

# DOMINO EFFECT

---

作者：吳昶勳B10901018

傅皓群B10901168

劉栩晨B10901175



# 日常生活中常見的骨牌

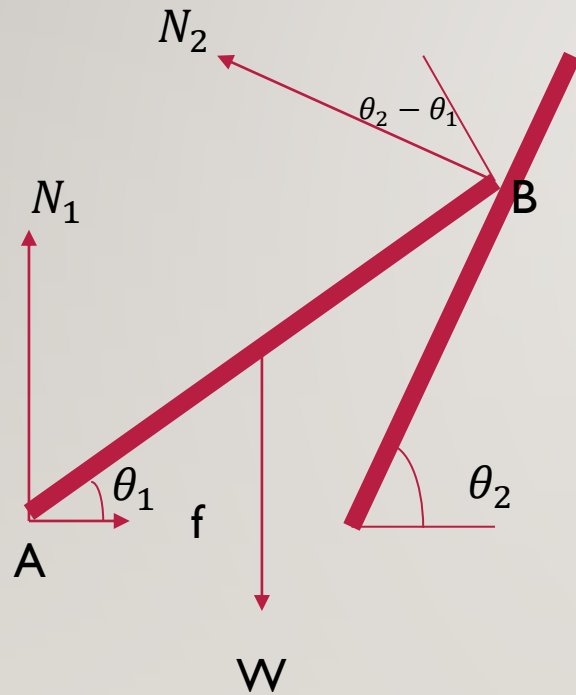
---

我們在這裡有幾點假設：

1. 骨牌與骨牌之間的摩擦力忽略
2. 地板的摩擦力足夠大  
使骨牌不會在地板滑動
3. 骨牌在碰到另一個骨牌之後合力矩  
為零，進行等角速度運動(語音解釋)



