

# 虛擬記憶體

虛擬記憶體	1
實現 Virtual Memory 技術	1
分頁表配合修正	2
Page Fault 定義和處理程序	2
Virtual Memory 效益評估	2
影響 Page Fault Ratio 的因素	3
Page Replacement	3
是否可省略非必要的 Swap Out	3
Page Replacement Algorithms	3
FIFO Algorithm	3
OPT (Optimal) Algorithm	4
LRU (Least Recently Used) Algorithm	5
Reference Frequency Base Algo.	6
練習範例	7
頁框數的分配多寡對 Page Fault Ratio 的影響	7
最小分配頁框數	7
頁框數分配不足所引發的問題	8
Page Size 大小對 Page Fault Ratio 的影響	9
Page Structure 對 Page Fault Ratio 的影響	9

## 虛擬記憶體

- 目的：允許 Program Size 大於 Physical Memory Size 仍然可以執行
- 達成策略：採用 Partial Loading
  - Dynamic Loading
    - 執行期間當副程式被呼叫到，才將他載入記憶體，不浪費記憶體空間
    - **Programmer 負擔**：Programmer 要知道哪些副程式互斥，OS 只提供 Loader
  - Virtual Memory
    - OS 負擔，Programmer 無負擔
- 優點
  - 允許 **Program Size** 大於 **Physical Memory Size** 仍然可以執行
  - Programmer 不需考慮 Program Size
  - 記憶體各個小空間皆有機會被用到，**記憶體利用率上升**
  - 盡可能提供 Multiprogramming Degree，**CPU 利用率上升**
    - 程式不用將所有 Page 搬入記憶體才能執行
    - 原本系統只能執行 5 個程式，現在可以執行 20 個

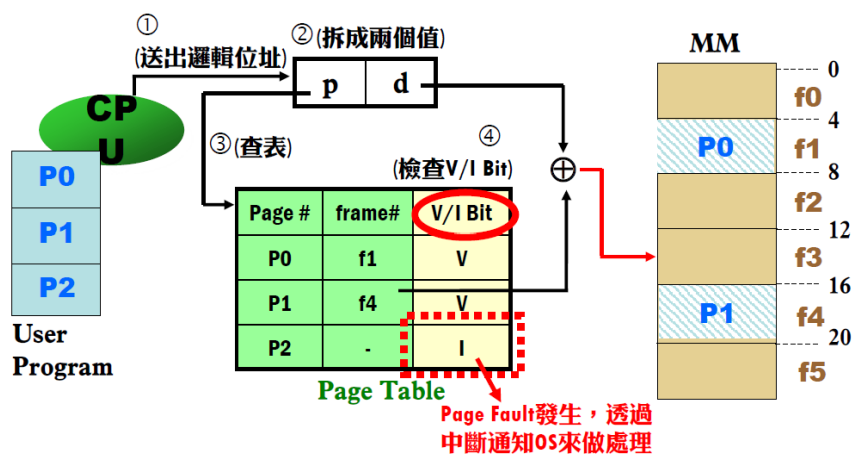
- 每一次 I/O Transfer Time 下降，
  - 只需要載入程式的部分 Page，不用載入程式的所有 Page
  - 如過要載入整個程式反而很耗費 I/O Transfer Time，因為充數次數變多

## 實現 Virtual Memory 技術

- 使用 **Demand Paging**(需求分頁) 技術
- 以 **Page Memory Management** 為基礎發展出來，不同的是採用 **Lazy Swapper**
  - 程式執行之初，不將全部 Page 載入記憶體，僅載入執行所需的 Page 到記憶體，其餘的 Page 置於 Blocking Store，若所需的 Page 不在記憶體，OS 需處理 **Page Fault** 問題

