# 수학 영역

# 정 답

1	<u>(1)</u>	2	2	3	1	1	4	5	(3)
					<u> </u>	7	<u> </u>		
6	(1)	7	5	8	3	9	( <u>I</u> )	10	(5)
11	2	12	1	13	2	14	3	15	4
16	(5)	17	1	18	2	19	(5)	20	3
21	2	22	16	23	11	24	6	25	8
26	9	27	30	28	14	29	54	30	225

#### 해 설

### 1. [출제의도] 다항식 계산하기

 $A + B = (x^2 - x + 1) + (-x^2 + 2x) = x + 1$ 

# 2. [출제의도] 항등식의 성질 이해하기

a-1=2, a=3, b=-1따라사 a+b=3+(-1)=2

# 3. [출제의도] 두 점 사이의 거리 계산하기

 $\overline{PQ} = \sqrt{\{(-2)-1\}^2 + (1-2)^2} = \sqrt{10}$ 

#### 4. [출제의도] 복소수 계산하기

(2+3i)(1-i)=(2+3)+(-2+3)i=5+i이므로 a=5, b=1따라서 a+b=5+1=6

#### 5. [출제의도] 좌표평면 위의 선분의 내분점 이해하기

세 점 A(a,3), B(-2,5), C(3,b)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 무게중심의 좌표는  $\left(\frac{a+(-2)+3}{3},\frac{3+5+b}{3}\right)$ 이므로  $\frac{a+1}{3}=1$ ,  $\frac{b+8}{3}=2$  a=2, b=-2

따라서 a+b=2+(-2)=0

6. [출제의도] 연립부동식 이해하기 x+3 < 3x 에서  $x>\frac{3}{2}$  ··· ① 3x+4 < 2x+8 에서 x<4 ··· ① ① , ① 에서  $\frac{3}{2} < x < 4$   $a=\frac{3}{2}$  , b=4

따라서  $ab = \frac{3}{2} \times 4 = 6$ 

#### 7. [출제의도] 인수분해 이해하기

 $x^2 + 1 = t$  라 하면  $(x^2 + 1)^2 + 3(x^2 + 1) + 2 = t^2 + 3t + 2$  = (t+1)(t+2)  $= (x^2 + 2)(x^2 + 3)$  따라서 a+b=2+3=5

#### 8. [출제의도] 절댓값을 포함한 일차부등식 이해하기

부등식  $|2x-1| \le 5$ 에서  $-5 \le 2x-1 \le 5$  $-2 \le x \le 3$ 모든 정수 x는 -2, -1, 0, 1, 2, 3이고 가수는 6

#### 9. [출제의도] 점의 대칭이동 이해하기

점 (1, a)를 직선 y=x에 대하여 대칭이동한 점 A 의 좌표는 (a, 1)이고, 점 A 를 x 축에 대하여 대칭이동한 점의 좌표는 (a, -1)이므로 a=2, b=-1 따라서 a+b=2+(-1)=1

#### 10. [출제의도] 원과 직선의 위치 관계 이해하기

원  $x^2 + y^2 = 10$  위의 점 (3, 1)에서의 접선의 기울기를 m이라 하면 접선의 방정식은 y = m(x-3) + 1

원의 중심 (0,0)과 접선 사이의 거리는 원의 반지름의 길이  $\sqrt{10}$  과 같으므로

$$\begin{split} \frac{|-3m+1|}{\sqrt{m^2+(-1)^2}} &= \sqrt{10} \\ (3m-1)^2 &= 10 \big(m^2+1\big) \\ m^2+6m+9&=0 \;,\; m=-3 \\ 따라서 접선의 방정식은  $y=-3x+10$ 이므로$$

