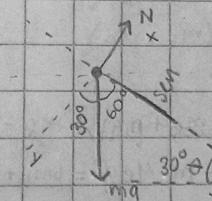
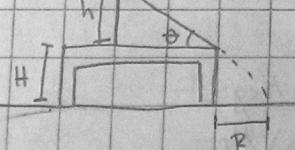


Un bloque de masa $m = 200 \text{ kg}$ se libera desde el reposo en $h = 0.500 \text{ m}$ sobre la superficie de una mesa, en lo alto de un plano inclinado de $\theta = 30^\circ$. El plano sin fricción está fijo sobre una mesa de altura $H = 2 \text{ m}$ a) Determina la aceleración del bloque mientras se desliza por el plano b) ¿Cuál es la velocidad del bloque cuando dejó el plano? c) A qué distancia de la mesa el bloque golpeará el suelo? d) ¿Qué intervalo de tiempo transcurrió entre la liberación del bloque y su golpe en el suelo? e) ¿La masa del bloque afecta alguno de los cálculos anteriores?



$$\sum F = m\vec{a}$$

$$\sum F_x = mg \sin \theta = ma = g \sin \theta$$

$$\sum F_y = N - mg \cos \theta = N = mg \cos \theta$$

$$a = (9.80 \text{ m/s}^2) \sin 30^\circ = 4.90 \text{ m/s}^2$$

$$\rightarrow t = 0.55$$

$$V_f^2 = V_i^2 + 2a \Delta x$$

$$\frac{\sin \theta}{\Delta x} = \frac{h}{\sin \theta} \Rightarrow \frac{h}{\sin \theta} = 1.00 \text{ m}$$

$$V_f = \sqrt{2a \Delta x} = 3.13 \text{ m/s} //$$

$$x = V_i \cos 30^\circ$$

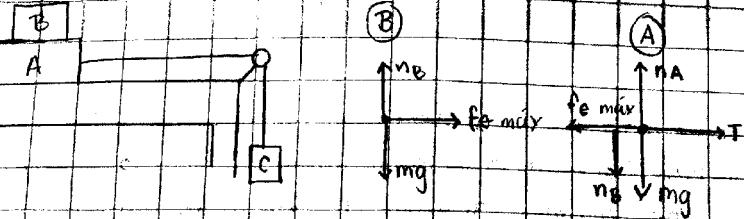
$$y = -V_i \sin \theta t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$y = -3.13 \sin 30^\circ t - (4.9)t^2 //$$

$$R = 3.13 \text{ m/s} \cos 30^\circ //$$

$$R = 1.35 \text{ m} //$$

El bloque B con una masa de 5 kg descansa sobre el bloque A cuya masa es de 8.00 kg que a su vez está sobre una mesa horizontal. No hay fricción en el bloque A ni la mesa pero el coeficiente de fricción estática entre A y B es de 0.750. Un cordón ligero atado al bloque A pasa por un polka sin masa ni fricción, con el bloque C colgando en el otro extremo. ¿Qué masa máxima que puede tener el bloque C, de modo que A y B aún se deslizan juntos cuando el sistema se suelta del reposo?



$$(\sum F_x)_B = f_{\text{emáx}} = m_B a \Rightarrow m_B g = m_B a + m_C g = a // (C)$$

$$(\sum F_y)_B = n_B - mg = 0 \Rightarrow n_B = mg$$

$$f_{\text{emáx}} = m_B M g$$

$$(\sum F_x)_A = -f_{\text{emáx}} + T = m_A \ddot{a} \Rightarrow T - m_A M g = m_A M g$$

$$(\sum F_y)_A = n_A - n_B - m_C g = 0 \quad T = m_A M g + m_C g$$

$$T = M g (m_B + m_A)$$

$$(\sum F_y)_C = -T + m_C g = m_C \ddot{a}$$

$$\boxed{a_A = a_B = a_C = \ddot{a}}$$

$$M g (m_B + m_A) = m_C g$$

$$m_C g - m_A M g = (m_B + m_A) M g$$

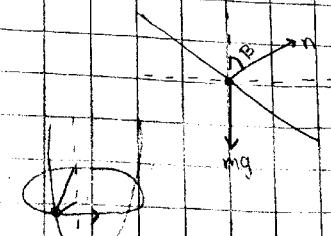
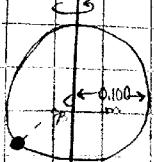
$$m_C (1 - M e) = (m_B + m_A) M e$$

