

# Depth First Search (DFS)



Algoritmos como estos se llaman de **búsqueda en profundidad**

Llegan hasta el final de una rama antes de empezar a explorar otra

¿Cuál es la complejidad de estos algoritmos?

# DFS: Exploración en profundidad

Las aristas son exploradas a partir del vértice  $v$  descubierto más recientemente

... que aún tiene aristas no exploradas que salen de él:

- cuando todas las aristas de  $v$  han sido exploradas, la exploración retrocede para explorar aristas que salen del vértice a partir del cual  $v$  fue descubierto
- busca más profundamente en  $G$  mientras sea posible

# DFS pinta los vertices blancos, grises o negros

Todos los vértices son inicialmente *blancos*

Un vértice se pinta de *gris* cuando es descubierto

Un vértice se pinta de *negro* cuando su lista de adyacencias ha sido examinada exhaustivamente

# Puzle para niños



Probablemente conozcan este tipo de puzle:

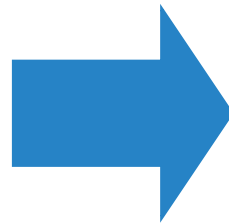


Dada una instancia, ¿cuáles son los pasos que llevan a la solución?

# Formalmente: El “puzle de 15”

Este puzle consta de 15 piezas con números en una grilla de 4×4

15	2	1	12
8	5		11
4	9	6	7
3	14	10	13



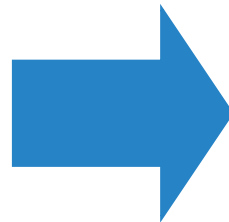
1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	

La idea es deslizar las piezas hasta dejar los números en orden

# Las cuatro operaciones posibles

## 1. Deslizar hacia arriba

15	2	1	12
8	5		11
4	9	6	7
3	14	10	13

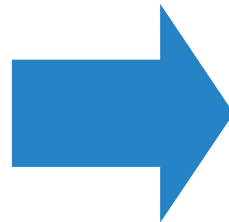


15	2	1	12
8	5	6	11
4	9		7
3	14	10	13

# Las cuatro operaciones ...

## 2. Deslizar hacia la derecha

15	2	1	12
8	5		11
4	9	6	7
3	14	10	13

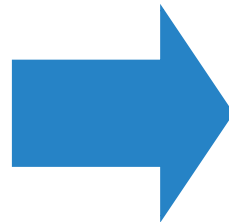


15	2	1	12
8		5	11
4	9	6	7
3	14	10	13

# Las cuatro ...

## 3. Deslizar hacia abajo

15	2	1	12
8	5		11
4	9	6	7
3	14	10	13



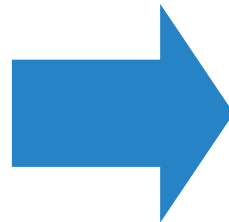
15	2		12
8	5	1	11
4	9	6	7
3	14	10	13



# Las ...

## 4. Deslizar hacia la izquierda

15	2	1	12
8	5		11
4	9	6	7
3	14	10	13



15	2	1	12
8	5	11	
4	9	6	7
3	14	10	13

# Entonces ... ¿cómo lo resolvemos?



# Planteamiento del problema como un problema de búsqueda en un grafo



Podríamos hacer lo siguiente:

1. Construir un **grafo** que represente el problema
2. Utilizar **DFS** para **buscar** el camino a la solución

¿Cómo hacemos esto?

# Primero, el paso 1



Podríamos hacer lo siguiente:

1. Construir un **grafo** que represente el problema
2. Utilizar **DFS** para **buscar** el camino a la solución

¿Cómo hacemos esto?

