제 2 교시

수학 영역(가형)

5 지 선 다 형

1. 8^{4/3}×2⁻²의 값은? [2점]

- 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

2. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_2=5,\ a_5=11$ 일 때, a_8 의 값은? [2점]

① 17

- 2 18
- ③ 19
- 4 20
- ⑤ 21

 $3. \lim_{n\to\infty} (\sqrt{4n^2+2n+1}-\sqrt{4n^2-2n-1})$ 의 값은? [2점]

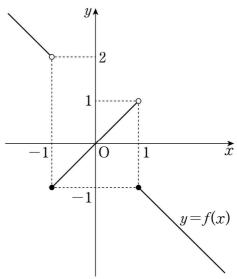
- 1
- ② 2 ③ 3
- 4

4. 함수 $f(x) = x^3 - 2x^2$ 에 대하여 $\lim_{h \to 0} \frac{f(2+2h) - f(2)}{h}$ 의 값은? [3점]

- \bigcirc 6
- 2 7
- 3 8
- **4** 9
- **⑤** 10

- $m{5.}$ 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 할 때, $S_n=2n^2-3n$ 이다. $a_n>100$ 을 만족시키는 자연수 n의 최솟값은? [3점]
 - ① 25
- ② 27
- 3 29
- **4** 31
- ⑤ 33
- 7. 숫자 0, 1, 2, 3 중에서 중복을 허락하여 네 개를 선택한 후, 일렬로 나열하여 만든 네 자리 자연수가 2100보다 작은 경우의 수는? [3점]
 - ① 80
- ② 85
- 3 90
- **4** 95
- **⑤** 100

- 6. 부등식 $\log_{18}(n^2-9n+18)$ <1을 만족시키는 모든 자연수 n의 값의 합은? [3점]
- 14
- 2 15
- ③ 16
- **4** 17
- **⑤** 18
- 8. 함수 y=f(x)의 그래프가 그림과 같다.



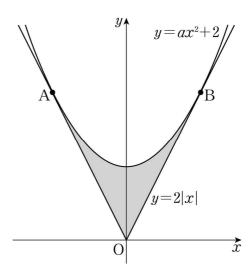
- $\lim_{x \to 0+} f(x-1) + \lim_{x \to 1+} f(f(x))$ 의 값은? [3점]
- ① -2
- 3 0
- 4 1
- **⑤** 2

 $m{g}$, 수열 $\left\{a_n
ight\}$ 은 $a_1=7$ 이고, 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} \frac{a_n + 3}{2} & (a_n \circ) \text{ 소수인 경우}) \\ a_n + n & (a_n \circ) \text{ 소수가 아닌 경우}) \end{cases}$$

를 만족시킨다. a_8 의 값은? [3점]

- 11
- ② 13
- ③ 15
 - **4** 17
- **⑤** 19
- **10.** 그림과 같이 두 함수 $y = ax^2 + 2$ 와 y = 2|x|의 그래프가 두 점 A, B에서 각각 접한다. 두 함수 $y=ax^2+2$ 와 y=2|x|의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는? (단, a는 상수이다.) [3점]



- ① $\frac{13}{6}$ ② $\frac{7}{3}$ ③ $\frac{5}{2}$
- $4 \frac{8}{3}$ $5 \frac{17}{6}$

11. 흰 공 2개, 빨간 공 2개, 검은 공 4개를 일렬로 나열할 때, 흰 공은 서로 이웃하지 않게 나열하는 경우의 수는? (단, 같은 색의 공끼리는 서로 구별하지 않는다.) [3점]

① 295

② 300

305

4 310

⑤ 315

12. 두 함수

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-1} & (x < 1) \\ \frac{1}{2x+1} & (x \ge 1) \end{cases}$$

$$g(x) = 2x^3 + ax + b$$

에 대하여 함수 f(x)g(x)가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, b-a의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [3점]

① 10 ② 9 ③ 8 ④ 7

⑤ 6

 $\emph{13.}$ 공비가 1보다 큰 등비수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

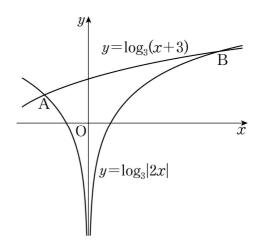
- (7) $a_3 \times a_5 \times a_7 = 125$
- (나) $\frac{a_4 + a_8}{a_6} = \frac{13}{6}$

 a_9 의 값은? [3점]

