5지선다형

- $1. 4^{1-\sqrt{3}} \times 2^{1+2\sqrt{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 4 ④ 8 ⑤ 16
- $m{\mathcal{S}}$. 첫째항이 1인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_5-a_3=8$ 일 때, a_2 의 값은? [3점]
- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

- **2.** $\lim_{x \to 0} (\sqrt{x^2 + 4x} x)$ 의 값은? [2점]

 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **4.** 다항함수 f(x)에 대하여 $\lim_{h\to 0} \frac{f(1+2h)-4}{h} = 6$ 일 때, f(1)+f'(1)의 값은? [3점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

5. $\sin(-\theta) + \cos\left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) = \frac{8}{5}$ 이고 $\cos \theta < 0$ 일 때, $\tan \theta$ 의 값은?

- ① $-\frac{5}{3}$ ② $-\frac{4}{3}$ ③ 0 ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$

- 7. 다항함수 f(x)가 실수 전체의 집합에서 증가하고

 $f'(x) = \{3x - f(1)\}(x - 1)$

을 만족시킬 때, f(2)의 값은? [3점]

- ① 3
- 2 4
- 3 5
- **4** 6
- ⑤ 7

- 6. 함수 $f(x) = x^3 + ax^2 + 3a$ 가 x = -2에서 극대일 때, 함수 f(x)의 극솟값은? (단, a는 상수이다.) [3점]

 - ① 5 ② 6
- 3 7
- 4 8
- ⑤ 9

- 8. 두 양수 a, b에 대하여 함수 $f(x) = a \cos bx$ 의 주기가 6π 이고 닫힌구간 $[\pi, 4\pi]$ 에서 함수 f(x)의 최댓값이 1일 때, a+b의 값은? [3점]

 - ① $\frac{5}{3}$ ② $\frac{11}{6}$ ③ 2 ④ $\frac{13}{6}$ ⑤ $\frac{7}{3}$

 $oldsymbol{g}_*$ 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자. 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = 1 - 4 \times S_n$$

이고 $a_4=4$ 일 때, $a_1 \times a_6$ 의 값은? [4점]

- $\bigcirc 5$
- 2 10
- ③ 15
- 4 20
- **⑤** 25

10. 실수 m에 대하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 속도를 각각

$$v_1(t) = 3t^2 + 1$$
, $v_2(t) = mt - 4$

라 하자. 시각 t=0에서 t=2까지 두 점 P, Q가 움직인 거리가 같도록 하는 모든 m의 값의 합은? [4점]

- ① 3

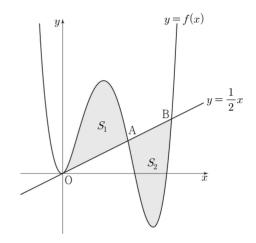
- ② 4 ③ 5 ④ 6
- ⑤ 7

수학 영역

- **11.** 공차가 정수인 두 등차수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 과 자연수 $m(m \ge 3)$ 이 다음 조건을 만족시킨다.
 - $(7) |a_1 b_1| = 5$
 - (나) $a_m = b_m$, $a_{m+1} < b_{m+1}$

 $\displaystyle{\sum_{k=1}^{m}}a_{k}=9$ 일 때, $\displaystyle{\sum_{k=1}^{m}}b_{k}$ 의 값은? [4점]

- $\bigcirc -6$ $\bigcirc -5$ $\bigcirc -4$
- (4) 3 (5) 2
- 12. 최고차항의 계수가 1인 사차함수 f(x)에 대하여 곡선 y = f(x)와 직선 $y = \frac{1}{2}x$ 가 원점 O에서 접하고 x좌표가 양수인 두 점 A, B(\overline{OA} < \overline{OB})에서 만난다. 곡선 y = f(x)와 선분 OA로 둘러싸인 영역의 넓이를 S_1 , 곡선 y = f(x)와 선분 AB로 둘러싸인 영역의 넓이를 S_2 라 하자. $\overline{\mathrm{AB}} = \sqrt{5}$ 이고 $S_1 = S_2$ 일 때, f(1)의 값은? [4점]



13. 두 상수 a, b(b > 0)에 대하여 함수 f(x)를

$$f(x) = \begin{cases} 2^{x+3} + b & (x \le a) \\ 2^{-x+5} + 3b & (x > a) \end{cases}$$

라 하자. 다음 조건을 만족시키는 실수 k의 최댓값이 4b+8일 때, a+b의 값은? (단, k>b) [4점]

b < t < k인 모든 실수 t에 대하여 함수 y = f(x)의 그래프와 직선 y = t의 교점의 개수는 1이다.

