Wärmeübertrager mit zwei Fluidströmen heatexchanger_twoflows.ipynb

März 2024

```
[1]: import sys
    sys.path.append('..')
    from exchanger.parts import *
    from exchanger.stream import *
    from exchanger.exchanger import*
    from exchanger.network import*
    from exchanger.exchanger_types import*
    from exchanger.network import vis_setups
    from exchanger.exchanger_creator import *

import numpy as np
    from numpy import exp
```

1 Wärmeübertrager mit zwei Fluidströmen

Im Folgenden wird gezeigt, wie die Implementierung angewendet werden kann, um insbesondere Rohrbündelwärmeübertrager mit zwei Fluidströmen und ohne Phasenübergang zu berechnen.

Für ausführliche Details zur verwendeten Zellenmethode sei auf die theoretische Erklärung (Zellenmethode Theorie) verwiesen. Weiterführende Informationen zur Implementierung finden sich in den Beispielen und der Klassendokumentation.

1.1 Rohrbündelwärmeübertrager (4 Zellen)

1.1.1 Problemstellung

Folgendes Beispiel der Wärmeübertragerschaltung sowie die Parameter sind entnommen von Beispiel 8.1 [1].

Die Stromführung des Wärmeübertragers besteht aus zwei inneren und zwei äußeren Durchgängen mit einer mantelseitigen Umlenkung. Die für die Wärmeübertragung maßgebende Größe kA ist für alle Zellen gleich und beträgt 4000 W/K. Der Strom im Außenraum hat den Index 1. Um die Berechnung zu vereinfachen, werden die beiden Wärmekapazitätsströme \dot{W}_1 und \dot{W}_2 mit 3500 W/K gleich groß gewählt. Die Eintrittstemperatur des Stroms 1 ist $\vartheta'_1 = 100$ °C, und die des Stroms 2 ist $\vartheta'_2 = 20$ °C.

Zu bestimmen sind die Austrittstemperaturen ϑ'_1 und ϑ'_2 .

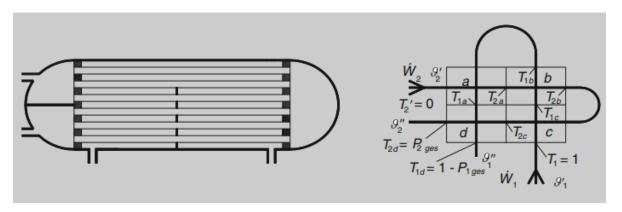


Abbildung 1: Stromführung eines Rohrbündelwärmeübertragers mit 4 Zellen (entnommen aus [1], Seite 262)

1.1.2 Initialisierung über ExchangerNetwork

Fluide und Fluidströme Zunächst werden die Fluidströme, im Folgenden beispielsweise Wasser, definiert. Der Massenstrom wird dabei so angepasst, dass die Wärmekapazitätsströme den in der Angabe vorgegebenen entsprechen. Der Druck für das Fluid wird so angepasst, dass es zu keiner Phasenänderung kommt, um eine korrekte Berechnung zu gewährleisten.

Auf die genaue Verwendung der Fluid- und Flow-Klassen sei in der Beschreibung in standard_heatexchangers.ipynb bzw. in der Klassendokumentation verwiesen.

```
[2]: W_dot_1 = 3500
    fluid_1 = Fluid("Water", pressure=101420, temperature=273.15 + 100)
    flow_1 = Flow(fluid_1, W_dot_1/fluid_1.specific_heat)
    flow_1

[2]: Flow: id = 2079152763232
        mass flow = 0.83024 kg/s
        heat capacity flow: W_dot = 3500.00000 W/K
        heat flow: Q_dot = 0.00000 kW
```

```
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079152750944
        p = 101420 Pa
        t = 100.0 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079152763328
        p = 101420 Pa
```

 $t = 100.0 \, ^{\circ}C$

```
[3]: W_dot_2 = 3500
fluid_2 = Fluid("Water", temperature=273.15 + 20)
flow_2 = Flow(fluid_2, W_dot_2/fluid_2.specific_heat)
flow_2
```

Wärmeübertrager-Netzwerk Die Verwendung der Klasse ExchangerNetwork wurde bereits im Notebook complex_heatexchanger_networks.ipynb bzw. in der Klassendokumentation beschrieben.

```
[4]: flows = [flow_1, flow_2]
network = ExchangerNetwork(flows)
```

Um die Austrittstemperaturen mithilfe der Zellenmethode zu berechnen, muss die Charakteristik des Netzwerks bekannt sein. Dazu können beispielsweise die Matrizen, die das Netzwerk beschreiben, direkt definiert werden. Zunächst können die dimensionslosen Kennzahlen des gesamten Netzwerks berechnet werden. Für die einzelnen Zellen wird davon ausgegangen, dass sich die Wärmeübertragungsfähigkeit gleichmäßig auf die Zellen aufteilt.

```
[5]: R_1 = W_{dot_1/W_{dot_2}}

R_2 = W_{dot_2/W_{dot_1}}

display(f''R_1 = \{R_1\}, R_2 = \{R_2\}'')
```

 $'R_1 = 1.0, R_2 = 1.0'$

```
[6]: kA = 4000
  cells = 4
  NTU_1_ges = kA/W_dot_1
  NTU_2_ges = kA/W_dot_2
  NTU_1_cell = NTU_1_ges/cells
  NTU_2_cell = NTU_2_ges/cells
  display(f"NTU_1_cell = {NTU_1_cell}, NTU_2_cell = {NTU_2_cell}")
```

```
'NTU_1_cell = 0.2857142857142857, NTU_2_cell = 0.2857142857142857'
```

Es wird angenommen, dass eine Zelle durch einen Wärmeübertrager mit einer Rohrreihe und mantelseitigem Gegenstrom angenähert werden kann.

```
[7]: P_1_cell = 1 - exp((exp(-R_1 * NTU_1_cell) - 1) / R_1)
P_2_cell = R_1*P_1_cell
```

```
display(f"P_1_cell = {P_1_cell}, P_2_cell = {P_2_cell}")
```

'P_1_cell = 0.22004784968070001, P_2_cell = 0.22004784968070001'

Matrixdefinition Mit diesen Parametern können nun die Matrizen für die Zellenmethode definiert werden. Wie genau die Matrizen aufgebaut werden, kann aus der theoretischen Beschreibung entnommen werden.

