$$

p = 162, q = 13이므로 p+q = 162+13 = 175

정답 175

[다른 풀이]

카드 한 장을 꺼낼 확률은  $\frac{1}{6}$ 

네 수의 합이 11인 경우를 다음과 같이 나누어 생각한다.

- (i) 세 수가 같은 경우
  - (3, 3, 3, 2), (2, 2, 2, 5)
  - 의 2가지 경우이므로
  - 이 경우 구하는 확률은

$$2\times\frac{4!}{3!}\times\left(\frac{1}{6}\right)^4=8\times\left(\frac{1}{6}\right)^4$$

(ii) 두 수가 같은 경우

(4, 4, 2, 1), (3, 3, 4, 1), (2, 2, 6, 1),

(2, 2, 4, 3), (1, 1, 6, 3), (1, 1, 5, 4) 의 6가지 경우이므로 이 경우 구하는 확률은

$$6 \times \frac{4!}{2!} \times \left(\frac{1}{6}\right)^4 = 72 \times \left(\frac{1}{6}\right)^4$$

(iii) 네 수가 모두 다른 경우

(5, 3, 2, 1)의 1가지 경우이므로

이 경우 구하는 확률은

$$4! \times \left(\frac{1}{6}\right)^4 = 24 \times \left(\frac{1}{6}\right)^4$$

(i), (ii), (iii)에서

$$P(\overline{X} = \frac{11}{4}) = (8 + 72 + 24) \times (\frac{1}{6})^4$$
$$= \frac{104}{6^4}$$
$$= \frac{13}{162}$$

따라서 p=162, q=13이므로 p+q=162+13=175

**30. 출제의도** : 조건을 만족시키는 함수 *f*의 개수를 구할 수 있는가?

#### 정답풀이:

조건 (다)에서 함수 f는 상수함수일 수 없으므로

n(A) = 2 + n(A) = 3

(i) n(A)=2인 경우

집합 A를 정하는 경우의 수는  ${}_{5}C_{9} = 10$ 

 $A = \{1, 2\}$ 인 경우를 생각하면

조건 (다)에서 f(1)=2, f(2)=1

f(3), f(4), f(5)의 값은 1, 2중 하나 이므로

*f*(3), *f*(4), *f*(5)의 값을 정하는 경우 의 수는

$$_{2}\Pi_{3}=2^{3}=8$$

즉, n(A)= 2인 경우 함수 f의 개수는  $10 \times 8 = 80$ 

(ii) n(A)=3인 경우

집합 A를 정하는 경우의 수는

 $_{5}C_{3} = 10$ 

 $A = \{1, 2, 3\}$ 인 경우를 생각하면

조건 (다)에서

순서쌍 (f(1), f(2), f(3))은

(2, 3, 1), (3, 1, 2)뿐이므로

f(1), f(2), f(3)의 값을 정하는 경우

의 수는

2

f(4), f(5)의 값은 1, 2, 3중 하나이므

로

f(4), f(5)의 값을 정하는 경우의 수

는

$$_{3}\Pi_{2}=3^{2}=9$$

즉, n(A)= 3인 경우 함수 f의 개수는

 $10 \times 2 \times 9 = 180$ 

(i), (ii)에서 구하는 함수 f의 개수는

80 + 180 = 260

정답 260