电子科技大学

课程实验报告

课程名称：	最优化理论与应用
实验题目：	约束优化
姓　　名：	徐宇健
学　　号：	202422280813
专　　业：	085400 电子信息工程
学　　院：	（深圳）高等研究院
完成日期：	2024 年 11 月 11 日

实验目的：

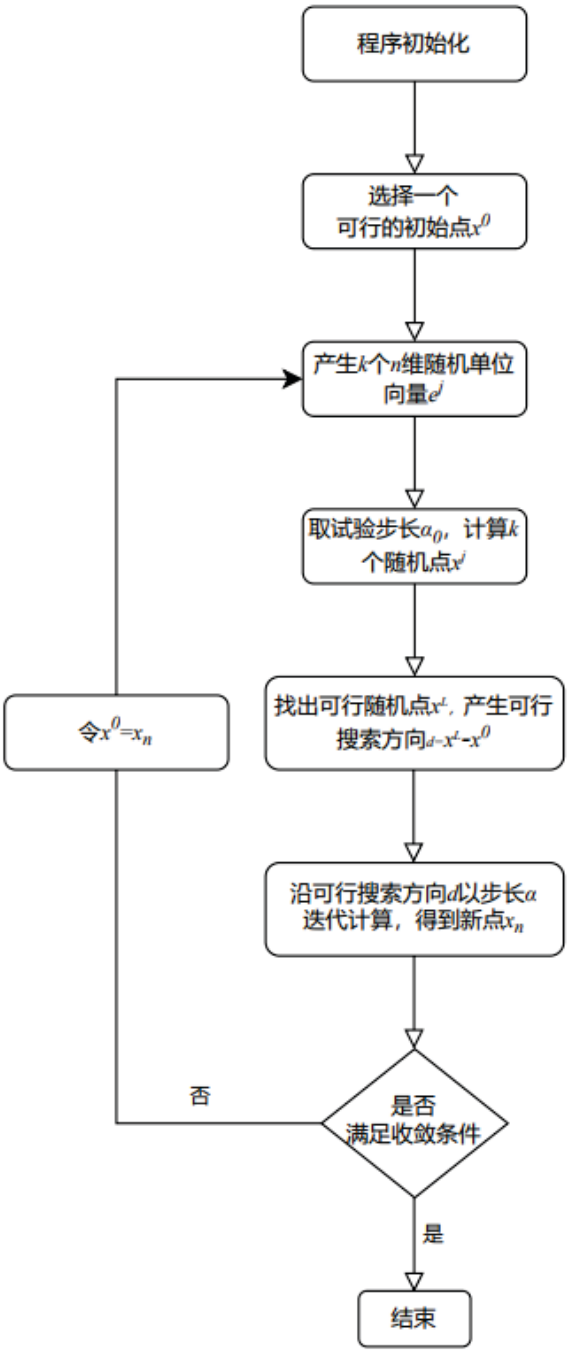
1. 以本次实验为案例，了解算法复现流程；

2. 掌握 matlab 的基本操作，学习编写 matlab 程序，提高编程能力和技巧；

3. 学习用已学的知识解决实际问题，将理论应用于实际。

算法步骤：

随机方向法：



Matlab 程序：

随机方向法（求解程序）：

```
%随机方向法
clc,clear
tic  %计时开始
%% 初始化
n=3;
a0=0.1; %试验步长
epsilon=1e-6;   %收敛精度
k=8;    %搜索方向个数
a=0;   %下限值
b=42;    %上限值
%% 选择初始点
while 1
    x0=a+(b-a)*rand(n,1);  %随机产生初始点
    g=gcon(x0);
    if all(g<=0)
        break;
    end
end
f0=fun(x0);
%%
while 1
    %% 产生可行搜索方向
    a0=0.1;
    r=zeros(n,k);   %随机方向
    e=zeros(n,k);   %单位化随机方向
    while 1
        j=1;    %可行点数目的计数
        for i=1:k
          r(:,i)=rands(n,1);
          e(:,i)=r(:,i)/norm(r(:,i));   %单位化随机方向
          xs=x0+a0*e(:,i);  %沿随机方向移动后的点
          gz=gcon(xs);
          if all(gz<=0)
```

```
            fs=fun(xs); %计算移动后可行点的目标函数值
            x(:,j)=xs;  %记录沿随机方向移动后的可行点
            fz(:,j)=fs; %记录沿随机方向移动后的可行点目标函数值