#### 11. [출제의도] 연립이차방정식 이해하기

 $\begin{cases} 4x^2 - 4xy + y^2 = 0 & \cdots & \bigcirc \\ x + 2y - 10 = 0 & \cdots & \bigcirc \\ \bigcirc \ \, \ominus \ \, \Rightarrow \ \, \forall \in \ \, \forall \in \in \ \, \exists \in \ \,$ 

y 절편은 10

### 12. [출제의도] 이차방정식의 허근 이해하기

계수가 실수인 이차방정식의 한 근이 2-3i 이면 다른 한 근은  $\alpha=2+3i$  이므로

$$\frac{1}{\alpha} = \frac{1}{2+3i} = \frac{2-3i}{(2+3i)(2-3i)} = \frac{2-3i}{13}$$
$$a = \frac{2}{13}, \ b = -\frac{3}{13}$$

따라서 
$$a+b=\frac{2}{13}+\left(-\frac{3}{13}\right)=-\frac{1}{13}$$

# 13. [출제의도] 이차함수의 그래프와 직선의 위치 관계 이해하기

직선 y=x+k 가 이차함수  $y=x^2-2x+4$  의 그래프와 만나므로 방정식

 $x^2 - 2x + 4 = x + k$ 

 $x^2 - 3x + 4 - k = 0 \cdots \bigcirc$ 

 $\bigcirc$  의 판별식을  $D_1$  이라 하면

 $D_1 = (-3)^2 - 4 \times 1 \times (4 - k) \ge 0$ 

 $4k-7 \ge 0$ 

 $k \geq \frac{7}{4} \cdots \bigcirc$ 

직선 y=x+k 가 이차함수  $y=x^2-5x+15$  의 그래프와 만나지 않으므로 방정식

 $x^2 - 5x + 15 = x + k$ 

 $x^2 - 6x + 15 - k = 0$  ... ©

 $D_2 = (-6)^2 - 4 \times 1 \times (15 - k) < 0$ 

4k - 24 < 0

 $k < 6 \cdots \supseteq$ 

ℂ, ②에서

 $\frac{7}{4} \le k < 6$ 

따라서

따라서 모든 정수 k 의 값은 2 , 3 , 4 , 5 이고 그 개수는 4

#### 14. [출제의도] 이차방정식의 근과 계수의 관계를 활용한 문제해결하기

이차방정식  $x^2+2x+3=0$ 의 서로 다른 두 근이  $\alpha$ ,  $\beta$ 이므로 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의해  $\alpha+\beta=-2$ ,  $\alpha\beta=3$  또한  $\alpha$ ,  $\beta$ 가 이차방정식의 근이므로

 $\alpha^2 + 2\alpha + 3 = 0$  에서  $\alpha^2 + 3\alpha + 3 = \alpha$ ,  $\beta^2 + 2\beta + 3 = 0$  에서  $\beta^2 + 3\beta + 3 = \beta$ 

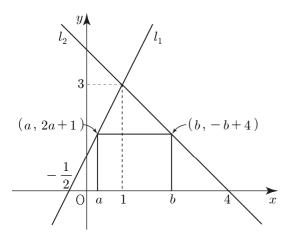
 $\frac{1}{\alpha^2 + 3\alpha + 3} + \frac{1}{\beta^2 + 3\beta + 3}$  $= \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = -\frac{2}{3}$ 

#### 15. [출제의도] 이차방정식과 이차함수의 관계를 활용한 문제해결하기

세 이차함수 y = f(x), y = g(x), y = h(x)의 최고차항의 계수의 절댓값이 같으므로 f(x)의 최고차항의 계수를 a(a>0)이라 하면 f(x) = a(x+1)(x-1) g(x) = -a(x+2)(x-1) h(x) = a(x-1)(x-2) f(x) + g(x) + h(x) = a(x+1)(x-1) - a(x+2)(x-1) + a(x-1)(x-2)  $= a(x-1)\{(x+1) - (x+2) + (x-2)\}$   $= a(x-1)\{(x+3) + b(x) + b(x) + c(x-3)\}$  방정식 f(x) + g(x) + h(x) = 0 에서 a(x-1)(x-3) = 0 x = 1 또는 x = 3 따라서 모든 근의 합은 1 + 3 = 4

