K7 - DR - 1 Änderungsraten - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

1. Die Abbildung zeigt den Graphen der Funktion f mit der Gleichung $f(x) = \frac{1}{0.1x^2}$.

Kreuze die beiden Aussagen an, die für die gegebene Funktion zutreffend sind!

 \boxtimes

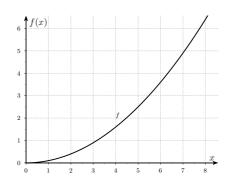
Die absolute Änderung in den Intervallen [0; 3] und [4; 5] ist gleich groß.

Die mittlere Änderungsrate in den Intervallen [0; 2] und [2; 4] ist gleich.

Die momentane Änderungsrate an der Stelle x = 5 hat den Wert 2,5.

Die momentane Änderungsrate an der Stelle x=2 ist größer als die momentane Änderungsrate an der Stelle x=6.

Die Steigung der Sekante durch die Punkte A(3|f(3)) und B(6|f(6)) ist größer als die momentane Änderungsrate an der Stelle x=3.

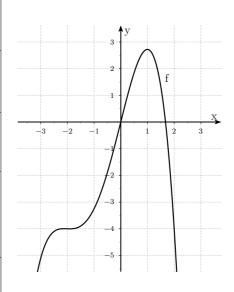


 \boxtimes

K7 - DR - 1002 Graph einer Funktion - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

Kreuze die zutreffende(n) Aussage(n) an!

f ist im Intervall $[-3; -1]$ positiv gekrümmt.	
f ist im Intervall $[-2;0]$ positiv gekrümmt.	
f ist im Intervall $[0;2]$ negativ gekrümmt.	\boxtimes
Im Intervall $[-3; 2]$ ändert sich das Krümmungsverhalten der Funktion f mehrmals.	\boxtimes
Im Intervall $[-3; -1]$ ändert sich das Krümmungsverhalten der Funktion f .	\boxtimes



K7 - DR - 1003 Rechteck - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

3. Eine zylindrische Blechdose mit einem Volumen von $V=1\,\mathrm{dm^3}$ soll hergestellt werden. Die Höhe h (in dm) und der Radius r (in dm) der Grundfläche sollen so gewählt werden, dass zur Herstellung der Dose möglichst wenig Blech benötigt wird.

Für die Oberfläche O (in dm²) dieser Dose gilt: $O(r) = 2r^2\pi + \frac{2}{\pi}$

Kreuze die beiden richtigen Bedingungen für die optimale Dose mit Radius r_0 und die Höhe h_0 an!

$O'(h_0) \neq 0$	
$4r_0 \cdot \pi - 2 \cdot (r_0)^{-2} = 0$	\boxtimes
$O(r_0) = 0$	
$O''(h_0) < 0$	
$O''(r_0) > 0$	\boxtimes

K7 - DR - 1004 Abschuss eines Körpers - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

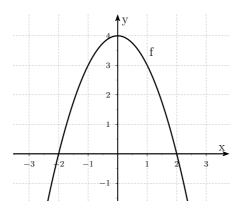
4. Ein Körper wird zum Zeitpunkt t=0 senkrecht nach oben abgeschossen. Er befindet sich nach t Sekunden h(t) Meter über dem Erdboden. K7 - DR

Ordne den angeführten verbalen Beschreibungen die richtigen Terme zu!

Durchschnittsgeschwindigkeit in den ersten 3 Sekunden	F
Absolute Zunahme der Geschwindig- keit in den ersen 3 Sekunden	E
Momentangeschwindigkeit nach 3 Sekunden	A
Entfernung vom Erdboden nach 3 Se- kunden	С

A	h'(3)
В	h''(3) - h''(0)
С	h(3)
D	h"(3)
Е	h'(3) - h'(0)
F	$\frac{h(3)-h(0)}{3}$

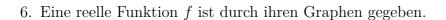
K7 - DR - 1005 Graph einer Funktion - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse



Kreuze die Aussage(n) an, die für die gegebene Funktion zutreffend sind!