# 骨牌的力學分析



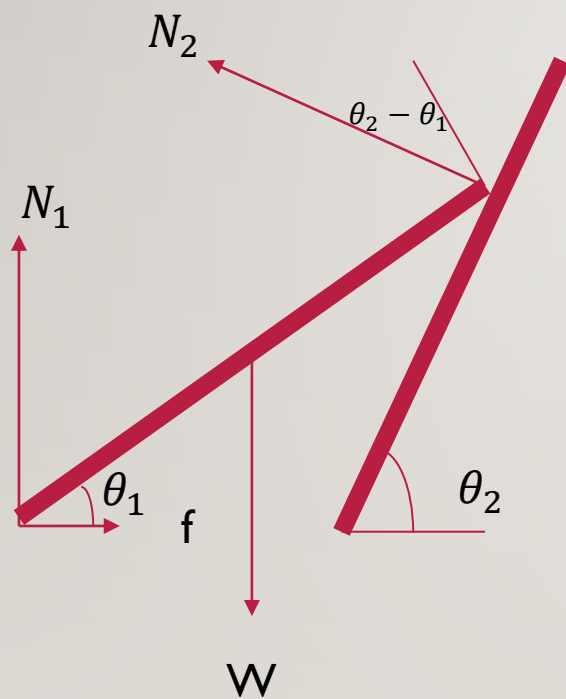
對第一個骨牌來說(以A點當作支點)：

$$W \cos(\theta_1) \times \frac{L}{2} = N_2 \cos(\theta_2 - \theta_1) \times L$$



$$N_2 = \frac{2}{W} (\cos(\theta_2) + \tan(\theta_1) \times \sin(\theta_2))$$

# 骨牌的力學分析

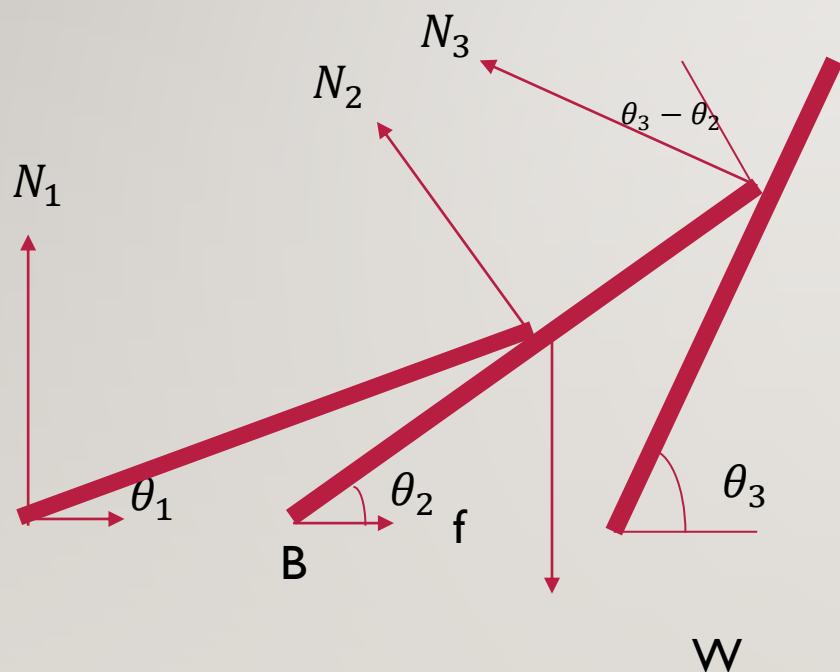


而第二個骨牌所受到的力矩即為：

$$\tau = N_2 \times \frac{L \sin(\theta_1)}{\sin(\theta_2)} + W \times \cos(\theta_2) \times \frac{L}{2}$$



# 骨牌的力學分析



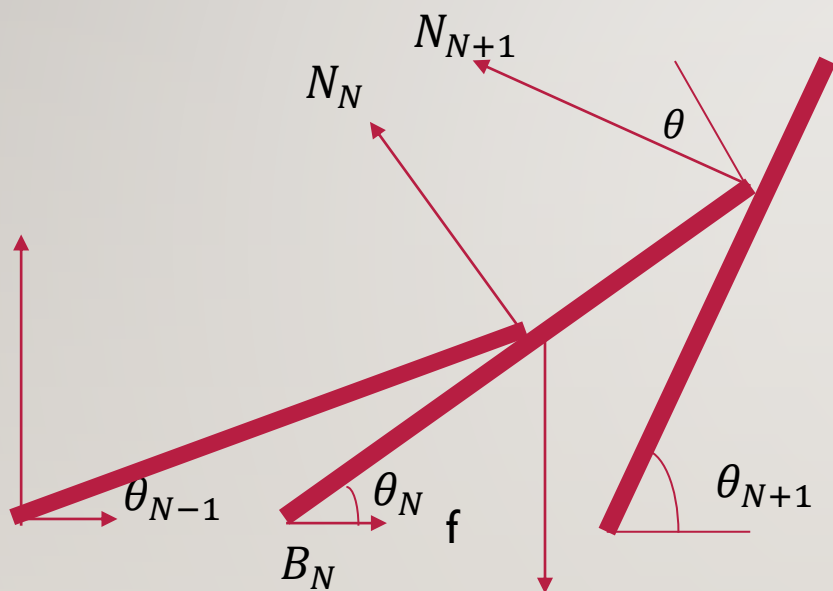
對第二個骨牌來說(以B點當作支點)：

$$N_2 \times \frac{L \sin(\theta_1)}{\sin(\theta_2)} + W \times \cos(\theta_2) \times \frac{L}{2} = N_3 \cos(\theta_3 - \theta_2) \times L$$

而第三個骨牌所受到的力矩即為：

$$\tau = N_3 \times \frac{L \sin(\theta_2)}{\sin(\theta_3)} + W \times \cos(\theta_3) \times \frac{L}{2}$$

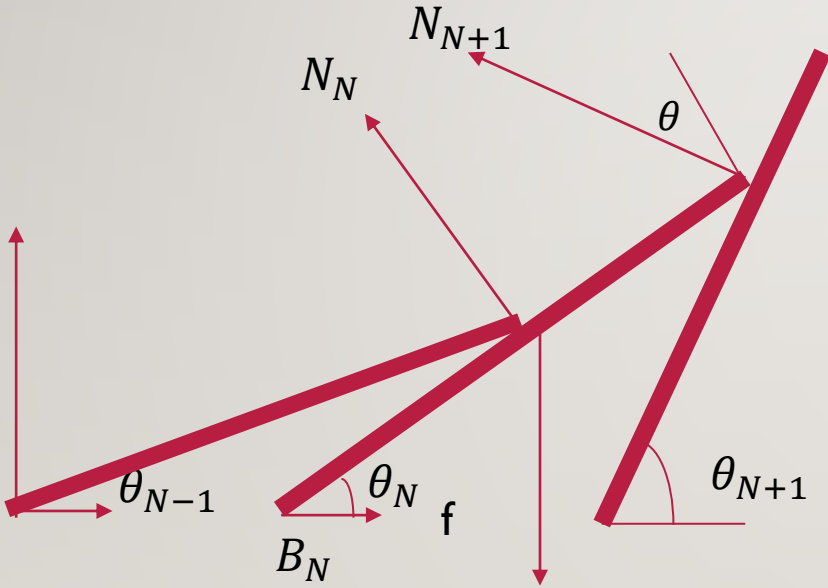
# 骨牌力學分析的推論



對第N個骨牌來說(以 $B_N$ 點當作支點)：

$$\left\{ \begin{array}{l} \theta = \theta_{N+1} - \theta_N \\ N_N \times \frac{L \sin(\theta_{N-1})}{\sin(\theta_N)} + W \times \cos(\theta_N) \times \frac{L}{2} = N_{N+1} \cos(\theta) \times L \end{array} \right.$$