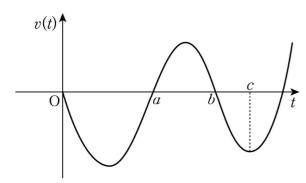
- ① 10 ② $\frac{45}{4}$ ③ $\frac{25}{2}$ ④ $\frac{55}{4}$
- **⑤** 15

14 함수 $y = \log_3 |2x|$ 의 그래프와 함수 $y = \log_3 (x+3)$ 의 그래프가 만나는 서로 다른 두 점을 각각 A, B라 하자. 점 A를 지나고 직선 AB와 수직인 직선이 y축과 만나는 점을 C 라 할 때, 삼각형 ABC 의 넓이는? (단, 점 A 의 x좌표는 점 B의 *x* 좌표보다 작다.) [4점]

- ① $\frac{13}{2}$



15. 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t $(t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)의 그래프가 그림과 같다.



점 P가 출발한 후 처음으로 운동 방향을 바꿀 때의 위치는 -8이고 점 P의 시각 t=c에서의 위치는 -6이다.

 $\int_0^b v(t)dt = \int_b^c v(t)dt$ 일 때, 점 P가 t = a부터 t = b까지 움직인 거리는? [4점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

16. 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$f(x) = x^3 - 4x \int_0^1 |f(t)| dt$$

를 만족시킨다. f(1) > 0일 때, f(2)의 값은? [4점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

 $17. \ 0 < a < 6$ 인 실수 a에 대하여 원점에서 곡선 y = x(x-a)(x-6)에 그은 두 접선의 기울기의 곱의 최솟값은? [4점

- $\bigcirc -54$
- 3 48
- (4) -45
- \bigcirc -42
- 18. 다음은 $1 \le |m| < n \le 10$ 을 만족시키는 두 정수 m, n에 대하여 m의 n제곱근 중에서 실수인 것이 존재하도록 하는 순서쌍 (m, n)의 개수를 구하는 과정이다.
 - (i) m>0인 경우

n의 값에 관계없이 m의 n제곱근 중에서 실수인 것이 존재한다. 그러므로 m>0인 순서쌍 (m,n)의 개수는

- (가) 이다.
- (ii) m < 0 인 경우

n이 홀수이면 m의 n제곱근 중에서 실수인 것이 항상 존재한다. 한편, n이 짝수이면 m의 n제곱근 중에서 실수인 것은 존재하지 않는다. 그러므로 m < 0인 순서쌍 (m, n)의 개수는 $\boxed{ (나) }$ 이다.

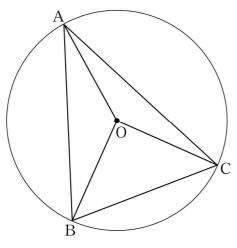
(i), (ii)에 의하여 m의 n제곱근 중에서 실수인 것이 존재하도록 하는 순서쌍 (m, n)의 개수는

(가) + (나) 이다.

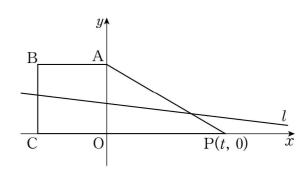
위의 (7), (4)에 알맞은 수를 각각 p, q라 할 때, p+q의 값은? [4점]

- ① 70
- ② 65
- 3 60
- **4** 55
- **⑤** 50

19. 그림과 같이 중심이 0 이고 반지름의 길이가 $\sqrt{10}$ 인 원에 내접하는 예각삼각형 ABC에 대하여 두 삼각형 OAB, OCA의 넓이를 각각 S_1 , S_2 라 하자. $3S_1=4S_2$ 이고 $\overline{\mathrm{BC}}=2\sqrt{5}$ 일 때, 선분 AB의 길이는? [4점]



① $2\sqrt{7}$ ② $\sqrt{30}$ $3 4\sqrt{2}$ ④ $\sqrt{34}$ **⑤** 6 **20.** 그림과 같이 좌표평면 위의 네 점 O(0,0), A(0,2), B(-2,2), C(-2,0)과 점 P(t,0)(t>0)에 대하여 직선 l이 정사각형 OABC 의 넓이와 직각삼각형 AOP 의 넓이를 각각 이등분한다. 양의 실수 t에 대하여 직선 l의 y절편을 f(t)라 할 때, $\lim_{t\to 0+} f(t)$ 의 값은? [4점]



