TD3: Lecture de fonctions récursives

Compétences

- Évaluer la terminaison d'une fonction récursive.
- Lire et prévoir le résultat d'une fonction récursive
- Décrire précisément la pile d'exécution d'une fonction récursive.

Exercices

* Ex. 1 — On considère les fonctions foo1 et foo2 suivantes :

```
1 def fool(n):
2    if n == 0:
3        print(0)
4    else:
5        print(n)
6    fool(n - 1)
```

```
1 def foo2(n):
2    if n == 0:
3        print(0)
4    else:
5        foo2(n - 1)
6        print(n)
```

Décrire précisément la pile d'exécution des fonctions foo1 et foo2 pour n = 3

* Ex. 2 — On considère les fonctions foo3 et foo4 suivantes :

```
1 def foo3(n):
2    if n == 0:
3        print(0)
4    else:
5        print(n)
6    foo4(n - 1)
```

```
1 def foo4(n):
2    if n == 0:
3        print(0)
4    else:
5        foo3(n - 1)
6        print(n)
```

Décrire précisément la pile d'exécution des fonctions foo3 et foo4 pour n=3

* Ex. 3 — Un problème classique est d'écrire une fraction comme somme de fractions égyptiennes avec des dénominateurs tous différents, que l'on nomme développement en fractions égyptiennes ou plus simplement développement égyptien. Tous les nombres rationnels positifs peuvent être écrits sous cette forme et ce, d'une infinité de façons différentes. Par exemple

$$\frac{2}{5} = \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{30} = \frac{1}{5} + \frac{1}{8} + \frac{1}{20} + \frac{1}{40}$$

Un étudiant programme la fonction fraction Egyptienne suivante :

```
def fractionEgyptienne(a, b):
    if a == 1:
        print(b, end=" ")
    fractionEgyptienne(1, b)
    fractionEgyptienne(a - 1, b + 1)
    fractionEgyptienne(a - 1, b*(b + 1))
```

- 1. L'appel fractionEgyptienne (2, 5) ne semble pas fonctionner et l'étudiant vous sollicite pour lui expliquer ce qui ne va pas. Qu'en pensez-vous?
- 2. Proposer à l'étudiant une correction possible.
- 3. Décrire précisément la pile d'exécution pour l'appel précédent.
- * Ex. 4 On considère la fonction powRec suivante :

- 1. Completer la condition d'arrêt de cette fonction
- 2. Décrire précisément la pile d'exécution pour l'appel powRec (2, 4)
- ** Ex. 5 On considère la fonction mystere suivante :

```
def mystere(tab, g, d):
2
        if g == d:
3
            return tab[g]
4
5
        else:
            milieu = (g + d) // 2 - 1
6
            if milieu % 2 == 1:
7
                milieu += 1
8
9
            if tab[milieu] != tab[milieu + 1] :
10
                return mystere(tab, g, milieu)
11
            else:
                return mystere(tab, milieu + 2, d)
12
```

Décrire précisément la pile d'exécution de l'appel suivant: mystere(array('l', [1,1,6,6,7,9,9,3,3,0,0]), 0, 10). Donner un nom explicite à cette fonction

** Ex. 6 — On considère la fonction checkNumber suivante :

```
1
    def checkNumbers(L, n, i, j) :
2
        if i >= n - 1:
            return True
3
4
        else :
5
            if j == n:
                return checkNumbers(L, n, i+1, i+2)
6
7
            else :
8
                if L[i] == L[j]:
9
                     return False
10
                else:
                     return checkNumbers(L, n, i, j+1)
11
```

- 1.Décrire précisément la pile d'exécution pour l'appel de fonction checkNumbers (array ('1', [2,3,6,2]), 4, 0, 1)
- 2.Décrire précisément la pile d'exécution pour l'appel de fonction checkNumbers (array ('1', [2,3,6,1]), 4, 0, 1)
- 3. Que fait cette fonction?
- 4. Quelle est sa complexité?
- 5. Donner la version itérative de checkNumbers
- 6. Quelle est sa complexité