Für die Berechnung der Ausgangstemperaturen greift die Klasse HeatExchangerNetwork auf folgende Eigenschaften zurück, die entweder direkt definiert werden, wie im Folgenden zu sehen, oder automatisch generiert werden:

- Die Funktionsmatrix phi_matrix, welche die Betriebscharakteristik der Apparate beschreibt.
- Die Strukturmatrix structure_matrix, die die Struktur des Netzwerks beschreibt.
- Die Eingangsmatrix input_matrix, welche die Fluidströmeinritte in das Netzwerk beschreibt.
- Die Ausgangsmatrix output_matrix, um die Ausgangstemperaturen aus dem Netzwerk zu berechnen.

```
[8]: network.phi_matrix = np.array([[1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell, 0., 0., 0.],
                                    [0., 1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell, 0., 0.],
                                    [0., 0., 1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell, 0.],
                                    [0., 0., 0., 1-P_1_cell, 0., 0., 0., P_1_cell],
                                    [P_2_cell, 0., 0., 0., 1-P_2_cell, 0., 0., 0.],
                                    [0., P_2_cell, 0., 0., 1-P_2_cell, 0., 0.],
                                    [0., 0., P_2_cell, 0., 0., 1-P_2_cell, 0.],
                                    [0., 0., 0., P_2_cell, 0., 0., 1-P_2_cell]])
    network.structure\_matrix = np.array([[0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
                                          [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
                                          [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
                                          [1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
                                          [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
                                          [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0],
                                          [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0],
                                          [0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]])
    network.input_matrix = np.array([[0, 0],
                                      [0, 0],
                                      [1, 0],
                                      [0, 0],
                                      [0, 1],
                                      [0, 0],
                                      [0, 0],
                                      [0, 0]])
    network.output_matrix = np.asarray([[0, 0, 0, 1, 0, 0, 0],
                                         [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]])
```

Für die einzelnen Zellen ergeben sich somit die folgenden Austrittstemperaturen der einzelnen Apparate. Diese werden über die Eigenschaft temperature_matrix als Tupel bereitgestellt, entweder in dimensionsloser Form, also normiert auf die Eintrittstemperaturen unter temperature_matrix[0],

oder in Kelvin unter temperature_matrix[1].

Durch die Outputmatrix können zusätzlich die Austrittstemperaturen aus dem gesamten Netzwerk herausgefiltert bzw. berechnet werden. Für das beschriebene Netzwerk ergibt sich somit eine Austrittstemperatur des ersten Stroms von $\vartheta_1''=61.86$ °C und die des Stroms 2 ist $\vartheta_2''=58.13$ °C.

Diese Austrittstemperaturen des gesamten Netzwerks werden über die Eigenschaft temperature_outputs, in gleicher Form wie zuvor die Apparate-Austrittstemperaturen, bereitgestellt.

1.1.3 Initialisierung über ExchangerEqualCells

Wie sich zeigt, ist die Definition der Matrizen für die Zellenmethode nicht immer einfach. Deshalb kann die Berechnung eines Netzwerks mit zwei Strömen und gleichmäßiger Aufteilung der Wärmeübertragungsfähigkeit auf die einzelnen Zellen, also gleichen Apparateeigenschaften wie folgt durchgeführt werden:

Zunächst müssen erneut die beiden Ströme definiert werden.

```
[11]: W_dot_1 = 3500
fluid_1 = Fluid("Water", pressure=101420, temperature=273.15 + 100)
flow_1 = Flow(fluid_1, W_dot_1/fluid_1.specific_heat)

W_dot_2 = 3500
fluid_2 = Fluid("Water", temperature=273.15 + 20)
flow_2 = Flow(fluid_2, W_dot_2/fluid_2.specific_heat)
```

Netzwerkdefinition Der spezifische Wärmeüberträgertyp mit zwei Strömen, definierter Stromführung ohne Stromaufteilung und gleichmäßiger Verteilung der Wärmeübertragungsfähigkeit auf die verschiedenen Zellen kann mithilfe der Instanz ExchangerEqualCells definiert werden. Dazu sind folgende Angaben erforderlich:

• Die Definition der Größe des Netzwerks über ein Tupel shape=(row,col). Der erste Eintrag stellt dabei die Anzahl der Zeilen des Netzwerks dar, und der zweite die Anzahl der Spalten

des Netzwerks.

- Über die Eigenschaft exchangers_type wird definiert, durch welchen Standard-Wärmeübertrager-Typ jede einzelne Zelle angenähert werden soll. Dabei ist erforderlich, dass der eingegebene String dem Namen einer implementierten Subklasse von HeatExchanger entspricht.
- Über die Eigenschaften flow_1 und flow_2 können die Fluidobjekte bereitgestellt werden.
- Durch flow_order_1 und flow_order_2 wird über einen String definiert, wie sich der jeweilige Strom durch das Netzwerk bewegt. Aufgrund der zuvor getroffenen Einschränkungen ist bereits bekannt, dass die Fluidströme nur an den "Ecken" eintreten können. Da es auch zu keiner Stromaufteilung kommt, muss nur noch definiert werden, in welche Richtung das Fluid strömt. Daher wird folgende Konvention verwendet: Die erste Stelle beschreibt die vertikale Position, entweder oben ('u') oder unten ('d'), die zweite Stelle definiert die horizontale Position ('r' für rechts und 'l' für links), danach folgt eine '2' und anschließend die Richtung, in welche sich der Strom bewegt, ebenfalls definiert durch die jeweiligen Buchstaben. Damit ist definiert, wie sich der Strom durch die rechteckig definierte Form des Netzwerks bewegt. Dabei wird angenommen, dass immer eine Zellenreihe oder -spalte für die Stromrichtungsänderung verwendet wird und die übrigen Zellen durch vertikale bzw. horizontale Konstruktionen, seien es Trennwände oder der Verlauf der Rohre, getrennt sind.

Im gegebenen Beispiel tritt der Strom rechts unten in den Mantel des Wärmetauschers ein. Die Eintrittsposition wird daher durch die Buchstaben 'dr' definiert. Da der Strom mantelseitig eintritt und durch die vertikalen Trennwände umgelenkt wird, kann sich der Strom nur in vertikaler Richtung, also 'u' oder 'd' bewegen. Beim Eintritt unten würde die Stromrichtung nach unten keinen Sinn ergeben, wodurch schlussendlich die flow_order_1 = 'dr2u'definiert wird.

