제 2 교시

수학 영역

5 지 선 다 형

1. 두 다항식

$$A = 2x^2 - 3xy, \ B = x^2 - 4xy - y^2$$

에 대하여 A-B를 간단히 하면? [2점]

- ① $x^2 + xy$ ② $x^2 + 2xy$ ③ $x^2 xy + y^2$ ④ $x^2 + xy + y^2$

2. $1+i^2$ 의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$) [2점]

- ① 0 ② -i ③ i ④ 1-i ⑤ 1+i

4. 두 직선 y = -2x + 3, y = ax + 1이 서로 수직일 때, 상수 a의

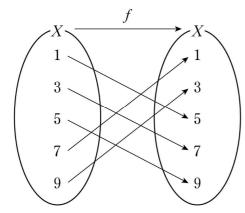
3. 부등식 |x-2| < 3을 만족시키는 정수 x의 개수는? [2점]

① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

값은? [3점]

- ① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{2}{3}$

5. 그림은 함수 $f: X \rightarrow X$ 를 나타낸 것이다.



 $f(5)+(f\circ f)(9)$ 의 값은? [3점]

- ① 18
- ② 16

 - 3 14
- **4** 12
- ⑤ 10

- 6. 다항식 x^2+3x+6 을 x+2로 나눈 나머지는? [3점]
- \bigcirc 2
- 2 4
- 3 6
- 4 8
- **⑤** 10

- 7. 좌표평면 위에 두 점 A(0, a), B(6, 0)이 있다. 선분 AB를 1:2로 내분하는 점이 직선 y=-x 위에 있을 때, a의 값은? [3점]
- $\bigcirc -1$
- $\bigcirc -2$ $\bigcirc -3$
- 4 4 5 5

- 8. 곡선 $y=2x^2-5x+a$ 와 직선 y=x+12가 서로 다른 두 점에서 만나고 두 교점의 x좌표의 곱이 -4일 때, 상수 a의 값은? [3점]

 - ① 3 ② 4 ③ 5
- 4 6
 - ⑤ 7

9. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 집합 B가

 $B - A = \{5, 6\}$

을 만족시킨다. 집합 B의 모든 원소의 합이 12일 때,

집합 A-B의 모든 원소의 합은? [3점]

① 5 ② 6

3 7 4 8

⑤ 9

10. 다항식 P(x)가 모든 실수 x에 대하여 등식

x(x+1)(x+2) = (x+1)(x-1)P(x) + ax + b

를 만족시킬 때, P(a-b)의 값은? (단, a, b는 상수이다.)

[3점]

1

2 2

3 3

4

⑤ 5

- 11. 좌표평면에서 원 $x^2 + y^2 = 1$ 위의 점 중 제1사분면에 있는 점 | 12. 실수 x에 대한 두 조건 p, q가 다음과 같다. P 에서의 접선이 점 (0, 3)을 지날 때, 점 P의 x좌표는? [3점]

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{\sqrt{5}}{3}$ ③ $\frac{\sqrt{6}}{3}$ ④ $\frac{\sqrt{7}}{3}$ ⑤ $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

$$q: x^2 - x - 2 < 0$$

- $\sim p$ 가 q이기 위한 필요조건이 되도록 하는 정수 a의 최솟값은? (단, a<5) [3점]
- $\bigcirc -2$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 1$ $\bigcirc 2$

13. 연립방정식

$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 - y^2 = 9 \end{cases}$$

의 해를

라 하자. $\alpha_1 < \alpha_2$ 일 때, $\beta_1 - \beta_2$ 의 값은? [3점]

①
$$-2\sqrt{3}$$
 ② $-2\sqrt{2}$ ③ $2\sqrt{2}$ ④ $2\sqrt{3}$ ⑤ 4

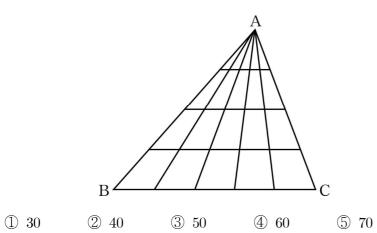
14. 함수 $f(x) = x^2 - 2x + a$ 가

$$(f \circ f)(2) = (f \circ f)(4)$$

를 만족시킬 때, f(6)의 값은? (단, a는 상수이다.) [4점]

