# Machine Learning

Árboles de decisión

Christian Oliva Moya Luis Fernando Lago Fernández

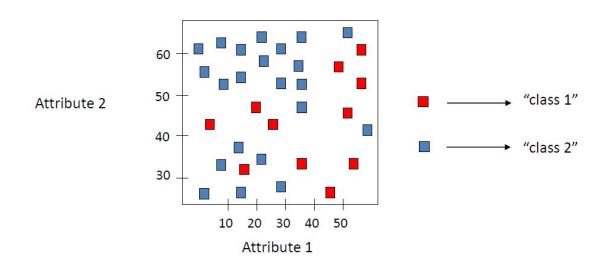
#### Introducción - Árboles de decisión

Un árbol de decisión es un algoritmo de ML:

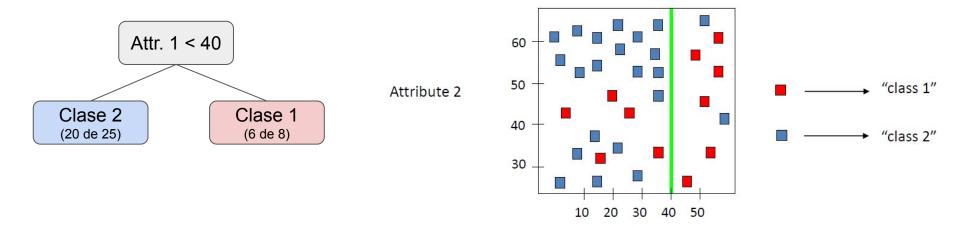
- Supervisado
- De clasificación
- No paramétrico

Divide el espacio de forma recursiva utilizando reglas de decisión

#### Pongamos un ejemplo:

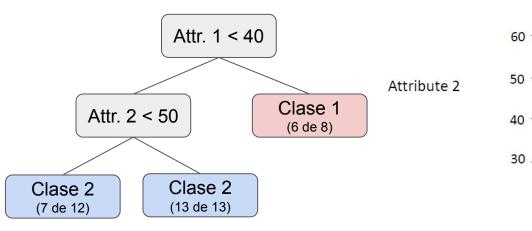


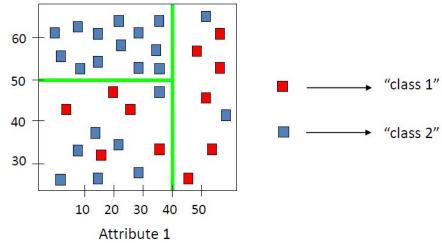
#### Pongamos un ejemplo:



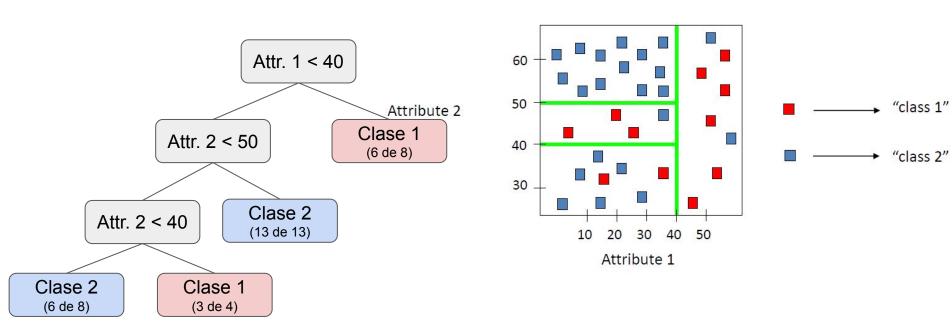
Attribute 1

Pongamos un ejemplo:





#### Pongamos un ejemplo:



### Árboles de decisión - Conceptos

- Diagrama en forma de árbol que representa condiciones sucesivas sobre los atributos para clasificar una instancia
- Tipos de nodos:
  - Nodos internos:
    - Definen preguntas condicionales sobre los atributos
  - Nodos hoja:
    - Ejemplos que cumplen la condición y dan una predicción
- Objetivo: Construir el árbol más sencillo que mejor separe los ejemplos por clase

#### Árboles de decisión

• ¿Cómo funciona?

Es un algoritmo iterativo. Mientras exista un corte que mejore el criterio de separación:

- 1. Se selecciona la mejor separación de acuerdo al criterio
- 2. Se añade la condición al árbol incluyendo las posibles respuestas
- 3. Se calculan los nodos hoja de la nueva condición añadida
- 4. Criterio de parada. Si no se cumple se vuelve al paso 1
- ¿Cómo saber la mejor separación?
- ¿Qué criterio de parada puede haber?

### Árboles de decisión - Impureza: Entropía

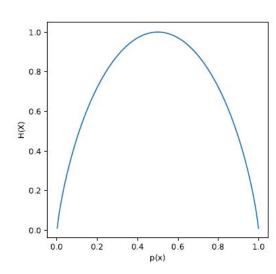
¿Cómo saber la mejor separación?

La entropía mide la incertidumbre en la fuente de información, es decir...

Cómo de desordenados están los ejemplos

$$E(X) = -\sum_{i=1}^{c} P(C_i) log_2(P(C_i))$$

Donde  $P(C_i)$  es la proporción de ejemplos que son clasificados como clase  $C_i$ 



### Árboles de decisión - Impureza: Gini

¿Cómo saber la mejor separación?