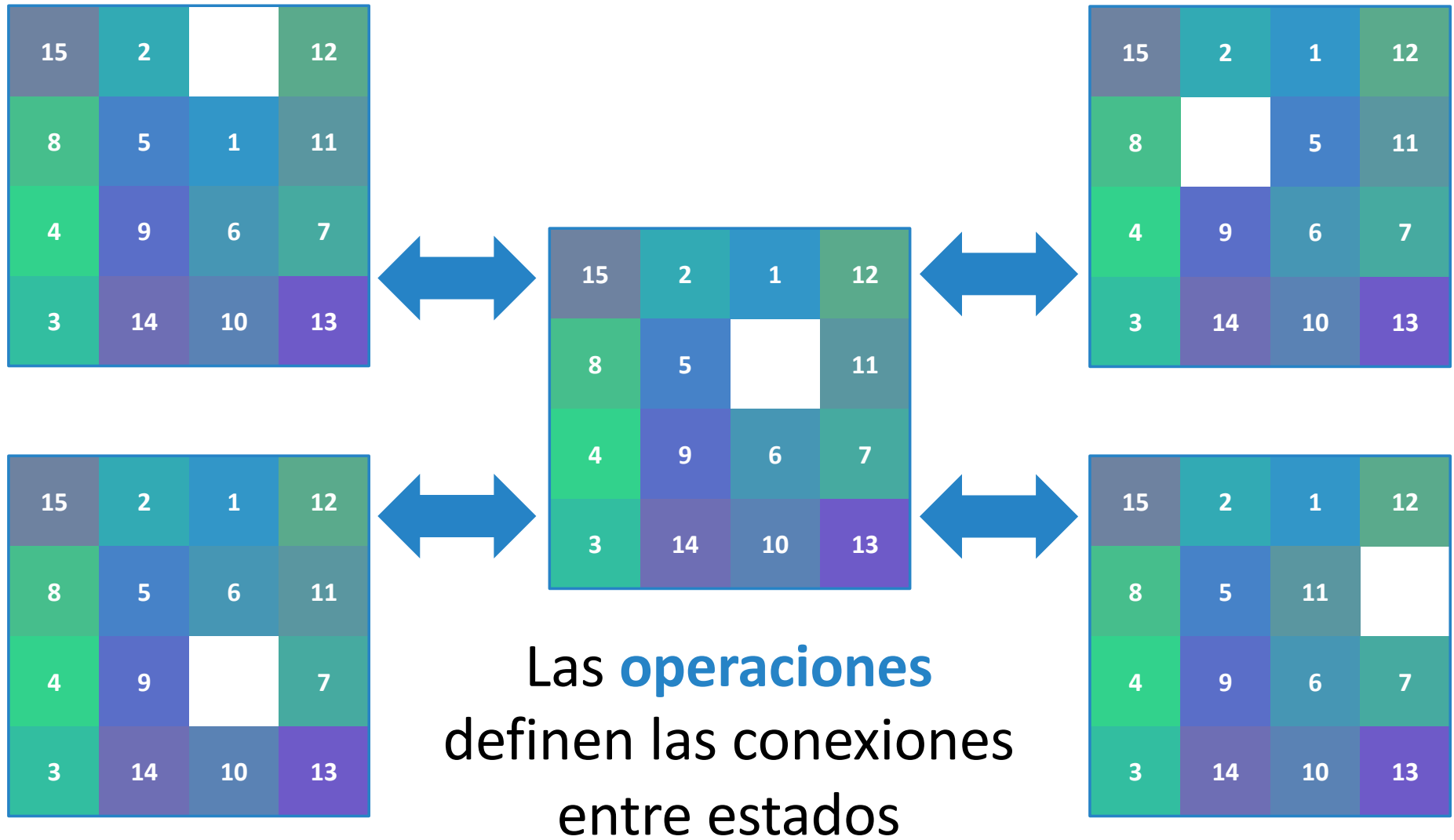
# Grafo de estados y sus transiciones

Un **grafo de estados**  $G(V, E)$  se define de la siguiente manera:

Cada nodo en  $V$  es una **configuración** (estado) distinta del problema

Hay una arista (hay una **transición**) de  $u$  a  $v$  si se puede pasar de  $u$  a  $v$  en un paso.

# En el caso del puzle de 15



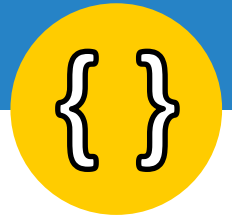
# ¡Cuidado con el uso de memoria!



¿Qué tamaño tiene el grafo de estados del puzle de 15?

¿Hay algún problema con eso?

# Diccionarios al rescate



Los problemas de este tipo suelen tener *muchos* estados

Hay que generar el grafo a medida que se exploran los estados

Se necesita un **diccionario** para no generar estados repetidos



# Veamos ahora el paso 2



Podríamos hacer lo siguiente:

1. Construir un **grafo** que represente el problema
2. Utilizar **DFS** para **buscar** el camino a la solución

¿Cómo hacemos esto?