① 21 ② 22 ③ 23 ④ 24 ⑤ 25

15. 삼각형 ABC에서, 꼭짓점 A와 선분 BC 위의 네 점을 연결하는 4개의 선분을 그리고, 선분 AB 위의 세 점과 선분 AC 위의 세 점을 연결하는 3개의 선분을 그려 그림과 같은 도형을 만들었다. 이 도형의 선들로 만들 수 있는 삼각형의 개수는? [4점]



16. 함수 $f(x) = \sqrt{3x-12}$ 가 있다. 함수 g(x)가 2 이상의 모든 실수 x에 대하여

$$f^{-1}(g(x)) = 2x$$

를 만족시킬 때, g(3)의 값은? [4점]

- ① 2 ② $\sqrt{5}$ ③ $\sqrt{6}$ ④ $\sqrt{7}$ ⑤ $2\sqrt{2}$

17. 그림과 같이 크기가 같은 6개의 정사각형에 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있다.

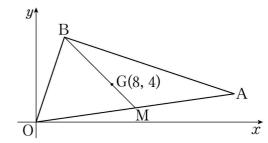
1	2	3
4	5	6

서로 다른 4가지 색의 일부 또는 전부를 사용하여 다음 조건을 만족시키도록 6개의 정사각형에 색을 칠하는 경우의 수는? (단, 한 정사각형에 한 가지 색만을 칠한다.) [4점]

- (가) 1이 적힌 정사각형과 6이 적힌 정사각형에는 같은 색 을 칠한다.
- (나) 변을 공유하는 두 정사각형에는 서로 다른 색을 칠한다.
- ① 72
- 2 84
- 3 96
- **4** 108
- (5) 120

18. 좌표평면의 제1사분면에 있는 두 점 A, B와 원점 O에 대하여 삼각형 OAB의 무게중심 G의 좌표는 (8, 4)이고, 점 B와 직선 OA 사이의 거리는 $6\sqrt{2}$ 이다. 다음은 직선 OB의 기울기가 직선 OA의 기울기보다 클 때, 직선 OA의 기울기를 구하는 과정이다.

선분 OA의 중점을 M이라 하자.



점 G가 삼각형 OAB의 무게중심이므로

$$\overline{BG} : \overline{GM} = 2 : 1$$

이고, 점 B와 직선 OA 사이의 거리가 $6\sqrt{2}$ 이므로 점 G와 직선 OA 사이의 거리는 (가) 이다.

직선 OA의 기울기를 m이라 하면 점 G와 직선 OA 사이의 거리는

$$\sqrt{m^2 + (-1)^2}$$

이고 (가) 와 같다. 즉,

이다. 양변을 제곱하여 m의 값을 구하면

이때 직선 OG의 기울기가 $\frac{1}{2}$ 이므로 직선 OA의 기울기는

위의 (가), (다)에 알맞은 수를 각각 p, q라 하고, (나)에 알맞은 식을 f(m)이라 할 때, $\frac{f(q)}{p^2}$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{2}{7}$ ② $\frac{5}{14}$ ③ $\frac{3}{7}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{4}{7}$

19. 함수 $f(x) = \frac{a}{x-6} + b$ 에 대하여 함수 $y = \left| f(x+a) + \frac{a}{2} \right|$ 의 그래프가 y축에 대하여 대칭일 때, f(b)의 값은? (단, a, b는 상수이고, $a \neq 0$ 이다.) [4점]

- ① $-\frac{25}{6}$ ② -4 ③ $-\frac{23}{6}$ ④ $-\frac{11}{3}$ ⑤ $-\frac{7}{2}$

20. x에 대한 사차방정식

$$x^4 + (3 - 2a)x^2 + a^2 - 3a - 10 = 0$$

이 실근과 허근을 모두 가질 때, 이 사차방정식에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, a는 실수이다.) [4점]

