제 2 교시

수학 영역

5 지 선 다 형

1. √8×4^{1/4}의 값은? [2점]

- ① 2 ② $2\sqrt{2}$ ③ 4 ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ 8

 $\emph{3.}$ 모든 항이 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 a_3 = 4$$
, $a_3 a_5 = 64$

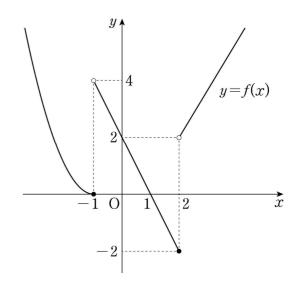
일 때, a_6 의 값은? [3점]

- ① 16 ② $16\sqrt{2}$ ③ 32 ④ $32\sqrt{2}$ ⑤ 64

 $2. \int_0^2 (2x^3 + 3x^2) dx$ 의 값은? [2점]

- 14
- 2 16
- ③ 18
- **4** 20
- **⑤** 22

4. 함수 y=f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x \to -1+} f(x) + \lim_{x \to 2-} f(x)$ 의 값은? [3점]

- $\bigcirc 1 4$ $\bigcirc 2 2$ $\bigcirc 3 \ 0$
- 4 2
- **⑤** 4

 $5. \frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 인 θ 에 대하여 $\sin \theta = 2\cos(\pi - \theta)$ 일 때, $\cos\theta \tan\theta$ 의 값은? [3점]

6. 함수 $f(x) = x^3 - 2x^2 + 2x + a$ 에 대하여 곡선 y = f(x) 위의 점 (1, f(1))에서의 접선이 x축, y축과 만나는 점을 각각 P, Q라 하자. $\overline{PQ}=6$ 일 때, 양수 a의 값은? [3점]

- ① $2\sqrt{2}$ ② $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ $\frac{7\sqrt{2}}{2}$ ⑤ $4\sqrt{2}$

7. 두 함수

$$f(x) = x^{2} - 4x, g(x) = \begin{cases} -x^{2} + 2x & (x < 2) \\ -x^{2} + 6x - 8 & (x \ge 2) \end{cases}$$

의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① $\frac{40}{3}$ ② 14 ③ $\frac{44}{3}$ ④ $\frac{46}{3}$ ⑤ 16

y = f(x)y = g(x) $oldsymbol{\mathcal{S}}$. 첫째항이 20 인 수열 $\left\{a_n
ight\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

 $a_{n+1} = \left| a_n \right| - 2$

를 만족시킬 때, $\sum_{n=1}^{30} a_n$ 의 값은? [3점]

- ① 88
- 2 90
- 3 92
- **4** 94
- **⑤** 96

 $oldsymbol{g}$. 최고차항의 계수가 1인 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$xf'(x) - 3f(x) = 2x^2 - 8x$$

를 만족시킬 때, f(1)의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3
- 4
- **⑤** 5

10. a>1인 실수 a에 대하여 두 곡선

$$y = -\log_2(-x), \ y = \log_2(x+2a)$$

가 만나는 두 점을 A, B라 하자. 선분 AB의 중점이 직선 4x+3y+5=0 위에 있을 때, 선분 AB의 길이는? [4점]

- ① $\frac{3}{2}$ ② $\frac{7}{4}$ ③ 2 ④ $\frac{9}{4}$ ⑤ $\frac{5}{2}$

11. 두 정수 a, b에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $0 \le x < 4$ 에서 $f(x) = ax^2 + bx 24$ 이다.
- (나) 모든 실수 x에 대하여 f(x+4)=f(x)이다.