*buscar dfs*( $D, s, g$ ):

*if*  $s \in D$ , *return false*

Insertar  $s$  en  $D$

*if*  $s = g$ , *return true*

*foreach operation*  $op$ :

$t \leftarrow op(s)$

$t.parent \leftarrow s$ ,  $t.operation \leftarrow op$

*if buscar dfs*( $D, t, g$ ):

*return true*

*return false*

# El “puzle de 15++”



Dada una configuración del puzle de 15

... ¿cuáles son los pasos necesarios para llegar a la solución

**... de modo que la ruta desde la partida a la solución sea la más corta posible?**

# Ruta más corta

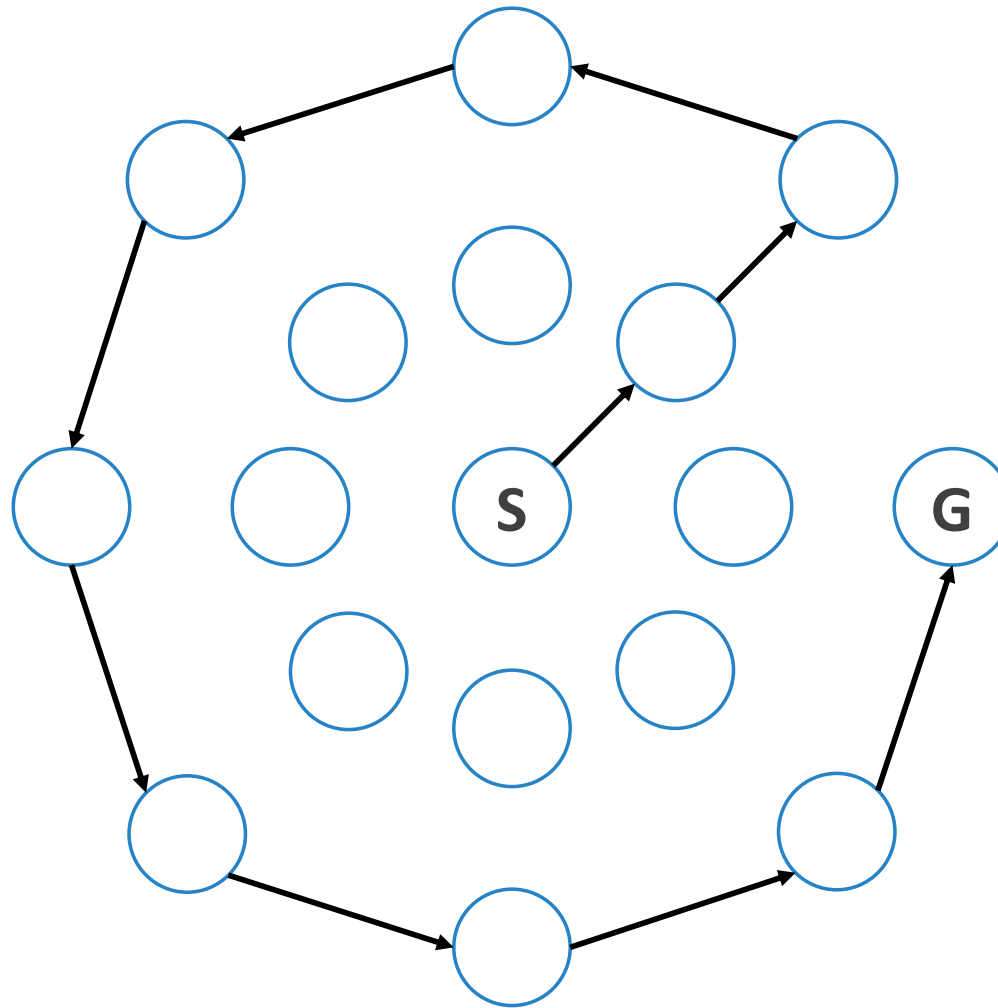


Si la **distancia** entre dos nodos es el largo de la **ruta más corta** entre ellos,

