Ejemplo de formalización de Data Warehouse

Dimensiones:

```
S_{Presentaciones} = \langle C_{Presentaciones}, \gamma_{Presentaciones} \rangle
C_{Presentaciones} = \{ presentacion, producto, familia, All \}
\gamma_{Presentaciones} = \{ (presentacion, producto), (producto, familia), (familia, All) \}
S_{Tiempo} = \langle C_{Tiempo}, \gamma_{Tiempo} \rangle
C_{Tiempo} = \{ mes, trimestre, semestre, año, All \}
\gamma_{Tiempo} = \{ (mes, trimestre), (trimestre, semestre), (semestre, año), (año, All) \}
S_{Cadenas} = \langle C_{Cadenas}, \gamma_{Cadenas} \rangle
C_{Cadenas} = \{ cadena, All \}
\gamma_{Cadenas} = \{ (cadena, All) \}
```

Instancia de la dimensión Presentaciones:

```
D_{Presentaciones} = \langle U_{Presentaciones}, <_{Presentaciones}, mem_{Presentaciones} \rangle
U_{Presentaciones} = \{Hamburguesas \ 2 \ uds, \ Hamburguesas \ 3 \ uds, \ Pollo \ entero, \ Harina \ 1kg, \ Pan \ flauta, \ Hamburguesas, \ Pollo, \ Harina, \ Pan, \ Carnes \ y \ fiambres, \ Harinas \ y \ arroz \}
<_{Presentaciones} = \{(Hamburguesas \ 2 \ uds, \ Hamburguesas), \ (Hamburguesas \ 3 \ uds, \ Hamburguesas), \ (Pollo \ entero, \ Pollo), \ (Harina \ 1kg, \ Harina), \ (Pan \ flauta, \ Pan), \ (Hamburguesas, \ Carnes \ y \ fiambres), \ (Harina, \ Harinas \ y \ arroz), \ (Pollo, \ Carnes \ y \ fiambres), \ (Harina, \ Harinas \ y \ arroz), \ (Pan, \ Harinas \ y \ arroz) \}
mem_{Presentaciones}(Hamburguesas \ 2 \ uds) = mem_{Presentaciones}(Hamburguesas \ 3 \ uds) = mem_{Presentaciones}(Pollo \ entero) = mem_{Presentaciones}(Pollo \ entero) = mem_{Presentaciones}(Pan \ flauta) = presentacion
mem_{Presentaciones}(Hamburguesas) = mem_{Presentaciones}(Pollo) = producto
mem_{Presentaciones}(Carnes \ y \ fiambres) = mem_{Presentaciones}(Harinas \ y \ arroz) = familia
```

Ejemplo de relación de Roll-Up:

```
R_{presentación}^{producto}(D_{Presentaciones}) = \{(Hamburguesas\ 2\ uds,\ Hamburguesas),\ (Hamburguesas\ 3\ uds, Hamburguesas),(Pollo\ entero,\ Pollo),\ (Harina\ 1kg,\ Harina),\ (Pan\ flauta,\ Pan)\}
```

$$R_{producto}^{familia}(D_{Presentaciones}) = \{(Hamburguesas, Carnes y fiambres), (Pollo, Carnes y fiambres)\}$$

$$(Harina, Harinas y arroz), (Pan, Harinas y arroz)\}$$

Espacio multidimensional:

<u>Granularidad base:</u> $G_b = presentacion, cadena, mes$

Granularidad G, adyacente a G_b sobre la dimensión presentaciones:

G = producto, cadena, mes

Instancia de espacio multidimensional:

$$D: D_{Presentaciones}, D_{Tiempo}, D_{Cadenas}$$

Cubos

$$cubeBase_{Cantidades} = \langle G_b, m_{cantidad\ presentaciones\ canasta} \rangle$$

Agregación de presentacion a producto, sobre la dimensión Presentaciones:

$$cubeView_{G,\,SUM(m_{cantidad_presentaciones_canasta})}(D,\,cubeBase) = \\ \prod_{G,\,SUM(m_{cantidad_presentaciones_canasta})} (cubeBase \bowtie R_{producto}^{producto}(D_{Presentaciones}) \bowtie \\ R_{mes}^{mes}(D_{Mes}) \bowtie R_{cadena}^{cadena}(D_{Cadena}))$$

Datalog

$$\begin{aligned} &Dim_{Presentaciones}(X_{presentacion}, X_{producto}, X_{familia}) \\ &Dim_{Tiempo}(X_{mes}, X_{trimestre}, X_{semestre}, X_{a\~no}) \\ &Dim_{Cadenas}(X_{cadena}) \\ &Cube_base_{Cantidades}(X_{presentacion}, X_{mes}, X_{cadena}, X_{cantidad_presentaciones_canasta}) \\ &Cube_view_{G_b, Dim_{Presentaciones}}(X_{producto}, X_{mes}, X_{cadena}, SUM(X_{cantidad_presentaciones_canasta})) \leftarrow \\ &Cube_base(X_{presentacion}, X_{mes}, X_{cadena}, X_{cantidad_presentaciones_canasta}), \\ &Dim_{Presentaciones}(X_{presentacion}, X_{producto}, X_{familia}), \\ &Dim_{Tiempo}(X_{mes}, X_{trimestre}, X_{semestre}, X_{a\~no}), \\ &Dim_{Cadenas}(X_{cadena}). \end{aligned}$$