## 骨牌力學分析的推論



第N+1骨牌力矩的遞迴關係式：

$$\tau = N_{N+1} \times \frac{L \sin(\theta_N)}{\sin(\theta_{N+1})} + W \times \cos(\theta_{N+1}) \times \frac{L}{2}$$

# 超越光速的奇蹟骨牌與現實的落差

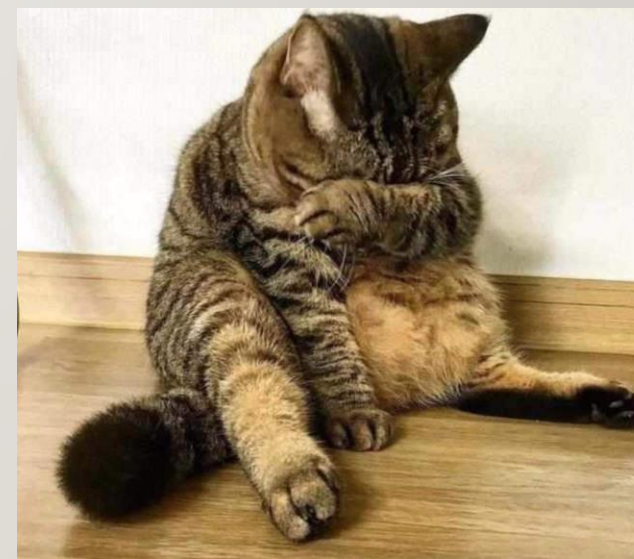
---

觀察現實→從實際推骨牌來看，推到後面骨牌倒下的速度從視覺上來說幾乎一樣。

違背現實→從我們的推論來看，

後一個骨牌會比前一個倒下的快，

到最後骨牌倒下的速度會超過光速。





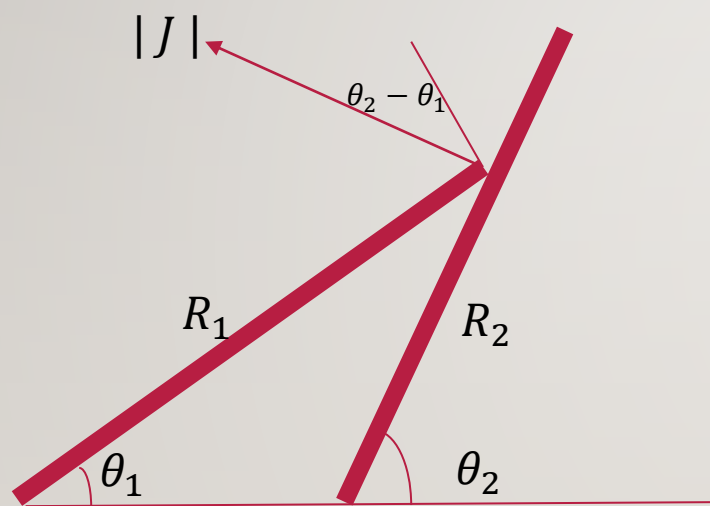
# 重新假設

---

- 基於觀察到的事實，我們假設
- 1. 骨牌與骨牌間無摩擦
- 2. 地面的摩擦力足夠大，  
使骨牌不會在地面滑動。
- 3. 骨牌之間會進行非彈性碰撞(恢復係數 $\mu$ )



# 骨牌的力學分析



碰撞前後骨牌的角速度分別為 $\omega_{1i}$   $\omega_{2i}$   $\omega_{1f}$   $\omega_{2f}$

$$I_1 \omega_{1i} - I_1 \omega_{1f} = I_2 \omega_{2f} - I_2 \omega_{2i}$$

$$= R_1 |J| \cos(\theta_2 - \theta_1) = R_2 |J|$$

$$\Delta E = \mu \frac{|J|^2}{2M}$$

$$|J| = 2 \frac{I_1 r_1 \omega_1}{r_1^2 + r_2^2 + \mu \frac{I_1}{M_1}} + 2 \frac{I_2 r_2 \omega_2}{r_1^2 + r_2^2 + \mu \frac{I_2}{M_2}}$$

# 由小到大的骨牌

---

先來看一個domino effect的影片



# 由小到大的骨牌

---

先來看一個domino effect的影片

最後一個骨牌倒下時非常震撼，於是我們思考

若控制骨牌間的長寬高和間距以等比成長(1.5倍以下)

最後一個骨牌倒下時，最終的轉動動能

會是最初的骨牌的轉動動能的幾倍？