            j=j+1;
          else
             continue;
          end
        end
        xf=[x;fz];
        [B,ind]=sort(xf(n+1,:));     %升序排列移动后可行点的目标函数值
        fl=B(1);
        if fl<f0
            break;
        else
            a0=0.9*a0;
        end
    end
    xl=x(:,ind(1)); %找到最小的可行点
    d=xl-x0;     %找到可行搜索方向
    f0=fl;  %将初始点移动到试探可行点
    x0=xl;
    %% 沿可行方向采用加速步长进行搜索
    while 1
        a0=1.3*a0;  %步长加速
        xl=x0+a0*d; %计算沿可行方向移动的下一点
        fl=fun(xl);
        g=gcon(xl);
        if(all(g<=0) && fl<f0)
            x0=xl;
            f0=fl;
        else
            break;
        end
    end
    xn=x0-a0*d/1.3;
    fl=fun(xn);
```

```
    %%
    if abs((f0-fl)/f0)<epsilon  %判断是否达到精度
        break;
    end
end
xe=x0;
fe=f0;
% 输出最终结果
fprintf('经过随机方向法运算后得到结果如下: \n D2=%.4f\n d=%.4f\n n=%.4f\n
f(x)=%.4f\n', xe(1), xe(2), xe(3), fe);
toc  %计时结束
```

随机方向法（优化函数程序）：

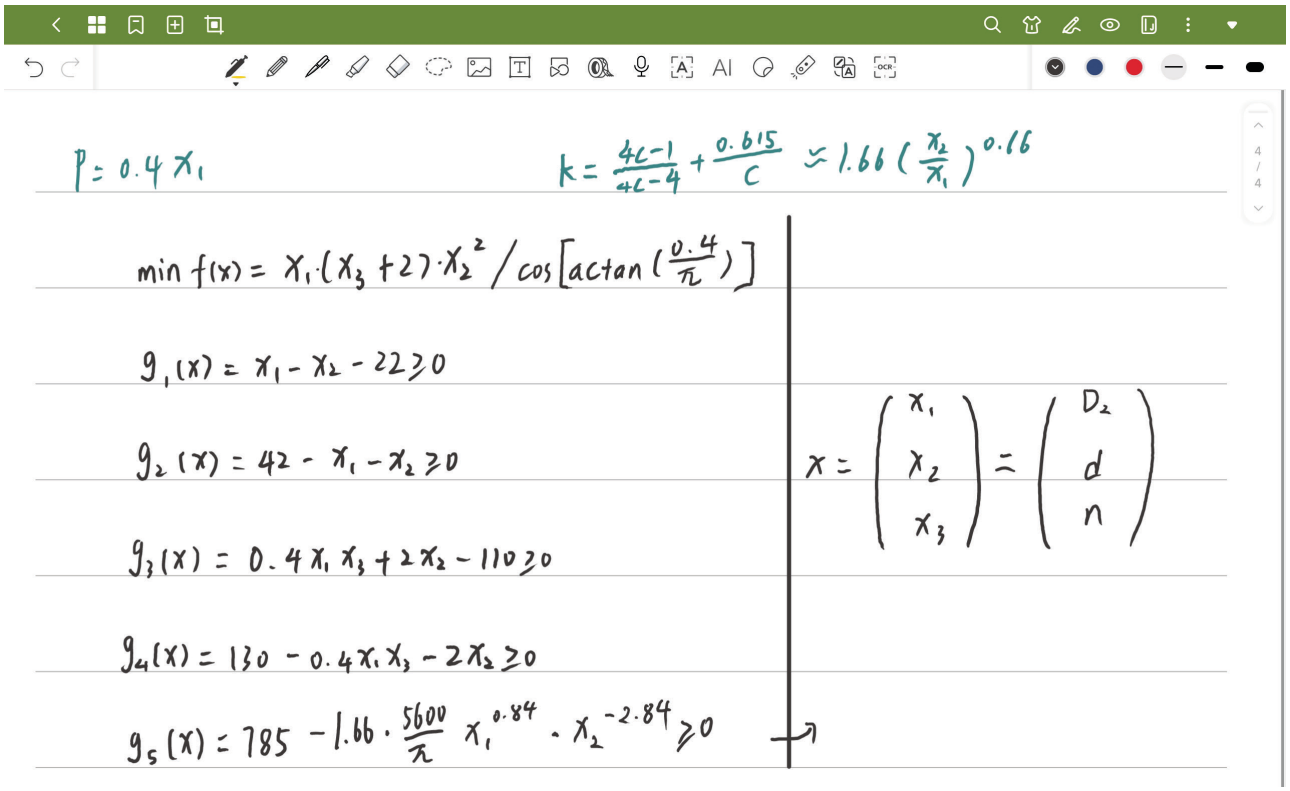
```
function f=fun(x)
f=x(1)*(x(3)+2)*x(2)^2/cos(atan(0.4/pi));
```