• Über die Eigenschaften total_transferability oder assembly wird initialisiert, welche Wärmeübertragungsfähigkeit das gesamte Netzwerk besitzt und gleichmäßig auf die Apparate aufgeteilt wird.

Die Eigenschaft total_transferability erfordert lediglich den Float-Wert die Wärmeübertragungsfähigkeit. Ist aber beispielsweise die Konstruktion eines Wärmeübertrages bekannt, wird die Wärmeübertragungsfähigkeit über die wärmeübertragende Fläche und Wärmedurchgangskoeffizient berechnet. Diese Berechnung ist bereits in der Klasse Assembly implementiert. Daher ist die Eigenschaft assembly zu verwenden, wenn weitere Eigenschaften der Geometrie definiert werden sollen. Zur genaueren Implementierung und Verwendung der Klasse Assemblysei wiederum auf die Klassendokumentation verwiesen.

Mit diesen Eigenschaften kann die Klasse ExchangerEqualCells für das gegebene Beispiel wie folgt initialisiert werden:

```
[12]: kA = 4000
ex = ExchangerEqualCells(shape=(2, 2), exchangers_type='CrossFlowOneRow', □

→flow_1=flow_1, flow_order_1 = 'dr2u', flow_2=flow_2,flow_order_2 = 'ul2r', □

→total_transferability=kA)
```

Berechnungsmethode der Klasse ExchangerEqualCells Die Klasse ExchangerEqualCells erbt von ExchangerNetworks, um die Berechnung mithilfe der Zellenmethode durchzuführen. Mit

der Klasse ist es möglich, die Fluidparameter der einzelnen Zellen automatisch anzupassen oder die Betriebscharakteristik der Apparate zu berechnen. Dies erfolgt folgendermaßen:

- 1. Zunächst wird eine Matrix entsprechend der durch shape definierten Form mit HeatExchanger-Objekten oder den Subklassen, die durch exchangers_type definiert sind, erstellt. Jeder Zelle wird die entsprechende Zellenübertragungsfähigkeit zugeordnet.
- 2. Abhängig von den Stromführungen werden zunächst zwei Listen erzeugt, die dieselben HeatExchanger-Objekte enthalten. Die Reihenfolge hängt von der entsprechenden Durchlaufrichtung durch das Netzwerk oder die repräsentative Matrix ab.
- 3. Aus diesen Listen werden Tupellisten erzeugt, um mithilfe des Moduls networkx zunächst einen gerichteten Graphen mit den HeatExchanger-Objekten zu erstellen und daraus eine Adjazenzmatrix zu erzeugen. Diese können anschließend zur Strukturmatrix zusammengesetzt werden.
- 4. Aus der Liste der Heatexchanger kann die Phi-Matrix erzeugt werden, die im vorliegenden Fall nur einer Diagonalmatrix entspricht.
- 5. Die Input- und Outputmatrix ergeben sich ebenfalls aus der Liste der Heatexchanger und den definierten Strömen.

Damit sind alle notwendigen Matrizen erzeugt, und die Zellenmethode kann angewendet werden.

Mithilfe der Methode _adjust_temperatures werden die Temperaturen der einzelnen Heatexchanger-Objekte entsprechend der temperature_matrix angepasst, um die Berechnung mit genaueren Fluidparametern wiederholen zu können.

Die Eigenschaften des Netwerks können über die Methode print oder über extended_info() mit den einzelnen Zellen, ausgegeben werden.

Ergebnisse des Netzwerks und einzelnen Zellen Wie zu sehen ist, ergeben sich wieder die gleichen Austrittstemperaturen wie bei der direkten Eingabe der Matrizen. Die geringe Abweichung kommt dadurch zustande, dass die Berechnung iterativ erfolgt und die Austrittstemperaturen sowie die Fluiddaten und somit auch die dimensionslosen Kennzahlen der Zellen angepasst werden.

```
[13]: print(ex.extended_info())
```

type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079152753584mass flow = 0.83394 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3510.12275 W/K heat flow: $Q_{dot} = 42.61267 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079152764768 p = 101420 Pa $t = 100.0 \, ^{\circ}C$ Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212946432 p = 101420 Pat = 87.86043738378032 °C Flow 2: Flow: id = 2079212946144mass flow = 0.82769 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3461.04439 W/K heat flow: $Q_{dot} = -42.61240 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212470080 p = 101325 Pat = 44.616938608050646 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212946000p = 101325 Pat = 56.928642847056494 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.285$ $NTU_2 = 0.289$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.014$ $R_2 = 0.986$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.219$ $P_2 = 0.222$

cell:1

```
heat exchanger: id = 2079212468592
```

type: CrossFlowOneRow

Flows: Flow 1:

Flow: id = 2079212469504

mass flow = 0.84090 kg/s

heat capacity flow: W_dot = 3530.21705 W/K

heat flow: $Q_{dot} = 42.79428 \text{ kW}$

Input Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079212946432

p = 101420 Pa

t = 87.86043738378032 °C

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079212468448

p = 101420 Pa

t = 75.73847561577139 °C

Flow 2:

Flow: id = 2079212466288

mass flow = 0.83197 kg/s

heat capacity flow: W_dot = 3477.07180 W/K

heat flow: $Q_{dot} = -42.79473 \text{ kW}$

Input Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079212948400

p = 101325 Pa

t = 32.30969890322643 °C

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079212470080

p = 101325 Pa

t = 44.61693860804968 °C

Parameters:

dimensionless parameters:

number of transfer units:

 $NTU_1 = 0.283$

 $NTU_2 = 0.288$

heat capacity flow ratios:

 $R_1 = 1.015$

 $R_2 = 0.985$

dimensionless temperature change:

