# 2017학년도 6월 고1 전국연합학력평가 정답 및 해설

# 수학 영역

#### 정 답

1	2	2	3	3	3	4	1	5	4
6	2	7	1	8	1	9	3	10	3
11	4	12	(5)	13	4	14	2	15	(5)
16	4	17	3	18	5	19	5	20	2
21	1	22	9	23	17	24	3	25	24
26	46	27	50	28	32	29	16	30	27

해 설

## 1. [출제의도] 복소수 계산하기

-2i+(2+3i) = 2+(-2+3)i = 2+i

#### 2. [출제의도] 다항식 계산하기

 $(2x-y)(x+2y+3) = 2x^2 - 2y^2 + 3xy + 6x - 3y$  이므로 xy항의 계수는 3이다.

#### 3. [출제의도] 나머지정리를 이용하여 나머지 계산하기

 $P(x) = x^3 + 3x^2 + a$ 라 하자.P(x) 를 x - 1로 나눈 나머지는P(1) = 1 + 3 + a = a + 4이다. P(1) = 7이므로 a + 4 = 7이고따라서 a = 3이다.

## 4. [출제의도] 이차부등식 이해하기

 $x^2-7x+12\geq 0$   $(x-3)(x-4)\geq 0$   $x\leq 3 \ \mbox{또는} \ x\geq 4$  이므로  $\alpha=3,\,\beta=4$ 이다. 따라서  $\beta-\alpha=1$ 이다.

## 5. [출제의도] 조립제법 이해하기

조립제법에 의하여



a=-1, b=3, c=1이므로 abc=-3이다.

## 6. [출제의도] 인수분해 이해하기

따라서 a+b=5+17=22이다.

$$11^4-6^4=\left(11^2-6^2\right)\!\left(11^2+6^2\right)$$
 
$$=\left(11-6\right)\!\left(11+6\right)\!\times\!157$$
 
$$=5\!\times\!17\!\times\!157$$
 이므로  $a\!=\!5,\ b\!=\!17$ 이다.

## 7. [출제의도] 고차다항식 인수분해 이해하기

다항식 
$$x^4 + 7x^2 + 16$$
을 인수분해하면 
$$x^4 + 7x^2 + 16 = (x^4 + 8x^2 + 16) - x^2$$
$$= (x^2 + 4)^2 - x^2$$
$$= (x^2 + x + 4)(x^2 - x + 4)$$

이므로 a=1, b=4이다. 따라서 a+b=5이다.

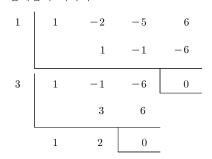
## 8. [출제의도] 절댓값을 포함한 일차부등식 이해하기

 $|x-2| < a \circ |\lambda|$ 

-a < x-2 < a 2-a < x < 2+a 이다. 이 범위에 속하는 모든 정수 x의 개수가 2+a-(2-a)-1=2a-1=19 이므로 a=10 이다.

## 9. [출제의도] 삼차방정식 이해하기

조립제법에 의하여



 $x^3 - 2x^2 - 5x + 6 = (x - 1)(x - 3)(x + 2) = 0$ 

이므로

$$\alpha\!=\!\!-2,\,\beta\!=\!1,\,\gamma\!=3$$

이다. 따라서

$$\alpha\!+\!\beta\!+\!2\gamma\!=\!\!-2\!+\!1\!+\!2\!\times\!3\!=\!5$$

이다.

#### 10. [출제의도] 이차함수의 그래프와 직선의 위치 관계 를 이용하여 문제 해결하기

이차함수  $y=-2x^2+5x$ 의 그래프와 직선 y=2x+k가 적어도 한 점에서 만나기 위해 방정식

$$-2x^2 + 5x = 2x + k$$
$$2x^2 - 3x + k = 0$$

의 판별식 
$$D$$
가  $D \ge 0$ 이어야 한다.

$$D = (-3)^2 - 4 \times 2 \times k \ge 0$$

$$k \le \frac{9}{2}$$

이므로 실수 k의 최댓값은  $\frac{9}{8}$ 이다.