$$m_C = \frac{(m_B + m_A) M e}{(1 - M e)} = \frac{(5 \text{ kg} + 8 \text{ kg}) 0.750}{1 - 0.750}$$

$$m_C = 39 \text{ kg} //$$

Una cuerda pequeña puede deslizarse sin fricción por un aro circular de 0.100 m de radio, que está ~~deslizándose~~ en un plano vertical. El aro gira con rapidez constante de 4.00 m/s² entorno a un diámetro vertical.

- Calcule el ángulo β en que la cuerda está en equilibrio vertical.
- Podría la cuerda mantenerse a la misma altura que el centro del aro?
- ¿Qué sucede si el aro gira a 1.00 rev/s?



$$mg \cos \beta =$$

$$(\Sigma F_y) = n \cos \beta - mg = 0$$

$$(\Sigma F_x) = n \sin \beta = mg$$

$$n \sin \beta = m \omega^2 r$$

$$\omega r = \omega^2 r$$

$$\downarrow n \sin \beta = m \omega^2 r (\sin \beta)$$

$$\frac{\sin \beta}{\cos \beta} = \frac{r}{R} \Rightarrow r = R \tan \beta \quad \text{trayectoria}$$

$$\cos \beta = mg$$

$$\frac{r \sin \beta}{\cos \beta} = m \omega^2 R \sin \beta \Rightarrow \frac{\sin \beta}{\cos \beta} = \frac{m \omega^2 R \sin \beta}{mg} \Rightarrow 1 = \frac{m \omega^2 R}{g} \Rightarrow \frac{m \omega^2 R}{g}$$

$$\Rightarrow \cos \beta = \frac{g}{\omega^2 R} \quad \omega = 4.00 \text{ rev/s} \cdot \frac{2\pi \text{ rad}}{s} = 25.1 \text{ rad/s}$$

$$\beta = \cos^{-1} \left(\frac{g}{(25.1 \text{ rad/s})(0.100 \text{ m})} \right) = 79.8^\circ$$

b)

$$\text{c)} \quad \frac{9.8 \text{ m/s}^2}{(0.28)(0.100)} = 34.8 \text{ m/s}$$

Un coche de mierda ~~rusa~~ tiene una masa de 500 kg cuando está completamente cargado con pasajeros. a) Si el vehículo tiene una velocidad rápida de 20 m/s en el punto A ¿Cuál es la fuerza que ejerce la pista sobre el coche en este punto? b) ¿Cuál es la rapidez máxima que puede tener el vehículo en el punto B y todavía permanecer sobre la pista?

(A) 

$\downarrow mg$

(B) 

$\downarrow m$

(A)

$$\uparrow \sum F_y = ma$$

$$\sum F_y = n - mg = mar$$

$$n = mar + mg$$

$$n = m \left(\frac{v^2}{r} \right) + mg$$

$$n = 500 \left(\frac{20^2}{10} \right) + 500(9.8)$$

$$n = 500 \left(\frac{20^2}{10} + 9.8 \right) = 24900 \text{ N}$$

(B)

$$\downarrow \sum F_y = ma$$

$$\sum F_y = -N + mg = mar$$

$$= mar + mg$$

$$= ar + g$$

$$= \frac{v^2}{r} + g$$

$$v = \sqrt{gr}$$

$$v = \sqrt{9.8 \cdot 15} = 12.12 \text{ m/s}$$

En un camino horizontal una curva de 120 m de radio tiene el peralte adecuado para una rapidez de 20 m/s. Si un automóvil toma dicha curva a 30 m/s. ¿Qué coeficiente mínimo de fricción estática debe haber entre los neumáticos y la carretera para no derrapar?