- $\bigcirc 9$
- 2 10 3 11 4 12 5 13

14. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 실수 t에 대하여 곡선 y = f(x) 위의 점 (t, f(t))에서의 접선의 y절편을 g(t)라 하자. 두 함수 f(x), g(t)가 다음 조건을 만족시킨다.

|f(k)| + |g(k)| = 0을 만족시키는 실수 k의 개수는 2이다.

4f(1)+2g(1)=-1일 때, f(4)의 값은? [4점]

- ① 46 ② 49 ③ 52
- 4055
- **⑤** 58

15. 첫째항이 자연수인 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = egin{cases} rac{a_n}{3} & (a_n \cap 3 \text{의 배수인 경우}) \ & \\ rac{a_n^2 + 5}{3} & (a_n \cap 3 \text{의 배수가 아닌 경우}) \end{cases}$$

를 만족시킬 때, $a_4 + a_5 = 5$ 가 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합은? [4점]

- ① 63
- 2 66
- 3 69
- **4** 72
- **⑤** 75

단답형

16. 방정식

$$\log_2(x-3) = 1 - \log_2(x-4)$$

를 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 $f(x) = (x-1)(x^3+x^2+5)$ 에 대하여 f'(1)의 값을 구하시오. [3점]

 $oldsymbol{18.}$ 최고차항의 계수가 $oldsymbol{3}$ 인 이차함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_{0}^{x} f(t)dt = 2x^{3} + \int_{0}^{-x} f(t)dt$$

를 만족시킨다. f(1)=5일 때, f(2)의 값을 구하시오. [3점]

19. 집합 $U=\{x\mid -5\leq x\leq 5,\,x$ 는 정수}의 공집합이 아닌 부분집합 X에 대하여 두 집합 $A,\,B$ 를

 $A = \{ a \mid a \vdash x$ 의 실수인 네제곱근, $x \in X \}$,

 $B = \{b \mid b \vdash x$ 의 실수인 세제곱근, $x \in X\}$

라 하자. n(A)=9, n(B)=7이 되도록 하는 집합 X의 모든 원소의 합의 최댓값을 구하시오. [3점]

20. 두 다항함수 f(x), g(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$xf(x) = \left(-\frac{1}{2}x + 3\right)g(x) - x^3 + 2x^2$$

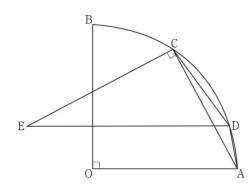
을 만족시킨다. 상수 $k(k \neq 0)$ 에 대하여

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{g(x-1)}{f(x) - g(x)} \times \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\{f(x)\}^2}{g(x)} = k$$

일 때, k의 값을 구하시오. [4점]

21. 그림과 같이 중심이 O, 반지름의 길이가 6이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위에 점 $C \equiv \overline{AC} = 4\sqrt{2}$ 가

되도록 잡는다. 호 AC 위의 한 점 D에 대하여 점 D를 지나고 선분 OA에 평행한 직선과 점 C를 지나고 선분 AC에 수직인 직선이 만나는 점을 E라 하자. 삼각형 CED의 외접원의 반지름의 길이가 $3\sqrt{2}$ 일 때, $\overline{\mathrm{AD}} = p + q\sqrt{7}$ 을 만족시키는 두 유리수 p,q에 대하여 $9 \times |p \times q|$ 의 값을 구하시오. (단, 점 D는 점 A도 아니고 점 C도 아니다.) [4점]



 $m{22.}$ 최고차항의 계수가 4이고 서로 다른 세 극값을 갖는 사차함수 f(x)와 두 함수 g(x),

$$h(x) {=} \begin{cases} 4x {+} 2 & (x < a) \\ -2x {-} 3 & (x \ge a) \end{cases}$$

가 있다. 세 함수 f(x), g(x), h(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수 x에 대하여

$$|g(x)| = f(x), \lim_{t \to 0+} \frac{g(x+t) - g(x)}{t} = |f'(x)|$$

이다.

