

# **Математические основы защиты информации и информационной безопасности. Отчет по лабораторной работе № 6**

**Разложение чисел на множители**

Лубышева Ярослава Михайловна

# Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Выполнение лабораторной работы	7
4	Выводы	9
5	Список литературы	10

# List of Figures

3.1	Программная реализация алгоритма нахождения НОД . . . . .	7
3.2	Программная реализация р-метода Полларда . . . . .	8
3.3	Результаты работы р-метода Полларда . . . . .	8

## List of Tables

# **1 Цель работы**

Выполнить задание к лабораторной работе № 6 [1].

## 2 Задание

1. Ознакомиться с алгоритмом разложения чисел на множители - р-метод Полларда.
2. Реализовать алгоритм программно.
3. Разложить на множители заданное число.

### 3 Выполнение лабораторной работы

Для реализации алгоритмов вычисления наибольшего общего делителя была написана программа на языке программирования Python (fig. 3.1 - fig. 3.2).

```
# алгоритм Евклида для нахождения НОД
# вход - целые числа  $0 < b \leq a$ 
# выход -  $d = \text{НОД}(a, b)$ 
def alg_Euclid(a, b):
    r = [a, b]
    i = 1
    while r[i-1] % r[i] != 0:
        r.append(r[i-1] % r[i])
        i += 1
    d = r[i]
    return d
```

Figure 3.1: Программная реализация алгоритма нахождения НОД

```

# р-метод Полларда
# вход: число n, начальное значение c,
# функция f, обладающая сжимающим свойствами
# выход: нетривиальный делитель числа n
def p_method_Pollard(n, c, f):
    a = c
    b = c
    d = 1

    while d == 1:
        a = f(a) % n
        b = f(f(b) % n) % n

        if n <= a-b:
            d = alg_Euclid(abs(a-b), n)
        else:
            d = alg_Euclid(n, abs(a-b))

    if d>1 and d<n:
        return d
    if d == n:
        return "Делитель не найден"

```

Figure 3.2: Программная реализация р-метода Полларда

Результаты работы алгоритмов представлены на рисунке ниже (fig. 3.3).

```

n = 1359331
c = 1
f = lambda x: (x**2 + 5) % n
print(f"Делитель числа {n} - {p_method_Pollard(n, c, f)}")

```

Делитель числа 1359331 - 1181

Figure 3.3: Результаты работы р-метода Полларда



## **4 Выводы**

Выполнено задание к лабораторной работе № 6.

## **5 Список литературы**

1. Методические материалы курса