

PRINCIPIOS BASICOS EN TELECOMUNICACIONES

PROPAGACION DE SEÑALES



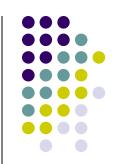




- Se denomina dB a la unidad empleada en Acústica y Telecomunicación para expresar la relación entre dos potencias.
- Es una unidad logarítmica y es la décima parte del belio, pero que no se utiliza por ser demasiado grande en la práctica.



- El belio recibió este nombre en honor de Alexander Graham Bell, considerado como inventor del teléfono
- Es una unidad de medida adimensional y relativa (no absoluta), que es utilizada para facilitar el cálculo y poder realizar gráficas en escalas reducidas



 El dB relaciona la potencia de entrada y la potencia de salida en un circuito, a través de la fórmula:

$$N(dB) = 10 * \log\left(\frac{P2}{P1}\right)$$

• Donde:

N = nivel de potencia de la señal

P1 = Potencia de la señal en el punto 1

P2 = Potencia de la señal en el punto 2



- Se puede usar para medir ganancia o atenuación (una ganancia negativa significa atenuación)
- Una ganancia de 3dB significa que la potencia de salida será el doble de la de entrada.
- Una atenuación de 3 dB (ganancia de –3dB) significa que la potencia de salida será la mitad de la de entrada.



- (dbm) El dBm es una unidad de medida utilizada en telecomunicaciones para expresar la potencia absoluta mediante una relación logarítmica.
- El dBm se define como el nivel de potencia en decibelios en relación a un nivel de referencia de 1 mW.



 El valor en dBm en un punto, donde tenemos una potencia P, viene dado por la fórmula siguiente:

$$N(dBm) = 10 * \log \left(\frac{P2}{1mW}\right)$$



 Para convertir una potencia en dBm a mW se utiliza la siguiente fórmula:

$$P(mW) = 10^{\frac{P(dBm)}{10}}$$

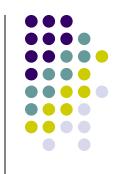
 Que no es otra cosa que buscar al antilogaritmo de la expresión de la diapositiva anterior.



Tabla para cálculo de ganancia o atenuación

dB	Factor		
3	* 2		
2	* 1.6		
1	* 1.25		





- Atenuación: Una señal, al ser propagada por un medio, sufre de pérdida o atenuación de su potencia.
- Es necesario el uso de amplificadores.





- El decibel hace referencia a magnitudes relativas o cambios en la magnitud y no a un nivel absoluto.
- Es importante poder hacer referencia a valores absolutos de potencia y voltaje en decibeles y así facilitar los cálculos de pérdidas y ganancias.





 El dBW (decibel-watt) es usado para referirse al nivel absoluto de potencia en decibeles, y se define como:

Potencia(dBW) = $10 \log (P(W)/1W)$

 El valor de 1 W es escogido como referencia y definido como 0 dBW.

Potencia de la señal

- Ejemplo:
- Una potencia de 1000 W es equivalente a +30 dBW.
- Una potencia de 1 mW es equivalente a -30 dBW.





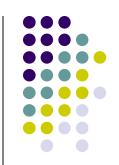
 El dBmV (decibel-milivolt) es usado para referirse al nivel absoluto de voltaje en decibeles, y se define como:

Potencia(dBmV) = 20 log (Voltage(mV)/ 1mV)

 El valor de 1 mV es escogido como referencia y definido como 0 dBmV.

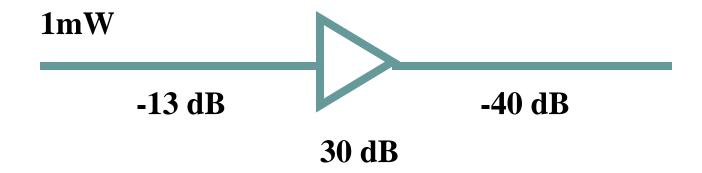


- Considere un enlace punto a punto que consiste de una línea de transmisión y un amplificador en medio.
- Si la pérdida en la primera parte de la línea es de 13 dB, la ganancia del amplificador es de 30 dB, y la pérdida en la segunda parte de la línea es de 40 dB, calcule la pérdida (o ganancia) total en dB.













PRESUPUESTO DE POTENCIA (BALANCE DEL ENLACE)



CONSIDERACIONES



- Independientemente del equipamiento de una red inalámbrica y del despeje de la línea de vista, necesita calcular el presupuesto de potencia de enlace.
- Sobrecargar un radioenlace no hará que las cosas mejoren para su implementación y causará problemas a otros usuarios del espectro.





- Es el cálculo de ganancias y pérdidas desde el radio transmisor hacia el receptor.
- La estimación del valor de potencia en diferentes partes del radioenlace es necesaria para realizar el diseño y elegir el equipamiento adecuado.

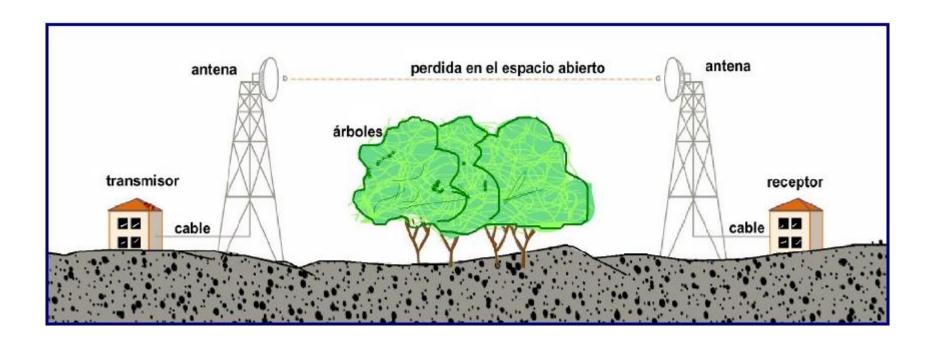
LOS ELEMENTOS DEL ENLACE



- Equipo de Tx con potencia efectiva de transmisión.
- Pérdidas en la propagación en el trayecto.
- Equipo Rx con efectiva sensibilidad receptiva (effective receiving sensibility).

