

EXEMPLOS

1-

$\begin{smallmatrix} A \\ B \end{smallmatrix}$	0	1
0	0	1
1	1	0

$$S = \bar{A}$$

2-

$\begin{smallmatrix} A \\ B \end{smallmatrix}$	0	1
0	1	1
1	0	1

$$S = \bar{B} + A$$

3-

$\begin{smallmatrix} AB \\ C \end{smallmatrix}$	00	01	11	10
0	1	0	0	0
1	0	1	1	1

$$S = A\bar{B}\bar{C} + BC + AC$$

4-

$\begin{smallmatrix} AB \\ C \end{smallmatrix}$	00	01	11	10
0	1	1	1	1
1	0	1	0	0

$$S = \bar{A}B + \bar{C}$$

5-

$\begin{smallmatrix} AB \\ CD \end{smallmatrix}$	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	0	1	1	0
11	0	1	1	0
10	1	0	0	1

$$S = \bar{B}\bar{D} + B\bar{D}$$

6-

$\begin{smallmatrix} AB \\ CD \end{smallmatrix}$	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	1	0	0	1
11	1	0	1	1
10	1	0	0	1

$$S = ACD + \bar{B}$$

7-

$\begin{smallmatrix} AB \\ CD \end{smallmatrix}$	00	01	11	10
00	1	1	1	1
01	0	1	1	0
11	0	1	0	0
10	0	0	1	1

$$S = \bar{C}\bar{D} + B\bar{C} + D\bar{A}B + A\bar{D}$$

$\begin{smallmatrix} AB \\ C \end{smallmatrix}$	00	01	11	10
0	1	1	1	0
1	0	1	0	0

$$S = \bar{A}B + \bar{A}\bar{C} + B\bar{C}$$

Exercício Moleza: Projete um circuito lógico com 3 entradas, E1, E2 e E3, que a saída será nível alto apenas quando a maioria da entrada for nível ALTO.

- Obter a expressão algébrica solução utilizando o método dos produtos canônicos. Simplifique.
- Obter a expressão algébrica solução utilizando o método MK (Mapa de Karnaugh).
- Comente os resultados.
- O que são condições irrelevantes?
- Desenhe o circuito lógico da expressão booleana encontrada.

Prof. José dos Santos Garcia Neto 4

E ₁	E ₂	E ₃	S	PRODUTO CANÔNICO
0	0	0	0	$\bar{E}_1 \bar{E}_2 \bar{E}_3$
0	0	1	0	$\bar{E}_1 \bar{E}_2 E_3$
0	1	0	0	$\bar{E}_1 E_2 \bar{E}_3$
0	1	1	1	$\bar{E}_1 E_2 E_3$ *
1	0	0	0	$E_1 \bar{E}_2 \bar{E}_3$
1	0	1	1	$E_1 \bar{E}_2 E_3$ *
1	1	0	1	$E_1 E_2 \bar{E}_3$ *
1	1	1	1	$E_1 E_2 E_3$ *

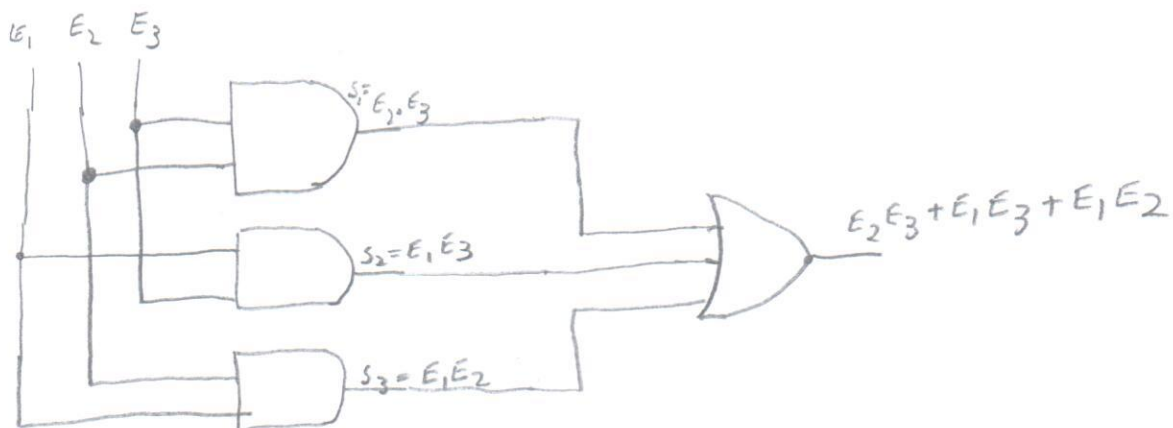
$$\bar{S} = \bar{E}_1 \cdot \bar{E}_2 \cdot \bar{E}_3 + E_1 \cdot \bar{E}_2 \cdot E_3 + E_1 \cdot E_2 \cdot \bar{E}_3 + E_1 \cdot E_2 \cdot E_3$$

