2018학년도 3월 고2 전국연합학력평가 문제지

제 2 교시

수학 영역(가형)

5지선다형

- **1.** 두 다항식 $A = x^2 1$, $B = x^2 + 2x + 7$ 에 대하여 2A + B를 간단히 하면? [2점]

 - ① $2x^2 2x + 5$ ② $2x^2 + 2x + 5$ ③ $3x^2 2x + 5$
 - (4) $3x^2 + 2x + 5$ (5) $3x^2 + 4x + 5$

- $3. \log_2 8 + \log_2 \frac{1}{2}$ 의 값은? [2점]

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

2. 두 집합

 $A = \{1, 2, 4, 6\}, B = \{2, 4, 5\}$

에 대하여 집합 $A \cap B$ 의 모든 원소의 합은? [2점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9
- **4.** (1+2i)(1-2i)의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$) [3점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 2+2i ⑤ 3+4i

5. 다항식 $2x^3 - 3x + 4$ 를 x - 1로 나누었을 때의 나머지는? [3점] | 7. 연립부등식

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$\begin{cases} 2x - 7 \ge 0 \\ x^2 - 5x - 14 < 0 \end{cases}$$

을 만족시키는 모든 정수 x의 값의 합은? [3점]

① 7 ② 9 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

6. 두 직선 x+y+2=0, (a+2)x-3y+1=0이 서로 수직일 때, 상수 a의 값은? [3점]

① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

8. x에 대한 이차방정식

$$(a^2 - 9)x^2 = a + 3$$

이 서로 다른 두 실근을 갖도록 하는 10보다 작은 자연수 a의 개수는? [3점]

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

9. 두 실수 a, b에 대하여

$$a+b=2$$
, $2^{\frac{a}{2}}-2^{\frac{b}{2}}=3$

일 때, 2^a+2^b의 값은? [3점]

① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

10. 실수 x에 대한 두 조건

$$p: (x-1)(x-1-a) \le 0,$$

$$q: -3 < x \le 7$$

에 대하여 p가 q이기 위한 충분조건이 되도록 하는 자연수 a의 개수는? [3점]

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

4

11. 부등식 $|3x-2| \le x+6$ 의 해가 $\alpha \le x \le \beta$ 일 때, $\alpha+\beta$ 의 값은? [3점]

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

12 함수 y = f(x)의 그래프는 곡선 $y = -\frac{2}{x}$ 를 평행이동한 것이고 직선 y=x에 대하여 대칭이다. 함수 f(x)의 정의역이 $\{x|x\neq -2$ 인 모든 실수 $\}$ 일 때, f(4)의 값은? [3점]

① -3 ② $-\frac{7}{3}$ ③ $-\frac{5}{3}$ ④ -1 ⑤ $-\frac{1}{3}$

5

13. 첫째항이 20 인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 수열 $\{b_n\}$ 을

$$b_n = a_n + a_{n+1} \ (\, n = 1, \, 2 \, , \, 3 \, , \, \, \cdots \, \, \,)$$

이라 하자. $a_{10}=b_{10}$ 일 때, b_8 의 값은? [3점]

- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

14. x에 대한 방정식

$$(1+x)(1+x^2)(1+x^4) = x^7 + x^6 + x^5 + x^4$$

의 세 근을 각각
$$\alpha$$
, β , γ 라 할 때, $\alpha^4 + \beta^4 + \gamma^4$ 의 값은? [4점]

- ① 3 ② 7 ③ 11 ④ 15 ⑤ 19

6

15. $\sqrt{8}$ 이 어떤 자연수 N의 n제곱근이 되도록 하는 두 자리 자연수 n의 개수는? [4점]

① 14 ② 15 ③ 16 ④ 17 ⑤ 18

16. 두 메뉴 A, B를 판매하는 어느 식당이 있다. 다음은 두 메뉴 1인분을 각각 만드는 데 사용되는 두 재료 S, T의 양과 두 메뉴 1인분의 판매 가격을 표로 나타낸 것이다.

