Inteligência Artificial

Aula 4 Prof^a Bianca Zadrozny http://www.ic.uff.br/~bianca/ia

Resolução de problemas por meio de busca

Capítulo 3 - Russell & Norvig Seções 3.4 e 3.5

Formulação de problemas

Um problema é definido por quatro itens:

- 1. Estado inicial ex., "em Arad"
- 2. Ações ou função sucessor S(x) = conjunto de pares ação-estado ex., S(Arad) = {<Arad → Zerind, Zerind>, ... }
- Teste de objetivo, pode ser
 explícito, ex., x = "em Bucareste
 - implícito, ex., Cheque-mate(x)
- 4. Custo de caminho (aditivo)
 - ex., soma das distâncias, número de ações executadas, etc.
 - c(x,a,y) é o custo do passo, que deve ser sempre ≥ 0
- Uma solução é uma seqüência de ações que levam do estado inicial para o estado objetivo.
- Uma solução ótima é uma solução com o menor custo de caminho.

Aula 4 - 20/08/2010

Algoritmo geral de busca em árvore

 $\begin{aligned} & \textbf{function Tree-Search}(\textit{problem}, \textit{fringe}) \; \textbf{returns a solution}, \; \textbf{or failure} \\ & \textit{fringe} \leftarrow \textbf{Insert}(\texttt{Make-Node}(\texttt{Initial-State}[\textit{problem}]), \textit{fringe}) \end{aligned}$

loop do
if fringe is empty then return failure $node \leftarrow Remove-Front(fringe)$
$$\label{eq:condition} \begin{split} & \text{if Goal-Test[}\textit{problem}[\text{STate[}\textit{node]}) \text{ then return Solution}(\textit{node}) \\ & \textit{fringe} \leftarrow \text{InsertAll(Expand(}\textit{node,}\textit{problem}),\textit{fringe}) \end{split}$$

function EXPAND(node, problem) returns a set of nodes

successors ← the empty set for each action, result in Successor-FN[problem](State[node]) do $s \leftarrow a \text{ new NODE}$

PARENT-NODE[s] \leftarrow node, ACTION[s] \leftarrow action; STATE[s] \leftarrow result PATH-COST[s] \leftarrow PATH-COST[node] + STEP-COST(node, action, s) DEPTH[s] \leftarrow DEPTH[node] + 1

add s to successors return successors

Estratégias de Busca Sem Informação (ou Busca Cega)

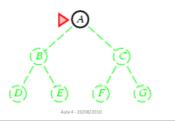
- Estratégias de busca sem informação usam apenas a informação disponível na definição do problema.
 - Apenas geram sucessores e verificam se o estado objetivo foi atingido.
- As estratégias de busca sem informação se distinguem pela ordem em que os nós são expandidos.
 - Busca em extensão (Breadth-first)
 - Busca de custo uniforme
 - Busca em profundidade (Depth-first)
 - Busca em profundidade limitada
 - Busca de aprofundamento iterativo

Estratégias de busca

- Estratégias são avaliadas de acordo com os seguintes critérios:
 - completeza: o algoritmo sempre encontra a solução se ela existe?
 - complexidade de tempo: número de nós gerados
 - complexidade de espaço: número máximo de nós na memória
 - otimização: a estratégia encontra a solução ótima?
- Complexidade de tempo e espaço são medidas em termos de:
 - b: máximo fator de ramificação da árvore (número máximo de sucessores de qualquer nó)
 - d: profundidade do nó objetivo menos profundo
 - m: o comprimento máximo de qualquer caminho no espaço de estados (pode ser ∞)

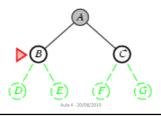
Busca em extensão

- Expandir o nó não-expandido mais perto da raiz.
- Implementação:
 - a borda é uma fila FIFO (first-in, first-out), isto é, novos itens entram no final.



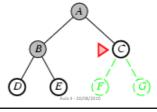
Busca em extensão

- Expandir o nó não-expandido mais perto da raiz.
- Implementação:
 - a borda é uma fila FIFO (first-in, first-out), isto é, novos itens entram no final.