---- < 보 기 > -

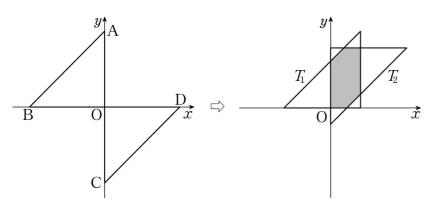
- \neg . a=1이면 모든 실근의 곱은 -3이다.
- ㄴ. 모든 실근의 곱이 -4이면 모든 허근의 곱은 3이다.
- \Box . 정수인 근을 갖도록 하는 모든 실수 a의 값의 합은 -1이다.
- ① ¬
- ② ¬, ∟
- ③ ¬, ⊏

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ¬, ∟, ⊏

21. 좌표평면 위에 세 점 O(0, 0), A(0, 1), B(-1, 0)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 OAB와 세 점 O(0, 0), C(0, -1), D(1, 0)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 OCD가 있다. 양의 실수 t에 대하여 삼각형 OAB를 x축의 방향으로 t만큼 평행이동한 삼각형을 T_1 , 삼각형 OCD를 y축의 방향으로 2t만큼 평행이동한 삼각형을 T_2 라 하자. 두 삼각형 T_1 , T_2 의 내부의 공통부분이 육각형 모양이 되도록 하는 모든 t의 값의 범위는 $\frac{1}{3} < t < a$ 이고, 이때 육각형의 넓이의 최댓값은 M이다.

a+M의 값은? [4점]

① $\frac{11}{14}$ ② $\frac{23}{28}$ ③ $\frac{6}{7}$ ④ $\frac{25}{28}$ ⑤ $\frac{13}{14}$



단답형

22. ₃P₂의 값을 구하시오. [3점]

23. 두 집합 A, B에 대하여

 $n(A) = 12, \ n(B) = 25, \ n(A \cap B) = 4$ 일 때, $n(A \cup B)$ 의 값을 구하시오. [3점] 24. 원 $x^2+y^2-8x+6y=0$ 의 넓이는 $k\pi$ 이다. k의 값을 구하시오. [3점]

26. 삼차방정식 $x^3+x-2=0$ 의 서로 다른 두 허근을 α , β 라 할 때, $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값을 구하시오. [4점]

25. 세 실수 x, y, z가

$$x^2 + y^2 + 4z^2 = 62,$$

$$xy - 2yz + 2zx = 13$$

을 만족시킬 때, $(x-y-2z)^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

27. 명제

'어떤 실수 x에 대하여 $x^2 + 8x + 2k - 1 \le 0$ 이다.' 가 거짓이 되도록 하는 정수 k의 최솟값을 구하시오. [4점] **28.** 전체집합 $U = \{x | x = 5 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합

$$A = \{1, 2\}, B = \{2, 3, 4\}$$

에 대하여

 $X \cap A \neq \emptyset$, $X \cap B \neq \emptyset$

을 만족시키는 U의 부분집합 X의 개수를 구하시오. [4점]

29. 서로 다른 종류의 꽃 4송이와 같은 종류의 초콜릿 2개를 5명의 학생에게 남김없이 나누어 주려고 한다. 아무것도 받지 못하는 학생이 없도록 꽃과 초콜릿을 나누어 주는 경우의 수를 구하시오. [4점]



30. 함수 $f(x)=\sqrt{ax-3}+2\left(a\geq \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 집합 $\{x|x\geq 2\}$ 에서 정의된 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (f(x) < f^{-1}(x) 인 경우) \\ f^{-1}(x) & (f(x) \ge f^{-1}(x) 인 경우) \end{cases}$$

가 있다. 자연수 n에 대하여 함수 y=g(x)의 그래프와 직선 y=x-n이 만나는 서로 다른 점의 개수를 h(n)이라 하자.

$$h(1) = h(3) < h(2)$$

일 때, $g(4) = \frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, a는 상수이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.

