

数组的顺序存储及 (C语言) 实现

数组作为一种线性存储结构，对存储的数据通常只做查找和修改操作，因此**数组结构的实现使用的是顺序存储结构**。

要知道，对数组中存储的数据做插入和删除操作，算法的效率是很差的。

由于数组可以是多维的，而顺序存储结构是一维的，因此数组中数据的存储要制定一个先后次序。通常，数组中数据的存储有两种先后存储方式：

- 1. **以列序为主 (先列后行)**：按照行号从小到大的顺序，依次存储每一列的元素
- 2. **以行序为主 (先行后序)**：按照列号从小到大的顺序，依次存储每一行的元素。

多维数组中，我们最常用的是二维数组。比如说，当二维数组 `a[6][6]` 按照列序为主的次序顺序存储时，数组在内存中的存储状态如**图 1** 所示：

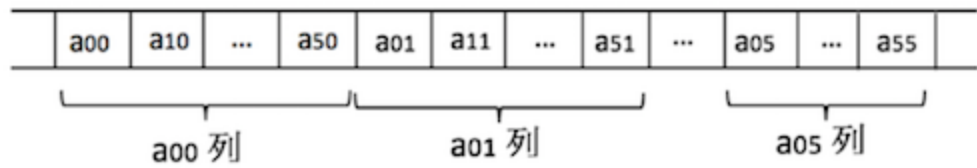


图 1 以列序为主的二维数组存储状态

同样，当二维数组 `a[6][6]` 按照行序为主的次序顺序存储时，数组在内存中的存储状态如图 2 所示：

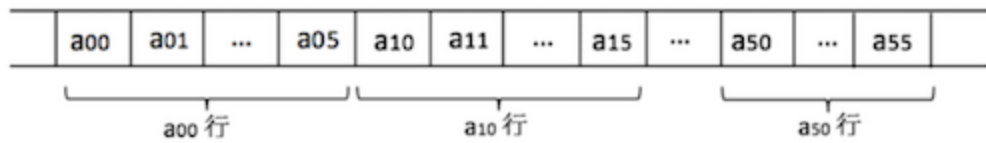


图 2 以行序为主的二维数组存储状态

C 语言中，多维数组的存储采用的是以行序为主的顺序存储方式。

通过以上内容，我们掌握了将多维数组存储在一维内存空间的方法。那么，后期如何对指定的数据进行查找和修改操作呢？

多维数组查找指定元素

当需要在顺序存储的多维数组中查找某个指定元素时，需知道以下信息：

- 多维数组的存储方式；
- 多维数组在内存中存放的起始地址；
- 该指定元素在原多维数组的坐标（比如说，二维数组中是通过行标和列标来表明数据元素的具体位置的）；
- 数组中数组的具体类型，即数组中单个数据元素所占内存的大小，通常用字母 L 表示；

根据存储方式的不同，查找目标元素的方式也不同。如果二维数组采用以行序为主的方式，则在二维数组 a_{nm} 中查找 a_{ij} 存放位置的公式为：

$$\text{LOC}(i,j) = \text{LOC}(0,0) + (i*m + j) * L;$$

其中， $\text{LOC}(i,j)$ 为 a_{ij} 在内存中的地址， $\text{LOC}(0,0)$ 为二维数组在内存中存放的起始位置（也就是 a_{00} 的位置）。

而如果采用以列存储的方式，在 a_{nm} 中查找 a_{ij} 的方式为：

$$\text{LOC}(i,j) = \text{LOC}(0,0) + (i*n + j) * L;$$

以下给出了采用以行序为主的方式存储三维数组 $a[3][4][2]$ 的 C 语言代码实现，这里不再对该代码进行分析（代码中有详细注释），有兴趣的读者可以自行拷贝运行：

```
01.  #include<stdarg.h>
02.  #include<malloc.h>
03.  #include<stdio.h>
04.  #include<stdlib.h> // atoi()
05.  #include<io.h> // eof()
06.  #include<math.h>
07.
08.  #define TRUE 1
09.  #define FALSE 0
10.  #define OK 1
11.  #define ERROR 0
12.  #define INFEASIBLE -1
13.  #define OVERFLOW 3
14.  #define UNDERFLOW 4
15.  typedef int Status; //Status是函数的类型,其值是函数结果状态代码,如OK等
16.  typedef int Boolean; //Boolean是布尔类型,其值是TRUE或FALSE
17.  typedef int ElemType;
18.
19.  #define MAX_ARRAY_DIM 8 //假设数组维数的最大值为8
20.  typedef struct
21.  {
22.      ElemType *base; //数组元素基址,由InitArray分配
23.      int dim; //数组维数
24.      int *bounds; //数组维界基址,由InitArray分配
25.      int *constants; // 数组映象函数常量基址,由InitArray分配
26.  } Array;
```

```

27.
28. Status InitArray(Array *A, int dim, ...)
29. {
30.     //若维数dim和各维长度合法, 则构造相应的数组A, 并返回OK
31.     int elemtotal=1, i; // elemtotal是元素总值
32.     va_list ap;
33.     if(dim<1 || dim>MAX_ARRAY_DIM)
34.         return ERROR;
35.     (*A).dim=dim;
36.     (*A).bounds=(int *)malloc(dim*sizeof(int));
37.     if(!(*A).bounds)
38.         exit(OVERFLOW);
39.     va_start(ap, dim);
40.     for(i=0; i<dim; ++i)
41.     {
42.         (*A).bounds[i]=va_arg(ap, int);
43.         if((*A).bounds[i]<0)
44.             return UNDERFLOW;
45.         elemtotal*=(*A).bounds[i];
46.     }
47.     va_end(ap);
48.     (*A).base=(ElemType *)malloc(elemtotal*sizeof(ElemType));
49.     if(!(*A).base)
50.         exit(OVERFLOW);
51.     (*A).constants=(int *)malloc(dim*sizeof(int));
52.     if(!(*A).constants)
53.         exit(OVERFLOW);
54.     (*A).constants[dim-1]=1;
55.     for(i=dim-2; i>=0; --i)
56.         (*A).constants[i]=(*A).bounds[i+1]*(*A).constants[i+1];
57.     return OK;
58. }
59. Status DestroyArray(Array *A)
60. {
61.     //销毁数组A
62.     if((*A).base)
63.     {
64.         free((*A).base);
65.         (*A).base=NULL;
66.     }
67.     else
68.         return ERROR;
69.     if((*A).bounds)
70.     {
71.         free((*A).bounds);
72.         (*A).bounds=NULL;
73.     }