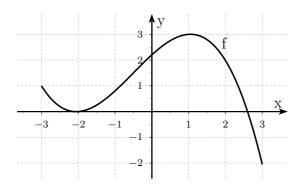
Die absolute Änderung in den Intervallen $[-2; -1]$ und $[1; 2]$ ist gleich groß.	
Die mittlere Änderungsrate im Intervall $[-1;1]$ ist gleich der momentanen Änderungsrate an der Stelle $x=0$.	
Die momentane Änderungsrate an der Stelle $x=2$ ist negativ.	\boxtimes
Die momentane Änderungsrate an der Stelle $x=-2$ ist kleiner als die momentane Änderungsrate an der Stelle $x=1$.	
Die Steigung der Sekante durch die Punkte $A(-2 0)$ und $B(1 3)$ ist größer als die momentane Änderungsrate an der Stelle $x=1$.	\boxtimes

K7 - DR - 1006 Eigenschaften von Funktionen - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse



____/1

K7 - DR



Kreuze die beiden zutreffenden Aussagen an!

f ist im Intervall] -2 ; 2[negativ gekrümmt.	
f ist für $1 < x < 3$ monoton steigend.	
Die Funktion hat bei $x = -2$ eine waagrechte Tangente.	\boxtimes
Ein globales Minimum liegt bei $x = -2$.	
Ein Wendepunkt liegt bei $x \approx -0.5$	\boxtimes

K7 - DR - 1007 Gleichung einer Tangente - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

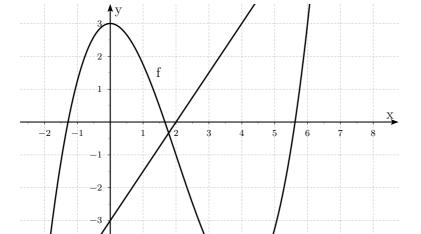
7. Gib die Gleichung der Tangente im Punkt
$$P(0|2)$$
 des Graphen der Funktion f : _____/1 $y=2\cdot e^{0,25\cdot x}$ an. K7 - DR

$$t: y = 0.5x + 2$$

K7 - DR - 1008 2. Ableitung - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

8. Eine Polynomfunktion 3. Grades f ist durch ihren Graphen gegeben.

____/1 K7 - DR

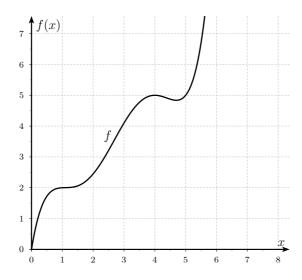


Ergänze im Diagramm einen möglichen Graphen der 2. Ableitung im Intervall $\left[-1;5\right]$

$\mathrm{K}7$ - $\mathrm{D}\mathrm{R}$ - 1009 Eigenschaften - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

9. Welche der folgenden Eigenschaften treffen für die dargestellte Funktion f zu? ____/

K7 - DR



Kreuze die beiden zutreffenden Aussagen an!

$f(x) \ge 0$ für alle $x \in [0; 5]$	X
$f'(x) \ge 0$ für alle $x \in [0; 5]$	
$f''(x) \ge 0$ für alle $x \in [0; 5]$	
f'(1) = f'(4)	\boxtimes
f(1) = f(4)	

K7 - DR - 1010 Eigenschaften - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

10.	Gegen ist eine Aussage über die	e Po	lynomfu	nktion f .		/1
Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!					K7 - DR	
	Eine Polynomfunktion f ist in einem Intervall $[a;b]$ genau dann				_	
	1			2		
	streng monoton wachsend			$f(x) > 0$ für alle $x \in [a; b]$		
	streng monoton fallend			$f'(x) > 0$ für alle $x \in [a; b]$		
	stetig			$f''(x) > 0$ für alle $x \in [a; b]$		

K7 - DR - 1011 Eigenschaften - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

11. Beurteile folgende Schlussfolgerungen für eine reelle Funktion f.

Kreuze die richtige Schlussfolgerung an!

K7 - DR

f ist im Intervall $[a;b]$ monoton steigend $\Rightarrow f$ ist in $[a;b]$ differenzierbar	
$f'(3) = 0 \Rightarrow f$ hat an der Stelle $x = 3$ keine Tangente	
$f''(3) = 0 \Rightarrow f$ hat an der Stelle $x = 3$ sicher eine waagrechte Tangente	
f'' ist im Intervall $[a;b]$ positiv $\Rightarrow f$ ist im Intervall $[a;b]$ monoton fallend	
$f'(4)$ ist nicht definiert $\Rightarrow f$ ist an der Stelle $x=4$ nicht differenzierbar	\boxtimes
f ist im Intervall $[a;b]$ stetig $\Rightarrow f$ ist in $[a;b]$ differenzierbar	

K7 - DR - 1012 Eigenschaften - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

LO	Citch 1. Ixiassc				
12.	Gegeben ist eine Aussage über reelle	e Funkt	ionen.		/1
	Ergänze die Textlücken im folgender Satzteile so, dass eine mathematisch		v	ntigen	K7 - DR
	Eine reelle Funktion $f: A \to \mathbb{R}$ heißt und diese(r)	t stetig :	an der Stelle p , wenn		
	1)		2		
	der Funktionswert $f(p)$ an		den Funktionswert $f(p)$		