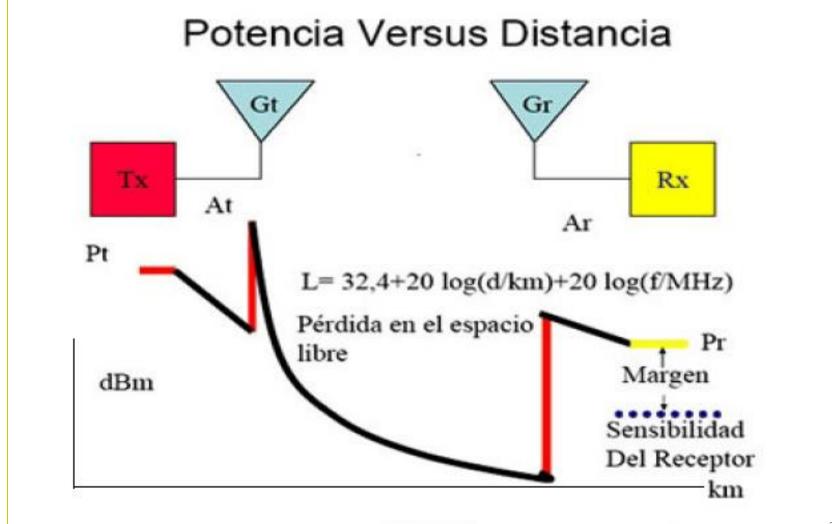
Definición

 Un presupuesto de potencia de un enlace es la suma de todos los aportes (en dB) en el trayecto del Tx al Rx.



Potencia en dBm en función de la distancia y la frecuencia









- Potencia de Transmisión (Pt)
- Atenuación del cable o guía de onda del Tx (At)
- Ganancia de la Antena de Transmisión (Gt)
- Pérdidas en el espacio libre, Friis (L)
- Atenuación del cable o guía de onda del Rx (Ar)
- Ganancia de la Antena de Recepción (Gr)
- Sensibilidad del Rx (-dBm)





- Lbf = $92,45 + 20 \log f(GHz) + 20 \log d(Km)$
- Lbf = $32,45 + 20 \log f(MHz) + 20 \log d(Km)$

 Sirve para calcular las pérdidas básicas en un trayecto, es función de la frecuencia y la distancia, su unidad son los dB.

Balance de Potencia



$$Pr = Pt - At + Gt - L + Gr - Ar$$

Unidades:

 La Pr se compara con la sensibilidad del Rx y se verifica si el enlace es viable o no

Valores típicos de Atenuación en los cables



Tipo de cable	Pérdida [db/100m]		
LMR-200	50		
LMR-400	22		
Aircom plus	22		
LMR-600	14		
Flexline de 1/2"	12		
Flexline de 7/8"	6,6		
C2FCP	21		
Heliax de ½ "	12		
Heliax de 7/8"	7		

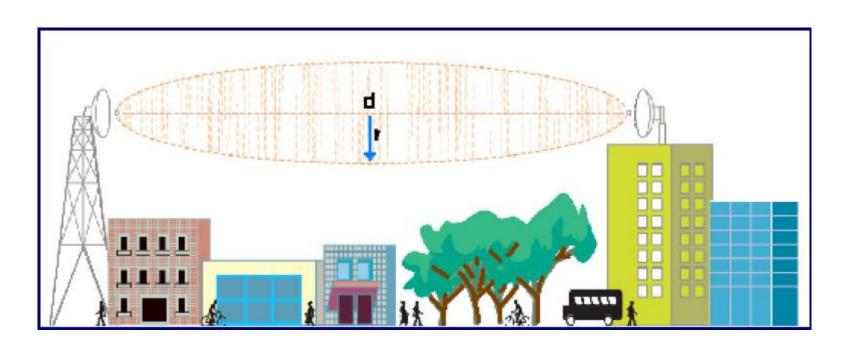
Pérdidas en los conectores



- Estos valores son para conectores hechos en fábrica, los conectores "caseros" implican pérdidas mayores.
- Se considera pérdidas de 0,3 a 0,5 dB por conector como regla general.
- Además, los protectores contra descargas eléctricas de buena calidad introducen 0,2 dB cada uno.

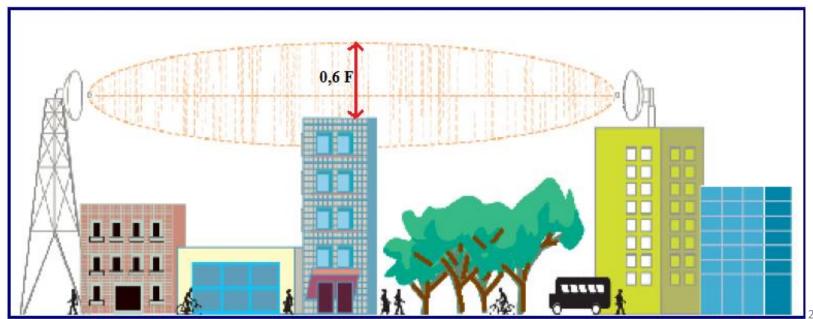
LA 1º ZONA DE FRESNEL

 Teniendo como punto de partida el principio de Huygens, se puede calcular la primera zona de Fresnel, el espacio alrededor del eje que contribuye a la transferencia de potencia desde el Tx hacia el Rx.



DESPEJE DE LA 1º ZONA DE FRESNEL

 Lo ideal es que la 1º zona de Fresnel no esté obstruida, pero normalmente es suficiente despejar el 60% del radio de la primera zona de Fresnel para tener un enlace satisfactorio.





- En aplicaciones críticas, se debe calcular para condiciones anómalas de propagación, en las cuales las ondas de radio se curvan hacia arriba y por lo tanto se requiere altura adicional en las torres.
- Para grandes distancias hay que tomar en cuenta también la curvatura terrestre que introduce una altura adicional que deberán despejar las antenas.

SENSIBILIDAD DEL RECEPTOR

- Parámetro que merece especial atención, identifica el valor mínimo de potencia que necesita para poder decodificar/extraer "bits lógicos" y alcanzar una cierta tasa de bits.
- Cuanto mas baja sea la sensibilidad, mejor será la recepción del radio.
- Valores típicos:
- -82 dBm en un enlace de 11 Mbps
- -94 dBm para uno de 1 Mbps
- Varía según el fabricante



Valores de la sensibilidad del Rx en las tarjetas de Red inalámbricas

Tarjeta	11 Mbps	5,5 Mbps	2 Mbps	1 Mbps
Orinoco cards PCMCIA	-82 dBm	-87 dBm	-91 dBm	-94 dBm
Silver/Gold				
Senao 802.11b card	-89	-91	-93	-95

RELACIÓN SNR



- No es suficiente que la señal que llega al receptor sea mayor que la sensibilidad del mismo, sino que además se requiere que haya cierto margen para garantizar el funcionamiento adecuado.
- La relación entre el ruido y la señal se mide por la tasa de señal a ruido (SNR).
- Un requerimiento típico de la SNR es 16 dB para una conexión de 11 Mbps y 4 dB para la velocidad más baja de 1 Mbps.