```

```

74.         else
75.             return ERROR;
76.         if ((*A).constants)
77.         {
78.             free ((*A).constants);
79.             (*A).constants=NULL;
80.         }
81.         else
82.             return ERROR;
83.         return OK;
84.     }
85. Status Locate(Array A, va_list ap, int *off) // Value()、Assign()调用此函数 */
86. {
87.     //若ap指示的各下标值合法，则求出该元素在A中的相对地址off
88.     int i, ind;
89.     *off=0;
90.     for(i=0; i<A.dim; i++)
91.     {
92.         ind=va_arg(ap, int);
93.         if(ind<0 || ind>=A.bounds[i])
94.             return OVERFLOW;
95.         *off+=A.constants[i]*ind;
96.     }
97.     return OK;
98. }
99. Status Value(ElemType *e, Array A, ...) //在VC++中，...之前的形参不能是引用类型
100. {
101.     //依次为各维的下标值，若各下标合法，则e被赋值为A的相应的元素值
102.     va_list ap;
103.     Status result;
104.     int off;
105.     va_start(ap, A);
106.     if((result=Locate(A, ap, &off))==OVERFLOW) //调用Locate()
107.         return result;
108.     *e=*(A.base+off);
109.     return OK;
110. }
111. Status Assign(Array *A, ElemType e, ...)
112. {
113.     //依次为各维的下标值，若各下标合法，则将e的值赋给A的指定的元素
114.     va_list ap;
115.     Status result;
116.     int off;
117.     va_start(ap, e);
118.     if((result=Locate(*A, ap, &off))==OVERFLOW) //调用Locate()
119.         return result;
120.     *((*A).base+off)=e;

```

```

121.     return OK;
122. }
123.
124. int main()
125. {
126.     Array A;
127.     int i,j,k,*p,dim=3,bound1=3,bound2=4,bound3=2; //a[3][4][2]数组
128.     ElemType e,*p1;
129.     InitArray(&A,dim,bound1,bound2,bound3); //构造3*4*2的3维数组A
130.     p=A.bounds;
131.     printf("A.bounds=");
132.     for(i=0; i<dim; i++) //顺序输出A.bounds
133.         printf("%d ",*(p+i));
134.     p=A.constants;
135.     printf("\nA.constants=");
136.     for(i=0; i<dim; i++) //顺序输出A.constants
137.         printf("%d ",*(p+i));
138.     printf("\n%d页%d行%d列矩阵元素如下:\n",bound1,bound2,bound3);
139.     for(i=0; i<bound1; i++)
140.     {
141.         for(j=0; j<bound2; j++)
142.         {
143.             for(k=0; k<bound3; k++)
144.             {
145.                 Assign(&A,i*100+j*10+k,i,j,k); // 将i*100+j*10+k赋值给A[i][j][k]
146.                 Value(&e,A,i,j,k); //将A[i][j][k]的值赋给e
147.                 printf("A[%d][%d][%d]=%2d ",i,j,k,e); //输出A[i][j][k]
148.             }
149.             printf("\n");
150.         }
151.         printf("\n");
152.     }
153.     p1=A.base;
154.     printf("A.base=\n");
155.     for(i=0; i<bound1*bound2*bound3; i++) //顺序输出A.base
156.     {
157.         printf("%4d",*(p1+i));
158.         if(i%(bound2*bound3)==bound2*bound3-1)
159.             printf("\n");
160.     }
161.     DestroyArray(&A);
162.     return 0;
163. }

```

运行结果为：

A.bounds=3 4 2

A.constants=8 2 1

3页4行2列矩阵元素如下:

A[0][0][0]= 0 A[0][0][1]= 1

A[0][1][0]=10 A[0][1][1]=11

A[0][2][0]=20 A[0][2][1]=21

A[0][3][0]=30 A[0][3][1]=31

A[1][0][0]=100 A[1][0][1]=101

A[1][1][0]=110 A[1][1][1]=111

A[1][2][0]=120 A[1][2][1]=121

A[1][3][0]=130 A[1][3][1]=131

A[2][0][0]=200 A[2][0][1]=201

A[2][1][0]=210 A[2][1][1]=211

A[2][2][0]=220 A[2][2][1]=221

A[2][3][0]=230 A[2][3][1]=231

A.base=

0 1 10 11 20 21 30 31
100 101 110 111 120 121 130 131
200 201 210 211 220 221 230 231