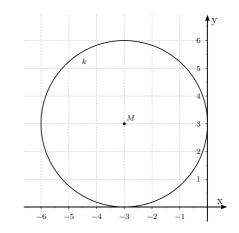
1	
der Funktionswert $f(p)$ an der Stelle p existiert	
die Ableitung $f'(p)$ an der Stelle p existiert	
der Grenzwert von f an der Stelle p existiert	×

2	
den Funktionswert $f(p)$ annimmt	
nicht den Funktionswert $f(p)$ annimmt	
null ist	

K7 - KKK - 1001 Kreisgleichung - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

13. Der Kreis k (siehe Abbildung) berührt die beiden Koordinatenachsen. ____/1 Kreuze die beiden richtigen Kreisgleichungen an! Kreuze die beiden richtigen Kreisgleichungen an!

$(x+3)^2 + (y-3)^2 = 6$	
$(x+3)^2 + (y-3)^2 = 9$	\boxtimes
$(x-3)^2 + (y+3)^2 = 9$	
$x^2 + y^2 + 3x - 3y = 6$	
$x^2 + y^2 + 6x - 6y = -9$	\boxtimes



K7 - KKK - 1002 Lage Kreis Gerade - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

14.	Eine Gerade schneide Schnittpunkte rechne lösen.						naten dieser/1 ung in x zu $K7$ - KKK	
	Ergänze die Textlück Satzteile so, dass ein	0			`	,	ils richtigen	
	Die Diskriminante is Kreises ist.	t		$_{-}$, weil die Gera	ade eine	(2) des	
		1			2			
		negativ			Sekante	\boxtimes		
		null			Passante			
		positiv	\boxtimes		Tangente			
				'				

K7 - KKK - 1003 Lage Kreis Gerade - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

15. Gegeben ist die Kugel k mit Mittelpunkt M(4|-3|10) und Radius r=10. _____/1 Berechne die Gleichung der Tangentialebene der Kugel im Punkt P(4|-11|4). K7 - KKK e_t : 4y+3z=-32

K7 - KKK - 1004 Lage Kreis Gerade - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

16. Eine Ellipse wird durch die Gleichung $4x^2 + 9y^2 = 100$ beschrieben. _____/1 Gib die Koordinaten jener Punkte $P(x_p|y_p)$ auf der Ellipse an, deren y-K7-KKK Koordinate den Wert -2 hat.

$$P_1(4|-2); P_2(-4|-2)$$

K7 - KKK - 1005 Lage Kreis Gerade - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

17. Kreuze die beiden Gleichungen an, die eine Ellipse, aber keinen Kreis beschreiben!

K7 - KKK

$x^2 = 2 + y^2$	
$y^2 - 5 = 3x^2$	
$2x^2 + 3y^2 = 25$	\boxtimes
$16y^2 = 144 - 9x^2$	\boxtimes
$5x^2 + 5y^2 = 36$	

K7 - KKK - 1006 Schneidende Kreise - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

- 18. Stelle die Gleichungen der beiden Kreise auf und überprüfe rechnerisch ob sie ____/1 einander im Punkt P(3|0) schneiden: K7 KKK
 - Kreis k_1 mit $M_1(0|0)$ und $r_1=3$
 - Kreis k_2 mit $M_1(-1|0)$ und $r_2 = 4$

$$- k_1: x^2 + y^2 = 9$$

$$-k_2$$
: $(x+1)^2 + y^2 = 16$

Pliegt auf k_1 , weil $3^2+0^2=9,\,P$ liegt auf k_2 weil $(3+1)^2+0^2=16,$ somit schneiden k_1 und k_2 in P

K7 - KKK - 1007 Kreis und Gerade schneiden - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

19. Vervollständige den folgenden Satz so, dass er mathematisch korrekt wird!

K7 - KKK

/1

Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!

Ist die Gerade eine Passante des Kreises, dann ist die Diskriminante



1	
positiv	
null	
negativ	\boxtimes

2	
keine Lösung	
eine Lösung	
zwei Lösungen	

K7 - KKK - 1008 Lage der Geraden - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

20. Die Kugel mit dem Mittelpunkt M(1|0|-2) wird im Punkt P(5|-4|3) von der ____/1 Ebene ϵ : 4x-4y+5z=51 berührt. K7 - KKK

Interpretiere die Lage der Geraden g, welche durch die Gleichung g: $X = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 4 \\ -4 \\ 5 \end{pmatrix}$ gegeben ist, in Bezug auf die Kugel und die Ebe-

gist die Gerade durch den Mittelpunk
tMund den PunktPund schneidet die Ebene im Punk
tPim rechten Winkel.

