heatexchanger networks

September 13, 2023

```
[22]: import sys
    sys.path.append('..')
    from exchanger.parts import *
    from exchanger.stream import *
    from exchanger.exchanger import*
    from exchanger.network import*
    from exchanger.exchanger_types import*
    from exchanger.network import vis_setups
    from exchanger.exchanger_creator import *

import numpy as np
    from numpy import exp
```

1 Zellenmethode

Im Folgenden wird gezeigt, wie die Zellenmethode mithilfe der Implementierung angewendet werden kann. Weitere Details zur Methode lassen sich aus der Erklärung zur Zellenmethode (Zellenmethode Theorie) entnehmen.

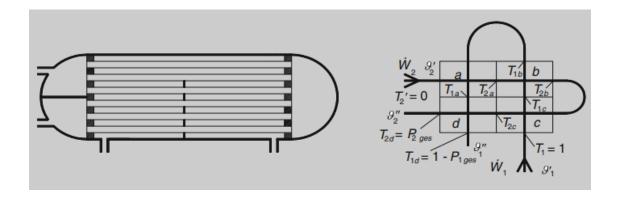
Die folgenden Beispiele zeigen insbesondere die Anwendung für einen Rohrbündelwärmeübertrager mit zwei Fluidströmen und ohne Phasenübergang.

1.1 Beispiel: Rohrbündelwärmeübertrager (4 Zellen)

1.1.1 Angaben

Die Stromführung des Wärmeübertragers besteht aus zwei inneren und zwei äußeren Durchgängen mit einer mantelseitigen Umlenkung. Die für die Wärmeübertragung maßgebende Größe kA ist für alle Zellen gleich und beträgt 4000 W/K. Der Strom im Außenraum hat den Index 1. Um die Berechnung zu vereinfachen, werden die beiden Wärmekapazitätsströme \dot{W}_1 und \dot{W}_2 mit 3500 W/K gleich groß gewählt. Die Eintrittstemperatur des Stroms 1 ist $\vartheta'_1 = 100$ °C, und die des Stroms 2 ist $\vartheta'_2 = 20$ °C.

Zu bestimmen sind die Austrittstemperaturen ϑ'_1 und ϑ'_2 .



1.1.2 Implementierung

Fluide und Fluidströme Zunächst werden die Fluidströme, im Folgenden beispielsweise Wasser, definiert. Der Massenstrom wird dabei so angepasst, dass die Wärmekapazitätsströme den in der Angabe vorgegebenen entsprechen. Der Druck für das Fluid wird so angepasst, dass es zu keiner Phasenänderung kommt, um eine korrekte Berechnung zu gewährleisten.

Auf die genaue Verwendung der Fluid- und Flow-Klassen sei in der Beschreibung in simple_heatexchangers.ipynb bzw. in der Klassendokumentation verwiesen.

```
[23]: W dot 1 = 3500
      fluid_1 = Fluid("Water", pressure=101420, temperature=273.15 + 100)
      flow_1 = Flow(fluid_1, W_dot_1/fluid_1.specific_heat)
      flow_1
[23]: Flow: id = 1775254775888
              mass flow = 0.83024 \text{ kg/s}
              heat capacity flow: W_dot = 3500.00000 W/K
              heat flow: Q_dot = 0.00000 kW
      Input Fluid:
              Fluid: title = Water, id = 1775227704528
              p = 101420 Pa
              t = 100.0 °C
      Output Fluid:
              Fluid: title = Water, id = 1775227819344
              p = 101420 Pa
              t = 100.0 °C
[24]: W_{dot_2} = 3500
      fluid_2 = Fluid("Water", temperature=273.15 + 20)
      flow_2 = Flow(fluid_2, W_dot_2/fluid_2.specific_heat)
      flow_2
[24]: Flow: id = 1775220623952
```

mass flow = 0.83651 kg/s

heat capacity flow: W_dot = 3500.00000 W/K

```
heat flow: Q_dot = 0.00000 kW

Input Fluid:
    Fluid: title = Water, id = 1775227827088
    p = 101325 Pa
    t = 20.0 °C

Output Fluid:
    Fluid: title = Water, id = 1775220627216
    p = 101325 Pa
    t = 20.0 °C
```

Wärmetauscher Netzwerk Die verwendung der Klasse ExchangerNetwork wurde bereits im Notebook komplex_networks.ipynb bzw in der Klassendokumentation beschrieben.

```
[25]: flows = [flow_1, flow_2]
network = ExchangerNetwork(flows)
```

Um die Austrittstemperaturen mithilfe der Zellenmethode zu berechnen, muss die Charakteristik des Netzwerks bekannt sein. Dazu können beispielsweise die Matrizen, die das Netzwerk beschreiben, direkt definiert werden. Zunächst können die dimensionslosen Kennzahlen des gesamten Netzwerks berechnet werden. Für die einzelnen Zellen wird davon ausgegangen, dass sich die Wärmeübertragungsfähigkeit gleichmäßig auf die Zellen aufteilt.

```
[26]: R_1 = W_{dot_1/W_{dot_2}}

R_2 = W_{dot_2/W_{dot_1}}

display(f''R_1 = \{R_1\}, R_2 = \{R_2\}'')
```

 $^{\prime}R_{1} = 1.0, R_{2} = 1.0^{\prime}$

```
[27]: kA = 4000
    cells = 4
    NTU_1_ges = kA/W_dot_1
    NTU_2_ges = kA/W_dot_2
    NTU_1_cell = NTU_1_ges/cells
    NTU_2_cell = NTU_2_ges/cells
    display(f"NTU_1_cell = {NTU_1_cell}, NTU_2_cell = {NTU_2_cell}")
```

'NTU_1_cell = 0.2857142857142857, NTU_2_cell = 0.2857142857142857'

Es wird angenommen, dass eine Zelle durch einen Wärmeübertrager mit einer Rohrreihe und mantelseitigem Gegenstrom angenähert werden kann.

```
[28]: P_1_cell = 1 - exp((exp(-R_1 * NTU_1_cell) - 1) / R_1)

P_2_cell = R_1*P_1_cell

display(f"P_1_cell = {P_1_cell}, P_2_cell = {P_2_cell}")
```

'P 1 cell = 0.22004784968070001, P 2 cell = 0.22004784968070001'

Matrixdefinition Mit diesen Parametern können nun die Matrizen für die Zellenmethode definiert werden. Wie genau die Matrizen aufgebaut werden, kann aus der theoretischen Beschreibung entnommen werden.