$$\sum F_x = ma$$

$$\sum F_x = n \sin \beta = m a_r$$

$$\sum F_x = n \sin \beta = m \left(\frac{v^2}{r}\right)$$

$$\frac{n \sin \beta}{n \cos \beta} = \frac{m \left(\frac{v^2}{r}\right)}{mg} = \tan \beta = \frac{v^2}{gr}$$

$$\sum F_x = ma$$

$$\sum F_x = n \sin \beta + f_e \cos \beta - m \left(\frac{v^2}{r}\right) \quad \beta = \tan^{-1} \left(\frac{20^2}{(120)(9.8)} \right) = 18.8^\circ //$$

$$\sum F_y = n \cos \beta - mg - f_e \sin \beta = 0$$

$$\frac{\sin \beta + M_e \cos \beta}{\cos \beta - M_e \sin \beta} = \frac{v^2}{gr}$$

$$n \sin \beta + M_e \cos \beta = m \frac{v^2}{r}$$

$$n \cos \beta - M_e \sin \beta = mg$$

$$\frac{\sin \beta + M_e \cos \beta}{\cos \beta - M_e \sin \beta} = \frac{v^2 (\cos \beta - M_e \sin \beta)}{gr}$$

$$n (\sin \beta + M_e \cos \beta) = m \left(\frac{v^2}{r}\right)$$

$$n (\cos \beta - M_e \sin \beta) = mg$$

$$\frac{\sin \beta + M_e \cos \beta}{\cos \beta - M_e \sin \beta} = \frac{v^2 \cos \beta - M_e \sin \beta}{gr}$$

$$M_e (\cos \beta + \frac{v^2 \sin \beta}{gr}) = \frac{v^2 \cos \beta - \sin \beta}{gr}$$

$$M_e = \frac{\frac{v^2}{gr} \cos \beta - \sin \beta}{\cos \beta + \frac{v^2}{gr} \sin \beta} = 0.84 //$$

Energía y Trabajo

$$\text{Momento lineal: } \vec{p} = m\vec{v}$$

$$\text{Energía cinética: } K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$\begin{matrix} \vec{r}_i \\ \vec{r}_f \end{matrix}$$

$$A.E = Apcos\phi$$

$$= BAcos\phi$$

$$\vec{v}_i \cdot \vec{v}_f = v_i^2$$

$$K = \frac{1}{2}m(\vec{v}_i \cdot \vec{v}_f)$$

$$= \frac{1}{2}m(m\vec{v}_i \cdot m\vec{v}_f)$$

$$= \frac{1}{2}m(m\vec{v}_i \cdot m\vec{v}_f)$$

$$= \frac{1}{2}m(\vec{p}_i \cdot \vec{p}_f)$$

$$K = \frac{\vec{p}^2}{2m}$$

$$\text{Trabajo: } W = K_f - K_i$$

energía cinética que se transfiere

durante una interacción.

$$p_f - p_i = 2m\vec{v} d\vec{r}$$

$$K_f - K_i = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

$$\int F d\vec{r} = \int F_{\alpha, \cos\phi} dx = \int F dx = F \int_{x_i}^{x_f} dx$$

$$W = F(x_f - x_i) = F\Delta x$$

$$F = 70.0 \text{ N}$$

$$\Delta x = 600 \text{ m} \quad F \cos\phi / x_f$$

$$W = 600 \text{ J}$$

$$W = Fx \cos\phi$$

$$W = F \cos\phi \Delta x$$

$$\text{Energía cinética: } K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$P_f = \vec{p}_i + d\vec{p}$$

$$P_f \cdot P_f = (\vec{p}_i + d\vec{p}) \cdot (\vec{p}_i + d\vec{p})$$

$$= \vec{p}_i \cdot \vec{p}_i + \vec{p}_i \cdot d\vec{p} + d\vec{p} \cdot \vec{p}_i + d\vec{p} \cdot d\vec{p}$$

