

Calculo de raiz de equacao pelo metodo pegaso

iter	a	Fa	b	Fb	x	Fx	Delta_x
0	0.05000	0.62294	0.10000	-0.09750	0.09323	-9.758e-03	-6.766e-03
1	0.05000	0.56626	0.09323	-0.00976	0.09250	-9.373e-05	-7.324e-04
2	0.05000	0.56088	0.09250	-0.00009	0.09249	1.384e-07	-7.101e-06

Juros = 0.09249 CondErro = 0

## Apêndice D

## Respostas dos exercícios

Capítulo 1: Computação numérica 2.1.d)  $x^T y = 140$ .

Seção 1.2

1.6)  $c \leq 5$  ou  $j \neq 1$ ;  $d < 0$  e  $m = 3$ .

Seção 1.4

1.16)  $A(n) = n$ .

1.17)  $A(n) = n^2$ .

1.18)  $A(n) = n^3$ .

1.19)  $A(n) = n^2 + 4n$ .

1.20)  $A(n) = n^2 + 4n + 2$ .

Capítulo 2: Sistemas lineares

Seção 2.1

2.1.a)  $A + B = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 9 \\ 5 & 6 & 5 \\ 2 & 4 & 13 \end{bmatrix}$ .

2.1.b)  $Ax = \begin{bmatrix} -4 \\ 27 \\ 25 \end{bmatrix}$ .

2.1.c)  $AB = \begin{bmatrix} -10 & -6 & 21 \\ -1 & 44 & 35 \\ -27 & 44 & 87 \end{bmatrix}$ .

2.1.e)  $xy^T = \begin{bmatrix} 10 & 20 & 30 \\ 20 & 40 & 60 \\ 30 & 60 & 90 \end{bmatrix}$ .

2.3.a)  $\lambda_1 = 6$ ,  $\lambda_2 = 3$ ,  
 $\text{traço}(A) = 9$ ,  $\det(A) = 18$ .

2.3.b)  $\lambda_1 = 6$ ,  $\lambda_2 = 3$ ,  
 $\text{traço}(A) = 9$ ,  $\det(A) = 18$ .

2.3.c)  $\lambda_1 = 2 + i$ ,  $\lambda_2 = 2 - i$ ,  
 $\text{traço}(A) = 4$ ,  $\det(A) = 5$ .

2.4.a)  $\|x\|_1 = 15$ .

2.4.b)  $\|x\|_2 = 7,4162$ .

2.4.c)  $\|x\|_\infty = 5$ .

2.5.a)  $\|A\|_1 = 19$ .

2.5.b)  $\|A\|_\infty = 21$ .

2.5.c)  $\|A\|_F = 16,8819$ .

Seção 2.2

2.6)  $x = \begin{bmatrix} -0,5 \\ 0,8 \\ 0,3 \end{bmatrix}$ .

$$2.7) x = \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$2.8) x = \begin{bmatrix} -2,2619 \\ -5,6667 \\ 0,5000 \\ 1,6667 \end{bmatrix}$$

## Seção 2.3

$$2.11) x = \begin{bmatrix} -1,000 \\ 3,000 \\ 2,000 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,000 \\ 0,000 \\ 0,000 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = -175.$$

$$2.12) x = \begin{bmatrix} 7,000 \\ 1,000 \\ 6,000 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,000 \\ 0,000 \\ 0,000 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = -64.$$

## 2.13) sem/pivotação:

$$x = \begin{bmatrix} -4,000 \\ 0,000 \\ 3,000 \\ 1,000 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,000 \\ 0,000 \\ 0,000 \\ 0,000 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = 2825.$$

## 2.14) sem pivotação:

$$x = \begin{bmatrix} -0,314 \\ -0,818 \\ 1,753 \\ 0,666 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} -0,001 \\ 0,001 \\ 0,001 \\ 0,000 \end{bmatrix},$$

com pivotação:

$$x = \begin{bmatrix} 0,315 \\ -0,819 \\ 1,755 \\ 0,666 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,002 \\ -0,001 \\ 0,000 \\ -0,003 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = -401.$$

## 2.15) com pivotação:

$$x = \begin{bmatrix} 2,346 \\ 4,353 \\ -2,390 \\ -1,768 \\ 2,338 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,001 \\ 0,004 \\ 0,007 \\ -0,002 \\ 0,007 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = -4990.$$

## Seção 2.4

## 2.16.a) sem pivotação:

$$x = \begin{bmatrix} 2,7354 \\ 0,8500 \\ 1,8569 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} -1 \times 10^{-4} \\ -5 \times 10^{-5} \\ 2,1963 \end{bmatrix}.$$

