

Математические основы защиты информации и информационной безопасности. Отчет по лабораторной работе № 4

Вычисление наибольшего общего делителя

Лубышева Ярослава Михайловна

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Выполнение лабораторной работы	7
4	Выводы	14
5	Список литературы	15

Список иллюстраций

3.1	Программная реализация алгоритма Евклида	8
3.2	Программная реализация бинарного алгоритма Евклида	9
3.3	Программная реализация расширенного алгоритма Евклида . . .	10
3.4	Программная реализация расширенного бинарного алгоритма Евклида (часть 1)	11
3.5	Программная реализация расширенного бинарного алгоритма Евклида (часть 2)	12
3.6	Результаты работы алгоритмов вычисления наибольшего общего делителя	13

Список таблиц

1 Цель работы

Выполнить задание к лабораторной работе № 4 [1].

2 Задание

1. Ознакомиться с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя:
алгоритм Евклида, бинарный алгоритм Евклида, расширенный алгоритм Евклида, расширенный бинарный алгоритм Евклида.
2. Реализовать все алгоритмы программно.

3 Выполнение лабораторной работы

Для реализации алгоритмов вычисления наибольшего общего делителя была написана программа на языке программирования Python (3.1 - 3.5).

```
# алгоритм Евклида
# вход - целые числа  $0 < b \leq a$ 
# выход -  $d = \text{НОД}(a, b)$ 
def alg_Euclid(a, b):
    r = [a, b]
    i = 1
    while r[i-1] % r[i] != 0:
        r.append(r[i-1] % r[i])
        i += 1
    d = r[i]
    return d
```

Рис. 3.1: Программная реализация алгоритма Евклида


```

# бинарный алгоритм Евклида
# вход - целые числа  $0 < b \leq a$ ; выход -  $d = \text{НОД}(a, b)$ 
def bin_alg_Euclid(a, b):
    g = 1
    while a%2==0 and b%2==0:
        a /= 2
        b /= 2
        g *= 2
    u = a; v = b
    while u!=0:
        while u%2==0:
            u /= 2
        while v%2==0:
            v /= 2
        if u>=v:
            u -= v
        else:
            v -= u
    d = g*v
    return d

```

Рис. 3.2: Программная реализация бинарного алгоритма Евклида

```

# расширенный алгоритм Евклида
# вход - целые числа  $0 < b \leq a$ 
# выход -  $d = \text{НОД}(a, b)$ , целые числа  $x$  и  $y$ , что  $a \cdot x + b \cdot y = d$ 
def advanced_alg_Euclid(a, b):
    r = [a, b]
    x = [1, 0]
    y = [0, 1]
    i = 1
    while r[i-1] % r[i] != 0:
        r.append(r[i-1] % r[i])
        q = r[i-1] // r[i]
        x.append(x[i-1] - q * x[i])
        y.append(y[i-1] - q * y[i])
        i += 1
    d = r[i]
    x = x[i]
    y = y[i]
    return d, x, y

```

Рис. 3.3: Программная реализация расширенного алгоритма Евклида

```

# расширенный бинарный алгоритм Евклида
# вход - целые числа  $0 < b \leq a$ ; выход -  $d = \text{НОД}(a, b)$ , целые числа  $x$  и  $y$ , что  $a \cdot x + b \cdot y = d$ 
def advanced_bin_alg_Euclid(a, b):
    g = 1
    while a%2==0 and b%2==0:
        a /= 2
        b /= 2
        g *= 2
    u = a; v = b
    big_a = 1; big_b = 0; big_c = 0; big_d = 1
    while u!=0:
        while u%2==0:
            u /= 2
            if big_a%2==0 and big_b%2==0:
                big_a /= 2
                big_b /= 2
            else:
                big_a = (big_a + b) / 2
                big_b = (big_b - a) / 2

```

Рис. 3.4: Программная реализация расширенного бинарного алгоритма Евклида (часть 1)

```

while v%2==0:
    v /= 2
    if big_c%2==0 and big_d%2==0:
        big_c /= 2
        big_d /= 2
    else:
        big_c = (big_c + b) / 2
        big_d = (big_d - a) / 2
if u>=v:
    u = u-v
    big_a -= big_c
    big_b -= big_d
else:
    v = v-u
    big_c -= big_a
    big_d -= big_b
d = g*v; x = big_c; y = big_d
return d, x, y

```

Рис. 3.5: Программная реализация расширенного бинарного алгоритма Евклида
(часть 2)

Результаты работы алгоритмов представлены на рисунке ниже (3.6).

```
a = 1405054161
b = 2653
print(alg_Euclid(a,b))
print(bin_alg_Euclid(a,b))
print(advanced_alg_Euclid(a,b))
print(advanced_bin_alg_Euclid(a,b))
```

```
7
7.0
(7, 59, -31246964)
(7.0, 438.0, -231968987.0)
```

Рис. 3.6: Результаты работы алгоритмов вычисления наибольшего общего делителя

4 Выводы

Выполнено задание к лабораторной работе № 4.

5 Список литературы

1. Методические материалы курса