



**Πανεπιστήμιο Δυτικής Αττικής**  
Τμήμα Μηχανικών Πληροφορικής και Ηλεκτρονικών Υπολογιστών

## Σήματα και Συστήματα - Εργασία 2

Χρήστος Μαργιώλης - 19390133

Απρίλιος 2021

## Περιεχόμενα

1	Άσκηση 1	1
2	Άσκηση 2	2
3	Άσκηση 3	3
4	Άσκηση 4	4
5	Άσκηση 5	5
6	Άσκηση 6	7
7	Εργασία	10

## 1 Άσκηση 1

- Να σχεδιαστεί το σήμα

$$x(t) = u(t+1) - u(t-2) + u(t+4)$$

Αρχικά ορίζουμε ένα χρονικό διάστημα  $t$  - θα το ορίσουμε από το -5 έως το 10:

```
octave> t = -5:0.1:10
```

Με τη χρήση της συνάρτησης `heaviside()` θα υπολογίσουμε τις τιμές των συναρτήσεων  $u(t+1)$ ,  $u(t-2)$  και  $u(t+4)$ . Μπορούμε για κάθε συνάρτηση να αποθηκεύσουμε την έξοδό της `heaviside()` σε μία προσωρινή μεταβλητή, αλλά για μεγαλύτερη άνεση και εξοικονόμηση χρόνου θα αποθηκεύσουμε τα πάντα κατευθείαν στο  $x$ :

```
octave> x = heaviside(t+1)-heaviside(t-2)+heaviside(t+4)
```

Τέλος, σχεδιάζουμε το σήμα  $x(t)$  και τροποποιούμε τον άξονα  $x$  για καλύτερη εμφάνιση της γραφικής παράστασης:

```
octave> plot(t, x)
octave> xlim([-5 10])
```

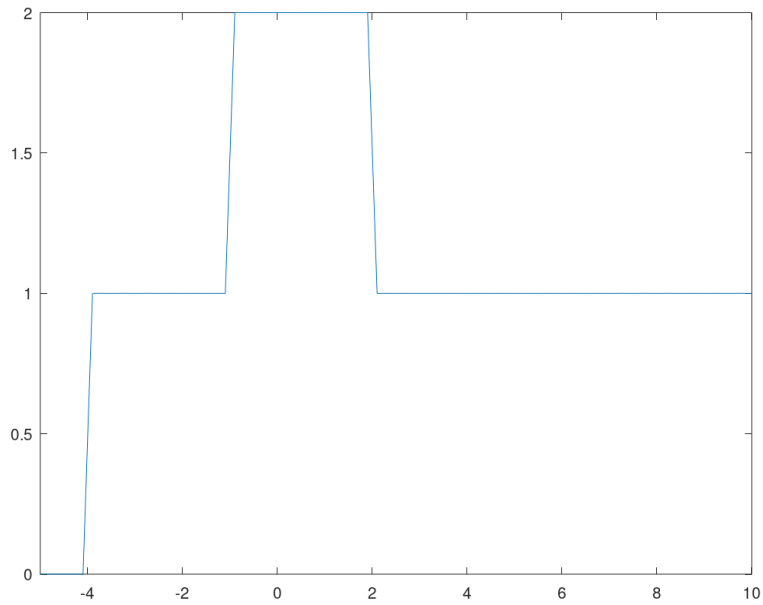


Figure 1:  $x(t) = u(t+1) - u(t-2) + u(t+4)$  με τη χρήση της `heaviside()`

## 2 Άσκηση 2

- Να σχεδιαστεί το σήμα

$$x(t) = t \sin(2\pi t)(u(t) - u(t-3))$$

Αρχικά ορίζουμε το διάστημα το χρονικό διάστημα  $t$  από το -5 ως το 10:

```
octave> t = -5:0.1:10
```

Για να υπολογίσουμε τις τιμές των μοναδιαίων βηματικών συναρτήσεων  $u(t)$  και  $u(t-3)$  θα χρησιμοποιήσουμε κατευθείαν την συνάρτηση `heaviside()`:

```
octave> x = t.*sin(2*pi*t).*(heaviside(t)-heaviside(t-3))
```