$$p_i^2 = \vec{p}_i^2 + 2\vec{p}_i \cdot d\vec{p} + d\vec{p}^2$$

$$p_f^2 = \vec{p}_i^2 + 2\vec{p}_i \cdot d\vec{p}$$

$$p_f^2 - p_i^2 = 2\vec{p}_i \cdot d\vec{p}$$

$$p_f^2 - p_i^2 = 2m\vec{v} d\vec{r}$$

$$\frac{p_f^2 - p_i^2}{2m} = \frac{\vec{v} \cdot d\vec{r}}{2m}$$

$$K_f - K_i = \frac{d\vec{r}}{dt} \cdot d\vec{p}$$

$$dK = d\vec{r} \cdot d\vec{p}$$

$$\sum \vec{F} = d\vec{p}$$

$$dt = dt$$

$$\int_{x_i}^{x_f} dK = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

$$K_f - K_i = \int_{x_i}^{x_f} \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

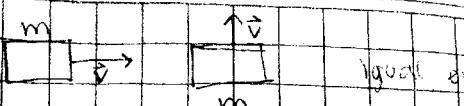
Trabajo para una fuerza constante con desplazamiento rectilíneo

$$W = rF\cos\phi$$

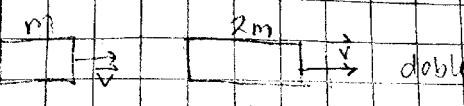
$W \rightarrow +$ ha ganado energía cinética
 $-$ pierde energía cinética

$$\theta = 90^\circ \text{ y } 180^\circ \Rightarrow \cos \theta = -1$$

no está clara donde W es constante
 100% de la energía cinética

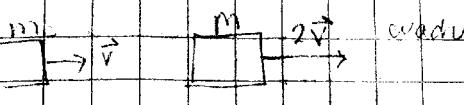


igual energía cinética



doble energía cinética $\frac{1}{2} m_1 v^2$

$$K_2 = 1 \frac{1}{2} m_2 v^2 = \frac{1}{2} (2m_1) v^2$$

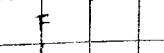


cuádruple energía cinética $m_2 = 2m_1 = 2 \frac{1}{2} m_1 v^2$

$$= 2K_1$$

Cuando la fuerza es variable $W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$ $V_i = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$

Fuerza sobre un resorte $F = kx$



$$\int_0^{x_f} F_x dx \rightarrow \int_0^{x_f} kx dx$$

$$= k \left(\frac{1}{2} x^2 \right) \Big|_0^{x_f}$$

$$= \frac{1}{2} k x_f^2$$

$$W = \frac{1}{2} k x_f^2 (k x_f)$$

$$= \frac{1}{2} k x_f^2$$

Resumen W y energía

$$\sum W = K_f - K_i$$

$$W_i$$

$$W_f$$

$$W = K_f - K_i$$

en una interacción siempre hay interacción de momento lineal

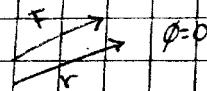
El signo de muchas cantidades físicas depende de la dirección de las coordenadas. Por ejemplo, el valor de ϕ puede ser negativo o positivo, según si el imán como positiva la dirección hacia arriba o hacia abajo. ¿Lo mismo es válido para el trabajo? En otras palabras, ¿es posible hacer negativo el trabajo positivo?

Un transportador de equipaje tira de una maleta de 20.0 kg para subirla por una rampa inclinada 25.0° sobre lo horizontal, con una fuerza F de magnitud 140 N que actúa paralela a la rampa. El coeficiente de fricción cinética entre la rampa y la maleta es $\mu_k = 0.300$.

