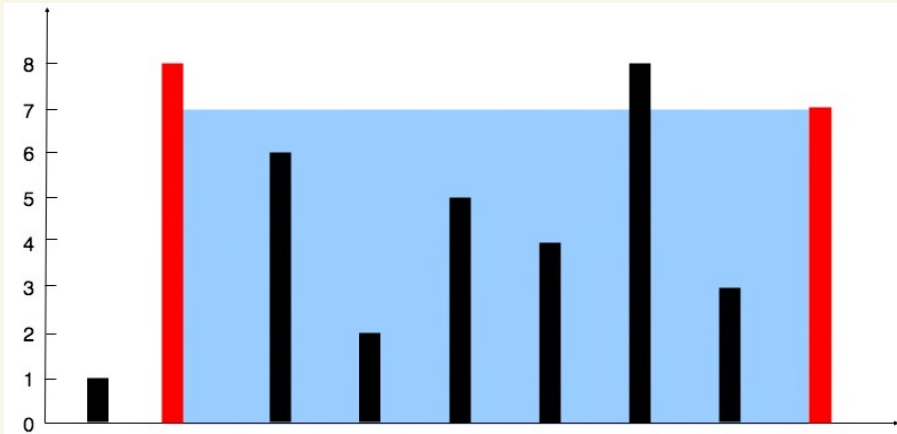


Problem Definition:

給定一大小為 n 的陣列為 $height$ ，其中： $height[i]$ 表示 i 時的高度，欲找一 container 為 $[i..j]$ ，其中，水量為最大的 container。

Example: $height = [1, 8, 6, 2, 5, 4, 8, 3, 7]$



Solution:

①. brute force:

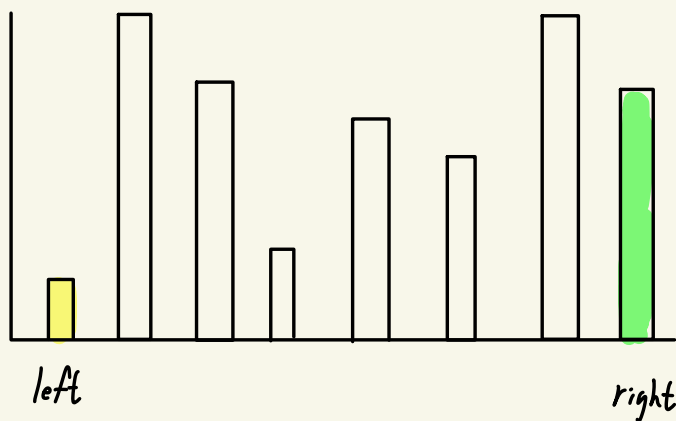
遍歷 $1 \leq i < j \leq n$, 計算: $(j-i) \times (\min(\text{height}[i], \text{height}[j]))$

儲最大的那個.

Time Complexity: $O(n^2)$

②. Two Pointers 方法:

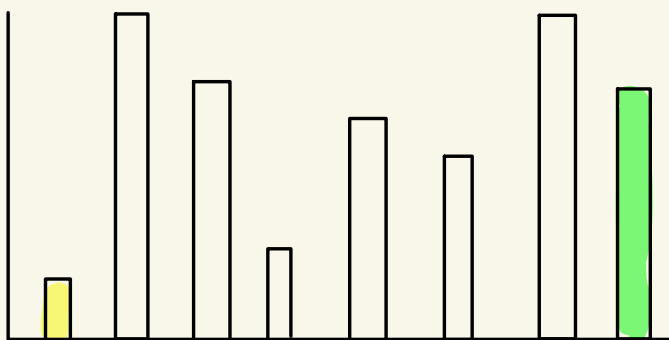
用左右指標記錄當前 i, j



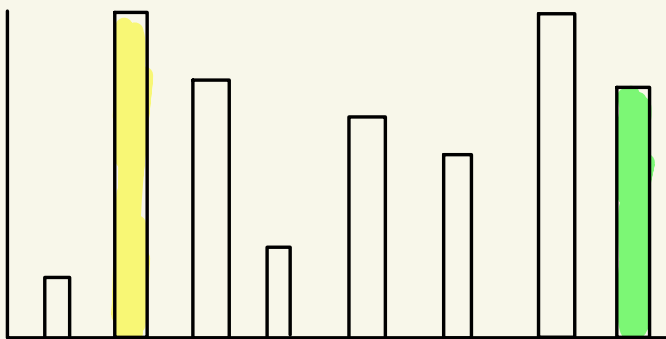
問題在每一回合, 如何決定 $left$ 向右或 $right$ 向左可涵蓋到 optimal solution.

若 $height[left] \leq height[right]$ 則移動 $left$

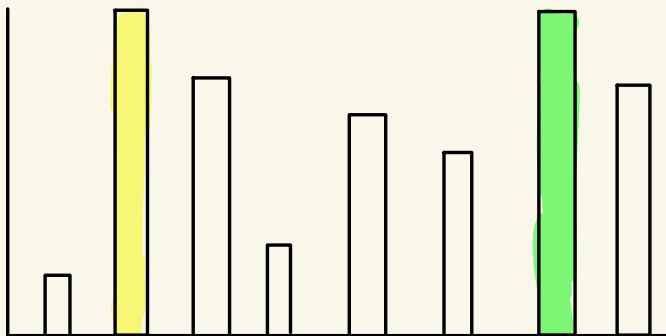
$height[left] > height[right]$ 則移動 $right$



7×1



6×7



5×8

\vdots

為何此方法會 work?

已知當前 amount 為:

$$(right - left) \times \min(\text{height}[left], \text{height}[right]) - ①$$

下一個選擇可為:

$$^{(11)} (right - left - 1) \times \min(\text{height}[left + 1], \text{height}[right]) - ②$$

$$^{(12)} (right - left - 1) \times \min(\text{height}[left], \text{height}[right - 1]) - ③$$

Optimal solution ~~為~~ $\max(①, ②, ③)$

但若已知 $\text{height}[left] \leq \text{height}[right]$

$$① = (right - left) \times \text{height}[left]$$

$$② = (right - left - 1) \times \text{height}[left]$$

則可保證 $② < ①$

故可不考慮 ②, \therefore ② 不會使解變好.

同理, 當 $\text{height}[\text{left}] > \text{height}[\text{right}]$

可不考慮 ②

又當 $\text{left} \geq \text{right}$ 時, 解為 ≥ 0 , 必不為解

故可用 two pointers 來減少遍歷次數!