#### 11. [출제의도] 연립방정식 이해하기

 $x = y + 2 \stackrel{\text{def}}{=}$ 

$$x^2 - xy - y^2 = 5$$

에 대입하면

$$(y+2)^2 - y(y+2) - y^2 = 5$$
$$y^2 - 2y + 1 = 0$$

 $(y-1)^2=0$ 이므로  $y=1,\ x=3,$  즉  $\alpha=3,\ \beta=1$ 이다. 따라서  $\alpha+\beta=3+1=4$ 

이다.

# 12. [출제의도] 곱셈 공식을 이용하여 도형 문제 해결하기

두 정사각형의 넓이의 합은  $a^2 + (2b)^2$ 이고 직사각형 의 넓이는 ab이므로

$$a^2 + 4b^2 = 5ab$$

이다. 
$$ab = 4$$
이고  $(a+2b)^2 = a^2 + 4b^2 + 4ab$ 이므로 
$$(a+2b)^2 = 9ab = 36$$

이다.

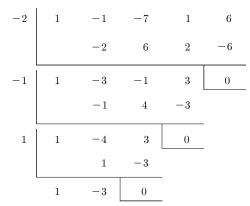
## 13. [출제의도] 사차방정식 이해하기

주어진 사차방정식의 한 근이 -2이므로 x=-2를 대입하면

4a + 28 = 0

a = -7

## 조립제법에 의하여



$$x^4 - x^3 - 7x^2 + x + 6 = (x+2)(x+1)(x-1)(x-3) = 0$$

이므로

$$x = -2, -1, 1, 3$$

이다. 따라서 a=-7, b=3이므로 a+b=-4이다.

## 14. [출제의도] 복소수 연산을 통해 식의 값 문제 해결 하기

$$\alpha = \frac{1+i}{2i}$$
 에서

$$\alpha^2 = \frac{2i}{-4} = -\frac{i}{2}$$

이고, 
$$\beta = \frac{1-i}{2i}$$
 에서

$$\beta^2 = \frac{-2i}{-4} = \frac{i}{2}$$

이므로  $2\alpha^2 = -i$ ,  $2\beta^2 = i$ 이다.

따라서

$$(2\alpha^2 + 3)(2\beta^2 + 3) = (3 - i)(3 + i) = 10$$

이다.

## [다른 풀이]

$$\alpha + \beta = \frac{2}{2i} = \frac{1}{i} = -i, \ \alpha \beta = \frac{2}{-4} = -\frac{1}{2} \circ ] \ \overline{\jmath} \ .$$

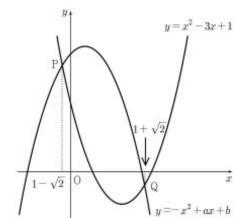
$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 0$$
이모로

$$(2\alpha^2 + 3)(2\beta^2 + 3) = 4(\alpha\beta)^2 + 6(\alpha^2 + \beta^2) + 9$$

 $=4 \times \frac{1}{4} + 6 \times 0 + 9 = 10$ 

이다.

## 15. [출제의도] 실수의 성질을 이용하여 이차방정식 문 제 해결하기



이차함수  $y=-x^2+ax+b$ 의 그래프와 이차함수  $y=x^2-3x+1$ 의 그래프의 교점의 x좌표는 이차방정 식

$$-x^2 + ax + b = x^2 - 3x + 1$$

$$2x^2 - (3+a)x + 1 - b = 0$$

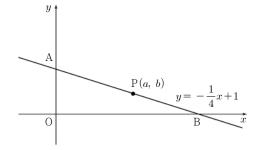
의 두 실근이다. a,b는 유리수이므로 한 근이  $1-\sqrt{2}$  이면 나머지 한 근은  $1+\sqrt{2}$ 이다.

따라서  $2x^2 - (3+a)x + 1 - b = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta = \frac{3+a}{2} = 2$$
,  $\alpha \beta = \frac{1-b}{2} = -1$ 

이다. a=1, b=3이므로 a+3b=10이다.