Für die Berechnung der Ausgangstemperaturen greift die Klasse 'HeatExchangerNetwork' auf folgende Eigenschaften zurück, die entweder direkt definiert werden, wie im Folgenden zu sehen, oder automatisch generiert werden:

- Die Funktionsmatrix phi_matrix, welche die Betriebscharakteristik der Apparate beschreibt.
- Die Strukturmatrix structure_matrix, die die Struktur des Netzwerks beschreibt.
- Die Eingangsmatrix input_matrix, welche die Fluidströmeinritte in das Netzwerk beschreibt.
- Die Ausgangsmatrix output_matrix, um die Ausgangstemperaturen aus dem Netzwerk zu berechnen.

```
network.phi_matrix = np.array([[1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell, 0., 0., 0.],
                                [0., 1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell, 0., 0.],
                                [0., 0., 1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell, 0.],
                                [0., 0., 0., 1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell],
                                [P_2_cell, 0., 0., 0., 1-P_2_cell, 0., 0., 0.],
                                [O., P_2_cell, O., O., O., 1-P_2_cell, O., O.],
                                [0., 0., P_2_cell, 0., 0., 1-P_2_cell, 0.],
                                [0., 0., 0., P_2_cell, 0., 0., 0., 1-P_2_cell]])
network.structure_matrix = np.array([[0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
                                      [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
                                      [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
                                      [1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
                                      [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
                                      [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0],
                                      [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0],
                                      [0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]]
network.input_matrix = np.array([[0, 0],
                                  [0, 0],
                                  [1, 0],
                                  [0, 0],
                                  [0, 1],
                                  [0, 0],
                                  [0, 0],
                                  [0, 0]]
network.output_matrix = np.asarray([[0, 0, 0, 1, 0, 0, 0],
                                     [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]])
```

Für die einzelnen Zellen ergeben sich somit die folgenden Austrittstemperaturen der einzelnen Apparate. Diese werden über die Eigenschaft temperature_matrix als Tupel bereitgestellt, entweder in dimensionsloser Form, also normiert auf die Eintrittstemperaturen unter temperature_matrix[1], oder in Kelvin unter temperature_matrix[0].

```
[30]: network.temperature_matrix[1]-273.15
```

Durch die Outputmatrix können zusätzlich die Austrittstemperaturen aus dem gesamten Netzwerk herausgefiltert bzw. berechnet werden. Für das beschriebene Netzwerk ergibt sich somit eine Austrittstemperatur des ersten Stroms von $\vartheta_1''=61.86$ °C und die des Stroms 2 ist $\vartheta_2''=58.13$ °C.

Diese Austrittstemperaturen des gesamten Netzwerks werden über die Eigenschaft temperature_outputs wie zuvor die Apparate-Austrittstemperaturen bereitgestellt.

1.1.3 Wärmetauscher mit gleichen Apparateeigenschaften

Wie sich zeigt, ist die Definition der Matrizen für die Zellenmethode nicht immer einfach. Deshalb kann die Berechnung eines Netzwerks mit zwei Strömen und gleichmäßiger Aufteilung der Wärmeübertragungsfähigkeit auf die einzelnen Zellen wie folgt durchgeführt werden:

Zunächst müssen erneut die beiden Ströme definiert werden.

```
[32]: W_dot_1 = 3500
fluid_1 = Fluid("Water", pressure=101420, temperature=273.15 + 100)
flow_1 = Flow(fluid_1, W_dot_1/fluid_1.specific_heat)

W_dot_2 = 3500
fluid_2 = Fluid("Water", temperature=273.15 + 20)
flow_2 = Flow(fluid_2, W_dot_2/fluid_2.specific_heat)
```

Netzwerkdefinition Der beschriebene Wärmetauscher mit zwei Strömen, definierter Stromführung und gleichmäßiger Aufteilung der Wärmeübertragungsfähigkeit auf die verschiedenen Zellen kann mithilfe der Instanz ExchangerEqualCells definiert werden. Dazu sind folgende Angaben erforderlich:

- Die Definition der Größe des Netzwerks über ein Tupel shape=(row,col). Die erste Stelle stellt dabei die Anzahl der Zeilen des Netzwerks dar, und die zweite Stelle die Anzahl der Spalten des Netzwerks.
- Über die Eigenschaft exchangers_type wird definiert, welchem Typ jede einzelne Zelle angenährt werden soll. Dabei ist erforderlich, dass der eingegebene String dem Namen einer implementierten Subklasse von HeatExchanger entspricht.
- Über die Eigenschaften flow_1 und flow_2 können die Fluidobjekte bereitgestellt werden.

- Durch flow_order_1 und flow_order_2 wird über einen String definiert, wie sich der jeweilige Strom durch das Netzwerk bewegt. Dabei wird folgende Konvention verwendet: Die erste Stelle beschreibt die vertikale Position, entweder oben ('u') oder unten ('d'), die zweite Stelle definiert die horizontale Position ('r' für rechts und 'l' für links), danach folgt eine '2' und anschließend die Richtung, in welche sich der Strom bewegt, ebenfalls definiert durch die jeweiligen Buchstaben. Damit ist definiert, wie sich der Strom durch die rechteckig definierte Form des Netzwerks bewegt. Dabei wird angenommen, dass immer eine Zellenreihe oder spalte für die Stromrichtungsänderung verwendet wird und die übrigen Zellen durch vertikale bzw. horizontale Konstruktionen, seien es Trennwände oder der Verlauf der Rohre, getrennt sind.
- Über die Eigenschaften total_transferability oder assembly kann definiert werden, welche Wärmeübertragungsfähigkeit das gesamte Netzwerk besitzt und gleichmäßig auf die Apparate aufgeteilt werden soll. Dabei kann entweder ein Float-Wert oder ein Objekt der Klasse Assembly übergeben werden.