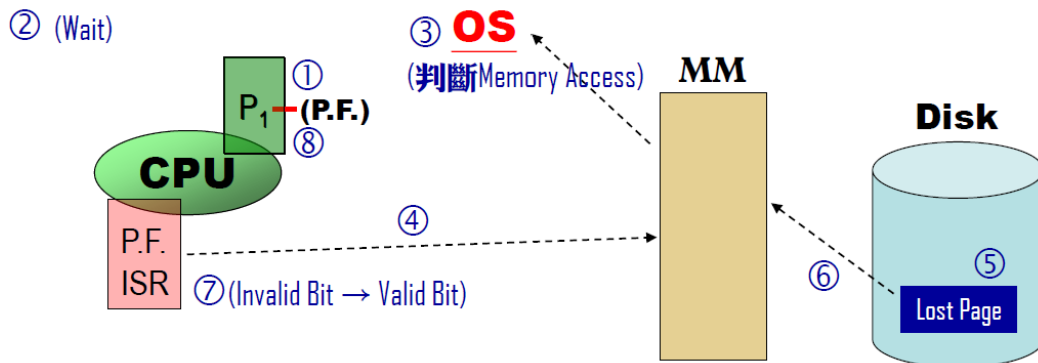
## 分頁表配合修正

- 新增一欄 **Valid/Invalid Bit**，表示 Page 是否在記憶體中
  - **Valid** 表示 Page 在記憶體中
  - **Invalid** 表示 Page 不在記憶體中



## Page Fault 定義和處理程序

- 在 Demand Paging 的 Virtual Memory 系統中，若執行中的 Process 存取不在記憶體的 Page 則發生 Page Fault



- 處理程序
  1. OS 收到 Page Fault 所引起的中斷
    - 由 **Memory Management Unit** 發出

2. OS 暫停目前 Process 執行，保存此 Process 狀態
3. OS 判斷此 **Memory Access** 是否合法
  - 合法-->Page Fault
  - 非法-->終止 Process
4. OS 去 Memory 檢查有沒有 **Free Frame** (Page Fault 中斷服務程式 ISR)
  - 沒有-->必須執行 Page Replacement 空出一個可用頁框
5. OS 去 Disk 中找到 **Lost Page** 所在的位置
6. 將此 Lost Page 載入到可用頁框
7. 更新 **Page Table**，指明此 Page 所在的頁框，並將 Invalid Bit 改成 Valid Bit (Page Fault ISR)
8. 恢復原先 Process 中段前的執行

## Virtual Memory 效益評估

- Effective Memory Access Time 決定
  - 越短效益越好，越接近記憶體存取時間
- 公式:  $(1 - p) * ma + p * (\text{Page Fault Processing Time})$ 
  - p: Page Fault Ratio
  - ma: 正常的 Memory Access Time
  - Page Fault Processing Time: **Page Fault** 處理程序的所有工作時間總和
- 結論: 要降低 Effective Memory Access Time 必須降低 **Page Fault Ratio (p)**
  - ma 和 Page Fault Processing Time 是固定的
- 範例
  - $ma = 200ns$   
Page Fault Processing Time = 2ms  
 $p = 20\%$   
求 Effective Memory Access Time?
  - **Solution**
    - $(1 - 0.2) * 200ns + 0.2 * 2ms$   
 $= 0.8 * 200ns + 0.2 * 2 * 10^6ns$   
 $= 160ns + 4 * 10^5ns$   
 $= 400160ns$   
 $= 400.16\mu s$

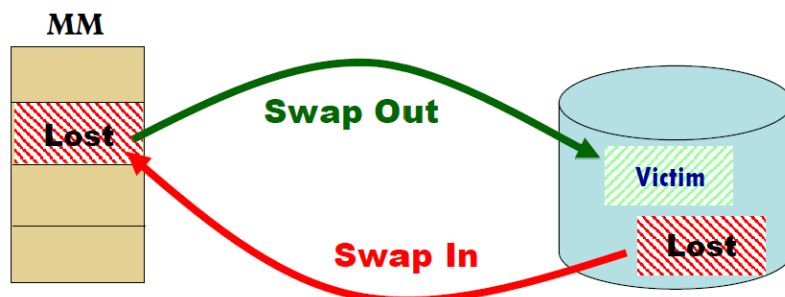
## 影響 Page Fault Ratio 的因素

- Page Fault Algorithm 的選擇
- 頁框數的分配多寡
- Page Size 大小

- Program Structure

## Page Replacement

- 當 **Page Fault** 發生，且記憶體沒有可用的頁框，OS 必須執行 Page Replacement
  - OS 必須選擇一個犧牲者 Swap Out 到 Blocking Store 以空出一個頁框，再將 Lost Page 載入到此頁框