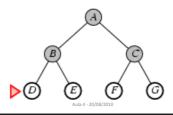
Busca em extensão

- Expandir o nó não-expandido mais perto da raiz.
- Implementação:
 - a borda é uma fila FIFO (first-in, first-out), isto é, novos itens entram no final.



Busca em extensão

- Expandir o nó não-expandido mais perto da raiz.
- Implementação:
 - a borda é uma fila FIFO (first-in, first-out), isto é, novos itens entram no final.



Propriedades da busca em extensão

- Completa? Sim (se b é finito)
- Tempo? $1+b+b^2+b^3+...+b^d+b(b^d-1) = O(b^{d+1})$
- Espaço? O(b^{d+1}) (mantém todos os nós na memória)
- <u>Ótima?</u> Sim (se todas as ações tiverem o mesmo custo)

Aula 4 - 20/08/2010

Requisitos de Tempo e Memória para a Busca em Extensão

- Busca com fator de ramificação b=10.
- Supondo que 10.000 nós possam ser gerados por segundo e que um nó exige 1KB de espaço.

Profundidade	Nós	Tempo	Memória
2	1100	0.11 segundo	1 megabyte
4	111.100	11 segundos	106 megabytes
6	10 ⁷	19 minutos	10 gigabytes
8	10 ⁹	31 horas	1 terabyte
10	1011	129 dias	101 terabytes
12	10 ¹³	35 anos	10 petabytes
14	10 ¹⁵	3.523 anos	1 exabyte

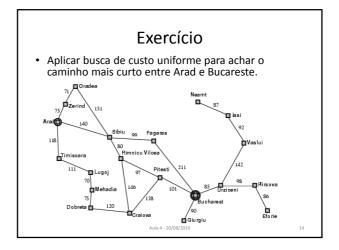
Aula 4 - 20/08/2010

2

Busca de custo uniforme

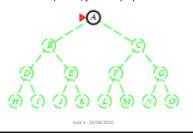
- Expande o nó não-expandido que tenha o caminho de custo mais baixo.
- Implementação:
- borda = fila ordenada pelo custo do caminho
- Equivalente a busca em extensão se os custos são todos iguais
- Completa? Sim, se o custo de cada passo ≥ ε
- Tempo? # de nós com $g \le$ custo da solução ótima, $O(b^{\lceil c' / \varepsilon \rceil})$ onde C é o custo da solução ótima
- Espaço? de nós com $g \le$ custo da solução ótima, $O(b^{\lceil c^*/\varepsilon \rceil})$
- Ótima? Sim pois os nós são expandidos em ordem crescente de custo total.

20/08/2010



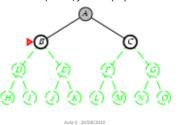
Busca em Profundidade

- Expande o nó não-expandido mais profundo.
- Implementação:
 - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha



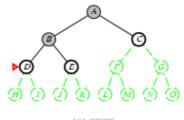
Busca em Profundidade

- Expande o nó não-expandido mais profundo.
- Implementação:
 - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha



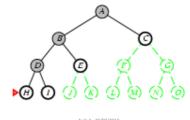
Busca em Profundidade

- Expande o nó não-expandido mais profundo.
- Implementação:
 - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha

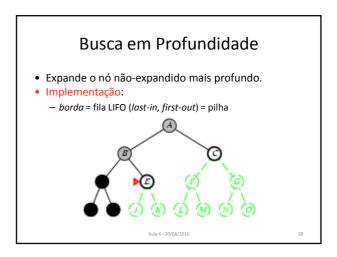


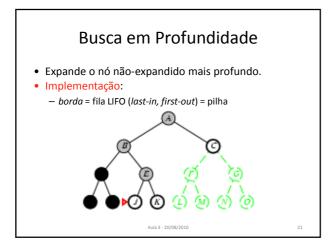
Busca em Profundidade

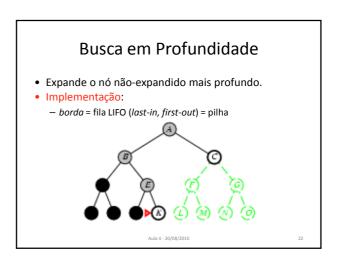
- Expande o nó não-expandido mais profundo.
- Implementação:
 - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha

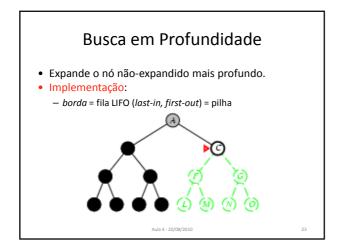


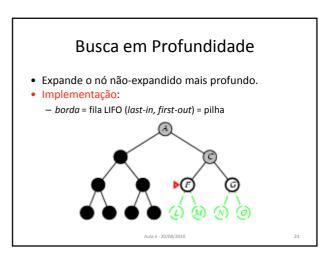
Busca em Profundidade • Expande o nó não-expandido mais profundo. • Implementação: - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha





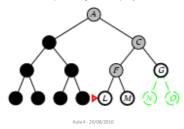






Busca em Profundidade

- Expande o nó não-expandido mais profundo.
- Implementação:
 - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha



Busca em Profundidade Expande o nó não-expandido mais profundo. Implementação: - borda = fila LIFO (last-in, first-out) = pilha

Propriedades da Busca em Profundidade

- Completa? Não: falha em espaços com profundidade infinita, espaços com loops
 - Se modificada para evitar estados repetidos é completa para espaços finitos
- <u>Tempo?</u> O(b^m): péssimo quando m é muito maior que d.
 - mas se há muitas soluções pode ser mais eficiente que a busca em extensão
- Espaço? O(bm), i.e., espaço linear!
 - 118 kilobytes ao invés de 10 petabytes para busca com b=10, d=m=12
- <u>Ótima?</u> Não

Aula 4 - 20/08/2010

Busca em Profundidade Limitada

= busca em profundidade com limite de profundidade *l*, isto é, nós com profundidade *l* não tem sucessores

• Implementação Recursiva:

function Depth-Limited-Search (problem, limit) returns soln/fail/cutoff
RECURSIVE-DLS(MAKE-NODE(INITIAL-STATE[problem]), problem, limit)
function RECURSIVE-DLS(node, problem, limit) returns soln/fail/cutoff
cutoff-occurred? 4- false
if GOAL-Test[problem](STATE[node]) then return SOLUTION(node)
else if Depth[node] = limit then return cutoff
else for each successor in Expanv[node, problem] do
result = RECURSIVE-DLS[successor, problem, limit)
if result = cutoff then cutoff-occurred? 4- true
else if result ≠ failure then return result
if cutoff-occurred? then return cutoff else return failure

Aula 4 - 20/08/2010

28

Propriedades da Busca em Profundidade Limitada

- <u>Completa?</u> Não; a solução pode estar além do limite.
- <u>Tempo?</u> $O(b^{l})$
- Espaço? O(bl)
- Ótima? Não

a 4 - 20/08/2010

Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade

 $\label{thm:condition} \begin{tabular}{ll} function Iterative-Deepening-Search (\it problem) returns a solution, or failure inputs: \it problem, a problem \end{tabular}$

 $\begin{aligned} & \textbf{for} \ \textit{depth} \leftarrow \textbf{0} \ \textbf{to} \ \infty \ \textbf{do} \\ & \textit{result} \leftarrow \textbf{Depth-Limited-Search}(\textit{problem}, \textit{depth}) \\ & \textbf{if} \ \textit{result} \neq \textbf{cutoff then return} \ \textit{result} \end{aligned}$

ula 4 - 20/08/2010

Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade / =0

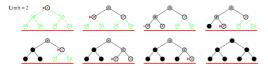
Limit = 0

Aula 4 - 20/08/2010

Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade / =1

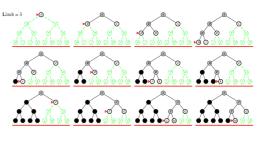
Aula 4 - 20/08/2010

Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade / =2



Aula 4 - 20/08/2010

Busca de Aprofundamento Iterativo em Profundidade / =3



Aula 4 - 20/08/2010

Busca de Aprofundamento Iterativo

- Número de nós gerados em uma busca de extensão com fator de ramificação *b*:
 - $N_{BE} = b^1 + b^2 + ... + b^{d-2} + b^{d-1} + b^d + (b^{d+1} b)$