1 < x < 10일 때, 방정식 f(x) = 0의 서로 다른 실근의 개수가 5이다. *a*+*b*의 값은? [4점]

- ① 18
- ② 19
- 320
- 4) 21
- \bigcirc 22

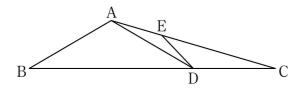
12. 양수 a에 대하여 함수

$$f(x) = \left| 4\sin\left(ax - \frac{\pi}{3}\right) + 2 \right| \left(0 \le x < \frac{4\pi}{a} \right)$$

의 그래프가 직선 y=2와 만나는 서로 다른 점의 개수는 n이다. 이 n개의 점의 x좌표의 합이 39일 때, $n \times a$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{\pi}{2}$ ② π ③ $\frac{3\pi}{2}$ ④ 2π ⑤ $\frac{5\pi}{2}$

13. 그림과 같이 $\overline{AB}=2$, $\overline{BC}=3\sqrt{3}$, $\overline{CA}=\sqrt{13}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 선분 BC 위에 점 B가 아닌 점 D를 \overline{AD} =2가 되도록 잡고, 선분 AC 위에 양 끝점 A, C가 아닌 점 E를 사각형 ABDE가 원에 내접하도록 잡는다.



다음은 선분 DE의 길이를 구하는 과정이다.

삼각형 ABC에서 코사인법칙에 의하여 $\cos(\angle ABC) = (7)$

이다. 삼각형 ABD 에서 $\sin(\angle ABD) = \sqrt{1 - ((7))^2}$ 이므로 사인법칙에 의하여 삼각형 ABD의 외접원의 반지름의 길이는 (나)이다.

삼각형 ADC에서 사인법칙에 의하여

$$\frac{\overline{\text{CD}}}{\sin(\angle \text{CAD})} = \frac{\overline{\text{AD}}}{\sin(\angle \text{ACD})}$$

이므로 $\sin(\angle CAD) = \frac{\overline{CD}}{\overline{AD}} \times \sin(\angle ACD)$ 이다.

삼각형 ADE에서 사인법칙에 의하여

이다.

위의 (r), (r)에 알맞은 수를 각각 r, r라 할 때, $p \times q \times r$ 의 값은? [4점]

① $\frac{6\sqrt{13}}{13}$ ② $\frac{7\sqrt{13}}{13}$ ③ $\frac{8\sqrt{13}}{13}$ ④ $\frac{9\sqrt{13}}{13}$ ⑤ $\frac{10\sqrt{13}}{13}$

14. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 실수 t에 대하여 x에 대한 방정식

$$\int_{t}^{x} f(s) \, ds = 0$$

의 서로 다른 실근의 개수를 g(t)라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

--- < 보 기 > -

- ㄱ. $f(x) = x^2(x-1)$ 일 때, g(1) = 1이다.
- ㄴ. 방정식 f(x)=0의 서로 다른 실근의 개수가 3이면 g(a)=3인 실수 a가 존재한다.
- \Box . $\lim g(t)+g(b)=6$ 을 만족시키는 실수 b의 값이 0과 3뿐이면 f(4) = 12이다.
- ① ¬
- ② 7, L ③ 7, ⊏
- ④ ∟, □
 ⑤ ¬, ∟, □

15. 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자. 두 자연수 $p,\ q$ 에 대하여 $S_n=pn^2-36n+q$ 일 때, S_n 이 다음 조건을 만족시키도록 하는 p의 최솟값을 p_1 이라 하자.

임의의 두 자연수 i, j에 대하여 $i \neq j$ 이면 $S_i \neq S_j$ 이다.

 $p = p_1$ 일 때, $\left|a_k\right| < a_1$ 을 만족시키는 자연수 k의 개수가 3이 되도록 하는 모든 q의 값의 합은? [4점]

① 372

② 377

③ 382

4 387

 $\bigcirc 392$

 $16. \log_2 96 + \log_{\frac{1}{4}} 9$ 의 값을 구하시오. [3점]

단 답 형

17. 함수 $f(x) = x^3 - 3x^2 + ax + 10$ 이 x = 3에서 극소일 때, 함수 f(x)의 극댓값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [3점]

18.
$$\sum_{k=1}^{6} (k+1)^2 - \sum_{k=1}^{5} (k-1)^2$$
의 값을 구하시오. [3점]

20. 최고차항의 계수가 1이고 다음 조건을 만족시키는 모든 삼차함수 f(x)에 대하여 f(5)의 최댓값을 구하시오. [4점]

(가)
$$\lim_{x\to 0} \frac{|f(x)-1|}{x}$$
의 값이 존재한다.