- Swap Out 和 Swap In 分別是兩個 I/O 動作
  - Swap In 是必要的
  - Swap Out 不一定必要，Victim Page 是否曾被修改

## 是否可省略非必要的 Swap Out

- 判斷依據：Victim Page 從執行之初到準備被替換，是否曾被寫入或修改
  - Yes：需回存到 HD
  - No：可刪除或覆蓋 (和硬碟的資料內容相同，硬碟的資料不需要更新)
- 利用 Modification Bit (Dirty Bit) 來判斷，節省 Victim Page 的 Swap Out I/O 動作
  - Modification Bit = 0 表示 Page 未被修改-->不用 Swap Out
  - Modification Bit = 1 表示 Page 曾被修改-->必須 Swap Out
  - Modification Bit 初始值為 0

## Page Replacement Algorithms

- 挑選 Victim Page

### FIFO Algorithm

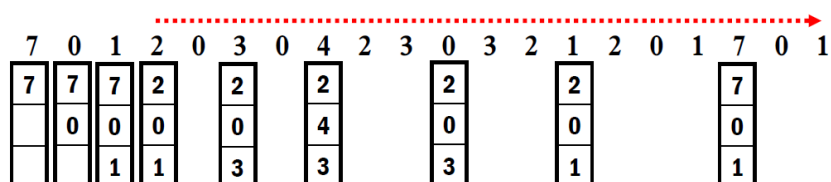
- 最先載入的 Page (Loading Time 最小)，優先視為 Victim Page
- 範例：給予下列的 Page Reference String (頁面參考字串)，記憶體中的可用頁框有 3 個，OS 採用 **Pure Demand Paging** 和 **FIFO Replacement Algo.**，求 Page Fault 次數



- **Stack 性質**：n+1 個頁框所包含的 Page 包含於 (n+1) 個頁框所包含的 Page

## OPT (Optimal) Algorithm

- **未來長期不使用的 Page 視為 Victim Page**
- 範例：OS 採用 Pure Demand Paging 和 OPT Algo，求 Page Fault Ratio
  - 以第四次 Page Fault 為例：7 下一次用到的時間比 0, 1 還久 ---> Swap Out 7 然後 Swap In 2

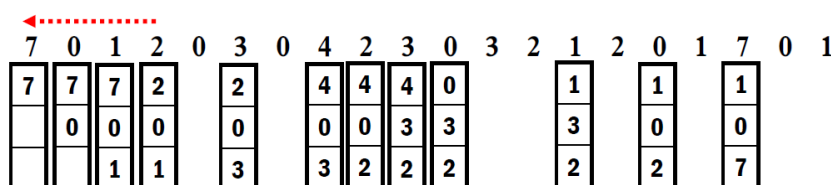


有9次的Page Faults，Page Fault Ratio =  $9/20 = 45\%$ 。

- 特質
  - 效果最佳 Page Fault Ratio 最低
  - 不會有 Belady 異常現象
  - 很難製作，通常做為理論研究與比較之用

## LRU (Least Recently Used) Algorithm

- **最近不常使用 (過去) 的 Page 視為 Victim Page**
- 範例：OS 採用 Pure Demand Paging 和 LRU Algo，求 Page Fault Ratio



有12次的Page Faults，Page Fault Ratio =  $12/20 = 60\%$ 。

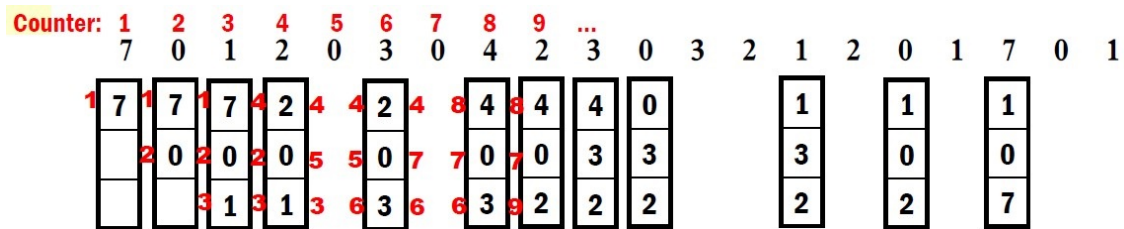
- 特質
  - 效果不錯 Page Fault Ratio 尚可接受
  - 不會有 Belady 異常現象
  - 製作成本高，需要大量硬體支援 (需要 Counter 或 Stack)