- En situaciones donde hay muy poco ruido el enlace está limitado por la sensibilidad del receptor.
- En áreas urbanas donde hay muchos radioenlaces operando, es común encontrar altos niveles de ruido (como -92 dBm).
- En esos escenarios, se requiere un margen mayor de SNR.
- En condiciones normales sin ninguna otra fuente en la banda de 2.4 GHz, el nivel de ruido es alrededor de los -100 dBm.





- Presupuesto de enlace / Presupuesto de Potencia / Ganancia del Sistema
- Estos conceptos significan básicamente lo mismo: un cálculo de potencia de la señal a lo largo de la trayectoria de la misma.





- Margen del sistema
- Corresponde a la diferencia entre el valor de la señal recibida y la sensibilidad del receptor.

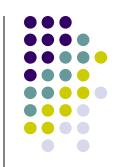


OTROS CONCEPTOS

- EIRP ó PIRE (Potencia Irradiada Isotrópica Efectiva)
- La PIRE está regulada por ARCOTEL
- La misma especifica la potencia máxima legalmente permitida para ser enviada al espacio abierto en un área/país específico.

PIRE

- El límite legal en Europa es 100 mW, en algunos escenarios muy particulares (enlaces punto a punto) y en otros países este máximo es de 4 W (Bandas).
- La PIRE es una medida de la potencia que se está enfocando en una determinada región de espacio, determinada por las características de la antena transmisora.
- La PIRE es el resultado de restar pérdidas de potencia en el cable y conectores y sumar la ganancia relativa de antena a la potencia del transmisor.





- PIRE (dBm) = Pt (dBm) At -Ac (dB) + Gt (dBi)
 - Pt: potencia de Tx
 - At: atenuación en el cable de Tx
 - Ac: atenuación en los conectores
 - Gt: Ganancia de la antena de Tx

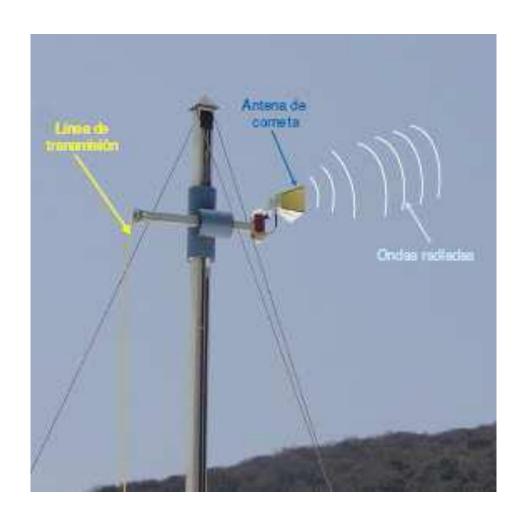


ANTENAS



 Una antena es un dispositivo que radia y/o recibe ondas electromagnéticas





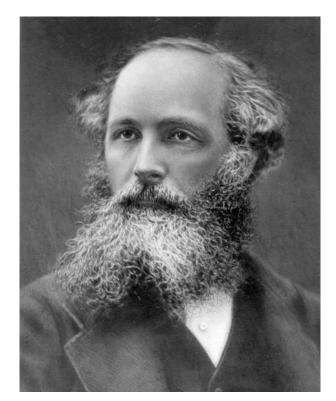


- Es la transición entre un dispositivo de guiado y el espacio libre.
- Convierte eficientemente la energía guiada que le llega en energía radiada al espacio libre
- La potencia radiada tiene un cierto patrón de distribución en el espacio
- Envía la energía y la información que ella contiene a unas determinadas direcciones del espacio

HITOS HISTÓRICOS



- 1873. James Clerk MAXWELL formula el modelo matemático de electromagnetismo (Ecuaciones de Maxwell)
- La luz es una onda electromagnética y todas las ondas EM se propagan por el espacio con
- la misma velocidad, la velocidad de la luz.

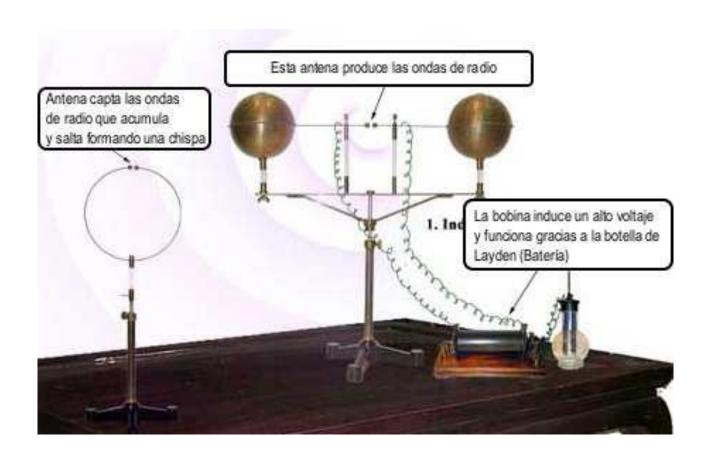




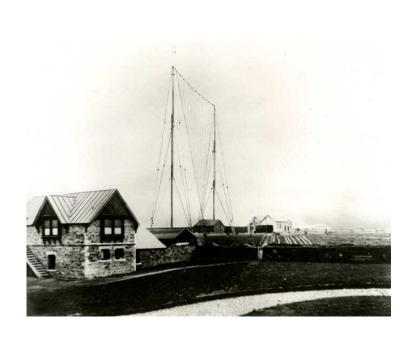
En el vacío	Caso general
$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$	$\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho$
$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$	$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$
$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$	$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$
$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \varepsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$	$\vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{\jmath} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$