Die Klasse ExchangerEqualCells erbt von ExchangerNetworks, um die Berechnung mithilfe der Zellenmethode durchzuführen. In diesem Fall ist es auch möglich, die Fluidparameter der einzelnen Zellen automatisch anzupassen oder die Betriebscharakteristik der Apparate zu berechnen. Dies erfolgt folgendermaßen:

- 1. Zunächst wird eine Matrix entsprechend der durch shape definierten Form mit HeatExchanger-Objekten oder den Subklassen, die durch exchangers_type definiert sind, erstellt. Jeder Zelle wird die entsprechende Zellenübertragungsfähigkeit zugeordnet.
- 2. Abhängig von den Stromführungen werden zunächst zwei Listen erzeugt, die dieselben HeatExchanger-Objekte enthalten. Die Reihenfolge hängt von der entsprechenden Durchlaufrichtung durch das Netzwerk oder die repräsentative Matrix ab.
- 3. Aus diesen Listen werden Tupellisten erzeugt, um mithilfe des Moduls networkx zunächst einen gerichteten Graphen mit den HeatExchanger-Objekten zu erstellen und daraus eine Adjazenzmatrix zu erzeugen. Diese können anschließend zur Strukturmatrix zusammengesetzt werden.
- 4. Aus der Liste der Heatexchanger kann die Phi-Matrix erzeugt werden, die im vorliegenden Fall nur einer Diagonalmatrix entspricht.
- 5. Die Input- und Outputmatrix ergeben sich ebenfalls aus der Liste der Heatexchanger und den definierten Strömen.

Damit sind alle notwendigen Matrizen erzeugt, und die Zellenmethode kann angewendet werden.

Mithilfe der Methode _adjust_temperatures werden die Temperaturen der einzelnen Heatexchanger-Objekte entsprechend der temperature_matrix angepasst, um die Berechnung mit genaueren Fluidparametern wiederholen zu können.

Die Eigenschaften des Netwerks können über die Methode print ausgegeben werden oder über extended_info(), wobei auch die einzelnen Zellen ausgegeben werden.

```
[33]: kA = 4000
ex = ExchangerEqualCells(shape=(2, 2), exchangers_type='CrossFlowOneRow', □

→flow_1=flow_1, flow_order_1 = 'dr2u', flow_2=flow_2,flow_order_2 = 'ul2r', □

→total_transferability=kA)
```

Wie zu sehen ist, ergeben sich wieder die gleichen Austrittstemperaturen wie bei der direkten Eingabe der Matrizen. Die geringe Abweichung kommt dadurch zustande, dass die Berechnung iterativ erfolgt und die Austrittstemperaturen sowie die Fluiddaten und somit auch die dimensionslosen Kennzahlen der Zellen angepasst werden.

```
[34]: print(ex.extended_info())
     Heat Exchanger Network:
              cell numbers: 4
              heat flows q_1=133.56 kW,
                                                 q_2 = -133.56 \text{ kW}
     input flows: n=2
              flow 0: Water, temp= 100.00°C
              flow 1: Water, temp= 20.00°C
     output flows: n=2
              flow 0: Water, temp= 62.18°C
              flow 1: Water, temp= 58.42°C
     cell:0
     heat exchanger:
              id = 1775228807184
              type: CrossFlowOneRow
     Flows:
     Flow 1:
     Flow: id = 1775228809360
              mass flow = 0.83394 \text{ kg/s}
              heat capacity flow: W_dot = 3510.12275 W/K
              heat flow: Q_{dot} = 42.61267 \text{ kW}
     Input Fluid:
              Fluid: title = Water, id = 1775228805072
              p = 101420 Pa
              t = 100.0 \, ^{\circ}C
     Output Fluid:
              Fluid: title = Water, id = 1775228804112
              p = 101420 Pa
              t = 87.86043738378032 °C
     Flow 2:
     Flow: id = 1775228799632
              mass flow = 0.82769 \text{ kg/s}
              heat capacity flow: W_dot = 3461.04439 W/K
              heat flow: Q_{dot} = -42.61240 \text{ kW}
     Input Fluid:
              Fluid: title = Water, id = 1775228800720
              p = 101325 Pa
              t = 44.616938608050646 °C
```

```
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228806928
        p = 101325 Pa
        t = 56.928642847056494 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.285
        NTU_2 = 0.289
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.014
        R 2 = 0.986
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.219
        P_2 = 0.222
cell:1
heat exchanger:
        id = 1775228802832
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775188942992
        mass flow = 0.84090 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3530.21705 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 42.79428 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228804112
        p = 101420 Pa
        t = 87.86043738378032 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775227751632
        p = 101420 Pa
        t = 75.73847561577139 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775227751696
        mass flow = 0.83197 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3477.07180 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -42.79473 \text{ kW}
Input Fluid:
```