COMO TEMOS SOMENTE SOMADA DE PRODUTOS PODERMOS OBTER O MK:

E ₁ , E ₂	0 0	0 1	1 1	1 0
E ₃	$\bar{E}_1 \bar{E}_2$	$\bar{E}_1 E_2$	$E_1 E_2$	$E_1 \bar{E}_2$
0 \bar{E}_3	0	0	1	0
1 E_3	0	1	1	1

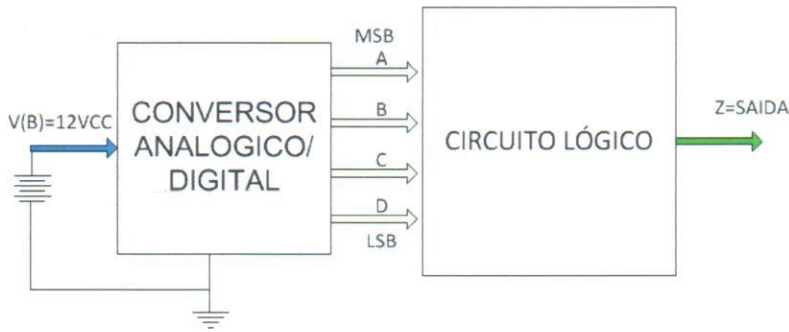
$$S = E_2 E_3 + E_1 E_3 + E_1 E_2$$

NÃO TEMOS MAIS SIMPLIFICAÇÕES ENTÃO:



Exercício Monitor de Tensão: na figura abaixo um conversor analógico digital esta monitorando a tensão CC ($V(B)$) de uma bateria de 12V de uma espaçonave em orbita. A saída do conversor é um numero binário de quatro bits, ABCD, que corresponde a tensão da bateria em degraus de 1 V, sendo o bit A o MSB. As saídas binária do conversor são as entradas de um circuito que gera uma saída em nível ALTO, sempre que ao valor binário for maior que $0110_2 = 6_{10}$, ou seja a tensão da bateria for maior que 6V. Projete esse circuito lógico.

- Sempre o primeiro passo é: fazer a tabela verdade.
- Obter a expressão algébrica solução utilizando o método dos produtos canônicos. Simplifique.
- Obter a expressão algébrica solução utilizando o método MK(Mapa de Karnaugh).
- Comente os resultados.
- Indique as condições irrelevantes, se existirem.
- Desenhe o circuito lógico da expressão booleana encontrada.



A	B	C	D	O
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1 *
1	0	0	0	1 *
1	0	0	1	1 *
1	0	1	0	1 *
1	0	1	1	1 *
1	1	0	0	1 *
1	1	0	1	1 *
1	1	1	0	1 *
1	1	1	1	1 *

$$S = \bar{A}BC\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D}$$

$$S = \bar{A}BCD + \bar{A}\bar{B}C(\bar{D}+D) + \bar{A}\bar{B}C(\bar{D}+D) + \bar{A}\bar{B}C(\bar{D}+D) + \bar{A}\bar{B}C(\bar{D}+D)$$

$$S = \bar{A}BCD + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}C$$

$$S = \bar{A}BCD + \bar{A}\bar{B}(\bar{C}+C) + \bar{A}\bar{B}(\bar{C}+C)$$

$$S = \bar{A}BCD + \bar{A}\bar{B} + \bar{A}\bar{B}$$

$$S = \bar{A}BCD + A \cdot (\bar{B}+B)$$

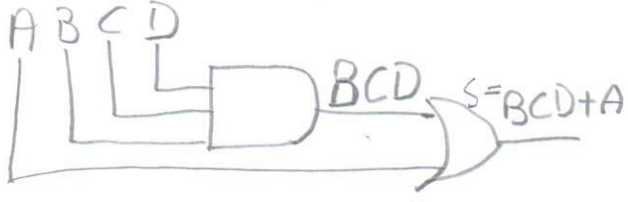
$$S = \bar{A}BCD + A$$

USANDO A IDENTIDADE $\bar{A} \cdot B + A = A + B$

ENTÃO : $S = A + BCD$

AB \ CD	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	$A\bar{B}$	AB
$\bar{C}\bar{D}$	0	0	1	1
$\bar{C}D$	0	0	1	1
$C\bar{D}$	0	1	1	1
CD	0	0	1	1