(나) 모든 실수
$$x$$
에 대하여 $xf(x) \ge -4x^2 + x$ 이다.

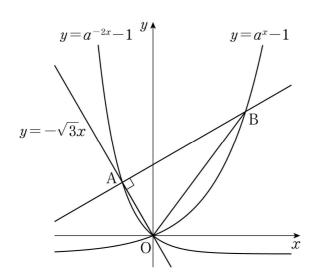
19. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)가

$$v(t) = 4t^3 - 48t$$

이다. 시각 t=k(k>0)에서 점 P의 가속도가 0일 때, 시각 t=0에서 t=k까지 점 P가 움직인 거리를 구하시오. (단, k는 상수이다.) [3점] 21. 그림과 같이 a>1인 실수 a에 대하여 두 곡선

$$y = a^{-2x} - 1$$
, $y = a^x - 1$

이 있다. 곡선 $y=a^{-2x}-1$ 과 직선 $y=-\sqrt{3}x$ 가 서로 다른 두 점 O, A에서 만난다. 점 A를 지나고 직선 OA에 수직인 직선이 곡선 $y=a^x-1$ 과 제1사분면에서 만나는 점을 B라하자. $\overline{OA}:\overline{OB}=\sqrt{3}:\sqrt{19}$ 일 때, 선분 AB의 길이를 구하시오. (단, O는 원점이다.) [4점]



22. 최고차항의 계수가 1인 사차함수 f(x)와 실수 t에 대하여 구간 $(-\infty,t]$ 에서 함수 f(x)의 최솟값을 m_1 이라 하고, 구간 $[t,\infty)$ 에서 함수 f(x)의 최솟값을 m_2 라 할 때,

$$g(t) = m_1 - m_2$$

라 하자. k>0인 상수 k와 함수 g(t)가 다음 조건을 만족시킨다.

g(t)=k를 만족시키는 모든 실수 t의 값의 집합은 $\{t\,|\,0\leq t\leq 2\}$ 이다.

g(4) = 0일 때, k + g(-1)의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.
- 이어서, 「**선택과목(확률과 통계)**」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(기하)

5 지 선 다 형

23. 좌표공간의 두 점 A(3, a, -2), B(-1, 3, a)에 대하여 선분 AB의 중점이 xy평면 위에 있을 때, a의 값은? [2점]

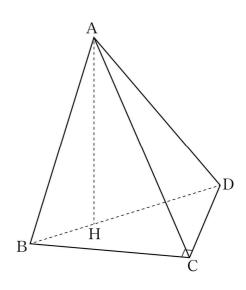
- ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

24. 타원 $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{8} = 1$ 에 접하고 기울기가 2인 두 직선이 y축과 만나는 점을 각각 A, B라 할 때, 선분 AB의 길이는? [3점]

- ① $8\sqrt{2}$ ② 12 ③ $10\sqrt{2}$
- (4) 15 (5) $12\sqrt{2}$

25. 평면 위의 네 점 A, B, C, D가 다음 조건을 만족시킬 때, |AD| 의 값은? [3점]

- (7) $|\overrightarrow{AB}| = 2$, $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{0}$
- (나) $|\overrightarrow{BD}| = |\overrightarrow{BA} \overrightarrow{BC}| = 6$
- ① $2\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{6}$ ③ $2\sqrt{7}$ ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ 6
- 26. 그림과 같이 BC= CD=3이고 ∠BCD=90°인 사면체
 ABCD가 있다. 점 A에서 평면 BCD에 내린 수선의 발을 H라할 때, 점 H는 선분 BD를 1:2로 내분하는 점이다. 삼각형
 ABC의 넓이가 6일 때, 삼각형 AHC의 넓이는? [3점]