## LRU 製作方式

### 使用 Counter (計數器) 作為 Logical Timer

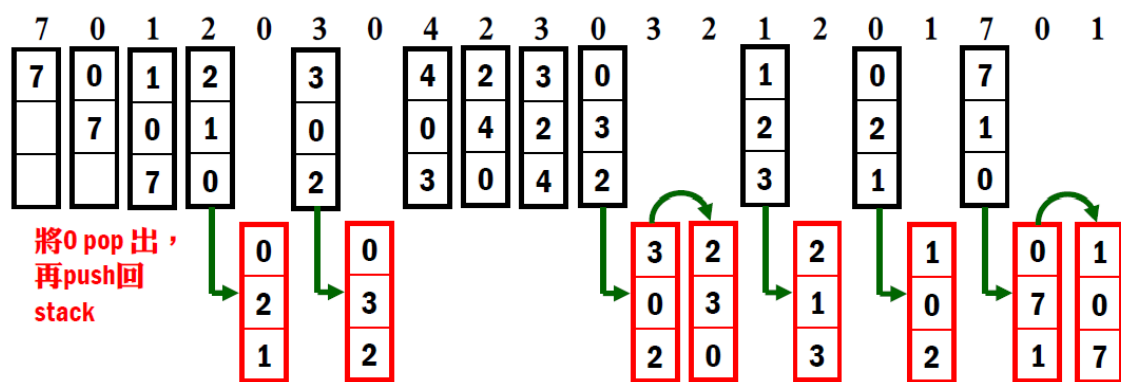
- 確切記錄每個 Page 最後一次的參考時間
- 參考時間最小者即是 LRU Page
- 作法
  - Counter 初始值 0
  - 每個 Page 都有一個附屬的 Register 儲存 Counter 的值
  - 當有 Memory Access 動作發生，被存取頁面的附屬 Register = Counter + 1

- LRU Page 即是 Register 值最小的 Page



## 利用Stack(比較像Queue)

- 頁框數目極為此 Stack 的大小
- 作法
  - Stack 頂端放的是最後參考的 Page
  - Stack 底端是 LRU Page
  - 當某個 Page 被參考到，將 Page 從 Stack 中取出，並 Push 回 Stack 成為頂端的 Page



## LRU 近似法則

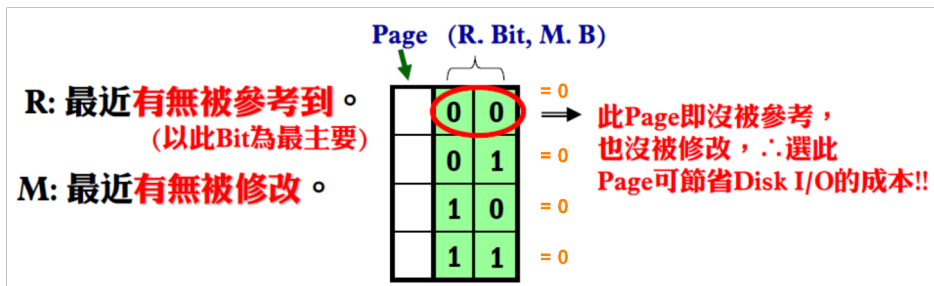
- 動機：LRU 製作成本過高
- 作法
  - Second Chance 二次機會法則
  - Enhance Second Chance 加強二次機會法則
- 都有可能退化成 FIFO，會有 Belady 異常情況

## Second Chance

- 以 FIFO 為基礎，搭配 Reference Bit
- 過程
  1. 先以 FIFO 挑出 Page
  2. 檢查 Page 的 Reference Bit
    - = 1: 表示最近有被參考過，放棄作為 Victim Page，並將 Reference Bit 設為 0，go to 1
    - = 0: 表示最近沒有被參考過，選擇作為 Victim Page
- 所有 Page 的 Reference Bit 都為 0 或都為 1 時，退化為 FIFO --> 可能有 Belady Anomaly