Si la maleta viaja 3.80 m en la rampa,

a) Calcule el W realizado sobre la maleta por F

$$W_F = F \cdot r \rightarrow W = (140 \text{ N})(3.80 \text{ m}) = 532 \text{ J}$$



b) Fuerza gravitacional.

$$\begin{aligned} W_g &= (mg \sin \theta) r \cos 180^\circ \\ W_g &= -r mg \sin \theta \\ W_g &= -(3.80 \text{ m})(20 \times 9.8) \sin 25^\circ \\ &= -2314 \text{ J} // \end{aligned}$$

c) La fuerza normal

$W = \emptyset$ porque es perpendicular al desplaz.

d) Fuerza de fricción.

$$W_{f_r} = f_r r \cos 180^\circ$$

$$W_{f_r} = (-f_r)(r) \cos 180^\circ$$

$$f_r = -\mu \cdot N \cdot r \rightarrow f_r = -\mu m g \cos \theta \cdot r$$

$$= -(0.300)(20 \times 9.8) \cos 25^\circ$$

$$= -202 \text{ J}$$

$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

$$\sum W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

e) W total realizado sobre la maleta.

$$\begin{aligned}\sum W &= W_F + W_g + W_h + W_f \\ &= 532J + 315J + 0 - 203J \\ \sum W &= 14J\end{aligned}$$

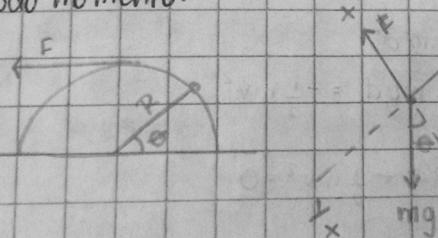
f) Si la rapidez de la maleta es cero en la base de la rampa. ¿Qué rapidez tiene después de haber subido 3.80 m por la rampa?

$$\sum W = K_f - K_i$$

$$\sum W = \frac{1}{2}mv_f^2 - 0$$

$$\frac{2\sum W}{m} = v_f^2 \rightarrow v_f = \sqrt{\frac{2(14J)}{20kg}} = 1.2 \text{ m/s//}$$

Una partícula pequeña de masa m se halta hacia lo alto de un medio cilindro sin fricción, mediante una cuerda que pasa sobre lo alto del cilindro, como se ve en la figura. a) Si supone que la partícula se mueve con rapidez constante al moverse que $F = mg \cos \theta$. Nota: si la partícula se mueve con rapidez constante, la componente de su aceleración tangente al cilindro debe ser en todo momento.



$$\sum F_x = F - mg \cos \theta = 0$$

$$\Rightarrow F = mg \cos \theta // \text{ fuerza viva}$$

$$\sum F_y = mg \sin \theta - N = m a_r$$

Si una fuerza es perpendicular
a su trayecto el trabajo es 0

b) Mediante integración directa de $W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$ encuentre el trabajo invertido al mover la partícula con rapidez constante desde el fondo hasta alto del medio cilindro.

$$\begin{aligned}W_F &= \int \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int F dr \cos 0^\circ = \int F dr = \int mg \cos \theta dr = \int mg \cos \theta R d\theta \\ &= mgR \int_0^{\pi/2} \cos \theta d\theta = mgR //\end{aligned}$$

$$dr = R d\theta =$$

$\sum W_T = 0$ cuando velocidad es constante.

$$W_F + W_g = 0$$

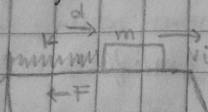
$$W_g = -W_F$$

$$\sum W = W_F + W_g$$

$$\therefore W_g = -mgR$$

$$\sum W = mgR - mgR = 0$$

Un deslizador de riel de aire con masa de 0.100 kg se conecta al extremo del riel horizontal con un resorte cuya constante de fuerza es 20.0 N/m. Inicialmente, el resorte no está estirado y el deslizador se mueve con rapidez de 2.50 m/s a la derecha. Calcule la distancia máxima al que el deslizador se mueve a la derecha. a) si el resorte está activado de modo que no hay fricción.