Fluid: title = Water, id = 1775228810128

```
p = 101325 Pa
        t = 32.30969890322643 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228800720
        p = 101325 Pa
        t = 44.61693860804968 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.283
        NTU_2 = 0.288
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.015
        R 2 = 0.985
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.218
        P_2 = 0.222
cell:2
heat exchanger:
        id = 1775228804816
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775228153872
        mass flow = 0.84721 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_{dot} = 3549.71614 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 42.98914 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775227751632
        p = 101420 Pa
        t = 75.73847561577139 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228811408
        p = 101420 Pa
        t = 63.62816680007762 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775228803728
        mass flow = 0.83528 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3492.21853 W/K
```

heat flow: $Q_{dot} = -42.99117 \text{ kW}$

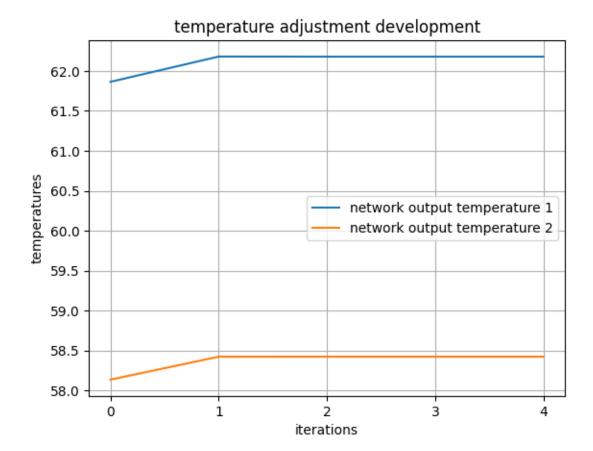
```
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228802192
        p = 101325 Pa
        t = 20.0 \, ^{\circ}C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228810128
        p = 101325 Pa
        t = 32.30969890323888 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU 1 = 0.282
        NTU_2 = 0.286
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.016
        R_2 = 0.984
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.217
        P_2 = 0.221
cel1:3
heat exchanger:
        id = 1775228803984
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775277217168
        mass flow = 0.85044 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3560.20351 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 5.16144 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228811408
        p = 101420 Pa
        t = 63.62816680007762 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228805200
        p = 101420 Pa
        t = 62.178408317433025 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775228804560
        mass flow = 0.82492 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3451.44167 W/K
```

```
heat flow: Q_{dot} = -5.16144 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228806928
        p = 101325 Pa
        t = 56.928642847056494 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775228805584
        p = 101325 Pa
        t = 58.42408612612866 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU 1 = 0.281
        NTU_2 = 0.290
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.032
        R_2 = 0.969
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.216
        P_2 = 0.223
```

Die Klasse ExchangerEqualCells ist eine Subklasse von ExchangerTwoFlow. Sie enthält das Attribut auto_adjust, welches, wie in der Klasse Exchanger, dazu dient, die Fluidparameter anzupassen. Dabei werden die Stromtemperaturen entsprechend der Stromführung und den Zelltemperaturen in jedem Apparat neu angepasst. Dies erfolgt standardmäßig über 5 Iterationen oder kann über die Methode _adjust_temperatures(iterations) angepasst werden.

Um den Einfluss der Fluidparameter auf die Ausgangstemperatur zu visualisieren, kann der folgende Plot mit der Methode vis_temperature_adjustment_development() herangezogen werden. Es zeigt sich, dass nach einer Iteration, also dem Anpassen der Zelltemperaturen am Ein- und Ausgang der Zelle, die Ausgangstemperatur des Netzwerks bereits ausreichend genau ist und keine signifikanten Änderungen mehr erfährt.

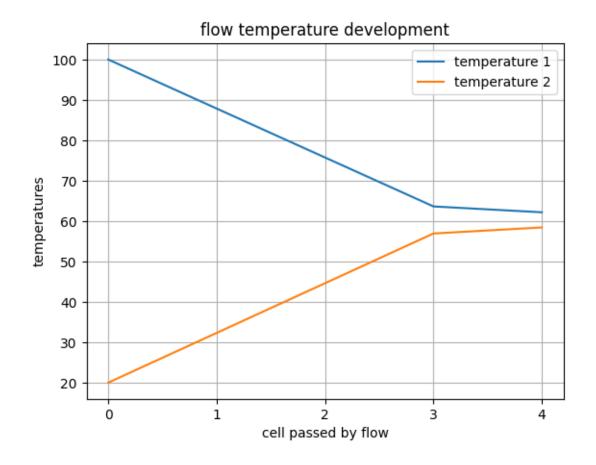
```
[35]: ex.vis_temperature_adjustment_development()
```

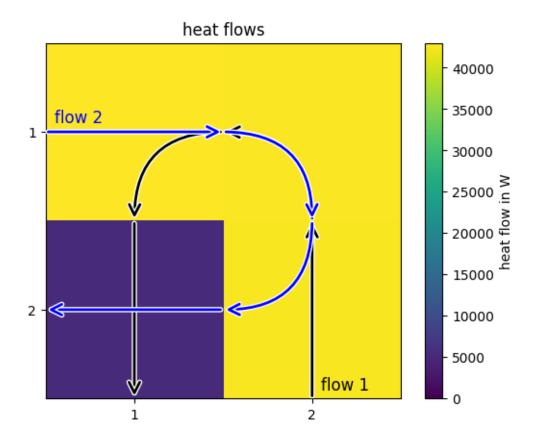


Um die Effektivität bzw. den Wirkungsgrad des Netzwerks zu beurteilen, kann der Temperaturverlauf der einzelnen Ströme oder der umgesetzte Wärmestrom hilfreich sein. Es zeigt sich, dass in den ersten 3 Zellen, die vom jeweiligen Strom durchlaufen werden, der gleiche Wärmestrom umgesetzt wird bzw. die Temperaturänderung innerhalb einer Zelle gleich ist. In der letzten Zelle ist die Temperaturdifferenz zwischen den Strömen so gering, dass nicht mehr so viel Wärmestrom übertragen wird.