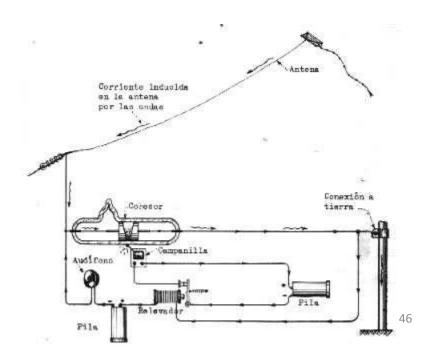
- 1886 Rudolph Heinrich HERTZ prueba la teoría electromagnética de Maxwell
- Crea el primer sistema inalámbrico de transmisión de ondas





- En 1901 Guillermo MARCONI realiza la primera comunicación transoceánica entre Gran Bretaña y Terranova
- Antena emisora: monopolo en abanico 820 KHz (λ≈366m)
- Antena receptora: hilo metálico suspendido de una cometa

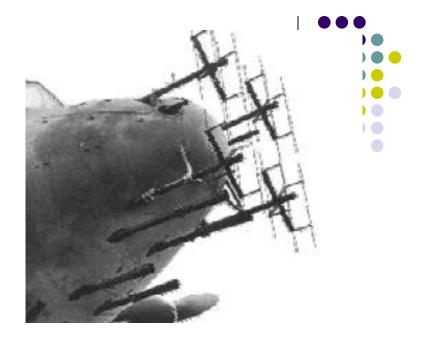


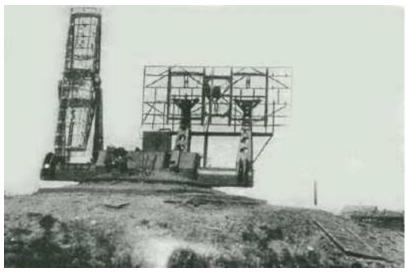


• II Guerra mundial:

- Radar y
- telecomunicaciones:
 - Aperturas
 - Reflectores
 - Arrays
 - Radar....





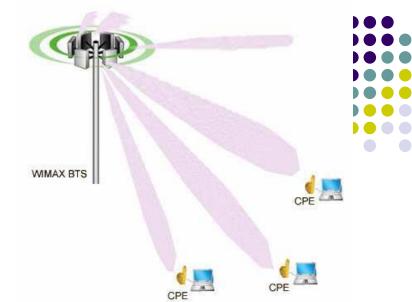


- 2^a mitad S.XX
- Desarrollo tecnología de microondas:
- Radioastronomía y comunicaciones vía satélite:
 - Reflectores y arrays
- Comunicaciones móviles y personales:
 - Tecnologías impresas









- Tendencias actuales
- Antenas reconfigurables para comunicaciones via satélite.
- Miniaturización e integración de elementos radiantes.
 Tecnología impresa. Antena activa.
- Arrays adaptativos: procesamiento de las señales individuales de los elementos sensores.





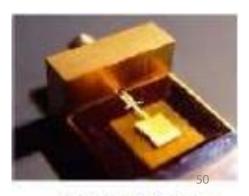








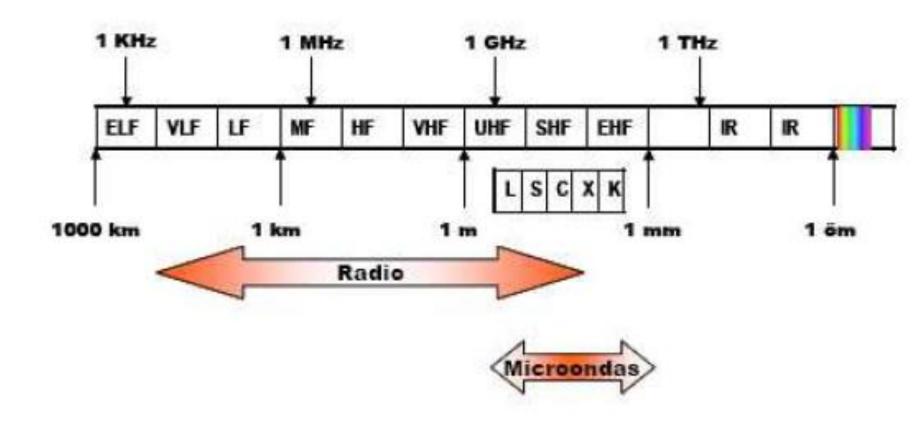




Patch antenna

ESPECTRO ELECTROMAGNÉTICO







EM. Designation Frequency Band waveleng Services: 3 - 30 KHz 100 10 km Very Low Frequency (VHF) Navigation, sonar, submarine 30 -300 KHz 10 - 1 Km Low Frequency (LF) Radio beacons, navigation AM broadcast, maritime 300 - 3000 KHz 1000 - 100 m Medium Frequency (MF) coastguard radio telephone, telegraph, fax, amateur radio, ship-to-coast 3 - 30 MHz 100 - 10 m High Frequency (HF) and ship-to-aircraft communications TV, FM broadcast; air traffic 30 - 300 MHz 10 - 1 m Very High Frequency (VHF) control, police TV, Satellite, radiosonde, 300 - 3000 MHz 100 - 10 cm Ultra High Frequency (UHF) radar airborne radar, microwave 3 - 30 GHz 10 - 1 cm Super High Frequency (SHF) links (WIMAX...), satellite, land mobile communications Extremely High Frequency radar, experimental 30 - 300 GHz 10 - 1 mm

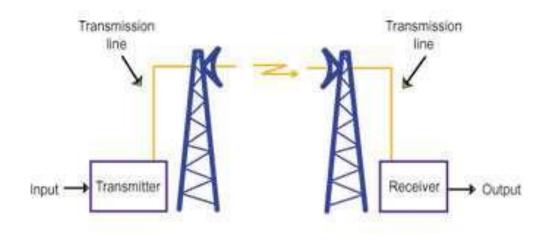
Microwave Band Designation



Frequency Band	Designation (Old)	Designation (New)
500 - 1000 MHz	VHF	С
1 - 2 GHz	L	D
2 - 3 GHz	s	E
3 - 4 GHz	s	F
4 - 6 GHz	С	G
6 - 8 GHz	С	Н
8 - 10 GHz	х	T.
10 - 12.4 GHz	х	J
12.4 - 18 GHz	Ku	J
18 - 20 GHz	К	J
20 - 26.5 GHz	K	K
26.5 - 40 GHz	Ka	K

PARÁMETROS FUNDAMENTALES

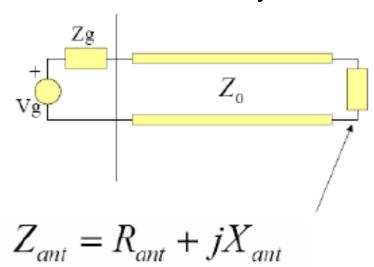
- La antena forma parte de un sistema (radiocomunicación, radar, ...etc), influirá decisivamente en la calidad del enlace.
- Como las expresiones de los campos son excesivamente complejas, se recurre a la caracterización de las antenas a través de parámetros medibles de más fácil interpretación





PARÁMETROS EN TRANSMISIÓN

- IMPEDANCIA DE ENTRADA
- Este parámetro es importante para que la antena sea capaz de radiar toda la potencia que le llega
- Es la que se mide en las terminales del puerto de entrada de la antena y usualmente es compleja.

