

```

1  /***** planet-system *****/
2
3  using namespace std;
4  #include <stdlib.h>
5  #include <iostream>
6  #include <fstream>
7  #include <math.h>
8
9
10 /***** important parameters *****/
11 const int neqn = 4;           // number of equations
12 bool schalter = true;
13 bool abb=false;
14 bool abb4=false;
15 const double tstep=0.001;
16 const double gen=0.001; //Genauigkeit der
    Lagrangeunkte
17 const double eps=0.00001;
18 const double mu=0.05;
19 const double mu2=1-mu;
20 const double r1=0.2;
21 const double r2=0.01;
22 double omeg1, omeg2, omeg3;
23 double z1[3], z2; //fuer das Bisektionsverfahren
24 const double pi=4.*atan(1.);
25 //const double alpha=0.0995*pi;
26
27 /
    *****/
    /
28 int sgn(double h){
29     if (h==0) return 0;
30     else return (h>0) ? 1 : -1;
31 }
32 /***** Runge-Kutta solver *****/
33 void rk(double y[], int n, double x, double h,
34         void (derivs)(double, double[], double[]))
35 {
36     int j,i;
37     double h2,h6,xh, xhh,y1[n],k1[n],k2[n],k3[n];
38     h2=h*0.5; h6=h/6.;

```

```

39     //Simpsonregel
40     xh=x+h2;    xhh=x+h;
41     (derivs)(x,y,k1);
42     for(i=0;i<n;i++) y1[i]=y[i]+h2*k1[i];
43     (derivs)(xh,y1,k2);
44     for(i=0;i<n;i++) y1[i]=y[i]-h*k1[i]+2*h*k2[i];
45     (derivs)(xhh,y1,k3);
46     x+=h;
47     for(i=0;i<n;i++) y[i]+=h6*(k1[i]+4.*k2[i]+k3[i]);
48 }
49
50 void planet(double t,double x[],double dxdt[])
51 {
52     double l1, l2, k1, k2;//x1=y[0], x2=y[1], x3=y[2],
53     x4=y[3]
54     k1=x[0]+mu;
55     k2=k1-1.;
56     l1=k1*k1+x[1]*x[1];
57     l2=k2*k2+x[1]*x[1];
58     dxdt[0] =x[2];
59     dxdt[1] =x[3];
60     dxdt[2] =2*x[3]+x[0]-(1-mu)*k1/pow(l1, 1.5)-mu*k2/
61     pow(l2, 1.5);
62     dxdt[3] =-2*x[2]+x[1]-(1-mu)*x[1]/pow(l1, 1.5)-
63     mu*x[1]/pow(l2, 1.5);
64 }
65 /
66
67
68
69
70
71
72
73 /
74
75
76
77
78
79
80
81
82
83
84
85
86
87
88
89
90
91
92
93
94
95
96
97
98
99
100
101
102
103
104
105
106
107
108
109
110
111
112
113
114
115
116
117
118
119
120
121
122
123
124
125
126
127
128
129
130
131
132
133
134
135
136
137
138
139
140
141
142
143
144
145
146
147
148
149
150
151
152
153
154
155
156
157
158
159
160
161
162
163
164
165
166
167
168
169
170
171
172
173
174
175
176
177
178
179
180
181
182
183
184
185
186
187
188
189
190
191
192
193
194
195
196
197
198
199
200
201
202
203
204
205
206
207
208
209
210
211
212
213
214
215
216
217
218
219
220
221
222
223
224
225
226
227
228
229
230
231
232
233
234
235
236
237
238
239
240
241
242
243
244
245
246
247
248
249
250
251
252
253
254
255
256
257
258
259
260
261
262
263
264
265
266
267
268
269
270
271
272
273
274
275
276
277
278
279
280
281
282
283
284
285
286
287
288
289
290
291
292
293
294
295
296
297
298
299
300
301
302
303
304
305
306
307
308
309
310
311
312
313
314
315
316
317
318
319
320
321
322
323
324
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
841
842
843
844
845
846
847
848
849
850
851
852
853
854
855
856
857
858
859
860
861
862
863
864
865
866
867
868
869
870
871
872
873
874
875
876
877
878
879
880
881
882
883
884
885
886
887
888
889
890
891
892
893
894
895
896
897
898
899
900
901
902
903
904
905
906
907
908
909
910
911
912
913
914
915
916
917
918
919
920
921
922
923
924
925
926
927
928
929
930
931
932
933
934
935
936
937
938
939
940
941
942
943
944
945
946
947
948
949
950
951
952
953
954
955
956
957
958
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999