## 16. [출제의도] 이차함수의 그래프를 이용하여 최대 최소 문제 해결하기



점 P(a, b)는 직선  $y = -\frac{1}{4}x + 1$  위의 점이므로

$$b = -\frac{1}{4}a + 1 \circ | \mathsf{T} |.$$

 $b = -\frac{1}{4}a + 1$ 을 주어진 식에 대입하면

$$a^{2} + 8b = a^{2} + 8\left(-\frac{1}{4}a + 1\right)$$
$$= a^{2} - 2a + 8$$
$$= (a - 1)^{2} + 7$$

이다. 그런데 A(0,1), B(4,0)이므로 0≤a≤4이다. 따라서 a=1일 때, a²+8b의 최솟값은 7이다.

#### [다른 풀이]

a = -4b + 4를 주어진 식에 대입하면

$$\begin{aligned} a^2 + 8b &= (-4b+4)^2 + 8b \\ &= 16b^2 - 32b + 16 + 8b \\ &= 16b^2 - 24b + 16 \\ &= 16\left(b^2 - \frac{3}{2}b + \frac{9}{16}\right) + 7 \\ &= 16\left(b - \frac{3}{4}\right)^2 + 7 \end{aligned}$$

이다. 그런데 A(0, 1), B(4, 0)이므로  $0 \le b \le 1$ 이다. 따라서  $b = \frac{3}{4}$ 일 때,  $a^2 + 8b$ 의 최솟값은 7이다.

## 17. [출제의도] 다항식을 이용하여 통합 교과적 문제 해결하기

별 A의 반지름의 길이를  $R_{\rm A}$ , 별 B의 반지름의 길이를  $R_{\rm B}$ , 별 A의 표면 온도를  $T_{\rm A}$ , 별 B의 표면 온도를  $T_{\rm B}$ 라 하자.

별 A의 반지름의 길이는 별 B의 반지름의 길이의 12배이므로

$$R_{\Lambda} = 12R_{\rm B}$$

별 A의 표면 온도는 별 B의 표면 온도의  $\frac{1}{2}$ 배이므로

$$T_{\rm A} = \frac{1}{2} T_{\rm B}$$

이다.

그러므로

$$\begin{split} \frac{L_{\rm A}}{L_{\rm B}} &= \frac{4\pi R_{\rm A}^{2} \times \sigma \, T_{\rm A}^{4}}{4\pi R_{\rm B}^{2} \times \sigma \, T_{\rm B}^{4}} \\ &= \frac{4\pi (12 R_{\rm B}^{2})^{2} \times \sigma \left(\frac{1}{2} \, T_{\rm B}^{2}\right)^{4}}{4\pi R_{\rm B}^{2} \times \sigma \, T_{\rm B}^{4}} \\ &= 144 \times \frac{1}{16} \\ &= 9 \end{split}$$

따라서  $\frac{L_{\rm A}}{L_{\rm B}}=9$ 이다.

## 18. [출제의도] 복소수의 성질 추론하기

z=a+bi 에 대하여 iz=i(a+bi)=-b+ai ,  $\overline{z}=a-bi$  인 데  $iz=\overline{z}$  이므로 a=-b이다. 따라서

$$z=a-ai$$

이다.

ㄱ.  $z + \overline{z} = (a - ai) + (a + ai) = 2a = -2b$ 이다. (참)

ㄴ.  $iz=\overline{z}$ 의 양변에 i를 곱하면  $i\overline{z}=-z$ 이다. (참)

ㄷ.  $iz = \overline{z}$ 이므로  $\frac{\overline{z}}{z} = i$ 이고  $i\overline{z} = -z$ 이므로  $\frac{z}{\overline{z}} = -i$ 

이다. 따라서  $\frac{\overline{z}}{z} + \frac{z}{\overline{z}} = 0$ 이다. (참)

그러므로 ㄱ, ㄴ, ㄷ이 모두 옳다.

## [다른 풀이 1]

 $\ \, \sqsubseteq_{\cdot} \ \, i\overline{z} = i(a+ai) = ai-a = -\left(a-ai\right) = -z$ 

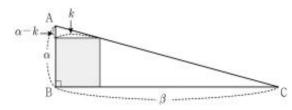
$$\Box . \ \, \frac{\bar{z}}{z} + \frac{z}{\bar{z}} = \frac{a+ai}{a-ai} + \frac{a-ai}{a+ai} = \frac{(a+ai)^2 + (a-ai)^2}{(a-ai)(a+ai)} = 0$$

# [다른 풀이 2]

ㄷ.  $iz = \overline{z}$ 의 양변을 제곱하면  $z^2 + (\overline{z})^2 = 0$ 이고  $z \overline{z} = 2a^2 \neq 0$ 이므로  $\frac{\overline{z}}{z} + \frac{z}{\overline{z}} = \frac{z^2 + (\overline{z})^2}{z\overline{z}} = 0$ 이다.