 $P_1 = 0.218$

 $P_2 = 0.222$

cell:2

heat exchanger: id = 2079212948592type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079212947632mass flow = 0.84721 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3549.71614 W/K heat flow: $Q_{dot} = 42.98914 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212468448p = 101420 Pat = 75.73847561577139 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212947920 p = 101420 Pat = 63.62816680007762 °C Flow 2: Flow: id = 2079212948112mass flow = 0.83528 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3492.21853 W/K heat flow: $Q_{dot} = -42.99117 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212948160 p = 101325 Pa $t = 20.0 \, ^{\circ}C$ Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212948400 p = 101325 Pat = 32.30969890323888 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.282$ $NTU_2 = 0.286$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.016$ $R_2 = 0.984$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.217$ $P_2 = 0.221$

cel1:3

heat exchanger: id = 2079212469936type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079152766448mass flow = 0.85044 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3560.20351 W/K heat flow: Q_dot = 5.16144 kW Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212947920p = 101420 Pat = 63.62816680007762 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212467344 p = 101420 Pat = 62.178408317433025 °C Flow 2: Flow: id = 2079212469888mass flow = 0.82492 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3451.44167 W/K heat flow: $Q_{dot} = -5.16144 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212946000p = 101325 Pat = 56.928642847056494 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079212468352 p = 101325 Pat = 58.42408612612866 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.281$ $NTU_2 = 0.290$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.032$ $R_2 = 0.969$

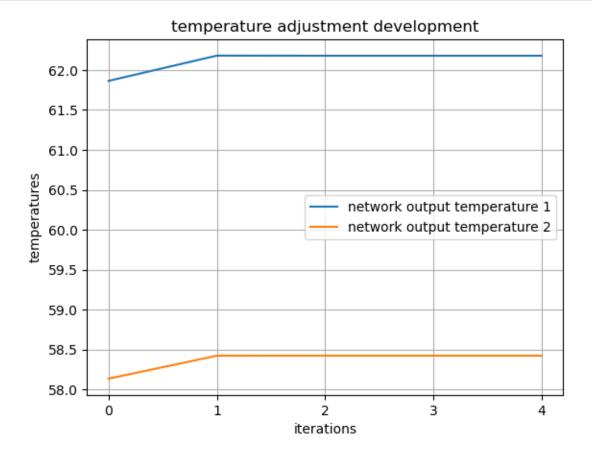
dimensionless temperature change:

 $P_1 = 0.216$ $P_2 = 0.223$

Anpassung der Fluidparameter und Visualisierung der Austrittstemperaturen Die Klasse ExchangerEqualCells ist eine Subklasse von ExchangerTwoFlow. Sie enthält das Attribut auto_adjust, welches, wie in der Klasse Exchanger, dazu dient, die Fluidparameter anzupassen. Dabei werden die Stromtemperaturen entsprechend der Stromführung und den Zelltemperaturen in jedem Apparat neu angepasst. Dies erfolgt standardmäßig über 5 Iterationen oder kann über die Methode _adjust_temperatures(iterations) angepasst werden.

Um den Einfluss der Fluidparameter auf die Ausgangstemperatur zu visualisieren, kann der folgende Plot mit der Methode vis_temperature_adjustment_development() herangezogen werden. Es zeigt sich, dass nach einer Iteration, also dem Anpassen der Zelltemperaturen am Ein- und Ausgang der Zelle, die Ausgangstemperatur des Netzwerks bereits ausreichend genau ist und keine signifikanten Änderungen mehr erfährt.

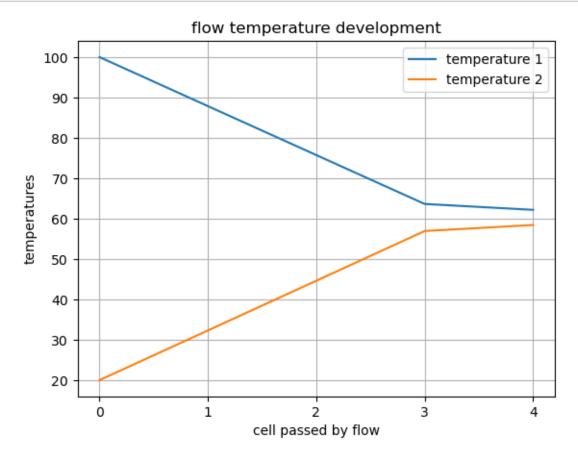
[14]: ex.vis_temperature_adjustment_development()

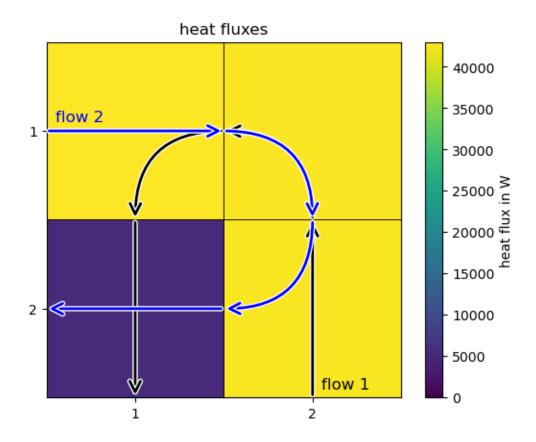


Darstellung des Temperaturverlaufs und Wärmestroms der einzelnen Apparate Zur Analyse des Netzwerks kann der Temperaturverlauf der einzelnen Ströme oder des umgesetzten Wärmestroms hilfreich sein. Im gegebenen Beispiel zeigt sich, dass in den ersten 3 Zellen, die vom jeweiligen Strom durchlaufen werden, der gleiche Wärmestrom umgesetzt wird bzw. die Temperaturänderung innerhalb einer Zelle gleich ist. In der letzten Zelle ist die Temperaturdifferenz zwischen den Strömen so gering, dass nicht mehr so viel Wärmestrom übertragen wird.

Die Visualisierung des Temperaturverlaufs durch die Methode vis_flow_temperature_development() zeigt nur die Ein- und Austrittstemperaturen an den Zellen. Der lineare Verlauf dazwischen entspricht nicht dem tatsächlichen Temperaturverlauf innerhalb einer Zelle. Der übertragene Wärmestrom wird durch die Methode vis_heat_flux() visualisiert. Die Darstellung entspricht dem zuvor über shape definierten Layout des Netzwerks, und die Pfeile visualisieren, in welche Richtung der jeweilige Strom durch die Zellen fließt.

```
[15]: ex.vis_flow_temperature_development()
    ex.vis_heat_flux()
```





1.1.4 Betrachtung unterschiedlicher Stromführungen

Welche Ein- und Austrittspositionen am besten für die gegebenen Fluiddaten sind, kann anhand folgender Analyse beurteilt werden. Zu beachten ist, dass im Folgenden alle (theoretisch) möglichen Eintritts- und Austrittspositionen visualisiert werden. Ob und mit welcher Konstruktion dies auch in einem Rohrbündelwärmeübertrager umgesetzt werden kann, wird außer Acht gelassen. Weiterhin ist zu beachten, dass unterschiedliche Stromführungen eventuell auch besser durch andere Wärme- übertragertypen in den einzelnen Zellen angenähert werden können und berechnete Druckverluste von der genauen Stromführung abhängig sein können.