## Enhance Second Chance

- 使用 (Reference Bit, Modification Bit)
  - 視為二進位無號數，取最小值作為 Victim Page
  - 值相同以 FIFO 為準



- 有可能退化為 FIFO --> 可能有 Belady Anomaly

## Reference Frequency Base Algo.

- 以頁面參考次數為挑選 Victim Page 的依據
- 作法
  - Most Frequency Used (MFU)** 參考次數最多的 Page 作為 Victim Page
  - Least Frequency Used (LFU)** 參考次數最少的 Page 作為 Victim Page
- Page 參考次數相同則以 FIFO 為準
- 特性
  - Page Fault Ratio** 太高，不常使用
  - 會有 **Belady Anomaly**
  - 製作成本高，需要硬體支援

## 練習範例

Page #	Load Time	Last Reference Time	Reference Bit	Modification Bit
1	164	480	1	1
2	300	500	0	1
3	128	700	1	1
4	400	600	0	0

- 求 Victim Page?
  - FIFO, LRU, Second Chance, Enhanced Second Chance
- Solution**
  - FIFO = P3 (Min. Load Time)
  - LRU = P1 (Min. Ref. Time)
  - Second Chance = P2 (Min. Ref. Bit; Search Order: FIFO)
  - Enhanced Second Chance = P4 (Min. Ref. Bit + Mod. Bit)



# 頁框數的分配多寡對 Page Fault Ratio 的影響

- 一般來說 Process 分配到的頁框數越多，Page Fault Ratio 越低
- Process 分配到的頁框數目有最小數目和最大數目的限制，取決於硬體因素
  - 最大數目：由 Physical Memory Size 實際記憶體大小決定
  - 最小數目：由機器指令結構決定
    - 必須讓任何一個機器指令順利執行完成，即執行過程中 Memory Access 可能得最多次數

## 最小分配頁框數

- 機器指令執行過程中 Memory Access 可能得最多次數
- 機器指令執行過程中若 Page Fault 中斷發生，此指令必須從頭開始執行
- 機器指令執行週期的 5 個階段
  - IF: Instruction Fetch
  - DE: Decode
  - FO: Fetch Operand
  - EX: Execution
  - WM: Write Results to Memory
  - 案例：

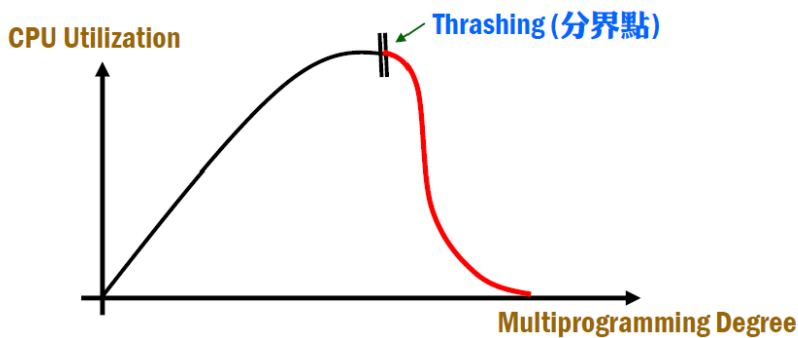
1+2	jump
-----	-----
IF: 指令提取 "+"	指令提取
DE: 對 "+" 解碼 --> 加法	解碼
FO: 提取運算元 "1", "2"	x (無運算元)
EX: 執行	執行
WM: 結果寫回記憶體	x (不需要將結果寫回記憶體)

- **Memory Access**
  - 一定會：IF
  - 不一定會：FO, WM
- 舉例
  - 假設 IF, FO, WM 三個階段最多各做 1 次 Memory Access
    - 最小頁框數 = 3，若小於 3 機器指令永遠無法完成執行
    - 假設頁框數為 2，第 3 次 Memory Access 時發生 Page Fault，必須從頭執行 --> 永遠無法執行完成
  - 假設 IF, FO, WM 三個階段最多各做 2 次 Memory Access
    - 最小頁框數 = 6