#### 16. [출제의도] 이차함수의 최대, 최소를 활용한 문제해결하기

두 직선  $l_1$ ,  $l_2$ 의 교점의 좌표는 (1,3)이고 각각의 x 절편이  $-\frac{1}{2}$ , 4 이므로 x 축 위에 있는 직사각형의 두 꼭짓점의 x 좌표를 각각 a,  $b\left(-\frac{1}{2} < a < 1, 1 < b < 4\right)$ 라 하면 나머지 두 꼭짓점의 좌표는 (a, 2a+1), (b, -b+4)이다.



두 꼭짓점의 y좌표가 같으므로 2a+1=-b+4, b=-2a+3 직사각형의 넓이는

$$(b-a)(2a+1) = (-2a+3-a)(2a+1)$$
  
=  $-3(2a^2-a-1)$ 

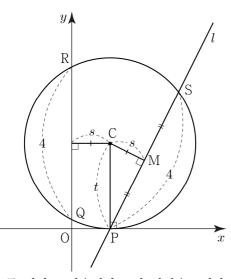
이므로, 직사각형의 넓이를 S(a)라 하면  $-\frac{1}{2} < a < 1$  에서

$$S(a) = -3(2a^2 - a - 1) = -6(a - \frac{1}{4})^2 + \frac{27}{8}$$

따라서 직사각형의 넓이의 최댓값은  $\frac{27}{8}$ 

#### 17. [출제의도] 점과 직선 사이의 거리를 활용한 문제해결하기

양수 s, t에 대하여 원의 중심의 좌표를 C(s,t)라 하면 점 P의 좌표는 (s,0)이다.



점 P 를 지나고 기울기가 2 인 직선을 l이라 하면 직선 l의 방정식은

$$y - 0 = 2(x - s), \ 2x - y - 2s = 0$$

 $\overline{QR} = \overline{PS} = 4$ 에 의해 점 C와 y축 사이의 거리와 점 C와 직선 l 사이의 거리가 같으므로

$$s = \frac{|2s - t - 2s|}{\sqrt{2^2 + (-1)^2}}, \ t = \sqrt{5} s \ \cdots \ \Im$$

선분 PS의 중점을 M 이라 하면

 $\overline{\mathrm{PM}}=2$ ,  $\overline{\mathrm{CM}}=s$ ,  $\overline{\mathrm{CP}}=t$  이고 삼각형 CPM 이 직각삼각형이므로  $t^2=s^2+4$   $\cdots$  © ①, © 에서 s=1,  $t=\sqrt{5}$  이므로 원점  $\bigcirc$  와 원의 중심 사이의 거리는  $\sqrt{1+5}=\sqrt{6}$ 

#### 18. [출제의도] 직선의 방정식을 활용한 추론하기

점 P 의 좌표는  $\left(0, \frac{1}{n+1}\right)$ ,

점 Q 의 좌표는  $\left(\frac{1}{n+1}, 0\right)$ 

직선 AQ의 방정식은

 $y = -(n+1)x + 1 \cdots \bigcirc$ 

직선 BP 의 방정식은

$$y = \boxed{-\frac{1}{n+1}} \times x + \frac{1}{n+1} \cdots \bigcirc$$

①, ⓒ 에서 점 R 의 x 좌표는  $\left\lfloor \frac{1}{n+2} \right\rfloor$ 이고

삼각형 POR의 넓이는  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{n+1} \times \left| \frac{1}{n+2} \right|$ 이다.