$$F = -kx$$

$$\text{DCL } W_e = \int_{0}^{x} -kx \, dx = -\frac{kx^2}{2} = \sum W$$

$$-\frac{kx^2}{2} = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow kx^2 = mv^2 \Rightarrow k = \frac{mv^2}{x^2}$$

$$x = \sqrt{\frac{0.100 \text{ kg} (2.50)^2}{20.0 \text{ N/m}}}$$

b) si se corta el suministro de aire al riel de modo que hay fricción cinética con coeficiente $\mu_x = 0.47$

$$\sum W = W_e + W_f$$

$$= -\frac{1}{2}kd^2 - \mu_x mgd$$

$$W_F = \int \vec{F} \cdot d\vec{r} = -\frac{1}{2}kd^2 - \mu_x mgd = -\frac{1}{2}mv^2$$

$$\sum W = W_F + W_f$$

$$\sum W = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}kd^2 - \mu_x mgd + \frac{1}{2}mv^2 = 0$$

$$0 = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}kd^2 - \mu_x mgd + \frac{1}{2}mv^2$$

$$0 = \frac{1}{2}kd^2 - \mu_x mgd \Rightarrow d = \frac{\mu_x mg}{k}$$

$$W_f = \mu_x mgd$$

$$0$$

A un automóvil a escala de 2.0 kg controlado por radio, se aplica una fuerza \vec{F} paralela al eje x ; mientras el auto se mueve por una pista recta. La componente x de la fuerza, varía con la coordenada x del auto como se indica. Calcule el w de la fuerza cuando el auto se mueve de $x=0$ a $x=3.0\text{ m}$, $x = 3 \text{ a } 4, x_f = 4.97$

$$\Delta U = (2.0\text{ kg})(2.0\text{ N})$$

$$x = 0.7$$

$$\Delta U = (2.0\text{ kg})(2.0\text{ N})$$

$$x = 0.7 \quad x = 1.7$$

$$\Delta U = (2.0\text{ kg})(2.0\text{ N})$$

$$x = 1.7 \quad x = 2.7$$

$$\Delta U = (2.0\text{ kg})(2.0\text{ N})$$

$$x = 2.7 \quad x = 3.7$$

$$x = 3.7 \quad x = 4.7$$

$$x = 4.7 \quad x = 5.7$$

La fuerza que actúa sobre una partícula varía como se muestra. Encuentre el w invertido por la fuerza en la partícula conforme se mueve

$$\text{a) } x = 0 \text{ a } 8 \quad \text{b) } x = 8.0 \text{ a } 10 \quad \text{c) } x = 0 \text{ a } 10 \quad w_f = ?$$

$$\text{d) si la partícula parte del reposo, ¿cuál es su energía final?}$$

Al comenzar una carrera un corredor de 68.2 kg corre los primeros 7.04 m en 1.60 s comenzando desde el reposo y acelerando uniformemente. ¿Qué potencia promedio genera el corredor durante 1.60 s?

$$P_{\text{m}} = \frac{\Sigma W}{t} = \frac{\Sigma W}{1.60 \text{ s}} = \frac{26040 \text{ J}}{1.60 \text{ s}} = 16275 \text{ W} //$$

$$\Sigma W = K_f - K_i \rightarrow \text{porque parte del reposo}$$

$$\Sigma W = K_f$$

$$K_f = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (68.2)(8.8)^2 = 2640.70 \text{ J} //$$

$$\Delta x = \left(\frac{v_i + v_f}{2} \right) t$$

$$v_f = \frac{2 \Delta x}{t} = \frac{2(7.04)}{1.60} = 8.8 \text{ m/s} //$$

Energía potencial.

Campo gravitacional uniforme //

el valor de aceleración gravitacional es el mismo en todos los puntos del espacio

positivo siempre para arriba

Fuerza de gravedad constante. $F = mg$

F .

d

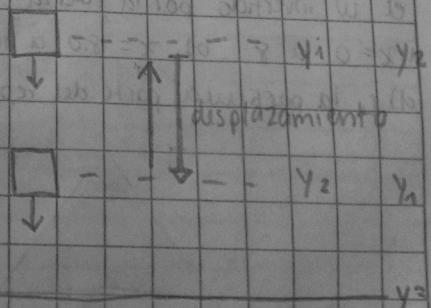
$$W_g = mg(y_2 - y_1) \rightarrow \text{siempre es así}$$

sin importar si

$$W_g = mg y_1 - mg y_2$$

va para abajo o

para arriba



Energía potencial gravitacional. Se asocia con una interacción de la tierra y el objeto.