```

```

74
75 double Omega(double a, double b){
76     double u;
77     u=(a*a+b*b)/2.+(1-mu)/sqrt((a+mu)*(a+mu)+b*b)+mu/
    sqrt((a-1.+mu)*(a-1.+mu)+b*b)+mu*(1-mu)/2.;
78     return u;
79 }
80 /*****Bisection-
    Method*****/
81 /*finds zeros of equations*/
82 void bisec(int a, int m, double b, int i){
83     if(a==m)z1[i]=b;
84     else    z2=b;
85 }
86
87 double lag(int j){
88     double w,c;
89     int m, g;
90     w=fabs(z2-z1[j]);
91     m=sgn(f(z1[j]));
92     while(w>gen){
93         c=(z2+z1[j])/2.;
94         g=sgn(f(c));
95         bisec(g,m, c,j);
96         w=fabs(z2-z1[j]);
97     }
98     return c;
99 }
100 /***** Symplectic Integration
    *****/
101 void Hamilton(double t, double x[],double F[], bool
    Imp){
102     double l1, l2, k1, k2;//x1=y[0], x2=y[1], x3=y[2],
    x4=y[3]
103     if(Imp){
104         k1=x[0]+mu;
105         k2=k1-1.;
106         l1=k1*k1+x[1]*x[1];
107         l2=k2*k2+x[1]*x[1];
108         F[2]=-1*(x[0]-(1-mu)*k1/pow(l1, 1.5)-mu*k2/
    pow(l2, 1.5));
109         F[3]=-1*(x[1]-(1-mu)*x[1]/pow(l1, 1.5)-

```

```

109     mu*x[1]/pow(l2, 1.5));
110 }
111 else{
112     F[0]=x[2]+x[1];
113     F[1]=x[3]-x[0];
114 }
115 }
116
117 void Sympl_Integr(double x[],int n,double &t,double h,
118     void (Ham_deriv)(double, double[], double[],
119     bool))
119 {
120     int i,k=int(n/2);
121     double L[n], h2=h/2.;
122     (Ham_deriv)(t,x,L,true);
123     for(i=k;i<n;i++){//Halbschritt der Impulse
124         x[i]+=-h2*L[i];
125     }
126     (Ham_deriv)(t,x,L,false);
127     for(i=0;i<k;i++){//Schritt der Orte
128         x[i]+=h*L[i];
129     }
130     (Ham_deriv)(t,x,L,true);
131     for(i=k;i<n;i++){//Halbschritt der Impulse
132         x[i]+=-h2*L[i];
133     }
134     t+=h;
135 }
136
137 /
138     *****Abbruchbedingungen*****
139 /
140
141 double cond_kreis(double x,double a, double r){
142     double abs_quad;
143     abs_quad=r*r-(x-a)*(x-a);
144     return abs_quad;
145 }
146
147 void cond(double x[]){
148     double g;
149     if (fabs(x[0])>2){

```

```

148         abb=true;
149         abb4=true;
150     }
151     if ( fabs(x[1])>2){
152         abb=true;
153         abb4=true;
154     }
155     if( fabs(x[0]+mu)<r1){
156         g=x[1]*x[1];
157         if(g<cond_kreis(x[0],-1*mu,r1)){
158             abb=true;
159             //abb4=true;
160         }
161     }
162     if( fabs(x[0]-mu2)<r2){
163         g=x[1]*x[1];
164         if(g<cond_kreis(x[0],mu2,r2))abb=true;
165     }
166 }
167
168 int  count(double x[],double l, int cnt){
169     if(x[1]>0){
170         if(sgn(l-mu2)!=sgn(x[0]-mu2))    cnt+=1;
171     }
172     return cnt;
173 }
174
175 int  count1(double x[],double l, int cnt){
176     if(x[1]<0){
177         if(sgn(l+mu)!=sgn(x[0]+mu)) cnt+=1;
178     }
179     return cnt;
180 }
181
182 void opt_wnk(int j, double &wnk_step, double &wnk,
double wnk_vec[], int i, int m){
183     if(j==m)    wnk_step=eps;
184     else{
185         if(j==1){
186             if (i==0){
187                 wnk=wnk_vec[i-1];
188                 wnk_step=wnk_step/(double(m));