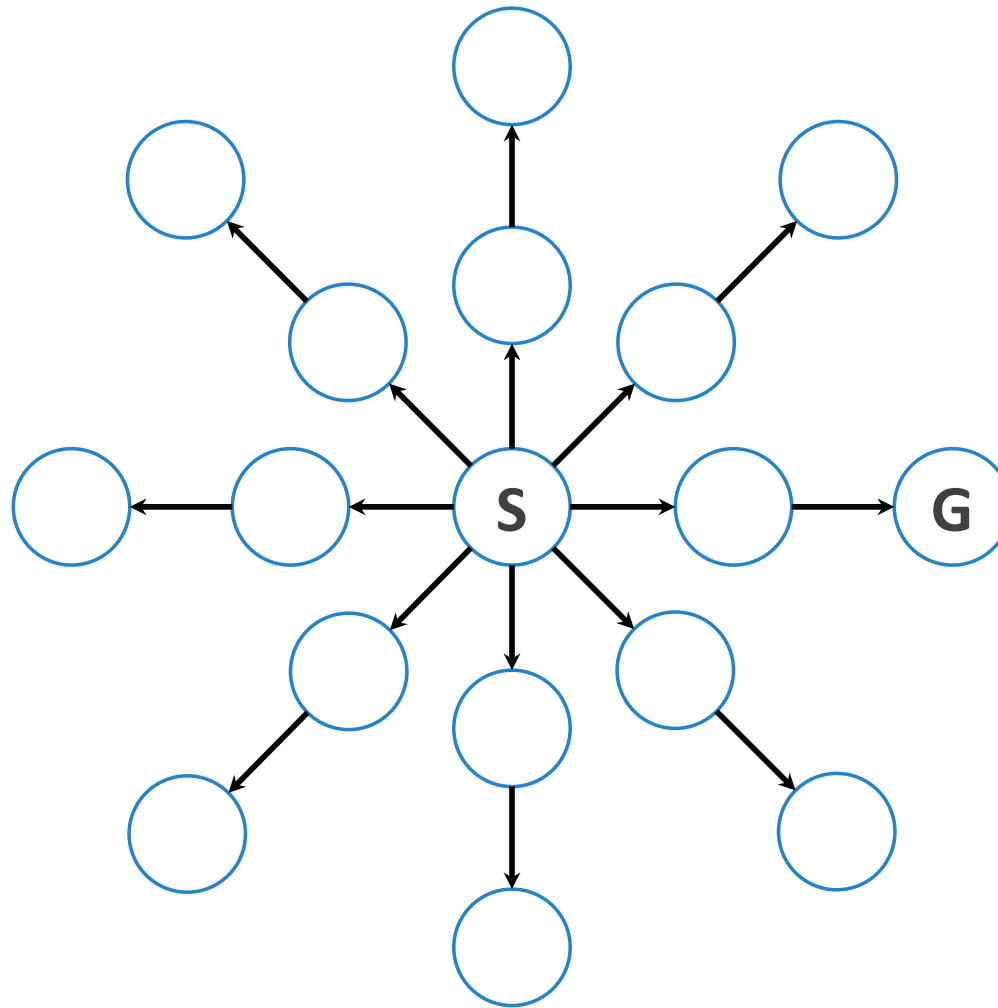
... ¿está la solución a distancia 1 del nodo de partida, u origen? ¿y a distancia 2?

¿Cómo podemos responder esa pregunta para una distancia  $n$ ?

# Tenemos *depth first search*



... y queremos *breadth first search*



# La idea del algoritmo de BFS



Partiendo de  $i = 1$ :

1. Generar los estados a distancia  $i$  del origen
2. Si alguno de esos es el destino, estamos listos
3. Si no, incrementar  $i$  en 1 y volver a 1.

¿Cómo hacemos esto eficientemente?

*buscar bfs*( $D, s, g$ ):

$Open \leftarrow$  una cola vacía.  $D \leftarrow$  un diccionario vacío.

Insertar  $s$  en  $Open$  y en  $D$

*while*  $Open \neq \emptyset$ :

$s \leftarrow$  el siguiente elemento de  $Open$

*foreach operation*  $op$ :

$t \leftarrow op(s)$

$t.parent \leftarrow s, \quad t.operation \leftarrow op$

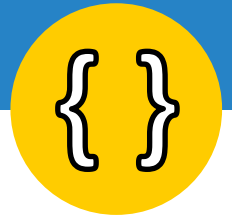
*if*  $t = g$ , *return true*

*if*  $t \notin D$ , Insertar  $t$  en  $D$  y en  $Open$

*return false*



# Relación entre DFS y BFS



Si reemplazamos la **cola** en **BFS** por un **stack**, tenemos **DFS**

Sería una forma de implementar **DFS** de manera iterativa

La complejidad de ambos algoritmos es la misma en el peor caso