Τέλος, σχεδιάζουμε το σήμα  $x(t)$  και τροποποιούμε τον άξονα  $x$  για καλύτερη εμφάνιση της γραφικής παράστασης:

```
octave> plot(t, x)
octave> xlim([-5 10])
```

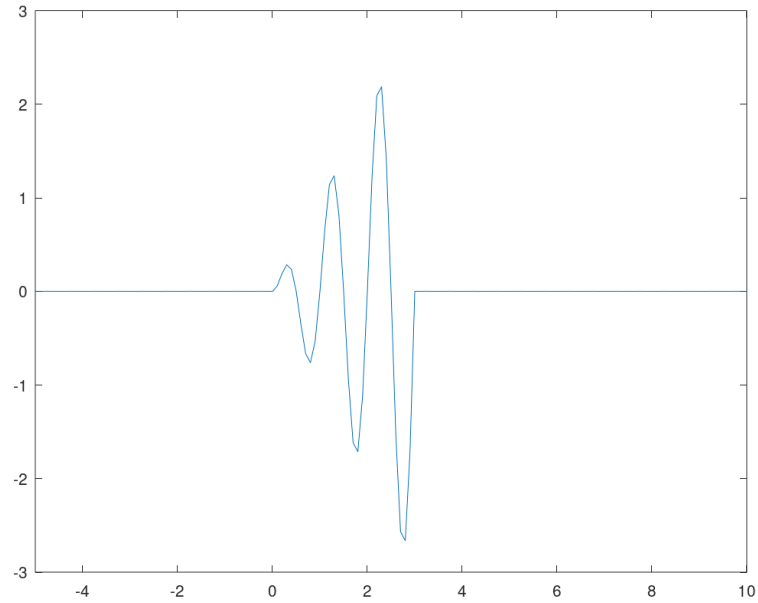


Figure 2:  $x(t) = t \sin(2\pi t)(u(t) - u(t - 3))$

### 3 Άσκηση 3

- Να σχεδιαστεί το σήμα

$$x(t) = t^3 \cos(10\pi t) p_2(t - 1)$$

όπου  $pT(t)$  τετραγωνικός παλμός διάρκειας  $T$ .

Ο τετραγωνικός παλμός  $pT(t)$  ορίζεται ως

$$pT(t) = u\left(t + \frac{T}{2}\right) - u\left(t - \frac{T}{2}\right)$$

Οπότε, με βάση την εκφώνηση και τον παραπάνω τύπο έχουμε ότι:

$$p_2(t-1) \Rightarrow u\left(t-1+\frac{2}{2}\right) - u\left(t-1-\frac{2}{2}\right) \Rightarrow u(t-1+1) - u(t-1-1) \Rightarrow u(t) - u(t-2)$$

Τώρα, με την χρήση της συνάρτησης `heaviside()` μπορούμε να υπολογίσουμε τις τιμές του τετραγωνικού παλμού  $p_2(t-1)$ :

$$\text{octave} > p = \text{heaviside}(t) - \text{heaviside}(t-2)$$

Έχοντας το  $p_2(t - 1)$  μπορούμε τώρα να υπολογίσουμε και να σχεδιάσουμε το σήμα  $x(t)$ . Επίσης θα τροποποιήσουμε τον άξονα  $x$  ώστε να εμφανιστεί πιο καθαρά η γραφική παράσταση:

```
octave> x = t.^3.*cos(10*pi*t).*p
octave> plot(t, x)
octave> xlim([-5 10])
```