Die Visualisierung des Temperaturverlaufs durch die Methode vis_flow_temperature_development() zeigt nur die Ein- und Austrittstemperaturen an den Zellen. Der lineare Verlauf dazwischen entspricht nicht dem tatsächlichen Temperaturverlauf innerhalb einer Zelle. Wird das Netzwerk jedoch mit einer größeren Anzahl von Zellen beschrieben, können auch die realen Temperaturverläufe, wie sie etwa bei reinem Gleich- oder Gegenstrom auftreten, nachgebildet werden. Der übertragene Wärmestrom wird durch die Methode vis_heat_flow() visualisiert. Die Darstellung entspricht dem zuvor über shape definierten Layout des Netzwerks, und die Pfeile visualisieren, in welche Richtung der jeweilige Strom durch die Zellen fließt.

```
[36]: ex.vis_flow_temperature_development() ex.vis_heat_flow()
```





1.1.4 Stromführungen

Wenn Sie sich fragen, welche Ein- und Austrittspositionen am besten für die gegebenen Fluiddaten sind, kann dies anhand folgender Daten beurteilt werden. Zu beachten ist, dass im Folgenden alle (theoretisch) möglichen Eintritts- und Austrittspositionen visualisiert werden. Ob und mit welcher Konstruktion dies auch in einem Rohrbündelwärmeübertrager umgesetzt werden kann, wird außer Acht gelassen. Weiterhin ist zu beachten, dass unterschiedliche Stromführungen eventuell auch besser durch andere Wärmeübertragertypen in den einzelnen Zellen angenähert werden können und berechnete Druckverluste von der genauen Stromführung abhängig sein können.

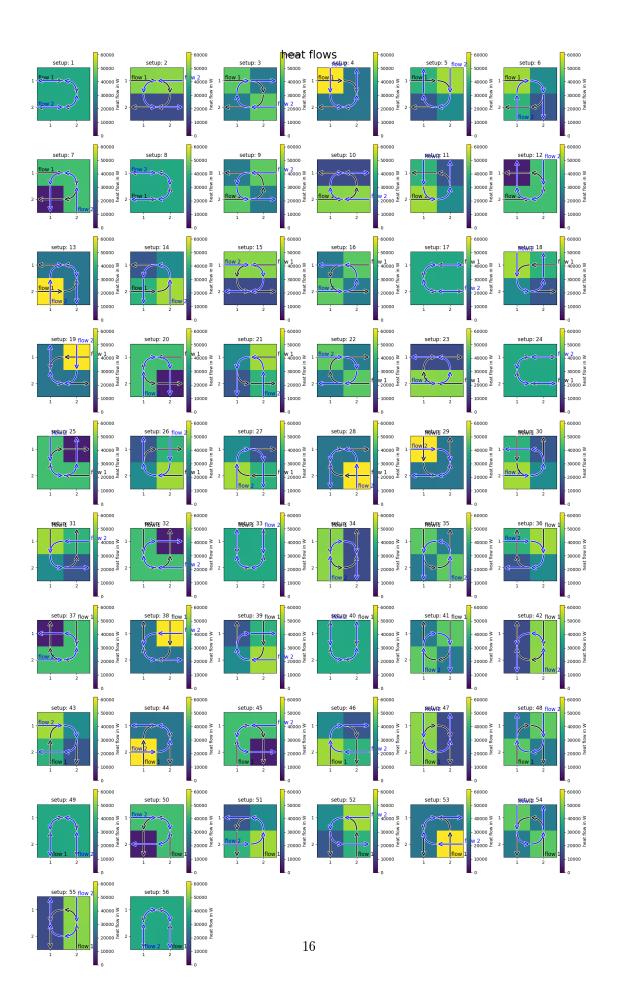
Die folgenden Visualisierungen zeigen daher nur die Möglichkeiten, sofern alle Zellen gleich behandelt werden. Durch Anpassen der einzelnen Zellen in den Setups kann eine genauere Beurteilung durchgeführt werden.

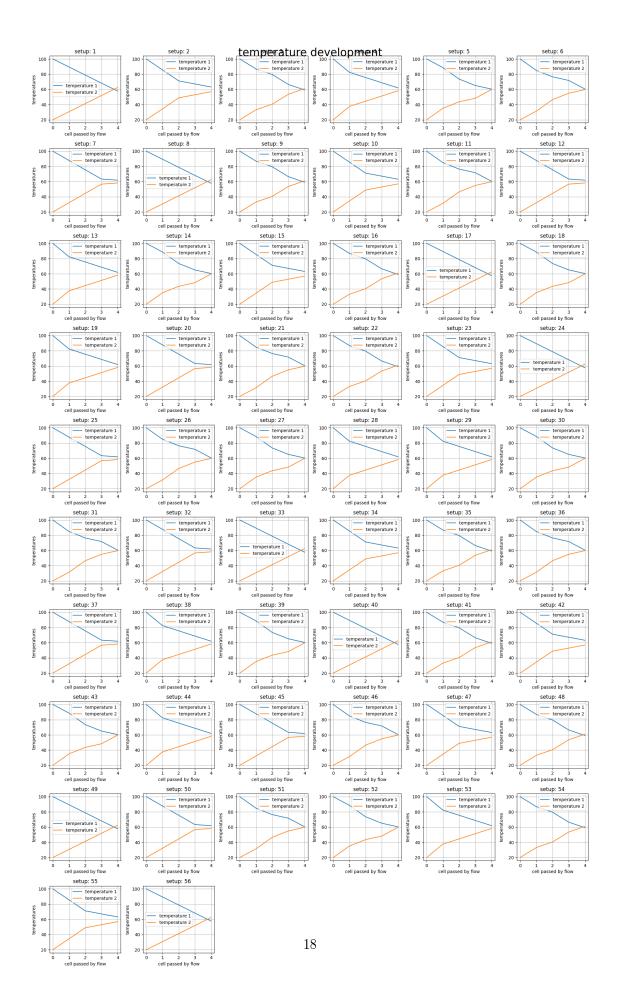
Es zeigt sich, dass die Setups, in denen in jeder Zelle der gleiche Wärmestrom übertragen wird, den höchsten Wirkungsgrad haben. Das bedeutet, dass die Austrittstemperaturen die größte Temperaturdifferenz bezogen auf die Eintrittstemperaturen aufweisen.