## 19. [출제의도] 근과 계수의 관계를 이용하여 이차방정 식 문제 해결하기

근과 계수의 관계에 따라  $\alpha+\beta=4$ ,  $\alpha\beta=2$ 이다. 직각삼각형에 내접하는 정사각형의 한 변의 길이를 k라 하면



 $\alpha\!:\!\beta=\alpha\!-\!k:k$ 

$$k = \frac{\alpha \beta}{\alpha + \beta} = \frac{1}{2}$$

이다. 따라서 정사각형의 넓이  $k^2 = \frac{1}{4}$  과 둘레의 길 이 4k = 2를 두 근으로 하는 이차방정식은

$$4(x-2)\left(x-\frac{1}{4}\right) = 4x^2 - 9x + 2 = 0$$

이다. 따라서 m+n=-9+2=-7이다.

#### [다른 풀이]

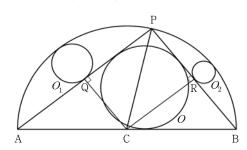
정사각형의 넓이  $k^2 = \frac{1}{4}$  과 둘레의 길이 4k = 2를 두 근으로 하는 이차방정식은 근과 계수의 관계에 의해 두 근의 합이  $\frac{9}{4}$ 이고 곱이  $\frac{1}{2}$ 이므로

$$x^2 - \frac{9}{4}x + \frac{1}{2} = 0$$

$$4x^2 - 9x + 2 = 0$$

따라서 m+n=-9+2=-7이다.

## 20. [출제의도] 이차함수와 도형의 관계 추론하기



그림과 같이 두 현 AP, BP의 중점을 각각 Q, R라하고 선분 AB의 중점을 C라 하면 사각형 PQCR는 직사각형이다.  $\overline{PQ}=a$ ,  $\overline{PR}=b$ 라 하면  $a^2+b^2=25$ 이다. 원  $O_1$ 의 반지름의 길이를  $v_1$ , 원  $O_2$ 의 반지름의 길이를  $v_2$ , 원  $O_3$ 의 반지름의 길이를  $v_3$ 라 하면  $\overline{CQ}=5-2r_1$ ,  $\overline{CR}=5-2r_2$ 이다.

이때  $\overline{CQ} = \overline{PR}$ ,  $\overline{CR} = \overline{PQ}$ 이므로

 $b=5-2r_1,\ a=5-2r_2$ 이고,  $r_1=\frac{5-b}{2},\ r_2=\frac{5-a}{2}$ 이다. 한편, 원 밖의 한 점에서 그 원에 그은 두 접선의 길이는 같으므로 (2a-r)+(2b-r)=10=2 imes 5이다. 따라서

$$r = a + b - \boxed{5}$$

이다. 그러므로 세 원  $O_1,\,O_2,\,O$ 의 넓이의 합은  $\pi \left(r_1^2 + r_2^2 + r^2\right)$ 

$$=\pi\left\{\left(\frac{5-b}{2}\right)^2+\left(\frac{5-a}{2}\right)^2+\left(a+b-\boxed{5}\right)^2\right\}\cdots\textcircled{1}$$

이다. a+b=t  $(5 < t \le 5\sqrt{2})$ 라 하면 식 ①은

$$\pi \left( t - \boxed{\frac{25}{4}} \right)^2 + \frac{75}{16} \pi$$

이므로 세 원  $O_1,\,O_2,\,O$ 의 넓이의 합의 최솟값은  $\frac{75}{16}\pi$ 이다.