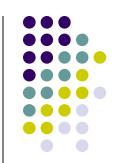


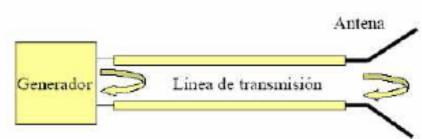
$$R_{ant}(w) = R_{radiación} + R_{pérdidas}$$

$$X_{ant}(w)$$
; si $X_{ant} = 0 \Rightarrow$ antena resonante

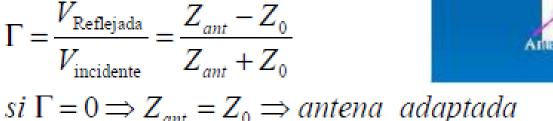
PARÁMETROS EN TRANSMISIÓN

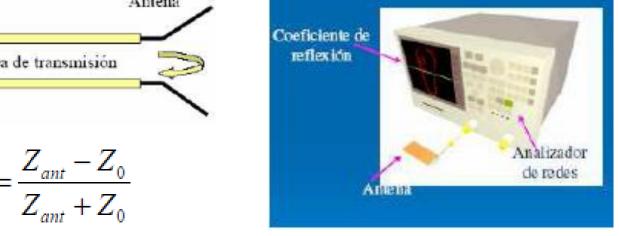
- COEFICIENTE DE REFLEXIÓN
- Medida del grado de acoplamiento entre la impedancia de antena Zant y la impedancia característica de la línea de transmisión Zo





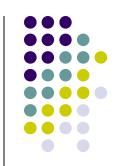
$$\Gamma = \frac{V_{\text{Reflejada}}}{V_{\text{incidente}}} = \frac{Z_{ant} - Z_{0}}{Z_{ant} + Z_{0}}$$





PARÁMETROS EN TRANSMISIÓN

- EFICIENCIA DE LA ANTENA
- La existencia de pérdidas en la antena hace que no toda la potencia transmitida sea radiada



$$e = \frac{P_{radiada}}{P_{entregada}} = \frac{R_{rad}}{R_{rad} + R_{\Omega}} = \left(1 - \left|\Gamma\right|^{2}\right)$$

Las eficiencias se suelen dar en dB no en %

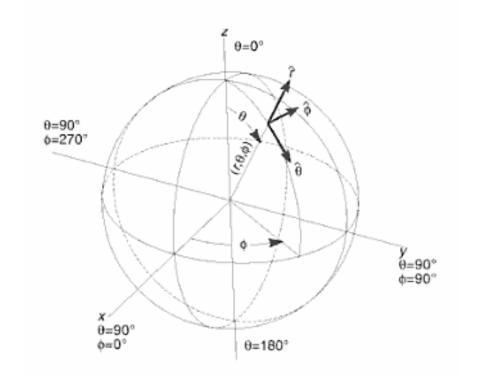
$$(e)_{dB} = 10\log(e)$$
 $e_{ant} = 90 \% => -0.5 dB$ $e_{ant} = 80 \% => -1.0 dB$ $e_{ant} = 64 \% => -2.0 dB$

Una muy buena antena: e= -0.1 dB

INTENSIDAD DE RADIACIÓN



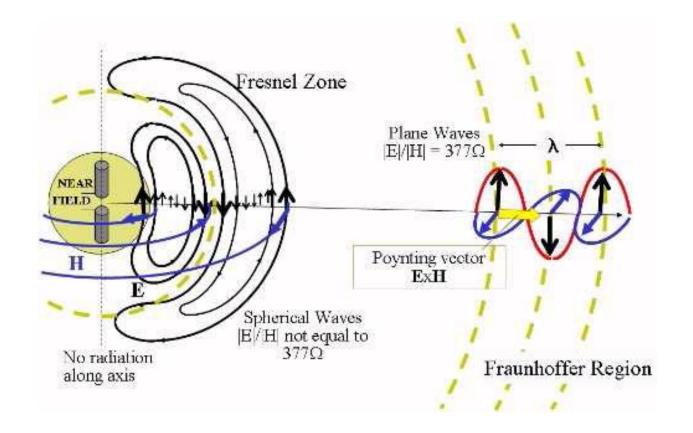
 La onda electromagnética radiada se compone de un campo eléctrico y uno magnético, relacionados por las ecuaciones de Maxwell



$$\vec{E}(V/m)$$
 $\vec{H}(A/m)$

 En la zona de campo lejano las ondas EM son ondas planas. Los módulos del CE y del CM están relacionados por la impedancia característica del medio (120 π en el vacío)





Densidad de potencia

$$\mathcal{G}(\theta,\phi) = \frac{\left|E_{\theta}\right|^{2} + \left|E_{\phi}\right|^{2}}{Z_{aire}} \quad \left(W_{m^{2}}\right)$$



La potencia total radiada se puede obtener como la integral de la densidad de potencia en una superficie esférica que encierre a la antena:

$$P_r = \iint_{s} \vec{\mathcal{G}}(\theta, \phi) \cdot d\vec{s}$$

$$\vec{\mathcal{G}}(\theta,\phi) = \operatorname{Re}(\vec{E} \times \vec{H}^*) \left(W/m^2 \right)$$

$$\mathcal{P}(\theta,\phi) = \frac{\left|E_{\theta}\right|^2 + \left|E_{\phi}\right|^2}{Z_{aire}}$$