$$S = BCD + A$$



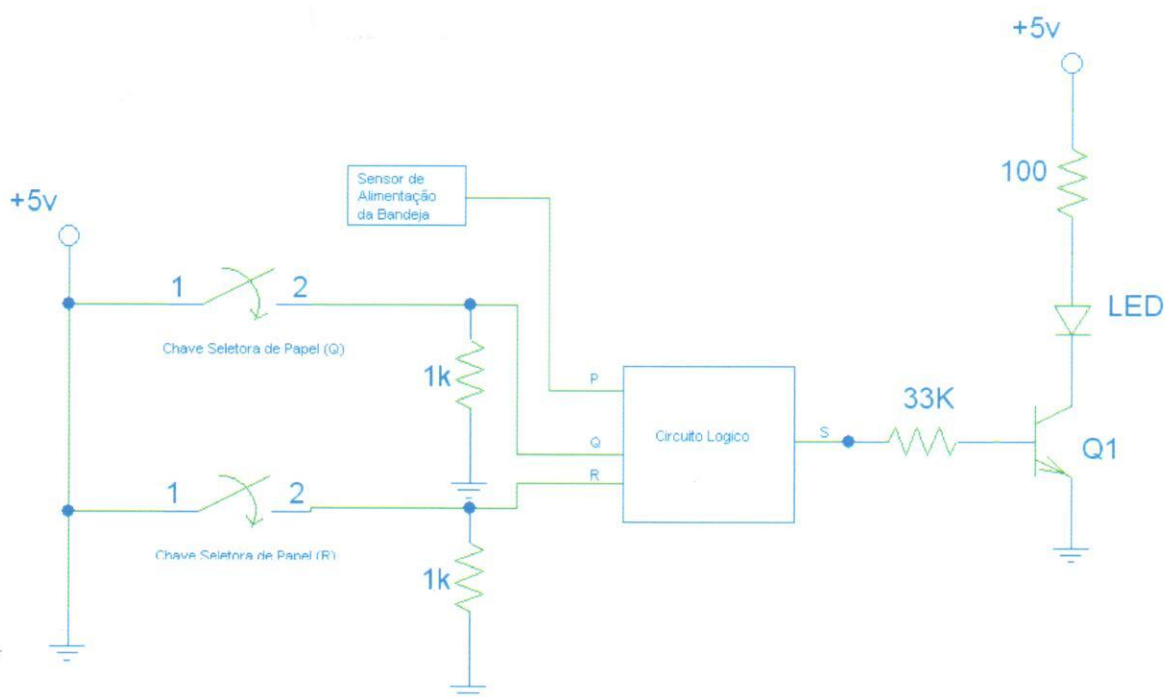
Exercício Papel Atolado Parte 1: na figura abaixo em uma maquina copiadora, um sinal de parada S, ALTO, é gerado para interromper a operação da maquina e ativar um sinal luminoso, sempre que uma das condições a seguir ocorrer:

1-a bandeja de alimentação de papel estiver vazia ($P = \text{ALTO}$) ^{BAIXO} ~~BAIXO~~

2-as duas chaves sensoras de papel estiverem acionadas, indicação de atolamento de papel.

A presença de papel na bandeja de alimentação é indicada por um nível ALTO no sinal lógico P. Cada uma das microchaves produz sinais lógicos, Q e R, que vão para nível alto sempre que um papel estiver passando sobre a chave, que é ativada. Projete um circuito lógico que gere uma saída S em nível ALTO para as condições estabelecidas.

- Sempre o primeiro passo é: fazer a tabela verdade.
- Obter a expressão algébrica solução utilizando o método dos produtos canônicos. Simplifique.
- Obter a expressão algébrica solução utilizando o método MK (Mapa de Karnaugh).
- Comente os resultados.
- Indique as condições irrelevantes, se existirem.
- Desenhe o circuito lógico da expressão booleana encontrada.