메뉴	재료 S	재료 T	판매 가격
A	100 g	50 g	2만 원
В	50 g	150 g	2만 2천 원

재료 S, 재료 T의 가격은 10g당 각각 600원, 400원이고 이 식당에서 하루에 사용할 수 있는 재료 S와 재료 T의 구입 비용의 합은 최대 30만 원이다. 이 식당에서 두 메뉴 A, B를 합하여 하루 최대 35 인분을 만들 수 있을 때, 하루 동안 두 메뉴 A, B를 판매하여 얻을 수 있는 판매 금액의 최댓값은? [4점]

① 72만 원

② 73만 원

③ 74만 원

④ 75만 원

⑤ 76만 원

17. 다음은 모든 자연수 n에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} k \{ k + (k+1) + (k+2) + \dots + n \}$$

$$= \frac{n(n+1)(n+2)(3n+1)}{24} \dots (*)$$

이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명하는 과정이다.

(i) n=1일 때, (좌변)=(우변)= (가) 이므로 (*)이 성립한다.

(ii) n = m일 때, (*)이 성립한다고 가정하면

$$\begin{split} \sum_{k=1}^m k \Big\{ k + (k+1) + (k+2) + \ \cdots \ + m \Big\} \\ &= \frac{m(m+1)(m+2)(3m+1)}{24} \end{split}$$

이다. n = m + 1일 때, (*)이 성립함을 보이자.

$$\sum_{k=1}^{m+1} k \left\{ k + (k+1) + (k+2) + \dots + (m+1) \right\}$$

$$= \sum_{k=1}^{m} k \left\{ k + (k+1) + (k+2) + \dots + (m+1) \right\} + \boxed{(\downarrow \downarrow)}$$

$$= \boxed{(\downarrow \uparrow)} + \frac{m(m+1)^2}{2} + \boxed{(\downarrow \downarrow)}$$

$$= \frac{(m+1)(m+2)(m+3)(3m+4)}{24}$$

따라서 n=m+1일 때도 성립한다.

(i), (ii)에 의하여 모든 자연수 n에 대하여 (*)이 성립한다.

위의 (γ) 에 알맞은 수를 α , (\downarrow) , (\uparrow) 에 알맞은 식을 각각 f(m), g(m)이라 할 때, a+f(2)+g(3)의 값은? [4점]

- ① 35
- ② 36 ③ 37

- **4** 38 **5** 39

18 다항식 $f(x) = (x^2 - 7x + 11)(x^2 + 3x + 3)$ 에 대하여 두 집합 A. B를

 $A = \{f(n) | n \in 20 \text{ 이하의 자연수}\},$

 $B = \{m | m \in 100 \text{ 이하의 소수}\}$

라 할 때, $n(A \cap B)$ 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

8

19. 좌표평면 위의 네 점 A(3,0), B(6,0), C(3,6), D(1,4)를 꼭짓점으로 하는 사각형 ABCD 에서 선분 AD를 1:3으로 내분하는 점을 지나는 직선 l이 사각형 ABCD의 넓이를 이등분한다. 직선 l이 선분 BC와 만나는 점의 좌표가 (a,b)일 때, a+b의 값은? [4점]

- 2 7

6

О

- $3) \frac{15}{2}$
- 4 8



20. 좌표평면 위의 두 곡선

$$y = -\sqrt{kx + 2k} + 4$$
, $y = \sqrt{-kx + 2k} - 4$

에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, k는 0이 아닌 실수이다.) [4점]

-----< 보기 > -

- ㄱ. 두 곡선은 서로 원점에 대하여 대칭이다.
- $L. \ k < 0$ 이면 두 곡선은 한 점에서 만난다.
- ㄷ. 두 곡선이 서로 다른 두 점에서 만나도록 하는 k의 최댓 값은 16이다.
- ① ¬
- 2 L
- ③ ¬, ∟
- ④ ¬, ⊏
 - ⑤ ᄀ, ㄴ, ㄸ

21. 다음 조건을 만족시키는 이차함수 f(x)에 대하여 f(3)의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 할 때, M-m의 값은? [4점]

(가) 부등식 $f\left(\frac{1-x}{4}\right) \le 0$ 의 해가 $-7 \le x \le 9$ 이다.