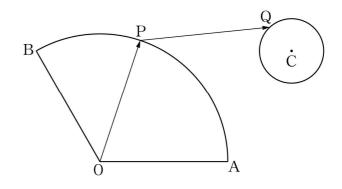
① $2\sqrt{3}$ ② $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ ③ $3\sqrt{3}$ ④ $\frac{7\sqrt{3}}{2}$ ⑤ $4\sqrt{3}$

27. 양수 p에 대하여 두 포물선 $x^2 = 8(y+2)$, $y^2 = 4px$ 가 만나는 점 중 제1사분면 위의 점을 P라 하자. 점 P에서 포물선 $x^2 = 8(y+2)$ 의 준선에 내린 수선의 발 H와 포물선 $x^2 = 8(y+2)$ 의 초점 F에 대하여 $\overline{PH} + \overline{PF} = 40$ 일 때, p의 값은? [3점]

- ① $\frac{16}{3}$ ② 6 ③ $\frac{20}{3}$ ④ $\frac{22}{3}$ ⑤ 8
- 28. 그림과 같이 한 평면 위에 반지름의 길이가 4이고 중심각의 크기가 120°인 부채꼴 OAB와 중심이 C이고 반지름의 길이가 1인 원 C가 있고, 세 벡터 \overrightarrow{OA} , \overrightarrow{OB} , \overrightarrow{OC} 가

$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OC} = 24, \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC} = 0$$

을 만족시킨다. 호 AB 위를 움직이는 점 P와 원 C 위를 움직이는 점 Q에 대하여 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{PQ}$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 할 때, M+m의 값은? [4점]

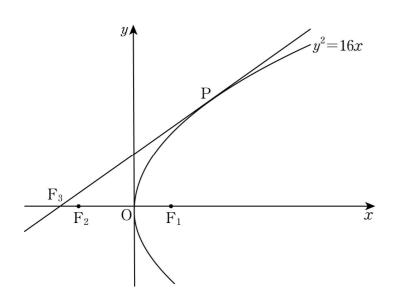


- ① $12\sqrt{3}-34$ ② $12\sqrt{3}-32$
- $316\sqrt{3}-36$

- $\textcircled{4} \ 16\sqrt{3} 34 \qquad \qquad \textcircled{5} \ 16\sqrt{3} 32$

단 답 형

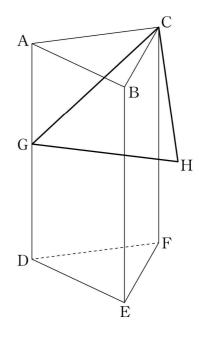
29. 두 점 $F_1(4,0)$, $F_2(-6,0)$ 에 대하여 포물선 $y^2=16x$ 위의 점중 제1사분면에 있는 점 P가 $\overline{PF_2}-\overline{PF_1}=6$ 을 만족시킨다. 포물선 $y^2=16x$ 위의 점 P에서의 접선이 x축과 만나는 점을 F_3 이라 하면 두 점 F_1 , F_3 을 초점으로 하는 타원의 한 꼭짓점은 선분 PF_3 위에 있다. 이 타원의 장축의 길이가 2a일 때, a^2 의 값을 구하시오. [4점]



30. 그림과 같이 한 변의 길이가 4인 정삼각형을 밑면으로 하고 높이가 $4+2\sqrt{3}$ 인 정삼각기둥 ABC-DEF와 $\overline{DG}=4$ 인 선분 AD 위의 점 G가 있다. 점 H가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 삼각형 CGH의 평면 ADEB 위로의 정사영은 정삼각형이다.
- (나) 삼각형 CGH의 평면 DEF 위로의 정사영의 내부와 삼각형 DEF의 내부의 공통부분의 넓이는 $2\sqrt{3}$ 이다.

삼각형 CGH의 평면 ADFC 위로의 정사영의 넓이를 S라 할 때, S^2 의 값을 구하시오. [4점]



- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.