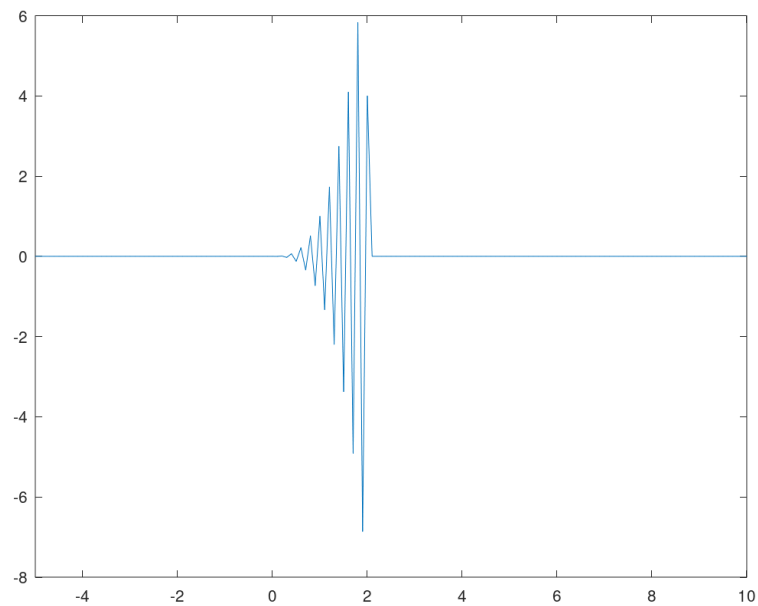


Figure 3:  $x(t) = t^3 \cos(10\pi t) p_2(t - 1)$

## 4 Άσκηση 4

- Να εκφταστεί και να σχεδιαστεί το σήμα (φυλλάδιο εργασίας σελίδα 28) ως άθροισμα μόνο συναρτήσεων ράμπας.

Η συνάρτηση ράμπας ορίζεται ως:

$$r(t) = tu(t)$$

Στο Octave, αυτό υπολογίζεται ως:

```
octave> r = t.*heaviside(t)
```

Οπότε θα φτιάξουμε μία συνάρτηση - θα την ονομάσουμε `ramp` - η οποία θα υπολογίζει την συνάρτηση ράμπας. Η συνάρτηση θα δέχεται ως όρισμα ένα  $t$  και θα επιστρέφει τις τιμές της συνάρτησης  $r(t)$ :

```
function r = ramp(t)
    r = t.* heaviside(t)
endfunction
```

Το σήμα που ζητάει η εκφώνηση εκφράζεται ως

$$x(t) = r(t) - r(t-1) - r(t-2)$$

και το χρονικό διάστημα είναι το  $t = [-2, 3]$ . Οπότε:

```
octave> t = -2:0.1:3
octave> r = ramp(t)-ramp(t-1)-ramp(t-2)
octave> plot(t, r)
octave> ylim([-0.3 1.3])
```

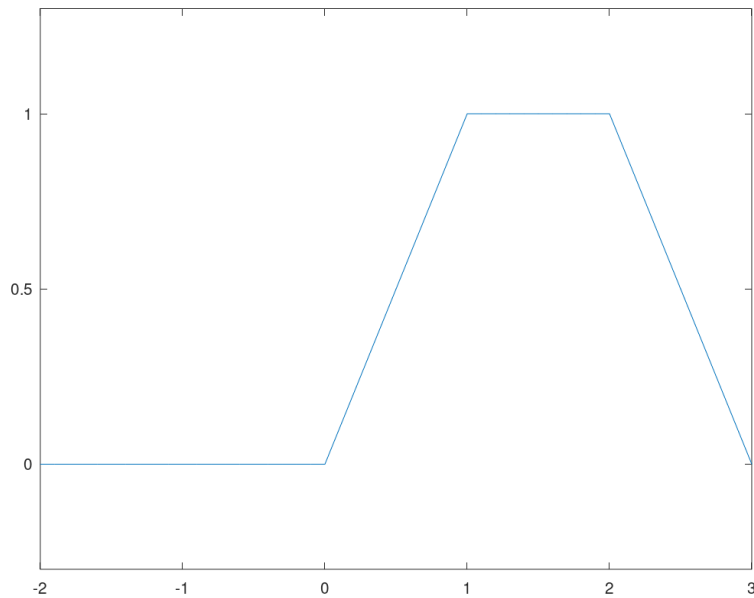


Figure 4:  $x(t) = r(t) - r(t-1) - r(t-2)$

## 5 Άσκηση 5

- Δίνεται το σήμα

$$x(t) = te^{-t}, 0 \leq t \leq 5$$

Να σχεδιαστούν:

- Το σήμα  $x(t)$
- Το άρτιο σήμα  $x_e(t)$  του  $x(t)$
- Το περιττό σήμα  $x_o(t)$  του  $x(t)$
- Το άθροισμα  $x_e(t) + x_o(t)$

Θα σχεδιάσουμε τα τέσσερα ζητούμενα σήματα στο ίδιο παράθυρο με την χρήση της συνάρτησης `subplot()`.