따라서 
$$\alpha = 25$$
,  $\beta = 5$ ,  $\gamma = \frac{25}{4}$ 이므로

$$(\alpha - \beta) \times \gamma = 125$$

이다

## 21. [출제의도] 연립부등식의 해 추론하기

$$x^2 - a^2 x = x(x - a^2) \ge 0$$

에서  $x \le 0$  또는  $x \ge a^2$ 이고

 $x^2-4ax+4a^2-1=(x-(2a-1))(x-(2a+1))\!<\!0$  이 사 2a-1< x< 2a+1 이다.

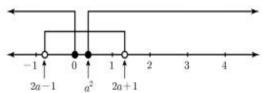
i ) 0 < a < 1 일 때

연립부등식의 해는

 $-1 < 2a - 1 < x \le 0$  또는  $a^2 \le x < 2a + 1 < 2$ 

인데  $0 < a^2 < \frac{1}{4}$ 이고 1 < 2a + 1 < 2이므로

x = 0, 1의 2개 정수해가 존재한다.



ii)  $a = \frac{1}{2}$ 일 때

연립부등식의 해는

$$\frac{1}{4} = a^2 \le x < 2a + 1 = 2$$

이므로 x=1의 1개 정수해가 존재한다.

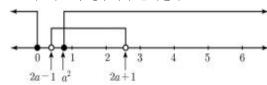
iii)  $\frac{1}{2} < a < 1$ 일 때

연립부등식의 해는

$$a^2 < r < 2a + 1$$

인데  $\frac{1}{4} < a^2 < 1$ 이고 2 < 2a + 1 < 3이므로

x=1,2의 2개 정수해가 존재한다.



iv) a=1일 때 연립부등식의 해는

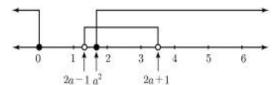
 $1 = a^2 = 2a - 1 < x < 2a + 1 = 3$ 

이므로 x=2의 1개 정수해가 존재한다.

 $\mathbf{v}$  )  $1 < a < \sqrt{2}$ 일 때

연립부등식의 해는 
$$a^2 \leq x < 2a + 1$$

인데  $1 < a^2 < 2$ 이고  $3 < 2a + 1 < 1 + 2\sqrt{2} < 4$ 이므로 x = 2, 3의 2개 정수해가 존재한다.



그러므로 i) ~ v)에 의해

 $a=\frac{1}{2}$  또는 a=1일 때, 1개 정수해가 존재한다.

따라서 모든 실수 a의 값의 합은  $\frac{3}{2}$ 이다.

## 22. [출제의도] 복소수 계산하기

두 복소수가 서로 같을 조건에 의해

(a+1)+3i = 7+bi

 $a+1=7\;,\;\; 3=b$ 

이다. 따라서 a=6, b=3이고 a+b=9이다.

## 23. [출제의도] 다항식 계산하기

$$(x-y)^2 = (x+y)^2 - 4xy$$
  
= 5<sup>2</sup> - 4×2

따라서  $(x-y)^2 = 17$ 이다.

## 24. [출제의도] 연립부등식 이해하기

부등식 2x+1 < x-3의 해는 x < -4이고  $x^2+6x-7=(x-1)(x+7)<0$ 의 해는

-7 < x < 1

이므로 연립부등식의 해는

-7 < x < -4

이다. 따라서  $\alpha = -7$ ,  $\beta = -4$ 이므로

$$\beta - \alpha = -4 - (-7) = 3$$

이다.

# 25. [출제의도] 이차방정식의 해를 이용하여 문제 해결

이차방정식  $x^2+4x-3=0$ 의 두 근이  $\alpha$ ,  $\beta$ 이므로

$$\alpha^2 + 4\alpha - 3 = 0$$

 $\beta^2 + 4\beta - 3 = 0$ 

이 성립한다. 따라서

 $\alpha^2 + 4\alpha - 4 = -1$ 

 $\beta^2 + 4\beta - 4 = -1$ 

이므로

$$\frac{6\beta}{\alpha^2+4\alpha-4} + \frac{6\alpha}{\beta^2+4\beta-4} = -6(\beta+\alpha)$$

이다. 근과 계수의 관계에 따라  $\alpha+\beta=-4$ 이므로

$$\frac{6\beta}{\alpha^2+4\alpha-4}+\frac{6\alpha}{\beta^2+4\beta-4}\!=\!\!-6(\alpha+\beta)=24$$

이다.