K7 - KKK - 1009 Lage zweier Kreise - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

21. Gegeben sind zwei Kreise mit Mittelpunkt und Radius $k_1[M_1;r_1]$ und $k_2[M_2;r_2]$.

K7 - KKK

Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen

Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!

1)	
keinen Punkt	
genau einen Punkt	\boxtimes
mehrere Punkte	

2	
$r_1 < r_2$	
$ \vec{M_1 M_2} \ge r_1 + r_2$	
$ \vec{M_1 M_2} = r_1 + r_2$	

K7 - KKK - 1010 Kegelschnitte - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

22.	Um welchen Kegelschnitt handelt es sich?	/1
	Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!	K7 - KKK
	Die Gleichung beschreibt eine 2	
	① ②	

$9x^2 + 25y^2 + 1 = 0$	
$25x^2 - 9y^2 = 1$	\boxtimes
9x + 25y = 0	

2	
Parabel	
Ellipse	
Hyperbel	\boxtimes

K7 - KKK - 1011 Parabel - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

Kreuze die zutreffe(n) Aussage(n) an!		 K7 - K
Eine Parabel besteht aus zwei Parabelästen.		
Die Symmetrieachse einer Parabel verläuft normal zur Leitlinie.		
Eine Parabel schneidet die Leitlinie im Brennpunkt.		
Durch die Lage des Brennpunktes ist eine Parabel in der 1. Hauptlage eindeutig bestimmt.		
Eine Parabel in 2. Hauptlage stellt den Graphen einer Funktion dar.	\boxtimes	

K7 - KKK - 1012 Ellipse - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

24. Kreuze die beiden Aussagen an, die für eine Ellipse mit der Gleichung ____/1 $b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$ zutreffen! K7 - KKK

Die Differenz der Brennstrecken ist konstant.	
Eine Ellipse, für die $a=b$ gilt, ist ein Kreis.	
Die Summe der Abstände von einem Punkt X der Ellipse zu den beiden Brennpunkten beträgt a .	
Die beiden Brennpunkte liegen symmetrisch zum Mittelpunkt der Ellipse.	
Die Summe der Abstände von einem Nebenscheitel der Ellipse zu den beiden Hauptscheiteln beträgt $2a$.	

K7 - KKK - 1013 Kegelschnitte - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

25. Kreuze die zutreffende Aussage an!

____/1

Die Gerade durch einen Haupt- und Nebenscheitel einer Ellipse ist eine Tangente der Ellipse.		K7 - KKK
Eine Parallele zu einer Tangente eines Kreises ist wieder eine Kreistangente.		
Jede zur Leitlinie einer Parabel parallele Gerade ist eine Tangente.		
Eine Normale auf die Leitlinie einer Parabel kann eine Tangente sein.		
Eine Parallele zur Hauptachse einer Hyperbel in 1. Hauptlage ist immer eine Sekante.	×	
Eine Sekante, die einen Hyperbelast in 2 Punkten schneidet, schneidet auch den anderen Hyperbelast in 2 Punkten.		

K7 - KKK - 1014 Kreisgleichung - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

26. Gegeben ist der Punkt M(-2|3).

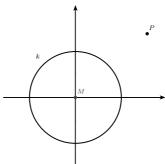
____/1

Gib die Gleichung eines Kreises k mit dem Mittelpunkt M und dem Radius $^{{
m K7}$ - KKK r=5 an.

$$(x+2)^2 + (y-3)^2 = 25$$

K7 - KKK - 1015 Lage Kreis Gerade - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

27. Gegeben sind eine Abbildung des Kreises k: $x^2 + y^2 = r^2$ und ein Punkt $P(p_1|p_2)$. ____/1 K7 - KKK



Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!

Vom Punkt P aus kann man _________ an den Kreis k legen, da _____________.