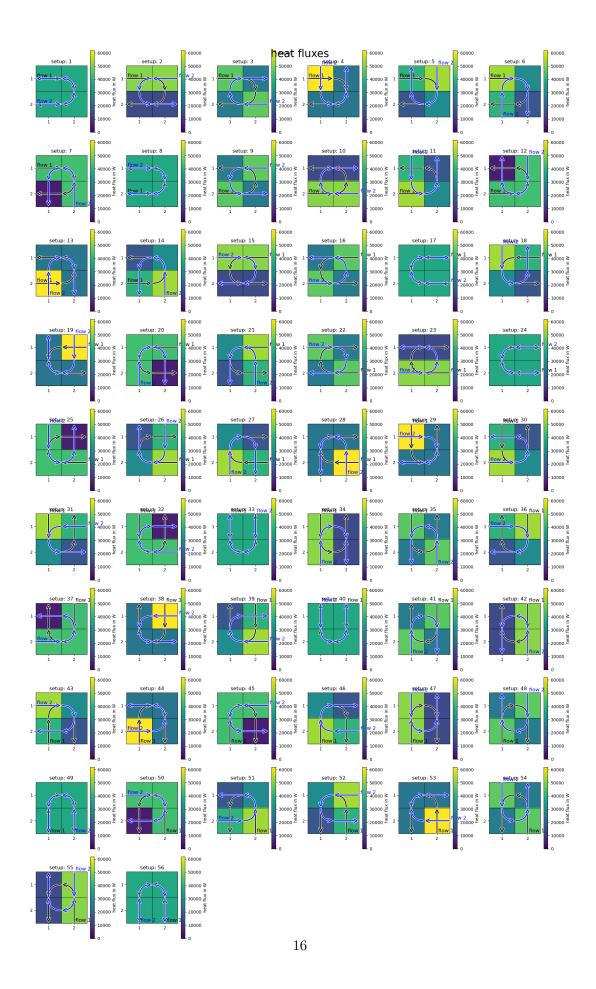
Die folgenden Visualisierungen zeigen daher nur die Möglichkeiten, sofern alle Zellen gleich behandelt werden. Durch Anpassen der einzelnen Zellen in den Setups kann eine genauere Beurteilung durchgeführt werden.

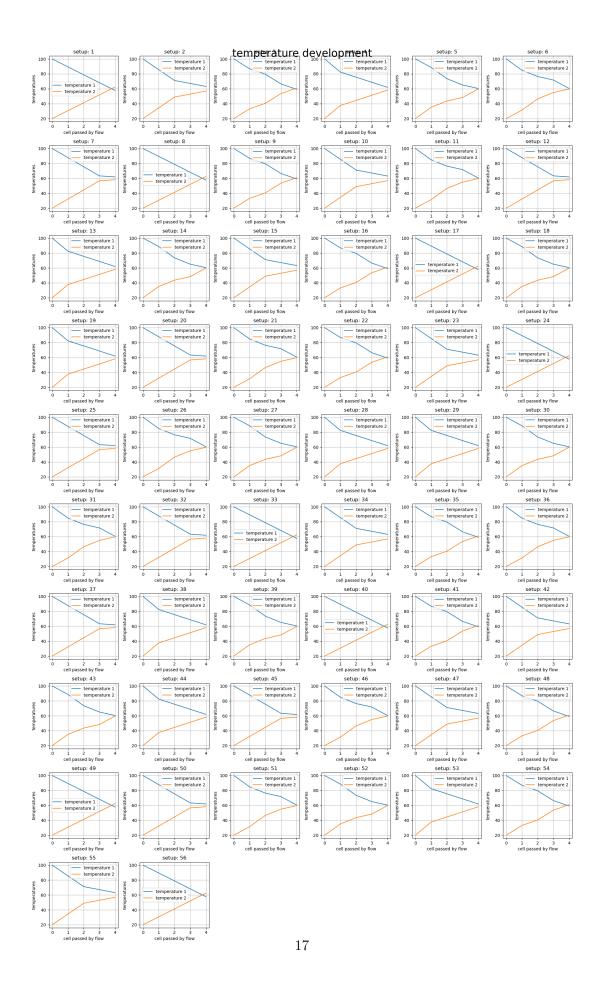
Es zeigt sich, dass die Setups, in denen in jeder Zelle der gleiche Wärmestrom übertragen wird, den höchsten Wirkungsgrad haben, was bedeutet, dass die Austrittstemperaturen die größte Temperaturdifferenz bezogen auf die Eintrittstemperaturen aufweisen.

Implementierung Zunächst muss eine Methode init_ex() definiert werden, um die konstanten Daten des Wärmeübertragernetzwerks, wie oben beschrieben, zu initialisieren. Um die unterschiedlichen Stromführungen zu bewerten, wird in einer Schleife dem Wärmeübertragernetzwerk, der Reihe nach verschiedene Stromführung zugewiesen. Dies kann entweder selbst definiert werden oder es

wird auf die Methode input_arrangements der Klasse ExchangerTwoFlow zurückgegriffen, welche eine Liste aller Permutationen der implementierten Strömungseintritte erzeugt. Dabei muss darauf geachtet werden, dass nicht alle Kombinationen konstruktiv umsetzbar sind. Ist das Netzwerk vollständig initialisiert, können die Temperaturen berechnet werden. Da im Folgenden keine textuelle Ausgabe des Netzwerks erzeugt wird, muss die Methode _adjust_temperature() manuell ausgeführt werden. Das berechnete Netzwerk wird nun in einer Liste abgespeichert.