#### 26. [출제의도] 나머지정리를 이용하여 다항식의 나눗 셈 문제 해결하기

다항식의 나눗셈에 의해

$$P(x) = (x^2 - x - 1)(ax + b) + 2 \cdots \textcircled{1}$$

$$P(x+1) = (x^2 - 4)Q(x) - 3$$
  
= (x-2)(x+2)Q(x) - 3... ②

x=2를 ②에 대입하면

$$P(3) = -3$$

x=-2를 ②에 대입하면

$$P(-1) = -3$$

이 된다. ①의 식에 x=3, x=-1을 대입하여 정리 하면 3a+b=-1, -a+b=-5이고

$$a = 1$$
,  $b = -4$ 

이다. 따라서

50a + b = 50 - 4 = 46

이다.

# 27. [출제의도] 이차함수의 성질 추론하기

이차함수 y=f(x)의 그래프와 직선 y=4ax-10의 교점의 x좌표가 1, 5이므로

이차방정식 f(x) = 4ax - 10의 두 실근은 1, 5이다. f(x)의 이차항의 계수가 a이므로 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$f(x) - 4ax + 10 = a(x^2 - 6x + 5)$$

로 둘 수 있다. 따라서

$$f(x) = ax^{2} - 6ax + 5a + 4ax - 10$$
$$= ax^{2} - 2ax + 5a - 10$$

$$= a(x-1)^2 + 4a - 10$$

이다. 한편, a>0이고  $1 \le x \le 5$ 에서 f(x)의 최솟값 이 -8이므로 f(1) = -8이다.

$$f(1) = 4a - 10 = - 8$$
에서  $a = \frac{1}{2}$ 이다.

따라서 100a = 50 이다.

## 28. [출제의도] 미지수가 3개인 연립일차방정식을 이용 하여 실생활 문제 해결하기

a < b < c이므로 두 변의 길이의 차의 최댓값은

c-a

이다. 그러므로 (가)에 의해

c - a = 16

이다. 또한 (나)에 의해

b-a=2 또는 c-b=2

이다.

i ) b-a=2 인 경우

b-a=2이고 c-a=16이므로 두 식을 더하면

 $-2a+b+c=18\cdots$ 

철사의 총 길이가 60cm이므로

 $a+b+c=60\cdots (2)$ 

이다. ②-①을 하면 3a=42이다.

따라서

a = 14, b = 16, c = 30

이다. 그러나 c=a+b이므로 삼각형의 결정조건에 위 배된다.

ii) c-b=2인 경우

c-b=2이고 c-a=16이므로 두 식을 더하면

 $-a-b+2c=18\cdots$  3

철사의 총 길이가 60cm이므로

 $a+b+c=60\cdots$ 

이다. ③+④를 하면 3c=78이다.

따라서

a = 10, b = 24, c = 26

이고

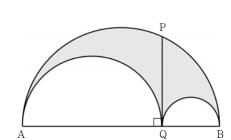
 $c^2 = a^2 + b^2$ 

이므로 이 삼각형은 직각삼각형이다.

$$3a-b+c=30-24+26=32$$

이다.

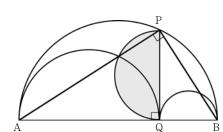
#### 29. [출제의도] 곱셈 공식을 이용하여 도형 문제 해결하 기



 $\overline{AQ} = x$ ,  $\overline{QB} = y$ 라 하자.

$$S_1 = \frac{\pi}{2} \bigg( \frac{x+y}{2} \bigg)^2 - \frac{\pi}{2} \bigg( \frac{x}{2} \bigg)^2 - \frac{\pi}{2} \bigg( \frac{y}{2} \bigg)^2 = \frac{\pi}{4} \, xy$$

이다.



△AQP ∽ △PQB 이므로

$$\overline{AQ} : \overline{PQ} = \overline{PQ} : \overline{BQ}$$

이다. 따라서

$$\overline{PQ}^2 = \overline{AQ} \times \overline{BQ} = xy$$

이다. 그러므로 
$$S_2=\frac{\pi}{2}\left(\frac{\overline{PQ}}{2}\right)^2=\frac{\pi}{8}xy$$
이다.