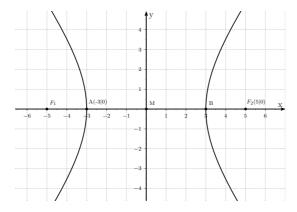
1	
genau eine Tangente	
genau zwei Tangenten	×
keine Tangente	

2	
$P \notin k$	
$p_1^2 + p_2^2 > r^2$	\boxtimes
$p_1 > 0 \land p_2 > 0$	

K7 - KKK - 1016 Hyperbel - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

28. Gegeben ist die Abbildung einer Hyperbel in 1. Hauptlage.

____/:
K7 - KKK



Stelle die Gleichung dieser Hyperbel auf!

$$a=3$$
 und $e=5 \Rightarrow b=\sqrt{e^2-a^2}=4$

hyp:
$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$$

K7 - KKK - 1017 Parameterdarstellung der Ellipse - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

29. Gib eine Parameterdarstellung der Ellipse mit der Gleichung $x^2 + 4y^2 = 100$ an! ____/1

$$\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{25} = 1 \Rightarrow a = 10$$
 und $b = 5 \Rightarrow \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \cdot \cos t \\ 5 \cdot \sin t \end{pmatrix}$ mit $t \in [0; 2\pi]$

K7 - KKK - 1018 Kreisgleichungen - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

30. Kreuze jene Gleichung(en) an, die einen Kreis beschreiben:

K7 - KKK

$x^2 + y - 1 = 0$	
x + y - 1 = 0	
$3x^2 + 3y^2 = 1$	
$x^2 - 2x + 1 + y^2 = 9$	\boxtimes
$3x^2 - 2y^2 = 1$	

K7 - KKK - 1019 Kugel - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

31. Gegeben sind zwei Kugeln $K_1[M_1(x_1|y_1|z_1);r_1]$ und $K_2[M_2(x_2|y_2|z_2);r_2]$ mit _____/1 Zentralabstand $z=|\overrightarrow{M_1M_2}|$. K7 - KKK

Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!

Die zwei Kugeln ________, wenn __________ist.

1	
schneiden einander in einer Kreislinie	
berühren einander von außen	
haben keine gemeinsamen Punkte	×

2	
$r_1 + r_2 < z$	
$ r_1 - r_2 = z$	
$r_1 = r_2$	

K7 - KKK - 1020 Kegelschnitte - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

32. Gegeben ist eine Gleichung.

____/1

K7 - KKK

Ergänze die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine mathematisch korrekte Aussage entsteht!

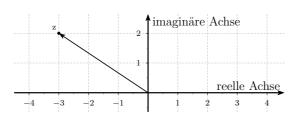
1	
Normalvektor	
Parameterform	\boxtimes
Vektorform	

2		
einer Geraden		
eines Kreises	×	
einer Ellipse		

K7 - KZ - 1001 Komplexe Zahlen - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

33. Die komplexe Zahl z=-3+2i ist in der Gauß'schen Zahlenebene dargestellt:

K7 - KZ



Bestimme den Betrag r und das Argument φ dieser Zahl.

$$r = \sqrt{9+4} \approx 1.6$$

$$\tan \varphi = -\frac{2}{3} \Rightarrow \varphi \approx 146,2^{\circ}$$

K7 - KZ - 1002 Komplexe Lösungen - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

34. Gib eine quadratische Gleichung an, die folgende Lösungen hat: _____/1 $x_1=2+i \text{ und } x_2=2-i$ K7 - KZ $(x-2-i)\cdot(x-2+i)=0 \text{ oder } x^2-4x+5=0$

K7 - KZ - 1003 Graph einer Funktion - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

35. Gib eine quadratische Gleichung der Form $ax^2 + bx + c = 0$ an, die die folgende ____/1 Lösungsmenge über $\mathbb C$ besitzt: K7 - KZ $L = \{(3+i); (3-i)\}$ $x^2 - 6x + 10 = 0$

K7 - KZ - 1004 Graph einer Funktion - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

36. Ermittle alle Lösungen der Gleichung $x^4-81=0$ in der Menge der komplexen ____/1 Zahlen. K7 - KZ $x_1=-3; x_2=3; x_3=-3i; x_4=3i$

K7 - KZ - 1005 Polarkoordinaten - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

37. Ordne den Informationen über komplexe Zahlen die entsprechenden komplexen $$___/1$$ Zahlen zu! $$\mathrm{K7} \cdot \mathrm{KZ}$$

z = -2	В
z = -6 + 8i	A
z=i	F
z = 5 - 5i	E

A	r = 10
В	$\varphi = 180^{\circ}$
С	$\varphi = 135^{\circ}$
D	$\operatorname{Im}(z) = \operatorname{Re}(z)$
Е	$270^{\circ} < \varphi < 360^{\circ}$
F	$\operatorname{Re}(z) = 0$

K7 - KZ - 1006 Polarkoordinaten - Thema Mathematik Schularbeiten 7. Klasse

38. Stelle die komplexe Zahl $z=4\cdot(\cos(120^\circ)+i\cdot\sin(120^\circ))$ in der Gauß'schen ____/1 Zahlenebene dar: K7 - KZ