P	Q	R	S
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

$$S = \bar{P}\bar{Q}\bar{R} + \bar{P}\bar{Q}R + \bar{P}Q\bar{R} + \bar{P}QR + PQR$$

$$S = \bar{P}\bar{Q}(\bar{R}+R) + \bar{P}Q(\bar{R}+R) + PQR$$

$$S = \bar{P}\bar{Q} + \bar{P}Q + PQR$$

$$S = \bar{P} \cdot (\bar{Q} + Q) + PQR$$

$$S = \bar{P} + PQR \rightarrow \text{USANDO A IDENTIDADE } \bar{X} + XY = \bar{X} + Y \text{ VEM:}$$

$$S = \bar{P} + QR$$

MK

P \ Q	$\bar{P}\bar{Q}$	$\bar{P}Q$	$P\bar{Q}$	PQ
\bar{R}	1	1	0	0
R	1	1	1	0

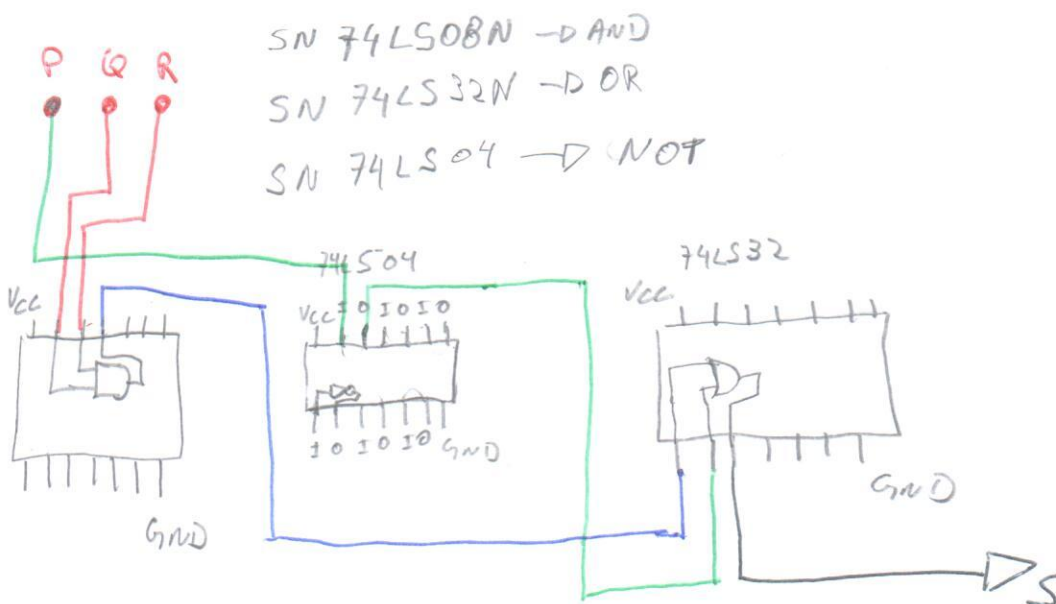
2 GRUPOS, 1 DE 4 E 1 DE 2 ELEMENTOS

$$S = \bar{P} + QR$$



Exercício Papel Atolado Parte 2: Agora que o projeto do circuito lógico esta concluído, utilizando a lista de componentes presentes no laboratório (enviado no arquivo anexo), vamos executar a montagem do circuito projetado selecionando e utilizando componentes presentes na lista. Os "datasheets" para estudo e seleção também seguem no arquivo anexo. Desenhem o circuito utilizando a ferramenta de sua preferência.

A1	
A	B
1	
2	Código Componente Descrição
3	DM7404 Hex Inverting Gates
4	DM7402 SN7402N Quad 2-Input NOR Gates
5	CD4510 CMOS Presettable Up/Down Counter
6	SN74LS32N Quad 2-Input OR Gates
7	HEF4510B BCD Up/Down Counter
8	SN74LS139A Dual 2-line to 4-line Decoders/Demultiplexers
9	SN74LS00 Quad 2-Input NAND Gates
10	SN74LS138 1-of-8 Decoder/Demultiplexer
11	HD74LS138 3-Line to 8-line Decoders/Demultiplexers
12	DM7490A Decade and Binary Counters
13	DM74LS139 Decoder/Demultiplexer
14	DM74LS74A Dual Positive Edge-Triggered D Flip-Flops with Preset, Clear and Complementary Outputs
15	DM74LS08N Quad 2-Input AND Gates
16	CD4518B CMOS Dual Up-Counters
17	CD4511BC BCD-to-7 Segment Latch/Decoder/Driver
18	HCF4515BE 4-bit latch/4-to-16 Line Decoder
19	NE555 555D Single Timer



