

Universidade Federal do Rio de Janeiro

Inteligência Artificial

Breno Pontes da Costa - 114036496

Questão 1)

O conjunto de restrições do problema será:

$\langle A, A \neq B \rangle$

$\langle B, A \neq B \rangle$

$\langle A, A = D \rangle$

$\langle D, A = D \rangle$

$\langle A, E < A \rangle$

$\langle E, E < A \rangle$

$\langle B, B \neq D \rangle$

$\langle D, B \neq D \rangle$

$\langle B, B \neq C \rangle$

$\langle C, B \neq C \rangle$

$\langle B, E < B \rangle$

$\langle E, E < B \rangle$

$\langle C, C < D \rangle$

$\langle D, C < D \rangle$

$\langle C, E < C \rangle$

$\langle E, E < C \rangle$

$\langle D, E < D \rangle$

$\langle E, E < D \rangle$

Analisando cada restrição:

$\langle A, A \neq B \rangle$ OK!

$\langle B, A \neq B \rangle$ OK!

$\langle A, A = D \rangle$ OK!

$\langle D, A = D \rangle$ OK!

$\langle A, E < A \rangle$ Retira 1

Para $A = 1$, não há um elemento no domínio de E que satisfaça a restrição, logo, o 1 será retirado do domínio de A e este ficará **$A = \{2,3,4\}$** .

Avaliando novamente a restrição $\langle D, A = D \rangle$, é possível ver que, quando $D = 1$, Não há elemento em A que satisfaça a restrição, logo é retirado o 1 e o novo domínio de D será **$D = \{2,3,4\}$** .

Avaliando novamente as restrições de A e D , as alterações não influenciaram em nada, logo, é possível prosseguir com o algoritmo.

$\langle E, E < A \rangle$

Para $E = 4$, não há elemento em A que satisfaça a restrição, logo, o 4 será retirado e o novo domínio de E será **$E = \{1,2,3\}$**

Avaliando novamente as restrições de E , as alterações não influenciaram em nada, logo, é possível prosseguir com o algoritmo.

$\langle B, B \neq D \rangle$ OK!

$\langle D, B \neq D \rangle$ OK!

$\langle B, B \neq C \rangle$ OK!

$\langle C, B \neq C \rangle$ OK!

$\langle B, E < B \rangle$

Para $B = 1$, não há elemento que satisfaça a restrição, logo, o 1 será retirado e o novo domínio de B será **$B = \{2,4\}$** .

Avaliando novamente as restrições de B , a alteração não influenciou em nada, logo, é possível prosseguir com o algoritmo.

$\langle E, E < B \rangle$ OK!

$\langle C, C < D \rangle$

Para $C = 4$, não há elemento que satisfaça a restrição, logo, o 4 será retirado e o novo domínio de C será **$C = \{1,3\}$** .

Avaliando novamente as restrições de C , a alteração não influenciou em nada, logo, é possível prosseguir com o algoritmo.

$\langle D, C < D \rangle$ OK!

$\langle C, E < C \rangle$

Para $C = 1$, não há elemento que satisfaça a restrição, logo, o 1 será retirado e o novo domínio de C será **$C = \{3\}$** .

Quando $D = 2$ ou $D = 3$, não há elemento em C que satisfaça a restrição, logo o novo domínio de D será **$D = \{4\}$**

Quando $A = 2$ ou $A = 3$, não é satisfeita a restrição $\langle A, A = D \rangle$, logo o novo domínio de A será **$A = \{4\}$** .

Quando $B = 4$, a restrição $\langle B, B \neq D \rangle$ deixa de ser satisfeita, logo, o novo domínio de b será **$B = \{2\}$**

Quando $E = 2$ A restrição $\langle E, E < B \rangle$ deixa de ser satisfeita, logo o novo domínio de E será $E = \{1,3\}$

$\langle E, E < C \rangle$

Para $E = 3$, não há elemento que satisfaça a condição, logo, 3 será retirado e o novo domínio de E será: **$E = \{1\}$** .

Avaliando novamente as restrições de E , a alteração não influenciou em nada, logo, é possível prosseguir com o algoritmo.

$\langle D, E < D \rangle$ OK!

$\langle E, E < D \rangle$ OK!

Logo a solução do problema será:

$A = \{4\}$

$B = \{2\}$

$C = \{3\}$

$D = \{4\}$

$E = \{1\}$

Questão 2)

Grafo 1

Considerando o nó superior à esquerda o nó **A**, o superior a direito o nó **B** e o inferior o nó **C**.

As restrições do problema são:

$$\langle X, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle$$

$$\langle Y, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle$$

$$\langle X, X+2 \neq Z \rangle$$

$$\langle Z, X+2 \neq Z \rangle$$

$$\langle Y, Y \neq Z \rangle$$

$$\langle Z, Y \neq Z \rangle$$

Analisando as restrições:

$$\langle X, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle Y, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle Y, X+2 \neq Z \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle Z, X+2 \neq Z \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle Y, Y \neq Z \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle Z, Y \neq Z \rangle \text{ OK!}$$

Refazendo o algoritmo e dividindo os domínios. Os novos domínios serão:

$$X = \{1\} ; Y = \{3\}; Z = \{3\}$$

Quando $Y = 3$ a restrição $\langle Y, Y \neq Z \rangle$ não é satisfeita logo o novo domínio de $Y = \{\}$.

Como o domínio é um conjunto vazio, o problema não tem solução para esses domínios.

Refazendo o algoritmo e dividindo os domínios. Os novos domínios serão:

$$X = \{1\} ; Y = \{4\}; Z = \{3\}$$

Quando $X = 1$ a restrição $\langle X, X+2 \neq Z \rangle$ não é satisfeita logo o novo domínio de $X = \{\}$.

Como o domínio é um conjunto vazio, o problema não tem solução para esses domínios.

É possível observar que para qualquer domínio possível do problema, não há solução que satisfaça todas as restrições, logo, o problema não tem solução.

Grafo 2

As restrições do problema serão:

$$\langle X, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle$$

$$\langle Y, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle$$

$$\langle X, X+2 \neq Z \rangle$$

$$\langle Z, X+2 \neq Z \rangle$$

$$\langle Y, Y \neq Z \rangle$$

$$\langle Z, Y \neq Z \rangle$$

Analisando as restrições:

$$\langle X, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle$$

Quando $X = 2$, não há elemento em Y que satisfaça a restrição, logo, o novo domínio de X será $X = \{1\}$.

$$\langle Y, (X + Y) \bmod 2 = 1 \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle X, X+2 \neq Z \rangle \text{ OK!}$$

$$\langle Z, X+2 \neq Z \rangle$$

Quando $Z = 3$, não há elemento em X se satisfaça a restrição, logo, o novo domínio de Z será $Z = \{4\}$.

$$\langle Y, Y \neq Z \rangle$$

Quando $Y = 4$, não há elemento em Z se satisfaça a restrição, logo, o novo domínio de Y será $Y = \{2\}$.

$$\langle Z, Y \neq Z \rangle \text{ OK!}$$

A solução do problema será:

$$X = \{1\}$$

$$Y = \{2\}$$

$$Z = \{4\}$$

Esta é a única solução que satisfaz as restrições do problema.