## 2.16.b) com pivotação:

$$x = \begin{bmatrix} 3,2422 \\ 0,6810 \\ 1,8569 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,0003 \\ 0,0003 \\ 0,0001 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = 91,03.$$

$$2.17) x = \begin{bmatrix} 1,0000 \\ 5,0000 \\ 2,0000 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,0000 \\ 0,0000 \\ 0,0000 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = -45.$$

$$2.18) x = \begin{bmatrix} 1,0000 \\ 2,0000 \\ 3,0000 \\ 4,0000 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0,0000 \\ 0,0000 \\ 0,0000 \\ 0,0000 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = -610.$$

$$2.19) x = \begin{bmatrix} 17-3\theta \\ 4-\theta \\ \theta \end{bmatrix}, \det(A) = 0.$$

Infinitas soluções, uma para cada valor de  $\theta$ .

## Seção 2.5

$$2.21) x = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = 3600.$$

$$2.22) x = \begin{bmatrix} 2 \\ 6 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = 36.$$

$$2.23) x = \begin{bmatrix} -2,2487 \\ 7,9688 \\ -0,8588 \\ 3,8150 \\ 0,2450 \end{bmatrix}, r = \begin{bmatrix} 0 \\ 7,11 \times 10^{-15} \\ 7,11 \times 10^{-15} \\ 0 \\ -7,11 \times 10^{-15} \end{bmatrix},$$

$$\det(A) = 1600.$$

## Seção 2.7

$$2.28) x^0 = \begin{bmatrix} 2,9890 \\ -2,0049 \\ 3,9997 \end{bmatrix}, x^1 = \begin{bmatrix} 2,9999 \\ -2,0000 \\ 4,0000 \end{bmatrix},$$

$$x^2 = \begin{bmatrix} 3,0000 \\ -2,0000 \\ 4,0000 \end{bmatrix}.$$

$$2.29) A^{-1} = \begin{bmatrix} -5,8 & -5,6 & 3,6 \\ -2,2 & -2,4 & 1,4 \\ 5,0 & 5,0 & -3,0 \end{bmatrix}.$$

## Seção 2.8

$$2.31) J: x^6 = \begin{bmatrix} 2,9972 \\ -1,0006 \\ 4,9982 \\ 7,0006 \end{bmatrix},$$

$$\text{GS: } x^4 = \begin{bmatrix} 3,0013 \\ -0,9999 \\ 5,0005 \\ 7,0000 \end{bmatrix}.$$

2.32) J:  $\rho(J) = 6,4071 \times 10^{-6}$ , GS:  $\rho(S) = 2$ ; como  $\rho(J) < 1$  e  $\rho(S) > 1$ , a solução só irá convergir pelo método de Jacobi;  
 $x = [1 \ 2 \ 3]^T$ .

2.33) J:  $\rho(J) = 1,1180$ , GS:  $\rho(S) = 0,5$ ; como  $\rho(J) > 1$  e  $\rho(S) < 1$ , a solução só irá convergir pelo método de Gauss-Seidel;  
 $x = [2 \ 4 \ 6]^T$ .

## Seção 2.9

$$2.36) \kappa_1(H_2) = 27; \kappa_2(H_2) = 19,2815; \kappa_\infty(H_2) = 27.$$

## 2.38)

$$H_4 = \begin{bmatrix} 1,0000 & 0,5000 & 0,3333 & 0,2500 \\ 0,5000 & 0,3333 & 0,2500 & 0,2000 \\ 0,3333 & 0,2500 & 0,2000 & 0,1667 \\ 0,2500 & 0,2000 & 0,1667 & 0,1429 \end{bmatrix},$$

$$H_4^{-1} = \begin{bmatrix} 16 & -120 & 240 & -140 \\ -120 & 1200 & -2700 & 1680 \\ 240 & -2700 & 6480 & -4200 \\ -140 & 1680 & -4200 & 2800 \end{bmatrix}.$$

$$2.40) \|H_4\|_\infty = 2,0833; \|H_4^{-1}\|_\infty = 13620; \kappa_\infty(H_4) = 28375.$$

## Gerais

$$2.41) \det(M) = x_0(x_1^2 - x_2^2) - x_1(x_0^2 - x_2^2) + x_2(x_0^2 - x_1^2).$$

$$2.42) \|A\|_2 = \max(\sqrt{\lambda(A^T A)}) = 5,8339.$$

$$2.43.a) D(\lambda) = \lambda^3 - 2\lambda^2 - 11\lambda + 12.$$

$$2.43.b) D(\lambda) = \lambda^3 - 10\lambda^2 + 15\lambda + 49.$$