Exercício Treinamento: Efetue:

- 1-Faça o circuito das expressões booleanas originais.
- 2-Simplifique as expressões booleanas originais utilizando a técnica MK.
- 3-Obtenha a tabela verdade da expressão booleana resultante.
- 4- Faça o circuito das expressões booleanas resultantes.

Lembrem-se.

- passo 1: primeiramente na solução "S" deves ter apenas soma de produtos
 passo 2: alocar a soma de produtos no MK
 passo 3: localizar os melhores grupos
 passo 4: obter a expressão booleana simplificada.

$\begin{matrix} AB \\ CD \end{matrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
$\bar{C}\bar{D}$	P_1	P_5	P_{13}	P_9
$\bar{C}D$	P_2	P_6	P_{14}	P_{10}
CD	P_4	P_8	P_{15}	P_{12}
$C\bar{D}$	P_3	P_7	P_{16}	P_{13}

Mapa 2.

$\begin{matrix} AB \\ CD \end{matrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
$\bar{C}\bar{D}$	$\bar{A}\bar{B} \cdot \bar{C}\bar{D}$	$\bar{A}B \cdot \bar{C}\bar{D}$	$AB \cdot \bar{C}\bar{D}$	$A\bar{B} \cdot \bar{C}\bar{D}$
$\bar{C}D$	$\bar{A}\bar{B} \cdot \bar{C}D$	$\bar{A}B \cdot \bar{C}D$	$AB \cdot \bar{C}D$	$A\bar{B} \cdot \bar{C}D$
CD	$\bar{A}\bar{B} \cdot CD$	$\bar{A}B \cdot CD$	$AB \cdot CD$	$A\bar{B} \cdot CD$
$C\bar{D}$	$\bar{A}\bar{B} \cdot C\bar{D}$	$\bar{A}B \cdot C\bar{D}$	$AB \cdot C\bar{D}$	$A\bar{B} \cdot C\bar{D}$

Mapa 2 complemento

a-) $S = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} + \bar{A} \cdot B \cdot C + \bar{A} \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot \bar{C}$

$\begin{matrix} AB \\ C \end{matrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
\bar{C}	1	1	1	1
C	0	1	0	0

$S = \bar{C} + \bar{A}B$

A	B	C	S
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

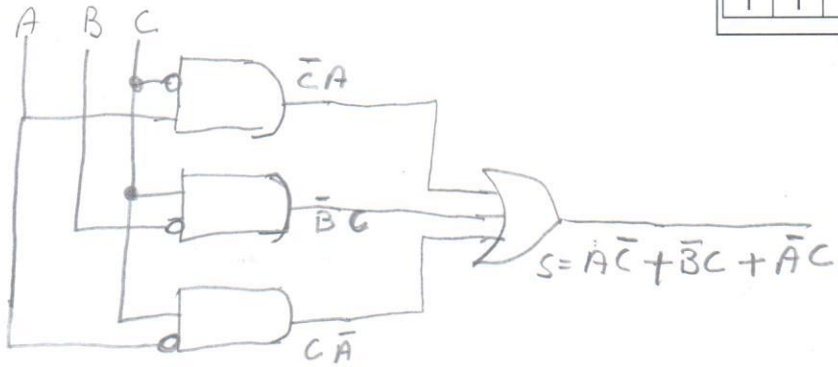


b-) $S = \bar{A} \cdot C + \bar{B} \cdot C + A \cdot \bar{C}$

$\begin{smallmatrix} \backslash AB \\ C \end{smallmatrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
\bar{C}	0	0	1	1
C	1	1	0	1

A	B	C	S
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$$S = \bar{A}C + \bar{B}C + A\bar{C}$$



c-) $S = A \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{C} + A \cdot \bar{B}$

$\begin{smallmatrix} \backslash AB \\ C \end{smallmatrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
\bar{C}	0	0	1	1
C	0	0	1	1