- ① $\frac{2-\sqrt{2}}{2}$ ② $2-\sqrt{2}$ ③ $\frac{2+\sqrt{2}}{4}$
- 4 1

21.0이 아닌 실수 m에 대하여 두 함수

$$f(x) = 2x^3 - 8x,$$

$$g(x) = \begin{cases} -\frac{47}{m}x + \frac{4}{m^3} & (x < 0) \\ 2mx + \frac{4}{m^3} & (x \ge 0) \end{cases}$$

이 있다. 실수 x에 대하여 f(x)와 g(x) 중 크지 않은 값을 h(x)라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

- ㄱ. m = -1일 때, $h\left(\frac{1}{2}\right) = -5$ 이다.
- ㄴ. m=-1일 때, 함수 h(x)가 미분가능하지 않은 x의 개수 는 2이다.
- \Box . 함수 h(x)가 미분가능하지 않은 x의 개수가 1인 양수 m의 최댓값은 6이다.
- ① ¬
- ② 7, 上 ③ 7, ⊏
- ④ ∟, ⊏⑤ ¬, ∟, ⊏

단답형

22. 함수 $f(x) = (2x+3)(x^2+5)$ 에 대하여 f'(1)의 값을 구하시오. [3점]

23. 중심각의 크기가 1라디안이고 둘레의 길이가 24인 부채꼴의 넓이를 구하시오. [3점]

24. $\int_{1}^{3} (4x^{3} - 6x + 4)dx + \int_{1}^{3} (6x - 1)dx$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 좌표평면에서 제1사분면에 점 P가 있다. 점 P를 직선 y=x에 대하여 대칭이동한 점을 Q라 하고, 점 Q를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 R라 할 때, 세 동경 OP, OQ, OR가 나타내는 각을 각각 α , β , γ 라 하자.

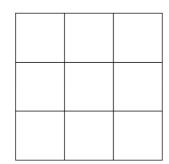
 $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ 일 때, $9(\sin^2 \beta + \tan^2 \gamma)$ 의 값을 구하시오. (단, O는 원점이고, 시초선은 x축의 양의 방향이다.) [4점]

25. 두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 이

$$\lim_{n\to\infty} n^2 a_n = 3, \lim_{n\to\infty} \frac{b_n}{n} = 5$$

를 만족시킬 때, $\lim_{n\to\infty}na_n(b_n+2n)$ 의 값을 구하시오. [3점]

27. 그림과 같이 합동인 9개의 정사각형으로 이루어진 색칠판이 있다.



빨간색과 파란색을 포함하여 총 9가지의 서로 다른 색으로 이 색칠판을 다음 조건을 만족시키도록 칠하려고 한다.

- (가) 주어진 9가지의 색을 모두 사용하여 칠한다.
- (나) 한 정사각형에는 한 가지 색만을 칠한다.
- (다) 빨간색과 파란색이 칠해진 두 정사각형은 꼭짓점을 공유하지 않는다.

색칠판을 칠하는 경우의 수는 $k \times 7!$ 이다. k의 값을 구하시오. (단, 회전하여 일치하는 것은 같은 것으로 본다.) [4점]

 $28. \ 0 < a < \frac{4}{7}$ 인 실수 a와 유리수 b에 대하여 닫힌구간 $\left[-\frac{\pi}{a}, \frac{2\pi}{a} \right]$ 에서 정의된 함수 $f(x) = 2\sin(ax) + b$ 가 있다. 함수 y = f(x)의 그래프가 두 점 $A\left(-\frac{\pi}{2}, 0\right)$, $B\left(\frac{7}{2}\pi, 0\right)$ 을 지날 때, 30(a+b)의 값을 구하시오. [4점]

29. 자연수 n에 대하여 두 점 A(0, n+5), B(n+4, 0)과 원점 $O = \mathcal{P}_{A}$ 작 작 하는 삼각형 AOB가 있다. 삼각형 AOB의 내부에 포함된 정사각형 중 한 변의 길이가 1이고 \mathcal{P}_{A} 작 조표와 \mathcal{P}_{A} 작 자연수인 정사각형의 개수를 \mathcal{P}_{A} 이라

하자.
$$\sum_{n=1}^{8} a_n$$
의 값을 구하시오. [4점]

30. 최고차항의 계수가 4인 삼차함수 f(x)와 실수 t에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = \int_{t}^{x} f(s)ds$$

라 하자. 상수 a에 대하여 두 함수 f(x)와 g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

- (7) f'(a) = 0
- (나) 함수 |g(x)-g(a)|가 미분가능하지 않은 x의 개수는 1이다.