# 頁框數分配不足所引發的問題

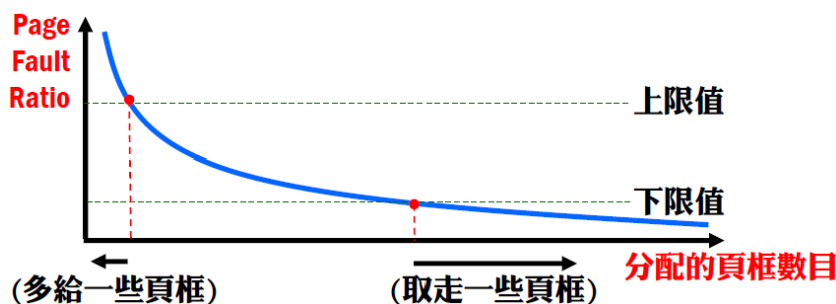
## Thrashing 震盪

- **Multiprogramming & Demand Paging** 環境中，如果 Process 分配到的頁框數不足，會經常發生 Page Fault，必須執行 Page Replacement
- 如果採用 **Globle Replacement Policy**，允許 Process 去搶奪其他 Process 的頁面以空出頁框，造成其他 Process 也發生 Page Fault，最後所有 Process 都在處理 Page Fault
  - **Globle Replacement Policy** 可以選擇別人的頁面作為 Victim 替換出去
  - **Local Replacement Policy** 只能選擇自己的頁面作為 Victim
- 此時所有的 Process 都忙於 Swap In/Swap Out，造成 CPU 利用率下降，OS 會企圖拉高 **Multiprogramming Degree** 讓更多 Process 進入系統，馬上又會因為頁框數不足發生 Page Fault，導致惡性循環
- CPU 利用率急速下降，Throughput 下降，所有 Process 處理 Page Fault 的時間遠大於正常時間，稱之為 **Thrashing**
  - OS 沒有辦法判斷 CPU Idle 是什麼原因造成



## Thrashing 的解決方法

- 方法一：降低 Multiprogramming Degree
- 方法二：利用 Page Fault Ratio 控制來防止 Thrashing
  - 作法：OS 規定 Page Fault Ratio 的上限值和下限值
  - Case 1: Page Fault Ratio > 上限值，OS 分配額外的頁框給該 Process
  - Case 2: Page Fault Ratio < 下限值，OS 抽走該 Process 多餘的頁框，分配給其他 Process

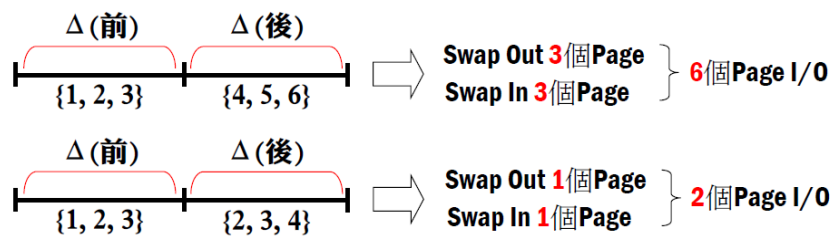


- 當所有的 Process 的 Page Fault Ratio 都大於上限值，則使用方法一

- 方法三：利用 **Working Set Model** 預估 各 Process 在不同執行時期所需的頁框數，並依此提供足夠的頁框，以防止 Thrashing
  - Process 執行時，記憶體存取區域並非均勻，而是有 **區域性 (Locality)**
  - **區域性** 模式分類
    - **Temporal Locality** 時間區域性
      - 目前存取的記憶體區域，**過不久後** 會再度被存取
      - ex. Loop, Subroutine, Counter, Stack
    - **Spatial Locality** 空間區域性
      - 目前存取的記憶體區域，鄰近的區域即有可能也會被存取
      - ex. Array, Sequential Code Execution, Global Data Area
  - 作法：OS 設定一個 **Working Set Window** (工作即視窗  $\Delta$ ) 大小，以  $\Delta$  次記憶體存取中，所存取到不同 Page 之集合，此一即和稱為 **Working Set**，Working Set 中的 Process 個數稱為 **Working Set Size** (工作集大小 WSS)
    - 不同時期  $\Delta$  可能不一樣
    - **Ex: Pages** 1, 1, 2, 1, 3, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 7, 6, 4, 1, 1
 