A	B	C	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

$$S = A$$



d-) $S = (A + B + C) \cdot (\bar{A} + \bar{B} + C)$

$\begin{matrix} AB \\ C \end{matrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
\bar{C}	0	1	0	1
C	1	1	1	1

A	B	C	S
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

TRANSFORMANDO EM SOMA DE PRODUTOS

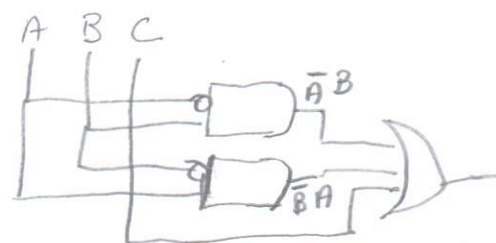
$$S = \bar{A} \cdot \bar{A} + \bar{A} \cdot \bar{B} + \bar{A} \cdot C + B \cdot \bar{A} + B \cdot \bar{B} + B \cdot C + C \cdot \bar{A} + C \cdot \bar{B} + C \cdot C$$

$$S = \bar{A} + \bar{A}\bar{B} + AC + B\bar{A} + B\bar{B} + BC + C\bar{A} + C\bar{B} + C$$

$$S = \bar{A}\bar{B} + AC + B\bar{A} + BC + C\bar{A} + C\bar{B} + C$$

→ MK

$$S = C + \bar{A}\bar{B} + \bar{B}A$$



$$S = C + \bar{A}\bar{B} + \bar{B}A$$

e-) $S = \bar{C} \cdot (\bar{A} \cdot \bar{B} \cdot \bar{D} + D) + A \cdot \bar{B} \cdot C + \bar{D}$

$\begin{matrix} AB \\ CD \end{matrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	AB	$A\bar{B}$
$\bar{C}\bar{D}$	1	1	1	1
$\bar{C}D$	1	1	1	1
CD	0	0	0	1
$C\bar{D}$	1	1	1	1

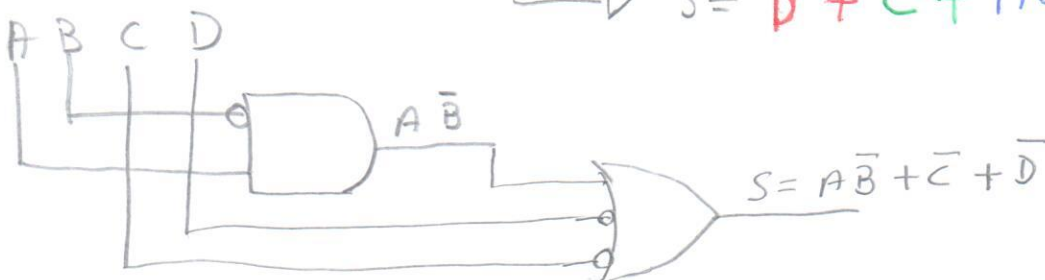
A	B	C	D	S
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

→ TRANSFORMANDO EM SOMA DE PRODUTOS

$$S = \bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D} + \bar{C}\bar{D} + A\bar{B}C + \bar{D}$$

MK

$$S = \bar{D} + \bar{C} + A\bar{B}$$



$$S = A\bar{B} + \bar{C} + \bar{D}$$

f-) $S = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} \cdot D + \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot C \cdot \bar{D} + \bar{A} \cdot B \cdot \bar{C} \cdot D + \bar{A} \cdot B \cdot C \cdot \bar{D} + \bar{A} \cdot B \cdot C \cdot D + A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} \cdot \bar{D} + A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} \cdot D + A \cdot \bar{B} \cdot C \cdot \bar{D} + A \cdot \bar{B} \cdot C \cdot D + A \cdot B \cdot \bar{C} \cdot \bar{D} + A \cdot B \cdot \bar{C} \cdot D + A \cdot B \cdot C \cdot \bar{D} + A \cdot B \cdot C \cdot D$

$\begin{matrix} AB \\ CD \end{matrix}$	$\bar{A}\bar{B}$	$\bar{A}B$	$A\bar{B}$	AB
$\bar{C}\bar{D}$	0	0	1	1
$\bar{C}D$	1	1	1	1
CD	1	1	1	1
$C\bar{D}$	1	0	0	0

A	B	C	D	S
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0
1	1	1	1	1

$$S = \bar{A}\bar{C} + \bar{A}\bar{B}C + D$$