실수 t에 대하여 g(a)의 값을 h(t)라 할 때, h(3)=0이고 함수 h(t)는 t=2에서 최댓값 27을 가진다.

f(5)의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.

서울특별시교육청 주관 고3 2020학년도 3월 고3 전국연합학력평가 답안지

- ※ 답안지 작성(표기)은 반드시 검은색 컴퓨터용 시인펜만을 시용하고, 연필 또는 사프 등의 필기구를 절대 시용하지 마십시오.
- ※ 뒷면의 수험생 준수시항을 숙지하여야 하며 이를 준수하지 않을 경우 불이익을 받을 수 있습니다.

과 수 학 영 역

학교	고등학교
성 명	

※ 문제지 표지에 안내된 필적 확인 문구를 아래 '필적 확인란'에 정자로 반드시 기재하여야 합니다.

필 적	
확인란	

	4	>		헠	E	Н	2	2	
	학	I E	선호		학년	E	<u>I</u> F	번	호
					3				
	0	0	0	0		0	0	0	0
1	1	1	1	1		1	1	1	1
2	2	2	2	2		2	2	2	2
	3	3	3	3	0	3	3	3	3
	4	4	4	4		4	4	4	4
	5	5	5	5		5	5	5	5
	6	6	6	6		6	6	6	6
	7	7	7	7		7	7	7	7
	8	8	8	8		8	8	8	8
	9	9	9	9		9	9	9	9

선택유형 가형 ① 나형 2

※ 선택유형 반드시 확인 후 표기 (표기오류시 채점 불가)

문번		탑		르	2
1	1	2	3	4	5
2	1	2	3	4	5
3	1	2	3	4	5
4	1	2	3	4	5
5	1	2	3	4	5
6	1	2	3	4	5
7	1	2	3	4	5
8	1	2	3	4	5
9	1	2	3	4	5

					0 47
문번		탑		르	ŀ
10	1	2	3	4	5
11	1	2	3	4	5
12	1	2	3	4	5
13	1	2	3	4	5
14	1	2	3	4	5
15	1	2	3	4	5
16	1	2	3	4	5
17	1	2	3	4	5
18	1	2	3	4	5

 Θ Ξ

() =

1 6

 $\Theta \equiv$

() =

문번		답		르	ŀ
19	1	2	3	4	5
20	1	2	3	4	5
21	1	2	3	4	5

표기방법

- •십진법에 의하되, 반드시 자리에 맞추어 丑기
- •정답이 한 자리인 경우 일의 자리에만 표기하거나, 십의 자리 0에 표기 하고 일의 자리에 표기

2	2분	H	2	23번]			2	4분	4
백	십	일	백	십	일		백	십	일
	0	0		0	0			0	0
1	1	1	1	1	1		1	1	1
2	2	2	2	2	2		2	2	2
3	3	3	3	3	3		3	3	3
4	4	4	4	4	4		4	4	4
5	5	5	5	5	5		5	5	5
6	6	6	6	6	6		6	6	6
7	7	7	7	7	7		7	7	7
8	8	8	8	8	8		8	8	8
9	9	9	9	9	9		9	9	9

Ð	9	2	5E	Н
	Ð	백	십	9
F			0	
			1	-
\mathbb{H}				
(1)	2	2	2	1
	20		3	
<u> </u>	28			
4		4	4	
	H			
+	△	5		
THE EEE			6	6
	R			
	S F	7	7	
		8	8	(8
Θ	<u> </u>		9	
	0.50	1000	0.540	

2	6년	Н
백	십	일
	1	0
1		1
2		2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7		7
8	8	8
9	9	9

2	·7년	<u>H</u>	2	8E	H	2	9E	<u> </u>	3	30년	H
백	십	일	백	십	일	백	십	일	백	십	(
	0	0		0	0		0	0		0	(
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	(
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	(
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	(
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	(
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	(
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	(
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	(
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	(
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	(

감독관		반, 번호 및 선택유형 등의 표기가 정확한지 반드시
확 인	'날인'	확인 후 서명 또는 날인