La potencia total radiada se puede obtener como la integral de la densidad de potencia en una superficie esférica que encierre a la antena:



$$P_r = \iint_s \vec{\mathcal{P}} \left(\theta, \phi\right) \cdot d\vec{s}$$

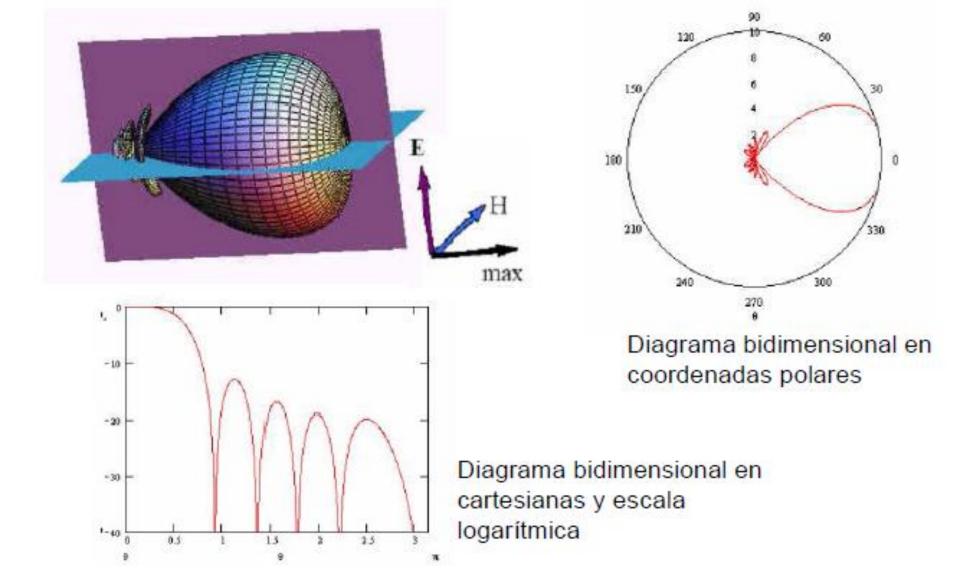
La intensidad de radiación es la potencia radiada por unidad de ángulo sólido en una determinada dirección (unidades: vatios por estereorradián) , a grandes distancias es independiente de la distancia a la que se encuentre la antena

$$K(\theta, \phi) = \mathcal{G}(\theta, \phi) \cdot r^2$$

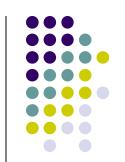
DIAGRAMA DE RADIACIÓN

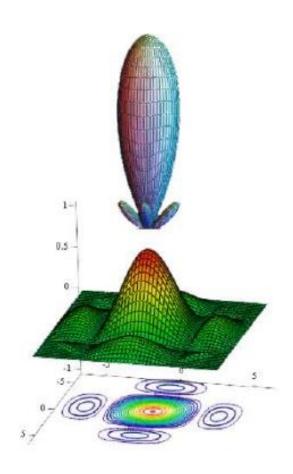


- Es uno de los parámetros fundamentales y da la distribución espacial de la energía que realiza la antena.
- Es una representación grafica de las propiedades de radiación de la antena en función de las coordenadas espaciales (angulares).
- Dado que los campos son magnitudes vectoriales se pueden representar el módulo o la fase de sus componentes.
- Las formas de representación pueden ser tridimensionales, bidimensionales, en escalas lineal o logarítmica

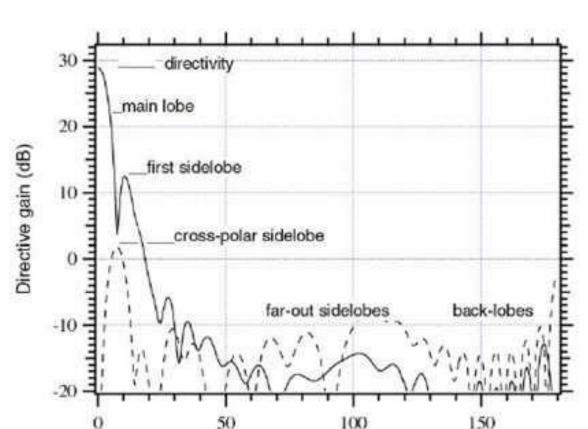


Cuando la antena es muy directiva, y especialmente en el caso de antenas bidimensionales, se suelen utilizar métodos de representación en forma de curvas de nivel o en forma de funciones tridimensionales

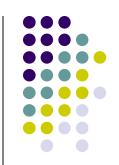


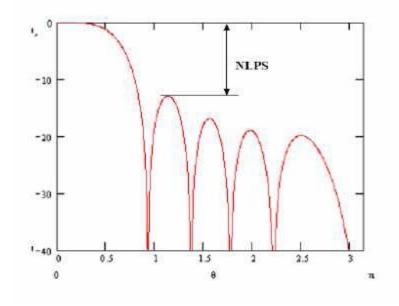


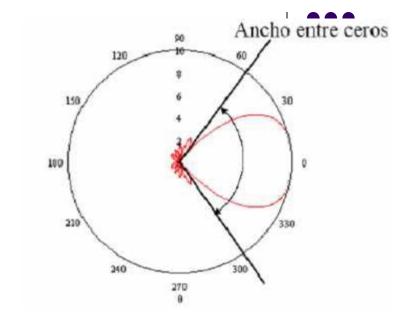
- Haz principal o lóbulo principal: zona de radiación máxima
- Lóbulos laterales: zonas que rodean a los máximos de menor amplitud
- Lóbulo secundario: lóbulo lateral de mayor amplitud
- Ancho de haz a -3dB : es la separación angular de las direcciones en las que el diagrama de radiación de potencia toma el valor mitad del máximo



0 (deg)





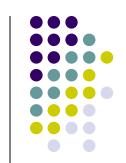


Ancho de haz entre ceros : separación angular de las direcciones del espacio en las que el lóbulo principal toma un valor mínimo.



- Relación de lóbulo principal a secundario (NPLS) es el cociente, expresado en dB, entre el valor del diagrama en la dirección de máxima radiación y en la dirección del máximo del lóbulo secundario
- Relación delante-atrás: cociente, en dB, entre el valor del diagrama en la dirección del máximo y el valor en la dirección diametralmente opuesta

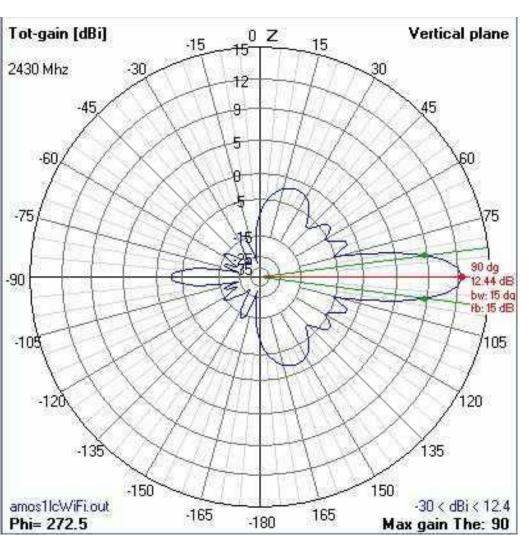
 Si un diagrama de radiación presenta simetría de revolución en torno a un eje se dice que la antena es omnidireccional.