Una métrica alternativa es la impureza de Gini

Mide la probabilidad de clasificar incorrectamente un dato aleatorio si seguimos la distribución:

$$Gini(X) = 1 - \sum_{i=1}^{c} P(C_i)^2$$

Donde P(C<sub>i</sub>) es la proporción de ejemplos que son clasificados como clase C<sub>i</sub>

## Árboles de decisión - Impureza

¿Cómo saber la mejor separación?
Otras funciones de impureza:

Criterion	Impurity function $I(q_1, q_2,, q_C)$	Comments
Expected error	$1 - \max(q_1, q_2,, q_C)$	Causes many ties
GINI (CART)	$1-\sum q_k^2$	If 2 classes: $2 q_1 q_2$
Entropy (ID3,C5)	$-\sum q_k \log_2 q_k$	$0\log_2 0 \equiv 0$
DKM	$2\sqrt{q_1\cdot q_2}$	Only 2 classes. Robust for unbalanced classes
CHAID	$\chi^2$	"Chi-square Automatic Interaction Detector"

## Árboles de decisión - Impureza

• ¿Cómo saber la mejor separación?

En cualquier caso, buscamos la separación que minimice la impureza global:

global 
$$I(s) = \sum_{j=1}^{n} P_{j} \cdot I(q_{1}(j), q_{2}(j), ..., q_{C}(j))$$

Ejemplo de ejecución con impureza de Gini y dos clases:

Gini with **two classes:**  $I = 2 q_1 q_2$ 

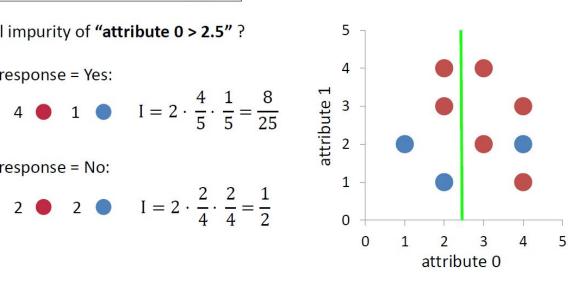
Total impurity of "attribute 0 > 2.5"?

response = Yes:

$$I = 2 \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{5} = \frac{8}{25}$$

response = No:

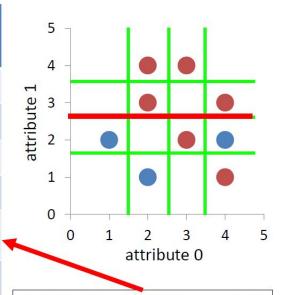
$$I = 2 \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{4}$$



**Total impurity** = 
$$P(Yes) \cdot \frac{8}{25} + P(No) \cdot \frac{1}{2} = \frac{5}{9} \cdot \frac{8}{25} + \frac{4}{9} \cdot \frac{1}{2} = \frac{2}{5}$$

Ejemplo de ejecución con impureza de Gini y dos clases:

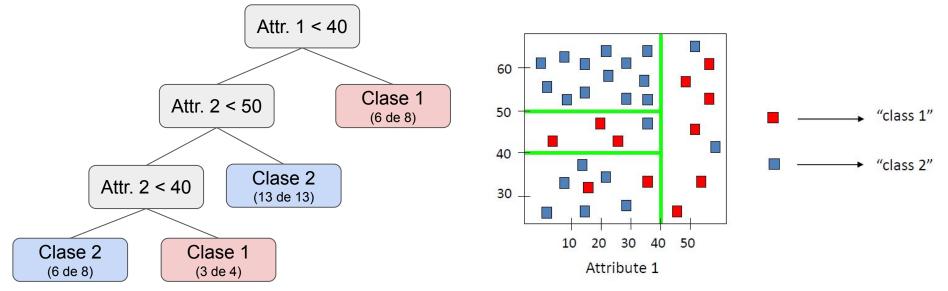
Query	Yes		No		1/->
	$n_+$ , $n$	1	$n_+$ , $n$	1	l(s) total
$x_0 > 1.5$	6, 2	$\frac{3}{8}$	0, 1	0	$\frac{1}{3} = 0.333$
$x_0 > 2.5$	4, 1	$\frac{8}{25}$	2, 2	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{5} = 0.400$
$x_0 > 3.5$	2, 1	$\frac{4}{9}$	4, 2	4 9	$\frac{4}{9} = 0.444$
$x_1 > 1.5$	5, 2	$\frac{20}{49}$	1, 1	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{7} = 0.429$
$x_1 > 2.5$	4, 0	0	2, 3	$\frac{12}{25}$	$\frac{4}{15} = 0.267$
$x_1 > 3.5$	2, 0	0	4, 3	$\frac{24}{49}$	$\frac{8}{21} = 0.381$



Best query: attribute  $_1 > 2.5$  (lowest total impurity)

#### Árboles de decisión - Criterio de parada

- ¿Qué criterio de parada puede haber?
  - Profundidad máxima del árbol
  - Que la impureza sea menor que un umbral
  - Número mínimo de datos en un nodo hoja. En este árbol el mínimo es 10.



### Árboles de decisión - Ventajas e Inconvenientes

#### Ventajas

Se pueden representar visualmente. Son fáciles de interpretar

Realizan una selección de características de forma implícita

Soportan datos categóricos y numéricos

Son muy rápidos

#### Inconvenientes

Rápido sobreajuste (overfitting) a los datos de entrenamiento con árboles con mucha profundidad

Árboles sesgados para clases no balanceadas

Es un algoritmo Greedy

#### Árboles de decisión - Notebook

Vamos a los notebooks para ver los árboles de decisión

3\_1\_decisiontree.ipynb

3\_2\_decisiontree\_bankrupt.ipynb