Αρχικά ορίζουμε το διάστημα  $t = [0, 5]$ :

```
octave> t = 0:0.1:5
```

Υπολογίζουμε τις τιμές του σήματος  $x(t) = te^{-t}$  και σχεδιάζουμε το σήμα. Σε όλα τα σήματα που θα σχεδιάσουμε θα τους δώσουμε και επίσης και έναν τίτλο ώστε να μπορούμε να ξεχωρίσουμε σε ποιο σήμα αντιστοιχεί η κάθε γραφική παράσταση:

```
octave> x = t.*exp(-t)
octave> subplot(2, 2, 1)
octave> plot(t, x)
octave> title("x(t) = t.*exp(-t)")
```

Το άρτιο μέρος ενός σήματος ορίζεται ως:

$$x_e(t) = \frac{1}{2}(x(t) + x(-t))$$

και το περιττό μέρος ως:

$$x_o(t) = \frac{1}{2}(x(t) - x(-t))$$

Για να υπολογίσουμε το  $x(-t)$  θα μπορούσαμε να φτιάξουμε μία νέα μεταβλητή  $-t$  η οποία θα κρατάει το διάστημα χρόνου αντιστραμένο - δηλαδή  $-t = [-5, 0]$  - αλλά το Octave παρέχει την συνάρτηση `fliplr()` η οποία μπορεί να αντιστρέψει ένα διάνυσμα. Το αποτέλεσμα της `fliplr()` θα το αποθηκεύσουμε στο διάνυσμα `xrev` ώστε να το χρησιμοποιήσουμε για τον υπολογισμό του αρτίου και περιττού σήματος:

```
octave> xrev = fliplr(x)
octave> xe = 0.5*(x + xrev)
octave> xo = 0.5*(x - xrev)
octave> subplot(2, 2, 2)
octave> plot(t, xe)
octave> title("x_{even}")
octave> subplot(2, 2, 3)
octave> plot(t, xo)
octave> title("x_{odd}")
```

Για τον υπολογισμό του αθροίσματος, απλώς προσθέτουμε τα σήματα  $x_e(t)$  και  $x_o(t)$  που υπολογίσαμε παραπάνω.

```
octave> xeo = xe + xo
octave> subplot(2, 2, 4)
octave> plot(t, xeo)
octave> title("x_{eo}")
```

Παρατηρούμε ότι ισχύει

$$x(t) = x_e + x_o$$

δηλαδή το άθροισμα του αρτίου και του περιττού σήματος είναι ίσο με το αρχικό σήμα  $x(t)$ :