Die Funktion vis_setups(network_list: list, plot_function, fig_title: str = , **ax_parameters) ermöglicht es, eine Liste von mehreren Netzwerken zu visualisieren. Dazu muss die Liste der Wärmeübertragernetzwerke übergeben werden und der Name der gewünschten Plot-Methode, die in der jeweiligen Klasse des Netzwerks implementiert sein muss. Zusätzlich können noch Parameter für den Plot übergeben werden. Im Folgenden wird beispielsweise der minimale und maximale Wärmestrom übergeben, um die Achsenparameter aller Plots gleich anzupassen und eine bessere Vergleichbarkeit der Heatmaps zu gewährleisten.





1.2 Rohrbündelwärmeübertrager mit mehreren Umlenkungen

Das folgende Beispiel zeigt, wie ein Rohrbündelwärmeübertrager mit mehren Stromumlenkungen berechnet werden kann. Das Beispiel ist aus Kapitel 3.5.1, [2] entnommen.

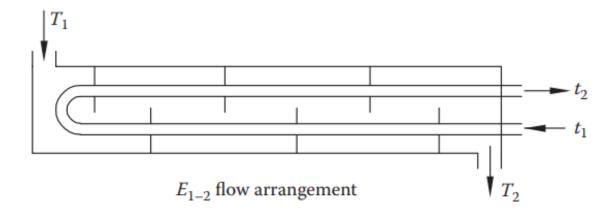


Abbildung 2: Stromführung eines Rohrbündelwärmeübertragers mit mehreren veritkalen Stromumlenkungsbleche (entnommen aus [2], Seite 330)

Zunächst müssen wiederum die konstruktiven Merkmale sowie die Fluiddaten des Rohrbündelwärmeübertragers definiert werden.

Implementierung Die Definition der Fluide erfolgt, wie bereits zuvor beschrieben.

Die gesamte Konstruktion wird durch die Klasse Assembly definiert. Dazu sind folgende Eigenschaften zu übergeben:

- Das Rohrbündel kann, wie in standard_heatexchangers.ipynb beschrieben, definiert werden.
- Über die Klasse Shell bzw. deren Subklassen wie z.B. SquareShellGeometry kann die Größe des Mantels definiert werden.

Im gegebenen Fall wird für das Rohrbündel keine Rohrlänge angegeben, sondern wird über die Länge des Mantels und die Anzahl der Umlenkungen berechnet.

- Die Fluid-Eintritte können mithilfe der Klasse Inlets definiert werden. Die Konvention ist dieselbe wie bei der zuvor beschriebenen Stromführung, jedoch ohne die letzten zwei Stellen. Diese ergeben sich aus dem konstruktiven Aufbau und sind durch den mantelseitigen shell_inlet oder den Rohrbündeleinlass tube_inlet definiert.
- Die vertikalen Sperren bzw. Stromumlenkungsbleche können für die Klasse Baffle bzw. deren Subklassen definiert werden. Dazu muss auf jeden Fall die Anzahl definiert werden und eventuell noch zusätzliche Parameter.
- Die Anzahl der Rohrdurchgänge, also die Anzahl der horizontalen Stromdurchführungen, wird über tube_passes definiert.

Ist keine Rohrlänge angegeben, wird diese basierend auf der Mantelgeometrie und den Rohrdurchführungen berechnet.

```
[18]: W_dot_1 = 3500
    fluid_1 = Fluid("Water", pressure=101420, temperature=273.15 + 100)
    flow_1 = Flow(fluid_1, W_dot_1/fluid_1.specific_heat)

W_dot_2 = 3500
    fluid_2 = Fluid("Water", temperature=273.15 + 20)
    flow_2 = Flow(fluid_2, W_dot_2/fluid_2.specific_heat)

[19]: shell = SquareShellGeometry(length=5, width_in=2, height_in=1)
    pipe = StraightPipe(10e-3, 13e-3)
    pipe_layout = PipeLayout(pipe, 20)

inlets = Inlets(shell_inlet='ul', tube_inlet='dr')

baffle = SegmentalBaffle(number=6)
```

Damit können alle notwendigen Daten mithilfe der Zellenmethode berechnet werden:

Die zwei definierten Ströme und die Konstruktion können der Funktion auto_create_exchanger() übergeben werden. Der erste Strom flow_1 stellt dabei den äußeren, also mantelseitigen, und der zweite flow_2 den Strom in den Rohrbündeln dar. Die Funktion erzeugt ein ExchangerEqualCells-Objekt, das einem Rohrbündelwärmeübertrager, wie zuvor definiert, entspricht.

```
[20]: ex_layout=auto_create_exchanger(flow_1=flow_1,flow_2=flow_2,assembly=assembly)
print(ex_layout.extended_info())
```

assembly = Assembly(shell, pipe_layout,_

assembly.heat_transfer_coefficient = 500

→tube_passes=2,baffle=baffle,inlets=inlets)

```
Flow 1:
Flow: id = 2079468102768
        mass flow = 0.83141 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3503.17037 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 13.32112 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079468101952
        p = 101420 Pa
        t = 100.0 \, ^{\circ}C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079468105696
        p = 101420 Pa
        t = 96.19742199336883 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079465283616
        mass flow = 0.82941 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3467.23813 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -13.32111 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515324144
        p = 101325 Pa
        t = 44.21568586750652 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515002528
        p = 101325 Pa
        t = 48.05767136882645 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.073
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.010
        R_2 = 0.990
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.068
        P_2 = 0.069
```

cell:1

heat exchanger:

id = 2079515324672

type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079515326064mass flow = 0.83372 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3509.50943 W/K heat flow: $Q_{dot} = 13.33144 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079468105696 p = 101420 Pat = 96.19742199336883 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079515325728p = 101420 Pat = 92.39877231079413 °C Flow 2: Flow: id = 2079515326304mass flow = 0.83074 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3472.22019 W/K heat flow: $Q_{dot} = -13.33144 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079515327024 p = 101325 Pat = 40.37624132151234 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079515324144p = 101325 Pat = 44.21568586750959 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.073$ $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.011$ $R_2 = 0.989$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.068$ $P_2 = 0.069$

cell:2

```
heat exchanger:
        id = 2079515326112
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079515312672
        mass flow = 0.83597 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3515.83303 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 13.34212 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515325728
        p = 101420 Pa
        t = 92.39877231079413 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515327504
        p = 101420 Pa
        t = 88.60391496902656 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079515314400
        mass flow = 0.83198 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3477.07888 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -13.34213 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515326160
        p = 101325 Pa
        t = 36.53908799555575 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515327024
        p = 101325 Pa
        t = 40.37624132151342 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
        NTU_1 = 0.073
```

number of transfer units:

 $NTU_2 = 0.074$

heat capacity flow ratios:

 $R_1 = 1.011$

 $R_2 = 0.989$

dimensionless temperature change:

 $P_1 = 0.068$

 $P_2 = 0.069$

cell:3

heat exchanger: id = 2079514522240type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079445445664mass flow = 0.83786 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3521.26560 W/K heat flow: Q_dot = 9.68360 kW Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079515327504p = 101420 Pat = 88.60391496902656 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079217439872 p = 101420 Pat = 85.85388475925936 °C Flow 2: Flow: id = 2079215350880mass flow = 0.82819 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3462.82445 W/K heat flow: $Q_{dot} = -9.68360 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079515002528p = 101325 Pat = 48.05767136882645 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079369676784 p = 101325 Pat = 50.85411308929889 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.073$ $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.017$ $R_2 = 0.983$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.068$ $P_2 = 0.069$

cell:4

heat exchanger: id = 2079464478400type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079514738016mass flow = 0.83931 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3525.49862 W/K heat flow: Q_dot = 8.35899 kW Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079217439872p = 101420 Pat = 85.85388475925936 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079510221520 p = 101420 Pat = 83.48287856553708 °C Flow 2: Flow: id = 2079465765088mass flow = 0.82719 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3459.28522 W/K heat flow: $Q_{dot} = -8.35899 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079369676784 p = 101325 Pat = 50.85411308929889 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079510077904 p = 101325 Pat = 53.27050217565346 °C Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.073$ $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.019$ $R_2 = 0.981$

dimensionless temperature change:

```
cell:5
heat exchanger:
        id = 2079515313728
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079467201648
        mass flow = 0.84091 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3530.25304 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 12.04085 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079510221520
        p = 101420 Pa
        t = 83.48287856553708 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467204384
        p = 101420 Pa
        t = 80.07212433123476 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079515319584
        mass flow = 0.83307 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3481.60719 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -12.04087 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467816032
        p = 101325 Pa
        t = 33.08067788702965 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515326160
        p = 101325 Pa
        t = 36.53908799555637 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.073
        NTU_2 = 0.074
```

heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.014$

 $P_1 = 0.068$ $P_2 = 0.069$

```
R_2 = 0.986
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.068
        P_2 = 0.069
cell:6
heat exchanger:
        id = 2079467824384
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079467583856
        mass flow = 0.84276 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3535.81866 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 12.05325 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467204384
        p = 101420 Pa
        t = 80.07212433123476 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467196176
        p = 101420 Pa
        t = 76.66323144847166 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079467819680
        mass flow = 0.83402 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3485.84894 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -12.05328 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467579104
        p = 101325 Pa
        t = 29.62291844659717 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467816032
        p = 101325 Pa
        t = 33.080677887028344 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
```

 $NTU_1 = 0.073$ $NTU_2 = 0.074$

```
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.014
        R_2 = 0.986
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.068
        P_2 = 0.069
cell:7
heat exchanger:
        id = 2079514738304
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079465510544
        mass flow = 0.84407 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3539.85411 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 5.58750 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467196176
        p = 101420 Pa
        t = 76.66323144847166 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079513063584
        p = 101420 Pa
        t = 75.08477630509958 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079513919440
        mass flow = 0.82639 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3456.50238 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -5.58750 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079510077904
        p = 101325 Pa
        t = 53.27050217565346 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079512423648
        p = 101325 Pa
        t = 54.887020928725974 °C
Parameters:
```

dimensionless parameters: number of transfer units:

```
NTU_1 = 0.072
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.024
        R_2 = 0.976
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cell:8
heat exchanger:
        id = 2079217610672
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079510724128
        mass flow = 0.84483 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3542.21760 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 4.82437 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079513063584
        p = 101420 Pa
        t = 75.08477630509958 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515319488
        p = 101420 Pa
        t = 73.72281356920212 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079515320352
        mass flow = 0.82578 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3454.39793 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -4.82437 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079512423648
        p = 101325 Pa
        t = 54.887020928725974 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079447880640
        p = 101325 Pa
```

Parameters:

t = 56.28360825265497 °C

```
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.072
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.025
        R_2 = 0.975
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cell:9
heat exchanger:
        id = 2079467581840
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079467578192
        mass flow = 0.84599 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3545.85130 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 11.31228 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515319488
        p = 101420 Pa
        t = 73.72281356920212 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467578528
        p = 101420 Pa
        t = 70.53253311602703 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079467574304
        mass flow = 0.83486 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3489.94661 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -11.31231 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079468268336
        p = 101325 Pa
        t = 26.38153359537779 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467579104
        p = 101325 Pa
```

t = 29.622918446597623 °C

Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.072$ $NTU_2 = 0.074$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.016$ $R_2 = 0.984$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.067$ $P_2 = 0.068$ cell:10 heat exchanger: id = 2079467318784type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079468262528mass flow = 0.84758 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3550.88665 W/K heat flow: $Q_{dot} = 11.32552 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079467578528p = 101420 Pat = 70.53253311602703 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079468267712p = 101420 Pat = 67.34304843170662 °C Flow 2: Flow: id = 2079468271360mass flow = 0.83559 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3493.94583 W/K heat flow: $Q_{dot} = -11.32556 \text{ kW}$ Input Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079467409216

p = 101325 Pa

t = 23.14006989861298 °C

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079468268336p = 101325 Pa

t = 26.381533595378528 °C

Parameters: dimensionless parameters: number of transfer units: $NTU_1 = 0.072$ $NTU_2 = 0.073$ heat capacity flow ratios: $R_1 = 1.016$ $R_2 = 0.984$ dimensionless temperature change: $P_1 = 0.067$ $P_2 = 0.068$ cell:11 heat exchanger: id = 2079515315312type: CrossFlowOneRow Flows: Flow 1: Flow: id = 2079515312864mass flow = 0.84853 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3553.95432 W/K heat flow: $Q_{dot} = 2.64188 \text{ kW}$ Input Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079468267712 p = 101420 Pat = 67.34304843170662 °C Output Fluid: Fluid: title = Water, id = 2079515322560p = 101420 Pat = 66.59968472573507 °C Flow 2: Flow: id = 2079515315456mass flow = 0.82534 kg/sheat capacity flow: W_dot = 3452.87494 W/K heat flow: $Q_{dot} = -2.64188 \text{ kW}$