두 삼각형 POR 와 삼각형 QOR는 합동이고 사각형 POQR의 넓이는 삼각형 POR의 넓이의 2배이므로

$$2 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{n+1} \times \frac{1}{n+2} = \frac{1}{42}$$
 에서  $n = 5$ 이다.  
그러므로

$$f(n) = -\frac{1}{n+1}$$
,  $g(n) = \frac{1}{n+2}$ ,  $k = 5$   
따라서  $\frac{g(5)}{f(5)} = -\frac{6}{7}$ 

#### 19. [출제의도] 선분의 내분을 활용한 문제해결하기

두 점 P, R의 좌표가 각각 (-1, -3), (b, b-2)이므로

 $\overline{\text{PR}} = \sqrt{(b+1)^2 + (b+1)^2} = \sqrt{2(b+1)^2}$ 원점 O 와 직선 x-y-2=0 사이의 거리  $d = \frac{|-2|}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$ 

삼각형 OPR 의 넓이가  $3\sqrt{2}$  이므로

$$\frac{1}{2} \times \sqrt{2(b+1)^2} \times \sqrt{2} = \sqrt{(b+1)^2} = 3\sqrt{2}$$

$$b = 3\sqrt{2} - 1$$
 또는  $b = -3\sqrt{2} - 1$ 

b > -1 이므로  $b = 3\sqrt{2} - 1$ 

점 R의 좌표는  $(3\sqrt{2}-1, 3\sqrt{2}-3)$ 

원  $C_1$ 과 원  $C_2$ 의 넓이의 비가 1:4이므로

 $\overline{PQ}: \overline{QR} = 1:2$ 

점 Q 는 선분 PR를 1:2로 내분하는 점이므로 점 Q 의 좌표는  $(\sqrt{2}-1,\sqrt{2}-3)$ 

 $a=\sqrt{2}-1$ 

따라서  $a+b=(\sqrt{2}-1)+(3\sqrt{2}-1)=4\sqrt{2}-2$ 

# 20. [출제의도] 삼차방정식의 해를 이용한 추로하기

$$\exists . z^2 = \left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^2 = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$$

을 만족시키는 100이하의 모든 자연수 n은 2,

5, 8, … , 98 이고 그 개수는 33

(iii) n = 3k 일 때,

$$z^n = z^{2n} = z^{3n} = z^{4n} = z^{5n} = 1$$

$$z^{n} + z^{2n} + z^{3n} + z^{4n} + z^{5n} = 5$$

이므로

 $z^{n} + z^{2n} + z^{3n} + z^{4n} + z^{5n} = -1$ 

을 만족시키는 100 이하의 자연수는 없다.

(i), (ii), (iii)에 의해

모든 자연수 n의 개수는 67 (거짓)

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ

#### 21. [출제의도] 두 점 사이의 거리를 활용한 문제해결하기

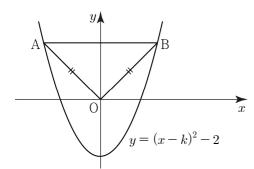
이차함수  $y = (x - k)^2 - 2$ 의 그래프와 직선 y = 2가 서로 다른 두 점 A, B에서 만나므로  $(x - k)^2 - 2 = 2$ ,  $(x - k)^2 = 4$  x = k - 2 또는 x = k + 2 따라서 A(k - 2, 2), B(k + 2, 2)  $\overline{AB} = (k + 2) - (k - 2) = 4$ 

삼각형 AOB가 이등변삼각형이 되는 경우는

(i)  $\overline{OA} = \overline{OB}$  인 경우

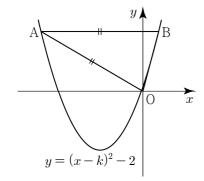
$$\sqrt{(k-2)^2 + 2^2} = \sqrt{(k+2)^2 + 2^2}$$