Implementierung Zunächst muss eine Methode init_ex() definiert werden, um die konstanten Daten des Wärmeübertragernetzwerks, wie oben beschrieben, zu initialisieren. Um die unterschiedlichen Stromführungen zu bewerten, wird in einer Schleife dem Wärmeübertragernetzwerk eine Stromführung zugewiesen. Dies kann entweder selbst definiert werden oder es wird auf die

Methode input_arrangements der Klasse ExchangerTwoFlow zurückgegriffen, welche eine Liste aller Permutationen der implementierten Strömungseintritte erzeugt. Dabei muss darauf geachtet werden, dass nicht alle Kombinationen konstruktiv umsetzbar sind. Ist das Netzwerk vollständig initialisiert, können die Temperaturen berechnet werden. Da im Folgenden keine textuelle Ausgabe des Netzwerks erzeugt wird, muss die Methode _adjust_temperature() manuell ausgeführt werden. Das berechnete Netzwerk wird nun in einer Liste abgespeichert.

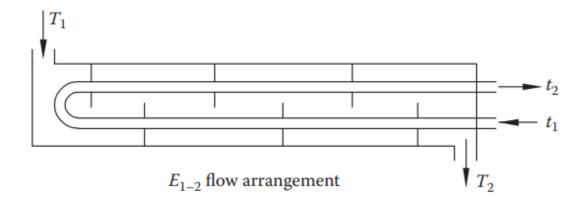
Die Funktion vis_setups(network_list: list, plot_function, fig_title: str = "", **ax_parameters) ermöglicht es nun, eine Liste von mehreren Netzwerken zu visualisieren. Dazu muss die Liste der Wärmeübertragernetzwerke übergeben werden und der Name der gewünschten Plot-Methode, die in der jeweiligen Klasse des Netzwerks implementiert sein muss. Zusätzlich können noch Parameter für den Plot übergeben werden. Im Folgenden wird beispielsweise der minimale und maximale Wärmestrom übergeben, um die Achsenparameter aller Plots gleich anzupassen und eine bessere Vergleichbarkeit der Heatmaps zu gewährleisten.





1.2 Komplexer Rohrbündelwärmeübertrager

Wenn beispielsweise ein Rohrbündelwärmeübertrager wie in der folgenden Abbildung (entnommen aus dem Heat Exchanger Design Handbook auf Seite 330) berechnet werden soll, kann dies wie folgt durchgeführt werden:



Zunächst müssen wiederum die konstruktiven Merkmale sowie die Fluiddaten des Rohrbündelwärmeübertragers definiert werden.

Implementierung Die Definition der Fluide erfolgt wie bereits zuvor beschrieben.

Die gesamte Konstruktion wird durch die Klasse Assembly definiert. Dazu sind folgende Eigenschaften zu übergeben:

- Das Rohrbündel kann, wie bereits beschrieben, definiert werden. Die Rohrlänge muss jedoch nicht explizit angegeben werden.
- Über die Klasse Shell bzw. deren Subklassen wie z.B. SquareShellGeometry kann die Größe des Mantels definiert werden.
- Die Fluid-Eintritte können mithilfe der Klasse Inlets definiert werden. Die Konvention ist dieselbe wie bei der zuvor beschriebenen Stromführung, jedoch ohne die letzten zwei Stellen. Diese ergeben sich aus dem konstruktiven Aufbau und sind durch den mantelseitigen shell_inlet oder den Rohrbündeleinlass tube_inlet definiert.
- Die vertikalen Sperren bzw. Stromumlenkungsbleche können für die Klasse Baffle bzw. deren Subklassen definiert werden. Dazu muss auf jeden Fall die Anzahl definiert werden und eventuell noch zusätzliche Parameter.
- Die Anzahl der Rohrdurchgänge, also die Anzahl der horizontalen Stromdurchführungen, wird über tube_passes definiert.

Ist keine Rohrlänge angegeben, wird diese basierend auf der Mantelgeometrie und den Rohrdurchführungen berechnet.

```
[43]: W_dot_1 = 3500
fluid_1 = Fluid("Water", pressure=101420, temperature=273.15 + 100)
```

```
flow_1 = Flow(fluid_1, W_dot_1/fluid_1.specific_heat)

W_dot_2 = 3500
fluid_2 = Fluid("Water", temperature=273.15 + 20)
flow_2 = Flow(fluid_2, W_dot_2/fluid_2.specific_heat)
```

Damit können alle notwendigen Daten mithilfe der Zellenmethode berechnet werden:

Die zwei definierten Ströme und die Konstruktion können der Funktion auto_create_exchanger() übergeben werden. Der erste Strom flow_1 stellt dabei den äußeren, also mantelseitigen, und der zweite flow_2 den Strom in den Rohrbündeln dar. Die Funktion erzeugt ein ExchangerEqualCells-Objekt, das einem Rohrbündelwärmeübertrager, wie zuvor definiert, entspricht.

```
[52]: ex_layout=auto_create_exchanger(flow_1=flow_1,flow_2=flow_2,assembly=assembly) print(ex_layout.extended_info())
```

```
Heat Exchanger Network:
        cell numbers: 14
        heat flows q_1=131.09 \text{ kW},
                                           q_2 = -131.09 \text{ kW}
input flows: n=2
        flow 0: Water, temp= 100.00°C
        flow 1: Water, temp= 20.00°C
output flows: n=2
        flow 0: Water, temp= 62.87°C
        flow 1: Water, temp= 57.71°C
cell:0
heat exchanger:
        id = 1775208387984
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775207739408
        mass flow = 0.83141 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3503.17037 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 13.32112 \text{ kW}
```

```
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208295376
        p = 101420 Pa
        t = 100.0 \, ^{\circ}C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208383632
        p = 101420 Pa
        t = 96.19742199336883 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775208386064
        mass flow = 0.82941 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3467.23813 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -13.32111 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208247120
        p = 101325 Pa
        t = 44.21568586750652 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208387856
        p = 101325 Pa
        t = 48.05767136882645 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.073
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.010
        R_2 = 0.990
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.068
        P_2 = 0.069
cell:1
heat exchanger:
        id = 1775208248912
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775208344080
```

mass flow = 0.83372 kg/s

heat capacity flow: W_dot = 3509.50943 W/K heat flow: $Q_{dot} = 13.33144 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208383632 p = 101420 Pat = 96.19742199336883 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208347408 p = 101420 Pat = 92.39877231079413 °C Flow 2: Flow: id = 1775208333456mass flow = 0.83074 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3472.22019 W/K heat flow: $Q_{dot} = -13.33144 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208343120 p = 101325 Pat = 40.37624132151234 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208247120 p = 101325 Pat = 44.21568586750959 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.073$ $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.011$ $R_2 = 0.989$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.068$ $P_2 = 0.069$ cell:2 heat exchanger: id = 1775208339536type: CrossFlowOneRow Flows:

Flow 1:

```
Flow: id = 1775208346960
        mass flow = 0.83597 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3515.83303 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 13.34212 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208347408
        p = 101420 Pa
        t = 92.39877231079413 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208341328
        p = 101420 Pa
        t = 88.60391496902656 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775208344784
        mass flow = 0.83198 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3477.07888 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -13.34213 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207884368
        p = 101325 Pa
        t = 36.53908799555575 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208343120
        p = 101325 Pa
        t = 40.37624132151342 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.073
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.011
        R_2 = 0.989
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.068
        P_2 = 0.069
```

cel1:3

heat exchanger: id = 17

id = 1775208065744
type: CrossFlowOneRow

```
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1774995322640
        mass flow = 0.83786 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3521.26560 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 9.68360 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208341328
        p = 101420 Pa
        t = 88.60391496902656 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1774995324496
        p = 101420 Pa
        t = 85.85388475925936 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775278381264
        mass flow = 0.82819 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3462.82445 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -9.68360 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208387856
        p = 101325 Pa
        t = 48.05767136882645 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208070928
        p = 101325 Pa
        t = 50.85411308929889 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.073
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.017
        R_2 = 0.983
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.068
        P_2 = 0.069
```

cell:4

heat exchanger:

id = 1775278142096type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 1774994939152mass flow = 0.83931 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3525.49862 W/K heat flow: $Q_{dot} = 8.35899 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1774995324496 p = 101420 Pat = 85.85388475925936 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1774994934288 p = 101420 Pat = 83.48287856553708 °C Flow 2: Flow: id = 1775207605328 mass flow = 0.82719 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3459.28522 W/K heat flow: $Q_{dot} = -8.35899 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208070928 p = 101325 Pat = 50.85411308929889 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1774995316880 p = 101325 Pat = 53.27050217565346 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.073$ $NTU_2 = 0.074$

heat capacity flow ratios:

 $R_1 = 1.019$

R 2 = 0.981

dimensionless temperature change:

 $P_1 = 0.068$

 $P_2 = 0.069$

cell:5

```
heat exchanger:
        id = 1775207875408
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775207889424
        mass flow = 0.84091 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3530.25304 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 12.04085 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1774994934288
        p = 101420 Pa
        t = 83.48287856553708 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207879440
        p = 101420 Pa
        t = 80.07212433123482 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775207879504
        mass flow = 0.83307 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3481.60719 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -12.04087 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207876176
        p = 101325 Pa
        t = 33.08067788702971 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207884368
        p = 101325 Pa
        t = 36.53908799555637 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.073
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.014
        R 2 = 0.986
dimensionless temperature change:
        P 1 = 0.068
```

 $P_2 = 0.069$

cell:6

heat exchanger:

id = 1775207882960
type: CrossFlowOneRow

Flows: Flow 1:

Flow: id = 1775207288720

mass flow = 0.84276 kg/s

heat capacity flow: W_dot = 3535.81866 W/K

heat flow: $Q_{dot} = 12.05325 \text{ kW}$

Input Fluid:

Fluid: title = Water, id = 1775207879440

p = 101420 Pa

t = 80.07212433123482 °C

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 1775207293968

p = 101420 Pa

t = 76.66323144847178 °C

Flow 2:

Flow: id = 1775208361040

mass flow = 0.83402 kg/s

heat capacity flow: W_dot = 3485.84894 W/K

heat flow: $Q_{dot} = -12.05328 \text{ kW}$

Input Fluid:

Fluid: title = Water, id = 1775208350032

p = 101325 Pa

t = 29.62291844659717 °C

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 1775207876176

p = 101325 Pa

t = 33.080677887028344 °C

Parameters:

dimensionless parameters:

number of transfer units:

 $NTU_1 = 0.073$

 $NTU_2 = 0.074$

heat capacity flow ratios:

 $R_1 = 1.014$

 $R_2 = 0.986$

 ${\tt dimensionless\ temperature\ change:}$

 $P_1 = 0.068$

$P_2 = 0.069$

cell:7 heat exchanger: id = 1775207843792type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 1775207665552mass flow = 0.84407 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3539.85411 W/K heat flow: Q_dot = 5.58750 kW Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775207293968 p = 101420 Pat = 76.66323144847178 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775207687952 p = 101420 Pat = 75.08477630509964 °C Flow 2: Flow: id = 1775207686288mass flow = 0.82639 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3456.50238 W/K heat flow: $Q_{dot} = -5.58750 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1774995316880 p = 101325 Pat = 53.27050217565346 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775207311376 p = 101325 Pat = 54.887020928725974 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: NTU 1 = 0.072

 $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.024$ $R_2 = 0.976$

28

```
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cell:8
heat exchanger:
        id = 1775208116112
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775208006928
        mass flow = 0.84483 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3542.21760 W/K
        heat flow: Q_dot = 4.82437 kW
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207687952
        p = 101420 Pa
        t = 75.08477630509964 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207669712
        p = 101420 Pa
        t = 73.72281356920217 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775207674832
        mass flow = 0.82578 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3454.39793 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -4.82437 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207311376
        p = 101325 Pa
        t = 54.887020928725974 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208113616
        p = 101325 Pa
        t = 56.28360825265497 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU 1 = 0.072
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
```

```
R_1 = 1.025
        R_2 = 0.975
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cell:9
heat exchanger:
        id = 1775208363600
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775208365008
        mass flow = 0.84599 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3545.85130 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 11.31228 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207669712
        p = 101420 Pa
        t = 73.72281356920217 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208363984
        p = 101420 Pa
        t = 70.53253311602714 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775208352080
        mass flow = 0.83486 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3489.94661 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -11.31231 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208361232
        p = 101325 Pa
        t = 26.38153359537779 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208350032
        p = 101325 Pa
        t = 29.622918446597623 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
```