$$V_g = mg y$$

$$U_1 - U_2$$

$$= -(U_2 - U_1)$$

$$W = -\Delta V_g // \rightarrow \text{sistema tierra - cuerpo}$$

Energía potencial puede ser negativa? si por las coordenadas que se piden
agarrar (dependiendo)

energía cinética no es negativa física

$$U_i = (10 \text{ kg})(10 \text{ m/s})(4.0 \text{ m})$$

$$= 40 \text{ J}$$

$$U_f = 0 \quad W_g = 10 \text{ J} - 0$$

$$= -40 \text{ J}$$

de referencia no altera

el trabajo

$$U_i = 20 \text{ J} \quad W_g = 20 - (-20)$$

$$U_f = -20 \text{ J} \quad = -40 \text{ J} /$$

Interacción electrostática

$$U_r = \frac{k \cdot q_1 \cdot q_2}{r}$$

$$k = 8.9 \times 10^9$$

establece que 2 cargas del mismo signo

se repelen mientras que 2 cargas de

signos opuestos

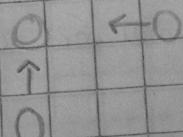
se atraen

\rightarrow C repulsiva

\leftarrow C atractiva

$U < 0$ atrae

Interacción gravitacional.



$$U(r) = -G \frac{m_1 m_2}{r}$$

const de gravitación

universal

para que sea atractiva

$$6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{kg}^2}{\text{m}^2}$$

$$M = 5.17 \times 10^{24} \quad U_y = -G \frac{M m}{r} + G \frac{M m}{r^2}$$

$$r = 6.37 \times 10^6 \text{ m}$$

$$U =$$

Máximo

potencial

$r = R$

Sistema cerrado - resorte

$$U_c = \frac{1}{2} k x^2 \quad W_{\text{ext}} = U_{ci} - U_{cf} = -\Delta U_c$$

energía elástica

referencia en donde no esté deformado el resorte

Conservación de la energía

Sistema → porción del universo que aislamos para su estudio

$$U(U)$$



$$E = K + U \rightarrow \text{energía mecánica}$$

le pertenece al sistema

sistema abierto: puede salir o entrar materia y energía

sistema cerrado: misma energía pero no sale masa solo se da intercambio de energía

sistema aislado: no hay intercambio de materia y energía.

$$W_g = \Delta K$$

$$W_g = -\Delta U$$

$$-\Delta U = \Delta K$$

$$\Delta K + \Delta U = 0 \quad // \rightarrow \text{conserv. de energía.}$$

$$K_2 - K_1 + U_2 - U_1 = 0$$

$$K_2 + U_2 = K_1 + U_1$$

\curvearrowleft

\curvearrowright

axial = F normal.

$$a) n = ?$$

③

N
mg

$$\sum F_y = mg = m \ddot{r}$$

$$mg = m \left(\frac{v^2}{r} \right)$$

$$v^2 = gr$$

$$b) n = 3,50R \quad R = 20m$$

$$a = \frac{v^2}{r} = \frac{(31,3)^2}{20}$$

$$\frac{1}{2} v_f^2 + gr - g(3,50R) = 0$$

$$a = 49 \text{ m/s}^2$$

$$\frac{1}{2} v_f^2 = 2(3,50gr)$$

$$v_f^2 = 5gr$$

$$v_f = \sqrt{5gr}$$

$$v_f = 31,30 \text{ m/s} //$$

④

N
mg

$$\sum F_y = mg = m a_t$$

$$a_t = 0$$

$$\Delta K + \Delta U_g = 0$$

$$\frac{1}{2} (dr) + g(2R) - g(h) = 0$$

$$K_f - K_i + U_{gi} - U_{gf} = 0$$

$$\frac{1}{2} r - 2r = h = 0$$

$$\frac{1}{2} m v_f^2 + mgh_f - mgy_i = 0$$

$$\frac{5}{2} r = h$$