 $S_1-S_2=\frac{\pi}{8}\,xy=2\pi$  에서

$$xy = 16$$

이고 
$$\overline{AQ} - \overline{QB} = 8\sqrt{3}$$
 에서

$$x - y = 8\sqrt{3}$$

이므로

$$(\overline{AB})^2 = (\overline{AQ} + \overline{QB})^2$$
  
=  $(x + y)^2$   
=  $(x - y)^2 + 4xy$   
=  $192 + 64 = 256$ 

이다. 따라서  $\overline{AB} = 16$  이다.

## [다른 풀이]

∠APB=90°이므로

$$\overline{AP}^2 + \overline{BP}^2 = (x+y)^2 \cdot \dots \cdot \mathbb{1}$$

 $\angle AQP = 90^{\circ}$ ,  $\angle PQB = 90^{\circ}$ 이므로

$$\overline{\operatorname{PQ}}^{\,2} = \overline{\operatorname{AP}}^{\,2} - x^{\,2} = \overline{\operatorname{BP}}^{\,2} - y^{\,2} \cdot \cdots \cdot \textcircled{2}$$

①을 ②에 대입하면

$$2\overline{\text{BP}}^{2} = (x+y)^{2} + y^{2} - x^{2} = 2xy + 2y^{2}$$

이므로

$$\overline{BP}^{\,2} = xy + y^2 \cdot \dots \cdot \Im$$

③을 ②에 대입하면  $\overline{PQ}^2 = xy$ 이다.

#### 30. [출제의도] 나머지정리를 이용하여 이차다항식 추론하기

i ) P(1) = 0, P(2) = 0 인 경우

P(x)는 이차다항식이므로 조건 (나)에 의해

$$P(0) = 3, P(3) = 3$$

이다. 따라서

$$P(x) = \frac{3}{2}(x-1)(x-2)$$

이다.

ii) P(1)=0, P(2)≠0 인 경우

P(x)는 이차다항식이므로 조건 (나)에 의해 아래와 같이 세 가지 경우만 생각하면 된다.

① P(0) = 0, P(3) = 3 일 때,

$$P(1) = 0, \ P(0) = 0, \ P(3) = 3$$

이다. 따라서

$$P(x) = \frac{1}{2}x(x-1)$$

이다.

② P(0) = 3, P(3) = 0 일 때,

P(1) = 0, P(0) = 3, P(3) = 0

이다. 따라서

$$P(x) = (x-1)(x-3)$$

이다.

③ P(0)=3, P(3)=3일 때,

$$P(1) = 0, P(0) = 3, P(3) = 3$$

이다. 따라서

 $P(x) = \frac{3}{2}(x-1)(x-2)$ 

이다. 그런데 P(2) = 0이므로 모순이다. iii) P(1)≠0, P(2)=0인 경우

P(x)는 이차다항식이므로 조건 (나)에 의해 아래와 같이 세 가지 경우만 생각하면 된다.

① P(0) = 0, P(3) = 3 일 때,

$$P(2)=0,\ P(0)=0,\ P(3)=3$$
이다. 따라서

$$P(x) = x(x-2)$$

이다.

P(2) = 0, P(0) = 3, P(3) = 0

이다. 따라서 
$$P(x) = \frac{1}{2}(x-2)(x-3)$$

이다. ③ P(0) = 3, P(3) = 3 일 때,

$$P(3) = 3$$
,  $P(3) = 3$   $\cong$   $P(3) = 3$   $\cong$   $P(3) = 3$ 

이다. 따라서

$$P(x) = \frac{3}{2}(x-1)(x-2)$$

이다. 그런데 P(1) = 0이므로 모순이다.

그러므로 i), ii), iii)에 의해

$$\begin{split} Q(x) = & \frac{3}{2}(x-1)(x-2) + \frac{1}{2}x(x-1) \\ & + (x-1)(x-3) + x(x-2) \\ & + \frac{1}{2}(x-2)(x-3) \end{split}$$

이다. 따라서 Q(x)를 x-4로 나눈 나머지는 Q(4) = 27이다.