```

```

189         }
190         if( i==m-1){
191             wnk=wnk_vec[i-1];
192             wnk_step=wnk_step/(double(m));
193         }
194         else{
195             wnk=wnk_vec[i-1];
196             wnk_step=2*wnk_step/(double(m));
197         }
198     }
199     else{
200         wnk=wnk_vec[i];
201         wnk_step=double(j-1)*wnk_step/(double(m));
202     }
203 }
204 }
205
206 int list_max(int list1[], double list2[], int m){
207     int y=0;
208     for(int i=0;i<m;i++)        if(list1[i]>y)
209         y=list1[i];
210     return y;//2015
211 }
212
213 int list_koord(int list1[], double list2[], int m, int
y){
214     for(int i=0;i<m;i++){
215         if(list1[i]==y) return i;
216     }
217 }
218
219 int list_len(int list1[], double list2[], int m, int
y){
220     int j=0;
221     for(int i=0;i<m;i++){
222         if(list1[i]==y) j+=1;
223     }
224     return j;
225 }
226
227 double energy(double x[]){
228     return (x[0]*x[0]+x[1]*x[1])/2.+(1-mu)/sqrt((x[0]

```

```

227     +mu)*(x[0]+mu)+x[1]*x[1])+mu/sqrt((x[0]-1.
      +mu)*(x[0]-1.+mu)+x[1]*x[1])+mu*(1-mu)/2.-(x[2]*x[2]
      +x[3]*x[3])/2.;
228 }
229
230 main(){
231     int cnt=0, cnt1=0,k=0,max=0,m,m1=0, m2,len,len2,
      koord,koord2; //max =0; hier dazu ändern
232     int cnt_vec[max],cnt_vec2[max];
233     bool abb1=false,abb2=false;
234     double t=0, wnk_step=(pi/2.)/double(max),
      wnk=0,w,w1,l,wnk_max, wnkwnk, ww;
235     double x[neqn]
      ,wnk_vec[max],w_vec[max],lag_punkt[3];
236     const char* Dateiname;
237     z1[0]=-1.9;z1[1]=mu*(-1)+gen;z1[2]=1-mu+gen;
238     if (schalter)Dateiname="DaT_Dateien//planet4.dat";
239     else Dateiname="DaT_Dateien//planet5.dat";
240     cout << Dateiname << endl;
241     x[1]=0.; x[2]=0.; x[3]=0.; t=0.; //x1=x[0],
      x2=x[1], x1^punkt=x[2], x2^punkt=x[3] Initial
      conditions
242     for(int i=0;i<3;i++){
243         z2=z1[i]+mu2;
244         lag_punkt[i]=lag(i);
245     }
246     omeg1=0mega(lag_punkt[2],0);
247     omeg2=0mega(lag_punkt[0],0);
248     x[0]=0.15;//gen; //Startpunkt fuer den Trek
249     omeg3=0mega(x[0],x[1]);
250     w=(sqrt(2*(omeg3-omeg1)));
251     w1=(sqrt(2*(omeg3-omeg2))+0.1);
252     cout<<w<<" " <<w1<<endl;
253     double w_step=(w1-w)/double(max);
254     //abb2=false;
255     while(abb2==false){
256         for(int n=0; n<max;n++){
257             while(abb1==false){
258                 for(int i=0; i<max;i++){
259                     x[2]=cos(wnk)*w-x[1]; //
      Startgeschwindigkeit (x-Richtung)
      fuer den Trek