Input Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079447880640 p = 101325 Pa

t = 56.28360825265497 °C

Output Fluid:

```
Fluid: title = Water, id = 2079515313584
        p = 101325 Pa
        t = 57.048733170735545 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.072
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.029
        R_2 = 0.972
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cel1:12
heat exchanger:
        id = 2079515321792
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079515324384
        mass flow = 0.84886 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3555.02770 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 2.28153 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515322560
        p = 101420 Pa
        t = 66.59968472573507 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515323568
        p = 101420 Pa
        t = 65.95790837789167 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079515323664
        mass flow = 0.82504 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3451.86425 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -2.28153 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515313584
```

p = 101325 Pa

```
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515313056
        p = 101325 Pa
        t = 57.70968983862889 °C
Parameters:
dimensionless parameters:
number of transfer units:
        NTU_1 = 0.072
        NTU_2 = 0.074
heat capacity flow ratios:
        R_1 = 1.030
        R_2 = 0.971
dimensionless temperature change:
        P_1 = 0.067
        P_2 = 0.069
cell:13
heat exchanger:
        id = 2079467416032
        type: CrossFlowOneRow
Flows:
Flow 1:
Flow: id = 2079467730160
        mass flow = 0.84974 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3557.89828 W/K
        heat flow: Q_{dot} = 10.98388 \text{ kW}
Input Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079515323568
        p = 101420 Pa
        t = 65.95790837789167 °C
Output Fluid:
        Fluid: title = Water, id = 2079467727424
        p = 101420 Pa
        t = 62.87072989153546 °C
Flow 2:
Flow: id = 2079467722096
        mass flow = 0.83623 \text{ kg/s}
        heat capacity flow: W_dot = 3497.96895 W/K
        heat flow: Q_{dot} = -10.98393 \text{ kW}
```

Input Fluid:

t = 57.048733170735545 °C

```
Fluid: title = Water, id = 2079467720080

p = 101325 Pa

t = 20.0 °C

Output Fluid:

Fluid: title = Water, id = 2079467409216

p = 101325 Pa

t = 23.140069898615423 °C
```

Parameters:

dimensionless parameters:

number of transfer units:

 $NTU_1 = 0.072$

 $NTU_2 = 0.073$

heat capacity flow ratios:

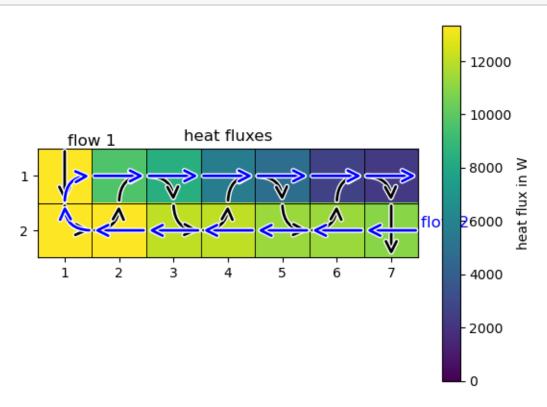
 $R_1 = 1.017$

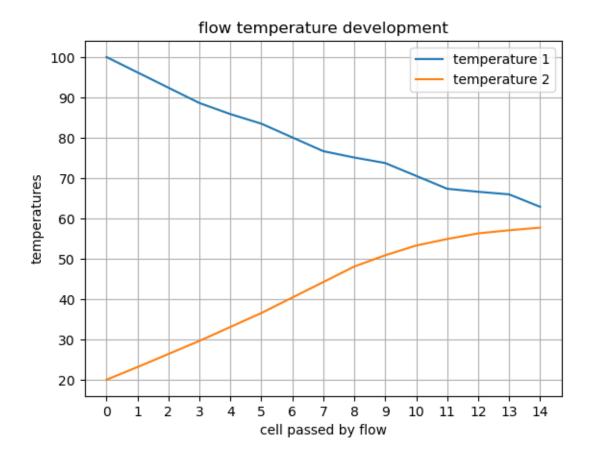
 $R_2 = 0.983$

dimensionless temperature change:

 $P_1 = 0.067$

 $P_2 = 0.068$





Es zeigt sich, dass die Temperaturverläufe gut mit denen in der folgenden Abbildung übereinstimmen. Nur die Darstellungsart unterscheidet sich: Oben werden die Temperaturen über durchflossenen Zellen dargestellt, während unten die Darstellung über die Länge des Rohrbündelwärmeübertragers erfolgt.

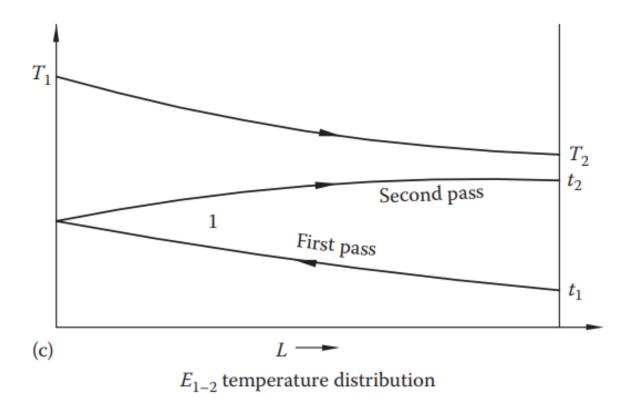


Abbildung 3: Temperaturverlauf der Fluidströme dargestellt über die Länge des Rohrbündelwärmeübertragers (entnommen aus [2], Seite 330)

Literatur

- [1] Peter Böckh. Wärmeübertragung: Grundlagen und Praxis. ger. 7. Aufl. 2017. Springer Berlin Heidelberg Imprint: Springer Vieweg, 2017. ISBN: 9783662554807. URL: http://dx.doi.org/10.1007/978-3-662-55480-7 (siehe S. 1, 2).
- [2] T. Kuppan. Heat Exchanger Design Handbook. Second. Boca Raton, FL: CRC Press, 2013. ISBN: 978-1-4398-4213-3 (siehe S. 18, 36).