Número de nós gerados em uma busca de aprofundamento iterativo até a profundidade $\it d$ com fator de ramificação $\it b$:

 $N_{BAI} = (d+1)b^0 + d\ b^1 + (d-1)b^2 + ... + 3b^{d-2} + 2b^{d-1} + 1b^d$

- Para b = 10, d = 5, N_{BE} = 10 + 100 + 1.000 + 10.000 + 100.000 + 999.990 = 1.111.100
 - N_{BAI} = 6 + 50 + 400 + 3.000 + 20.000 + 100.000 = 123.456
- Overhead = (123.456 111.111)/111.111 = 11%

Propriedades da busca de aprofundamento iterativo

- Completa? Sim
- Tempo? $(d+1)b^0 + db^1 + (d-1)b^2 + ... + b^d =$ $O(b^d)$
- Espaço? O(bd)
- <u>Ótima?</u> Sim, se custo de passo = 1

Resumo dos algoritmos

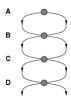
Criterion	Breadth-	Uniform-	Depth-	Depth-	Iterative
	First	Cost	First	Limited	Deepening
Complete? Time Space Optimal?	$\begin{array}{c} {\sf Yes} \\ O(b^{d+1}) \\ O(b^{d+1}) \\ {\sf Yes} \end{array}$	Yes $O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$ $O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$ Yes	$\begin{array}{c} \operatorname{No} \\ O(b^m) \\ O(bm) \\ \operatorname{No} \end{array}$	No $O(b^l)$ $O(bl)$ No	$\begin{array}{c} \text{Yes} \\ O(b^d) \\ O(bd) \\ \text{Yes} \end{array}$

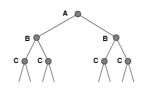
Estados repetidos

- O processo de busca pode perder tempo expandindo nós já explorados antes
 - Estados repetidos podem levar a loops infinitos
 - Estados repetidos podem transformar um problema linear em um problema exponencial

Estados Repetidos

• Não detectar estados repetidos pode transformar um problema linear em um problema exponencial.





Detecção de estados repetidos

- Comparar os nós prestes a serem expandidos com nós já
 - Se o nó já tiver sido visitado, será descartado.

 - Lista "closed" (fechado) armazena nós já visitados.
 Busca em profundidade e busca de aprofundamento iterativo não tem mais espaço linear.
 - A busca percorre um grafo e não uma árvore.

function GRAPH-SEARCH(problem, fringe) returns a solution, or failure $closed \leftarrow$ an empty set $fringe \leftarrow Insert(Make-Node(Initial-State[problem]), fringe)$ | fringe \(\text{INSERT(MIANDER)} \)
| loop do |
| if fringe is empty then return failure |
| node \(- \text{REMOVE-FRONT(fringe}) \)
| if GOAL-TEST[problem][STATE[node]) then return SOLUTION(node) |
| if STATE[node] is not in closed then |
| add STATE[node] to closed |
| fringe \(- \text{INSERTALL(EXPAND(node, problem), fringe} \)
| \(\text{INSERTALL(EXPAND(node, problem), fringe} \)

Resumo

- A formulação de problemas usualmente requer a abstração de detalhes do mundo real para que seja definido um espaço de estados que possa ser explorado através de algoritmos de
- Há uma variedade de estratégias de busca sem informação (ou busca cega).
- A busca de aprofundamento iterativo usa somente espaço linear e não muito mais tempo que outros algoritmos sem informação.