고2 ^{서울특별시교육청 주관} 2020학년도 3월 고2 전국연합학력평가 답안지

- st 답안지 작성(표기)은 반드시 검은색 컴퓨터용 시인펜만을 사용하고, 연필 또는 사프 등의 필기구를 절대 사용하지 마십시오.
- ※ 뒷면의 수험생 준수시항을 숙지하여야 하며 이를 준수하지 않을 경우 불이익을 받을 수 있습니다.

1 2 3 4 5

1 2 3 4 5

1 2 3 4 5

※ 단답형 답란

•십진법에 의하되, 반드시 자리에 맞추어

• 정답이 한 자리인 경우 일의 자리에만 표기하거나, 십의 자리 @에 표기 하고 일의 자리에 표기

표기방법

란

문번

19

20

21

丑기

5

5

5

5

5

5

2 과 수 학 영 역

학교	고등학교
성 명	

** 문제지 표지에 안내된 필적 확인 문구를 아래 '필적 확인란'에 정자로 반드시 기재하여야 합니다.

필 적	
확인란	

	7	_		<u></u>	Ė	Н	2		
	학교번호				하년	Ė	<u>I</u>	번	호
					2				
	0	0	0	0		0	0	0	0
1	1	1	1	1		1	1	1	1
2	2	2	2	2	•	2	2	2	2
	3	3	3	3		3	3	3	3
	4	4	4	4		4	4	4	4
	5	5	5	5		5	5	5	5
	6	6	6	6		6	6	6	6
	7	7	7	7		7	7	7	7
	8	8	8	8		8	8	8	8
	9	9	9	9		9	9	9	9

감독관 서명 반, 번호 확인 (또는) 성확한지 화인 서명 또는	- 만드시 - 날인	확인 우
---	---------------	------

										`	
문번	1	달		르	ŀ		문번	ĺ	답		란
1	1	2	3	4	5		10	1	2	3	4
2	1	2	3	4	5		11	1	2	3	4
3	1	2	3	4	5		12	1	2	3	4
4	1	2	3	4	5		13	1	2	3	4
5	1	2	3	4	5		14	1	2	3	4
6	1	2	3	4	5		15	1	2	3	4
7	1	2	3	4	5		16	1	2	3	4
8	1	2	3	4	5		17	1	2	3	4
9	1	2	3	4	5		18	1	2	3	4
										١	

		성			명		
a		a		•		a	

() •

1 3

() 🖻

2	5년	<u>H</u>	2	6년	<u>H</u>
백	십	일	백	십	일
	0	0		0	0
	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4
5	45	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9

2	7년	H	
백		일	
	0	0	
1	1	1	
2	2	2	
1 2 3	3	3	
4	4	4	
5	5	5	
6	6	6	
7	7	7	
456789	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	8	
9	9	9	

돌이-												
2	2분	<u> </u>		2	23E	<u> </u>		2	4년	<u> </u>		
백	십	일	П	백	십	일		백	십	일		
	0	0			0	0			0	0		
1	1	1		1	1	1		1	1	1		
2	2	2		2	2	2		2	2	2		
3	3	3		3	3	3		3	3	3		
4	4	4		4	4	4		4	4	4		
5	5	5		5	5	5		5	5	5		
6	6	6		6	6	6		6	6	6		
7	7	7		7	7	7		7	7	7		
8	8	8		8	8	8		8	8	8		
9	9	9		9	9	9		9	9	9		
_		_										

2	8분	Н	$\overline{2}$	9 <u></u>	H	30번				
백	십	일	백	십	일	백	십	일		
	0	0		0	0		0	0		
1	1	1	1	1	1	1	1	1		
2	2	2	2	2	2	2	2	2		
3	3	3	3	3	3	3	3	3		
4	4	4	4	4	4	4	4	4		
5	5	5	5	5	5	5	5	5		
6	6	6	6	6	6	6	6	6		
7	7	7	7	7	7	7	7	7		
8	8	8	8	8	8	8	8	8		
9	9	9	9	9	9	9	9	9		