 $NTU_1 = 0.072$

```
NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.016
        R_2 = 0.984
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.068
cell:10
heat exchanger:
        id = 1775208356944
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775208285072
        mass flow = 0.84758 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3550.88665 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 11.32552 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208363984
        p = 101420 Pa
        t = 70.53253311602714 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208356880
        p = 101420 Pa
        t = 67.34304843170679 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775208360528
        mass flow = 0.83559 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3493.94583 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -11.32556 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208286480
        p = 101325 Pa
        t = 23.14006989861298 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208361232
        p = 101325 Pa
        t = 26.381533595378528 °C
```

Parameters:

dimensionless parameters:

```
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.072
        NTU_2 = 0.073
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.016
        R_2 = 0.984
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.068
cell:11
heat exchanger:
        id = 1775208009488
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775208151376
        mass flow = 0.84853 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3553.95432 W/K
        heat flow: Q_dot = 2.64188 kW
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208356880
        p = 101420 Pa
        t = 67.34304843170679 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207952528
        p = 101420 Pa
        t = 66.59968472573519 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775207942160
        mass flow = 0.82534 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3452.87494 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -2.64188 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208113616
        p = 101325 Pa
        t = 56.28360825265497 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1774994626000
        p = 101325 Pa
        t = 57.0487331707356 °C
```

Parameters:

```
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.072
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.029
        R_2 = 0.972
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cell:12
heat exchanger:
        id = 1775208237008
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 1775208149456
        mass flow = 0.84886 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3555.02770 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 2.28153 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775207952528
        p = 101420 Pa
        t = 66.59968472573519 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208147792
        p = 101420 Pa
        t = 65.95790837789173 °C
Flow 2:
Flow: id = 1775208249360
        mass flow = 0.82504 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3451.86425 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -2.28153 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1774994626000
        p = 101325 Pa
        t = 57.0487331707356 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 1775208248016
        p = 101325 Pa
        t = 57.70968983862895 °C
```

Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.072$ $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.030$ $R_2 = 0.971$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.067$ $P_2 = 0.069$ cell:13 heat exchanger: id = 1775208300240type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 1775208294672mass flow = 0.84974 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3557.89828 W/K heat flow: Q_dot = 10.98388 kW Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208147792 p = 101420 Pat = 65.95790837789173 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208291728 p = 101420 Pat = 62.870729891535575 °C Flow 2: Flow: id = 1775208285776mass flow = 0.83623 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3497.96895 W/K heat flow: $Q_{dot} = -10.98393 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 1775208286608 p = 101325 Pa

 $t = 20.0 \, ^{\circ}C$

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 1775208286480

```
p = 101325 Pa
```

t = 23.140069898615423 °C

Parameters:

dimensionless parameters:

number of transfer units:

 $NTU_1 = 0.072$

 $NTU_2 = 0.073$

heat capacity flow ratios:

 $R_1 = 1.017$

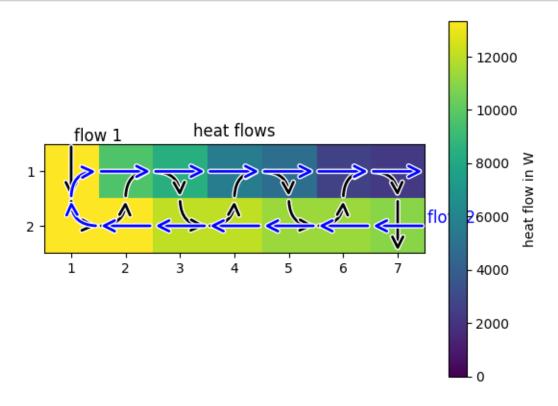
 $R_2 = 0.983$

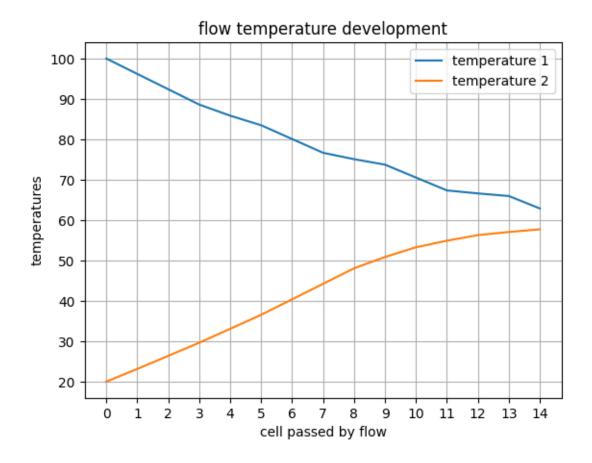
dimensionless temperature change:

 $P_1 = 0.067$

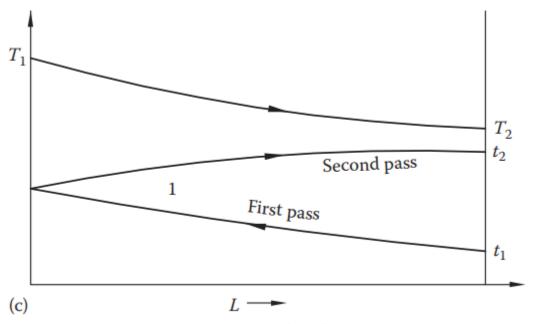
 $P_2 = 0.068$







Es zeigt sich, dass die Temperaturverläufe gut mit denen in der folgenden Abbildung übereinstimmen. Nur die Darstellungsart unterscheidet sich: Oben werden die Temperaturen über durchflossenen Zellen dargestellt, während unten die Darstellung über die Länge des Rohrbündelwärmeübertragers erfolgt.



 ${\cal E}_{1-2}$ temperature distribution