 $(k-2)^2 = (k+2)^2$ , k=0

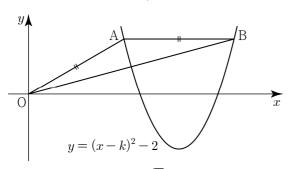


(ii)  $\overline{OA} = \overline{AB}$  인 경우

$$\sqrt{(k-2)^2 + 2^2} = 4$$
,  $k^2 - 4k - 8 = 0$   
 $k = 2 - 2\sqrt{3}$   $\stackrel{\text{He}}{=} k = 2 + 2\sqrt{3}$ 



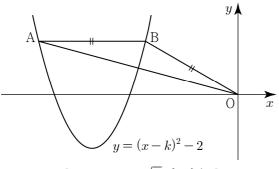
[  $k = 2 - 2\sqrt{3}$  인 경우 ]



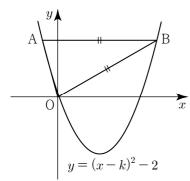
[  $k=2+2\sqrt{3}$ 인 경우]

(iii)  $\overline{OB} = \overline{AB}$  인 경우

$$\sqrt{(k+2)^2 + 2^2} = 4$$
,  $k^2 + 4k - 8 = 0$   
 $k = -2 - 2\sqrt{3}$   $\pm \frac{1}{5}$   $k = -2 + 2\sqrt{3}$ 



[  $k=-2-2\sqrt{3}$  인 경우 ]



[  $k = -2 + 2\sqrt{3}$  인 경우 ]

(i), (ii), (iii)에서 n=5,  $M=2+2\sqrt{3}$ 따라서  $n+M=5+(2+2\sqrt{3})=7+2\sqrt{3}$ 

#### 22. [출제의도] 다항식의 나머지 계산하기

 $f(x)=x^3+2x^2-x+2$ 라 하면 f(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지는 나머지정리에 의하여  $f(2)=2^3+2\times 2^2-2+2=16$ 

### 23. [출제의도] 제한된 범위에서 이차함수의 최솟값 계산하기

이차함수  $f(x) = -(x-2)^2 + 15 \ (1 \le x \le 4)$  에서  $f(1) = -(-1)^2 + 15 = 14$ 

f(2) = 15

 $f(4) = -2^2 + 15 = 11$ 

이므로, 최솟값은 x = 4일 때 11

#### 24. [출제의도] 이차방정식의 판별식 이해하기

이차방정식  $x^2 + 2(k-2)x + k^2 - 24 = 0$  의 판별식을 D라 하면 서로 다른 두 실근을 갖기

위해서는  $\frac{D}{4} = (k-2)^2 - (k^2 - 24) > 0$ 

## 25. [출제의도] 두 직선의 수직 조건 이해하기

직선 3x + 2y - 4 = 0 의 기울기는  $-\frac{3}{2}$  이므로

이 직선과 수직인 직선의 기울기는  $\frac{2}{3}$  이다. 수직인 직선이 점 (2,5)를 지나므로

 $y = \frac{2}{3}(x-2) + 5$ , 2x - 3y + 11 = 0

a = -3, b = 11

따라서 a+b=(-3)+11=8

#### 26. [출제의도] 도형의 평행이동을 이용한 문제해결하기

원  $(x+1)^2 + (y+2)^2 = 9$ 의 중심의 좌표는 (-1,-2)이고 반지름의 길이는 3이다. 원 C의 중심의 좌표는 (-1+m,-2+n)이고 반지름의 길이는 3이다.

원 C의 중심이 제1사분면 위에 있고 x축과 y축에 동시에 접하기 위해서는 중심의 좌표가 (3,3)이어야 하므로

-1+m=3, -2+n=3

m = 4, n = 5

따라서 m+n=4+5=9

# 27. [출제의도] 연립이차부등식을 활용한 문제해결하기

 $\begin{cases} x^2 - 10x + 21 \le 0 \end{cases}$ 

 $\begin{cases} x^{2} - 10x + 21 \le 0 \\ x^{2} - 2(n-1)x + n^{2} - 2n \ge 0 \end{cases}$ 