(나) 모든 실수 x에 대하여 부등식 $f(x) \ge 2x - \frac{13}{3}$ 이 성립

① $\frac{7}{4}$ ② $\frac{11}{6}$ ③ $\frac{23}{12}$ ④ 2 ⑤ $\frac{25}{12}$

단답형

 $\emph{22}$ 첫째항이 $\frac{1}{2}$ 이고 공비가 2인 등비수열 $\left\{a_{n}\right\}$ 에 대하여 a_{6} 의 값을 구하시오. [3점]

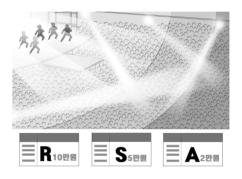
23. 이차방정식 $x^2+8x-2=0$ 의 두 근을 α , β 라 할 때, $\frac{\alpha+\beta}{\alpha\beta}$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 두 함수 $f(x) = \frac{1}{2}x$, g(x) = 2x + 5에 대하여 $(g \circ f^{-1})(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 어느 인기 그룹의 공연을 준비하고 있는 기획사는 다음과 같은 조건으로 총 1500 장의 티켓을 판매하려고 한다.

- (가) 티켓의 종류는 R석, S석, A석 세 가지이다.
- (나) R석, S석, A석 티켓의 가격은 각각 10만 원, 5만 원, 2만 원이고, A석 티켓의 수는 R석과 S석 티켓의 수의 합과 같다.

티켓 1500 장을 모두 판매한 금액이 6000 만 원이 되도록 하기 위해 판매해야 할 S석 티켓의 수를 구하시오. [4점]

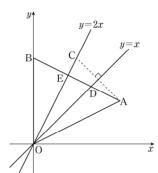


25. 점 (0,3)에서 원 $x^2 + y^2 = 1$ 에 그은 접선이 x축과 만나는 점의 x좌표를 k라 할 때, $16k^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

11

27. 집합 $X = \{3, 4, 5, 6, 7\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 는 일대일 대응이다. $3 \le n \le 5$ 인 모든 자연수 n에 대하여 f(n)f(n+2)의 값이 짝수일 때, f(3) + f(7)의 최댓값을 구하시오. [4점]

28. 그림과 같이 좌표평면 위에 제1사분면의 점 A 와 y축 위의점 B 에 대하여 $\overline{AB} = \overline{AO} = 2\sqrt{5}$ 인 이등변삼각형 OAB 가 있다. 점 A 를 직선 y = x에 대하여 대칭이동한 점을 C 라 하면 점 C 는 직선 y = 2x 위의 점이다. 선분 AB 가 두 직선 y = x, y = 2x 와 만나는 점을 각각 D, E 라 할 때, 삼각형 ODE 의외접원의 둘레의 길이를 $k\pi$ 라 하자. $9k^2$ 의 값을 구하시오. (단, O 는 원점이다.) [4점]



12

수학 영역(가형)

29. 함수 $f(x) = x^2 + 2x - 8$ 에 대하여 부등식

$$\frac{|f(x)|}{3} - f(x) \ge m(x-2)$$

를 만족시키는 정수 x의 개수가 10이 되도록 하는 양수 m의 최솟값을 구하시오. [4점]

30 공차가 양수인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 수열 $\{a_n\}$ 의 모든 항은 정수이다.
- (나) a_7 , a_8 , a_k 가 이 순서대로 등비수열을 이루도록 하는 8보다 큰 자연수 k가 존재한다.

 $a_k = 144$ 가 되도록 하는 모든 k의 값의 합을 구하시오. [4점]

※ 확인 사항

 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.