(나) 함수 g(x)h(x)는 실수 전체의 집합에서 연속이다.

 $g(0)=rac{40}{3}$ 일 때, g(1) imes h(3)의 값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [4점]

※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

2024학년도 5월 고3 전국연합학력평가 문제지

수학 영역(확률과 통계)

제 2 교시

5지선다형

23. 두 사건 A, B에 대하여

$$P(A \cup B) = \frac{2}{3}$$
, $P(A) + P(B) = 4 \times P(A \cap B)$

일 때, $P(A \cap B)$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{5}{9}$ ② $\frac{4}{9}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{2}{9}$ ⑤ $\frac{1}{9}$

- **24.** 다항식 $(ax^2+1)^6$ 의 전개식에서 x^4 의 계수가 30일 때, 양수 a의 값은? [3점]
- ① 1 ② $\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{3}$ ④ 2 ⑤ $\sqrt{5}$

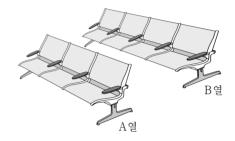
수학 영역(확률과 통계)

- **25.** $4 \le x \le y \le z \le w \le 12$ 를 만족시키는 짝수 x, y, z, w의 모든 순서쌍 (x, y, z, w)의 개수는? [3점]
 - 1 70
- 2 74
- 3 78
- **4** 82
- **⑤** 86
- **26.** 두 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $Y = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수 $f: X \rightarrow Y$ 의 개수는? [3점]
 - (7) f(1) + f(2) = 4
 - (나) 1은 함수 f 의 치역의 원소이다.
 - ① 145
- 2 150
- ③ 155
- **4** 160
- **⑤** 165

수학 영역(확률과 통계)

11

- **27.** 다음 조건을 만족시키는 10 이하의 자연수 a, b, c, d의 모든 순서쌍 (a, b, c, d)의 개수는? [3점]
 - (7) $a \times b \times c \times d = 108$
 - (나) a, b, c, d 중 서로 같은 수가 있다.
 - ① 32
- ② 36
- 3 40
- 44
- **⑤** 48
- 28. 그림과 같이 A열에 3개, B열에 4개로 구성된 총 7개의 좌석이 있다. 1학년 학생 2명, 2학년 학생 2명, 3학년 학생 3명 모두가 이 7개의 좌석 중 임의로 1개씩 선택하여 앉을 때, 다음 조건을 만족시키도록 앉을 확률은? (단, 한 좌석에는 한 명의 학생만 앉는다.) [4점]
 - (가) A 열의 좌석에는 서로 다른 두 학년의 학생들이 앉되, 같은 학년의 학생끼리는 이웃하여 앉는다.
 - (나) B열의 좌석에는 같은 학년의 학생끼리 이웃하지 않도록 앉는다.



- ① $\frac{2}{15}$ ② $\frac{16}{105}$
- $3\frac{6}{35}$ $4\frac{4}{21}$

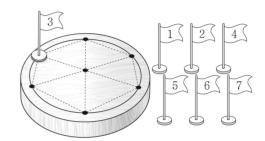
수학 영역(확률과 통계)

단답형

- **29.** 다음 조건을 만족시키는 자연수 *a*, *b*, *c*, *d*, *e*의 모든 순서쌍 (*a*, *b*, *c*, *d*, *e*)의 개수를 구하시오. [4점]
 - (7) a+b+c+d+e=11
 - (나) a+b는 짝수이다.
 - $(다) \ a, b, c, d, e$ 중에서 짝수의 개수는 2 이상이다.
- 30. 그림과 같이 원판에 반지름의 길이가 1인 원이 그려져 있고, 원의 둘레를 6등분하는 6개의 점과 원의 중심이 표시되어 있다. 이 7개의 점에 1부터 7까지의 숫자가 하나씩 적힌 깃발 7개를 각각 한 개씩 놓으려고 할 때, 다음 조건을 만족시키는 경우의 수를 구하시오. (단, 회전하여 일치하는 것은 같은 것으로 본다.) [4점]

깃발이 놓여 있는 7개의 점 중 3개의 점을 꼭짓점으로 하는 삼각형이 한 변의 길이가 1인 정삼각형일 때,

세 꼭짓점에 놓여 있는 깃발에 적힌 세 수의 합은 12 이하이다.



※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.