```

```

260         x[3]=sin(wnk)*w+x[0];           //
        Startgeschwindigkeit (y-Richtung)
        fuer den Trek
261         if (schalter){ //Symplectic
        Integration
262             while(abb==false){
263                 l=x[0];
264
                Sympl_Integr(x,neqn,t,tstep
                ,Hamilton);
265                 cond(x);
266                 cnt=count(x,l,cnt);
267                 //cnt1=count1(x,l,cnt1);
268             }
269         }
270         else{           //Runge-Kutta
        Verfahren
271             while(abb==false){
272                 l=x[0];
273                 rk(x,neqn,t,tstep,planet);
274                 cond(x);
275                 cnt=count(x,l,cnt);
276             }
277         }
278         //cout<<cnt<<" "<<n<<endl;
279         cnt_vec[i]=cnt;
280         wnk_vec[i]=wnk;
281         if(abb4==true){
282             if (cnt==4){
283                 //if(cnt1>=cnt2){
284                     cout<<cnt<<"
                    "<<cnt1<<" "<<w<<"
                    "<<wnk<<endl;
285                     ww=w;
286                     wnkwnk=wnk;
287                     n=max;
288                     abb2=true;
289                     abb1=true;
290                     i=max;
291                     //cnt1=cnt;
292                 // }
293                 // else     abb4=false;

```



```

294         }
295         else    abb4=false;
296     }
297     wnk+=wnk_step;
298     x[0]=0.15;
        x[1]=0.;abb=false;cnt=0;t=0;//
        cnt1=0;
299     if(wnk_step<=eps){
300         abb1=true;
301         i=max;
302     }
303 }
304 m=list_max(cnt_vec,wnk_vec, max);
305 koord=list_koord(cnt_vec,wnk_vec, max,
        m);
306 len=list_len(cnt_vec,wnk_vec, max,m);
307 opt_wnk(len,wnk_step,wnk,wnk_vec,
        koord, max);
308 }
309 if (m>m1){
310     wnk_max=wnk_vec[koord];
311     m1=m;
312 }
313 cnt_vec2[n]=m;
314 w_vec[n]=w;
315 w+=w_step;
316 wnk_step=(pi/2.)/double(max);
        wnk=0;abb1=false;
317 }
318 m2=list_max(cnt_vec2,w_vec, max);
319 koord2=list_koord(cnt_vec2,w_vec, max, m2);
320 len2=list_len(cnt_vec2,w_vec, max,m2);
321 opt_wnk(len2,w_step,w,w_vec, koord2, max);
322 //cout<<m2<<" "<<w_step<<" "<<w<<endl;
323 m1=0;
324 if(w_step<=eps){
325     abb2=true;
326 }
327 }
328 ofstream fout(Dateiname,ios::out); // file for
        output
329     fout.setf(ios::scientific);fout.precision(6);

```

```

330     w=(sqrt(2*(Omega(0.15,0)-Omega(lag_punkt[1],0) )))
    +0.06; //w_vec[koord2]; hier ändern von ww zu
331     cout<<m2<<" "<<w<<" "<<wnkwnk<<endl;
332     wnk=0.46*pi; //wnk_max; hier ändern von wnkwnk zu
333     x[0]=0.15;
334     x[1]=0.;
335     x[2]=cos(wnk)*w-x[1];          //Startgeschwindigkeit (x-
    Richtung) fuer den Trek
336     x[3]=sin(wnk)*w+x[0];          //Startgeschwindigkeit
    (y-Richtung) fuer den Trek
337     x[2]=x[2]+x[1]; // hier auskommentieren
338     x[3]=x[3]-x[0]; // hier auskommentieren
339     if (schalter){ //Symplectic Integration
340         fout<<x[0]<<" "<<x[1]<<" "<< energy(x)<<endl;
341         while(abb==false){
342             l=x[0];
343             x[2]=x[2]-x[1]; // hier auskommentieren
344             x[3]=x[3]+x[0]; // hier auskommentieren
345             Sympl_Integr(x,neqn,t,tstep,Hamilton);
346             x[2]=x[2]+x[1]; // hier auskommentieren
347             x[3]=x[3]-x[0]; // hier auskommentieren
348             fout<<x[0]<<" "<<x[1]<<" "<< energy(x)<<endl;
349             cond(x);
350             cnt=count(x,l,cnt);
351         }
352     }
353     else{ //Runge-Kutta Verfahren
354         while(abb==false){
355             l=x[0];
356             rk(x,neqn,t,tstep,planet);
357             fout<<x[0]<<" "<<x[1]<<" "<<
    energy(x)<<endl;
358             cond(x);
359             cnt=count(x,l,cnt);
360         }
361     }
362     cout<<cnt<<endl;
363     fout.close();
364 }
365

```