 $x^2 - 10x + 21 \le 0$ 

 $(x-3)(x-7) \le 0$   $3 \le x \le 7$   $x^2-2(n-1)x+n^2-2n \ge 0$  에서  $\{x-(n-2)\}(x-n) \ge 0$   $x \le n-2$  또는  $x \ge n$  (i)  $1 \le n \le 3$  인 경우 연립이차부등식을 만족시키는 정수 x 의 개수는 5 (ii)  $4 \le n \le 8$  인 경우 연립이차부등식을 만족시키는 정수 x 의 개수는 4 (iii)  $n \ge 9$  인 경우 연립이차부등식을 만족시키는 정수 x 의 개수는 5

따라서 연립이차부등식을 만족시키는 정수 x의

개수가 4가 되도록 하는 모든 자연수 n은 4, 5,

#### 28. [출제의도] 원의 방정식을 활용한 문제해결하기

6, 7, 8이고 그 값의 합은 30

 $\angle$  AOB = 90 ° 이므로 선분 AB 는 원의 지름 A(t,0)이라 하면 B(0,t+4)이고

원의 중심 C 의 좌표는  $\left(\frac{t}{2},\;\frac{t+4}{2}\right)$ 

점 C 가 직선 y=3x 위의 점이므로

 $\frac{t+4}{2} = \frac{3}{2}t \; , \; t = 2$ 

원의 중심의 좌표는 (1,3)이고 반지름의 길이는  $\sqrt{10}$  이므로 a=1, b=3,  $r=\sqrt{10}$  따라서  $a+b+r^2=1+3+10=14$ 

#### [다른 풀이]

원의 중심 C(a,b) 에서 x축, y축에 내린 수선의 발을 각각 H, I라 하면 H(a,0), I(0,b) 두 삼각형 COA, CBO는 이등변삼각형이므로 A(2a,0), B(0,2b) 조건 (가)에서 2b-2a=4  $\cdots$  ① 조건 (나)에서 b=3a  $\cdots$   $\bigcirc$  ①,  $\bigcirc$  에서 a=1, b=3  $r^2=a^2+b^2=1^2+3^2=10$  따라서  $a+b+r^2=1+3+10=14$ 

#### 29. [출제의도] 나머지정리를 활용한 추론하기

 $\{Q(x+1)\}^2 + \{Q(x)\}^2 = x(x-1)P(x) \cdots \bigcirc$  ① 에 x=0, x=1을 대입하여 정리하면  $\{Q(1)\}^2 + \{Q(0)\}^2 = 0$ ,  $\{Q(2)\}^2 + \{Q(1)\}^2 = 0$  다하시 Q(x)는 최고원하이 계승가 1 이

다항식 Q(x)는 최고차항의 계수가 1인 삼차다항식이므로

 $Q(x) = x(x-1)(x-2) \cdots \bigcirc$ 

①, 🗅 에서

 $\{(x+1)x(x-1)\}^2 + \{x(x-1)(x-2)\}^2$ 

= x(x-1)P(x)

 $P(x) = x(x-1)\{(x+1)^2 + (x-2)^2\}$ 

 $= x(x-1)(2x^2 - 2x + 5)$ 

 $= x(x-1)\{2(x-2)(x+1)+9\}$ 

= 2x(x-1)(x-2)(x+1) + 9x(x-1)

=2(x+1)Q(x)+9x(x-1)

R(x) = 9x(x-1)

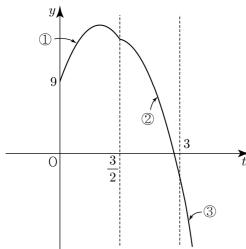
따라서  $R(3)=9\times3\times2=54$ 

## 30. [출제의도] 이차함수의 그래프와 직선의 위치관계를 활용한 문제해결하기

 $f(x) = x^2 - 4tx + 10t = (x - 2t)^2 - 4t^2 + 10t$ (i)  $t \le 2t \le t + 3$  즉,  $0 \le t \le 3$ 일 때 함수 y = f(x)의 최솟값은 x = 2t에서  $-4t^2 + 10t$ 