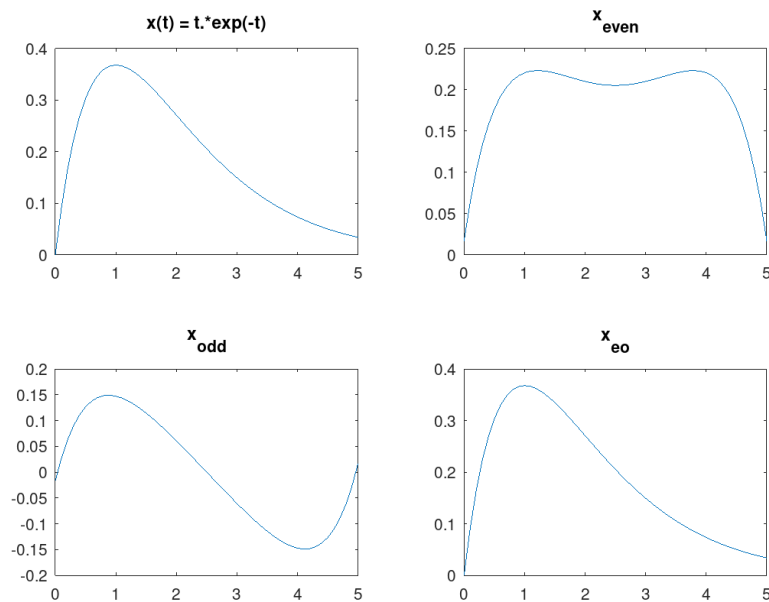


Figure 5:  $x(t)$ ,  $x_e(t)$ ,  $x_o(t)$ ,  $x_e(t) + x_o(t)$

## 6 Άσκηση 6

- Έστω το σήμα

$$x(t) = t \cos(2\pi t), 0 \leq t \leq 5$$

Να σχεδιάσετε τα σήματα:

- $x(t)$
- $x(-t)$



$-x(t/5)$   
 $-x(1+3t)$   
 $-x(-1-3t)$

```

octave> t = 0:0.1:5
octave> x1 = t.*cos(2*pi*t)
octave> x2 = -x1
octave> x3 = (t/5).*cos(2*pi*(t/5))
octave> x4 = (1 + 3*t).*cos(2*pi*(1 + 3*t))
octave> x5 = -x4
octave> subplot(3, 2, 1)
octave> plot(t, x1)
octave> title("x(t)")
octave> subplot(3, 2, 2)
octave> plot(t, x2)
octave> title("x(-t)")
octave> subplot(3, 2, 3)
octave> plot(t, x3)
octave> title("x(t/5)")
octave> subplot(3, 2, 4)
octave> plot(t, x4)
octave> title("x(1+3*t)")
octave> subplot(3, 2, 5)
octave> plot(t, x5)
octave> title("x(-1-3*t)")

```

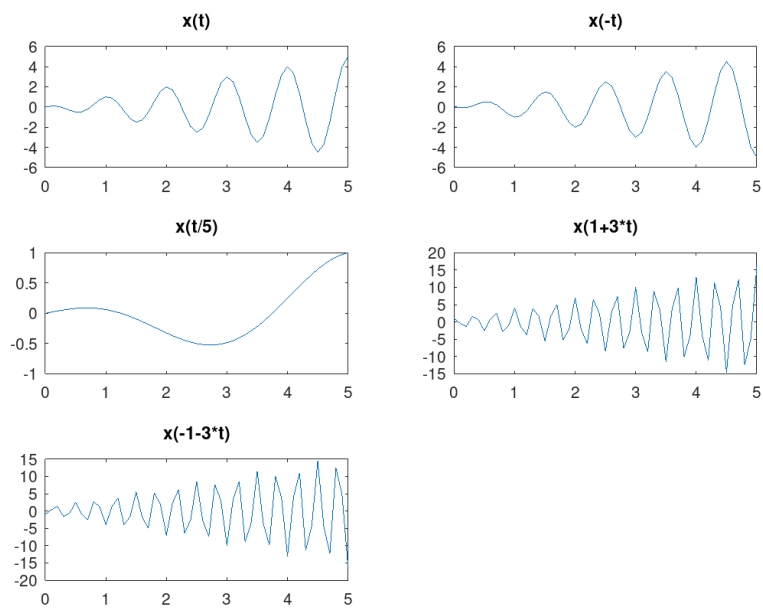


Figure 6:  $x(t)$ ,  $x(-t)$ ,  $x(t/5)$ ,  $x(1+3t)$ ,  $x(-1-3t)$

## 7 Εργαλεία

Τα εργαλεία που χρησιμοποιήθηκαν για την υλοποίηση αυτής της εργασίας ήταν τα εξής:

- Περιβάλλον: GNU Octave 5.2.0
- Επιπλέον πακέτα:
  - octave–forge–symbolic
  - octave–forge–signal
- Λειτουργικό σύστημα: FreeBSD 12.2
- Κειμενογράφος: Vim
- Μορφοποίηση κειμένου: L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X