$\underbrace{\hspace{10em}}_{\Delta=9}$ 
 $\underbrace{\hspace{10em}}_{\Delta=8}$

**Working Set = {1, 2, 3}**   **Working Set = {1, 4, 6, 7}**  
**Working Set Size= 3**   **Working Set Size= 4**
    - 假設有  $n$  個 Process
      - **WSS<sub>i</sub>** 為 Process<sub>i</sub> 在某個時期的 Working Set Size
      - **D** 為某時期 所有 Process 之頁框總需求量  $D = \sum_{i=1}^n WSS_i$
      - **M** 為 Physical Memory 大小 (可用頁框總數)
    - Case 1:  $D \leq M$  則 OS 會依據 WSS<sub>i</sub> 分配足夠頁框給 Process<sub>i</sub>
    - Case 2:  $D > M$  則 OS 會選擇暫停 Process<sub>i</sub> 執行，直到  $D \leq M$ ，等到未來記憶體足夠時再恢復原先的 Suspend Process
  - 優點：
    - 可防止 Thrashing 產生
    - 對於 Prepaging 有幫助
  - 缺點
    - 用上一次的 Working Set 預估下一次的 Working Set，**不易制定精準的 Working Set**
    - 如果前後的 Working Set 內容差異太大，I/O Transfer Time 會拉長

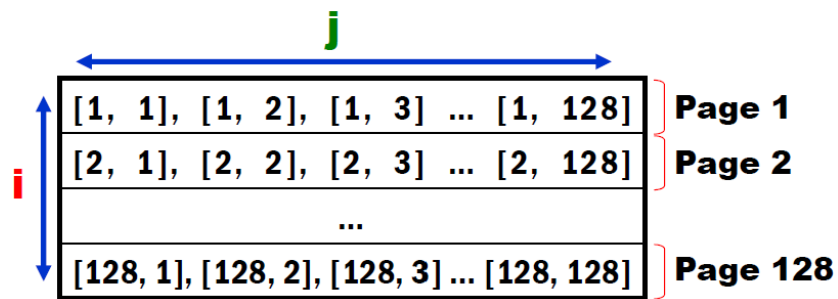


## Page Size 大小對 Page Fault Ratio 的影響

- **Page Size 越小 (優點) (缺點)**
  - Page Fault Ratio 越高
  - Page Table Size 越大
  - I/O Time 越大 (執行整個 Process 的 I/O Time)
  - 內部碎裂越小
  - Total I/O Time 越小 (單一 Page 的 Transfer Time)
  - Locality 越集中
- 趨勢：傾向 Larger 頁面

## Page Structure 對 Page Fault Ratio 的影響

- 判斷演算法和資料結構：是否符合 **Locality Model**
  - 符合 --> Page Fault Ratio 下降 · 對 Virtual Memory 有利
  - **Good:** Loop, Subroutine, Counter, Stack, Array, Sequential Code Execution, Global Data Area, Sequential Search
  - **Bad:** Link List, Hashing Binary Search, goto, jump
- Array 的處理程式 · 最好與 Array 在 Memory 中的儲存方式一致 (Row-Major, Column-Major) --> 必須符合資料結構的使用特性
- 範例：求下列兩個程式最多的 Page Fault 次數
  - Array A[1...128, 1...128] of char
  - Array 是以 Row-Major 方式儲存在記憶體中
  - 每個 char 佔 1 bytes
  - Page Size = 128 bytes
  - for **i** = 1 to 128 do
    - for **j** = 1 to 128 do
    - A[i, j] = 0;
  - for **j** = 1 to 128 do
    - for **i** = 1 to 128 do
    - A[i, j] = 0;



◦ Solution

- Row-Major 處理 Array  
每設定完一列發生 1 次 Page Fault，共 128 列  
**128 次 Page Fault**
- Column-Major 處理 Array  
每設定完一欄發生 128 次 Page Fault，共 128 欄  
**128 \* 128 次 Page Fault**