- ①  $2t-t \le t+3-2t$  즉,  $0 \le t \le \frac{3}{2}$  일 때 함수 y=f(x)의 최댓값은 x=t+3 에서  $-3t^2+4t+9$  따라서  $g(t)=-7t^2+14t+9$
- (i) 2t-t>t+3-2t 즉,  $\frac{3}{2}< t \leq 3$ 일 때 함수 y=f(x)의 최댓값은 x=t에서  $-3t^2+10t$  따라서  $g(t)=-7t^2+20t$
- (ii) 2t > t+3 즉, t > 3일 때 함수 y = f(x)의 최솟값은 x = t+3에서  $-3t^2+4t+9$
- -3t + 4t + 9함수 y = f(x)의 최댓값은 x = t에서  $-3t^2 + 10t$
- 따라서  $g(t) = -6t^2 + 14t + 9$
- (i), (ii)에서

$$g(t) = \begin{cases} -7t^2 + 14t + 9 & \left(0 \le t \le \frac{3}{2}\right) \cdots \text{ } \\ -7t^2 + 20t & \left(\frac{3}{2} < t \le 3\right) \cdots \text{ } \\ -6t^2 + 14t + 9 & (t > 3) \cdots \text{ } \end{cases}$$



함수 y=g(t)의 그래프와 직선 y=-4t+a가 만나는 서로 다른 점의 개수가 3이려면 직선 y=-4t+a가 점  $\left(\frac{3}{2},\frac{57}{4}\right)$ 을 지날 때이므로  $\frac{57}{4}=-6+a$ ,  $a=\frac{81}{4}$  …  $\bigcirc$ 

또한 함수  $g(t) = -7t^2 + 14t + 9 \left(0 \le t \le \frac{3}{2}\right)$ 의 그래프와 직선 y = -4t + a가 접하는 a의 값은  $-7t^2 + 14t + 9 = -4t + a$ 

 $7t^2 - 18t + a - 9 = 0 \cdots \bigcirc$ 

 $\bigcirc$ 의 판별식을  $D_1$ 이라 하면

$$\begin{split} \frac{D_1}{4} &= 81 - 7a + 63 = 0 \;,\;\; a = \frac{144}{7} \quad \cdots \; \textcircled{C} \\ \left(0 \leq t \leq \frac{3}{2} \; \text{에서 함수} \;\; y = g(t) \; 의 그래프와 \right. \end{split}$$

직선  $y=-4t+\frac{144}{7}$  가 점  $\left(\frac{9}{7},\frac{108}{7}\right)$ 에서 접한다.

함수  $g(t)=-7t^2+20t\left(\frac{3}{2} < t \le 3\right)$ 의 그래프와 직선 y=-4t+a가 접하는 a의 값은  $-7t^2+20t=-4t+a$  $7t^2-24t+a=0$  ··· ②

n - 24t + a - 0 때 © ②의 판별식을  $D_2$ 라 하면

 $\frac{D_2}{4} = 144 - 7a = 0$ ,  $a = \frac{144}{7}$  ... 1

 $\left(\frac{3}{2} < t \leq 3 \text{ 에서 함수 } y = g(t) \text{ 의 그래프와 직선} \right.$   $y = -4t + \frac{144}{7}$  가 점  $\left(\frac{12}{7}, \frac{96}{7}\right)$  에서 접한다.) 따라서 ①, ⓒ, ⓒ 에서 방정식 g(t) = -4t + a 의 서로 다른 실근의 개수가 4가 되도록 하는 모든 실수 a의 값의 범위는  $\frac{81}{4} < a < \frac{144}{7}$ 

 $p = \frac{81}{4} \,, \ \ q = \frac{144}{7}$ 

따라서 4p + 7q = 225