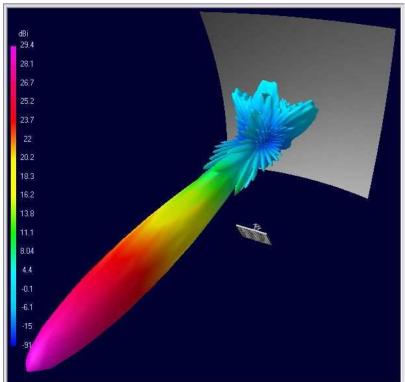


 Se denomina antena isótropa a una antena ideal que radie la misma intensidad de radiación en todas las direcciones del espacio.





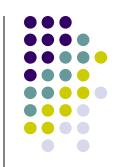




DIRECTIVIDAD

 Se define como la relación entre la densidad de potencia radiada en una dirección, a una distancia dada, y la densidad de potencia que radiaría a esa misma distancia una antena isótropa que radiase la misma potencia que la antena.

Antena Directiva





$$D(\theta, \phi) = \frac{\mathcal{G}(\theta, \phi)}{P_r}$$

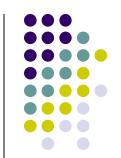
$$/(4\pi r^2)$$



Si no especifica dirección, se refiere a la dirección de máxima radiación

$$D = \frac{\mathcal{G}_{\text{max}}}{P_r / (4\pi r^2)}$$

GANANCIA



 La ganancia de una antena se define como la relación entre la densidad de potencia radiada en una dirección y la densidad de potencia que radiaría una antena isotrópica, a igualdad de distancias y potencias entregadas a la antena

$$G(\theta, \phi) = \frac{\mathcal{G}(\theta, \phi)}{P_{entregada} \left(4\pi r^2\right)}$$

Si no especifica dirección, se refiere a la dirección de máxima radiación



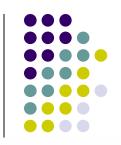
$$G = \frac{P_{\text{max}}}{P_{\text{entregada}}} \left(4\pi r^2 \right)$$

$$G(\theta, \phi) = \frac{\mathcal{G}(\theta, \phi)}{\frac{P_{entregada}}{4\pi r^2}} = \frac{P_{radiada}}{\frac{P_{entregada}}{4\pi r^2}} \frac{\mathcal{G}(\theta, \phi)}{\frac{P_{entregada}}{4\pi r^2}} = e \cdot D(\theta, \phi)$$

POLARIZACIÓN

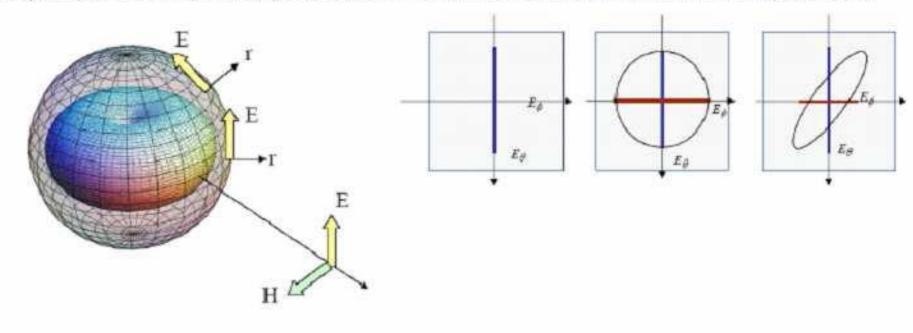


- Cualquier onda se puede descomponer en dos polarizaciones lineales ortogonales, sin más que proyectar el campo eléctrico sobre vectores unitarios orientados según dichas direcciones.
- Aplicando el mismo principio, cualquier onda se puede descomponer en dos ondas polarizadas circularmente a derechas o izquierdas.



Es la polarización del campo que radia la antena en cada dirección Puede variar según la dirección

En general se refiere a la polarización en la dirección de máxima radiación de la



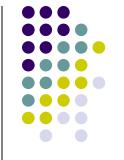




- Debido a la geometría finita de las antenas, están limitadas a operar satisfactoriamente en una banda o margen de frecuencias.
- Se puede especificar como la relación entre el margen de frecuencias en que se cumplen las especificaciones y la frecuencia central. Se suele expresar en %

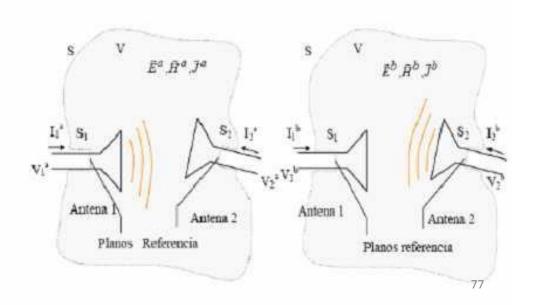
$$BW = \frac{f_{MAX} - f_{MIN}}{f_0}$$

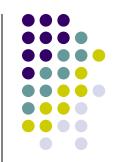
PARÁMETROS EN RECEPCIÓN



PRINCIPIO DE RECIPROCIDAD

- Hemos definido todos los parámetros en TRANSMISIÓN pero...
- La antena se comporta igual en transmisión y en recepción.
 - Sus parámetros:
 - Diagrama de radiación
 - Directividad
 - Ganancia
 - SON LOS MISMOS





ÁREA EQUIVALENTE O ÁREA EFECTIVA

- Parámetro que se define en RECEPCIÓN
- Cuando la antena actúa como receptora, se encuentra en una zona donde hay una densidad de potencia (creada por una antena transmisora) y la antena "recoge" parte de esa densidad de potencia y entrega una Potencia al receptor.
- La relación entre la densidad de potencia y la potencia entregada es un parámetro de la antena, que tiene unidades de superficie o área.
- Además, está relacionada con la superficie física de la antena y con la directividad
- Se define como

$$A_e = \frac{\lambda^2}{4\pi} D_{\text{max}}$$



Es siempre menor o igual que el área física de la antena

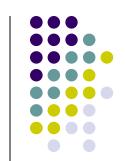
$$A_e \leq S_{antena}$$

 Con el área física podemos conocer la máxima directividad posible de una antena a una frecuencia

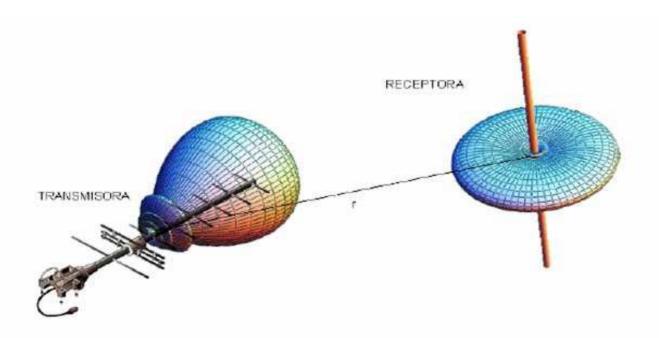
$$D_{\max} \leq \frac{S_{antena} 4\pi}{\lambda^2}$$

Se puede definir para antenas de hilos (que no tienen una clara 'superficie')

ECUACIÓN DE TRANSMISIÓN



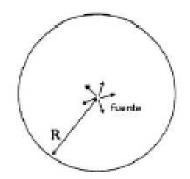
 En un sistema de comunicaciones ha de establecerse el balance de potencia entre el transmisor y el receptor, ya que el mínimo nivel de señal detectable en este último fija la potencia mínima que ha de suministrar el primero.



Si la antena emisora radiara isótropamente una potencia Pr, estaríamos enviando potencia por igual en todas las direcciones del espacio



$$\mathcal{G} = \frac{P_r}{4\pi \, r^2}$$



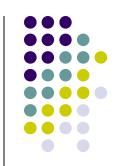
Al doblar la distancia la densidad de potencia se reduce a la cuarta parte o en 6 dB.

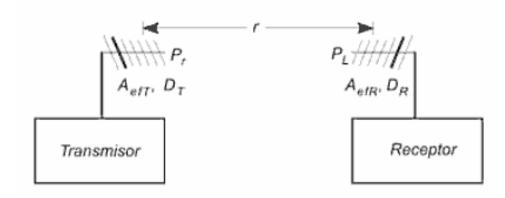
Las antenas no son isótropas, concentran energía en determinadas direcciones.

La densidad de potencia se obtendrá multiplicando la que habría producido una antena isótropa por la directividad

$$\mathcal{G}(\theta,\phi) = \frac{P_r}{4\pi r^2} \cdot D(\theta,\phi) = \frac{P_{entregada}}{4\pi r^2} \cdot G(\theta,\phi)$$

 Para dos antenas separadas una distancia r, la ecuación de transmisión de Friis establece la relación entre la potencia recibida y la radiada.



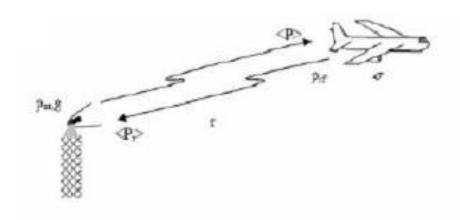


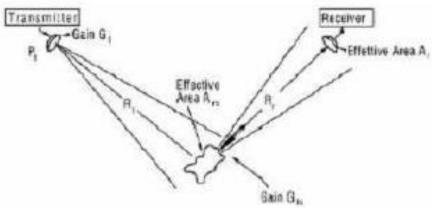
$$\frac{P_L}{P_r} = \left(\frac{\lambda}{4\pi r}\right)^2 \cdot D_T \cdot D_R \qquad \qquad \boxed{P_L \over P_T} = -L_O + D_T + D_R - L \quad (dB)$$

Pérdidas de transmisión en el espacio libre: Lo (en dB)

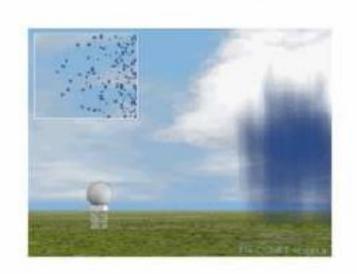
L engloba todos los factores de desadaptación entre las antenas y pérdidas



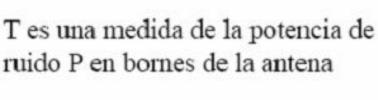




$$\begin{split} W_0 = & \frac{P_t}{4\pi R_t^2} G_t \\ P_{rx} = & W_0 \sigma \qquad W_{rx} = \frac{P_{rx}}{4\pi R_r^2} \\ P_{rec} = & W_{rx} A_e = \left(\frac{\lambda}{4\pi R_t R_r}\right)^2 P_t G_t G_r \sigma \end{split}$$



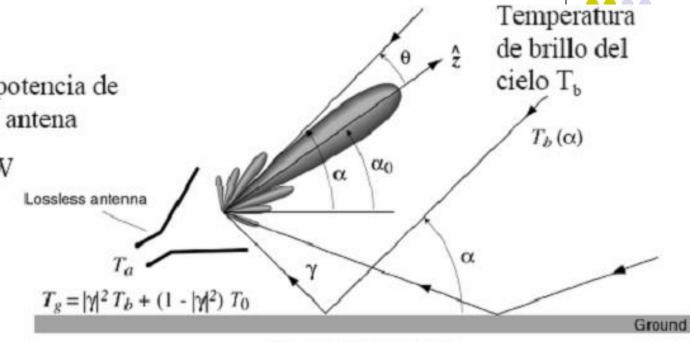
Temperatura de ruido de la Antena



$$P_{\text{noise}} = kT\Delta f$$

Cte de Bolzmann.

Fórmula para la temperatura efectiva de ruido de la antena (cielo & tierra):



 T_0 = ambient temperature

$$T_{a} = \frac{\iint\limits_{4\pi} (T_{b} + T_{g}) \big| G(\theta) \big|^{2} \sin\theta d\theta d\phi}{\iint\limits_{4\pi} \big| G(\theta) \big|^{2} \sin\theta d\theta d\phi}$$



FIN