随机方向法（约束条件程序）：

```
function g=gcon(x)
g=[
    22-x(1)+x(2)
    x(1)+x(2)-42
    110-0.4*x(1)*x(3)-2*x(2)
    0.4*x(1)*x(3)+2*x(2)-130
    (1.66*5600*x(1)^0.84)/(pi*x(2)^2.84)-785
];
```

实验结果：

对题目的合理数学推导结果（参照论文）：



题目：

初始题目：

优化设计数学模型为

$$\begin{cases} \min f(\boldsymbol{x}) = \dfrac{x_1(n+2)}{\cos\alpha} x_2^2 \\ g_1(\boldsymbol{x}) = x_1 - x_2 - 22 \geq 0 \\ g_2(\boldsymbol{x}) = 42 - x_1 - x_2 \geq 0 \\ g_3(\boldsymbol{x}) = np + 2x_2 - 110 \geq 0 \\ g_4(\boldsymbol{x}) = 130 - np - 2x_2 \geq 0 \\ g_5(\boldsymbol{x}) = \arctan\dfrac{p}{\pi x_1} - 5^\circ \geq 0 \\ g_6(\boldsymbol{x}) = 10^\circ - \arctan\dfrac{p}{\pi x_1} \geq 0 \\ g_7(\boldsymbol{x}) = [\tau] - \left(\dfrac{4c-1}{4c-4} + \dfrac{0.615}{c}\right)\dfrac{8F_{\max}x_1}{\pi x_2^3} \geq 0 \\ \boldsymbol{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} D_2 \\ d \end{pmatrix} \end{cases}$$

求解结果：

命令行窗口

经过随机方向法运算后得到结果如下:
D2=26.1918
d=4.1915
n=9.6995
f(x)=5427.0804
时间已过 0.028107 秒。
>>

实验收获：

最优化算法中的**随机方向法**是一种在处理**多维约束最优化问题**时非常有效的方法。在这个实验中，我们通过不断调整初始点，利用随机方向和步长来寻找满足所有约束条件的可行解。在实验的开始，我们需要选择一个可行的初始点。这一步虽然看似简单，但实际上在约束条件复杂的情况下，找到一个**既满足所有约束条件又能作为起始点的解**并不容易。这一步的选择会直接影响到整个优化过程的效率和最终结果的质量，有时候甚至需要对题目进行相应的重构。

随后，我们生成多个随机单位向量作为搜索方向。这一步的目的在于探索更大的解空间，避免陷入局部最优解。在生成随机方向时，要确保这些向量的维度和问题的维度一致，并且要保持它们的随机性，从而在不同方向上进行充分的搜索。通过试验步长，我们计算出多个随机点。在这些随机点中，我们寻找一个满足约束条件的点，并以此产生可行的搜索方向。在这一步中，选择合适的步长尤为重要，因为过大的步长可能会跳过最优解，而过小的步长则可能导致搜索过程过于缓慢。在沿着可行搜索方向迭代计算的过程中，我们需要不断检验新的点是否满足所有约束条件，并观察目标函数值的变化。当找到一个新的点满足所有约束条件且目标函数值不再下降时，我们可以认为找到了一个局部最优解。如果在多次迭代后仍未找到合适的解，需要重新调整步长或方向，继续搜索。

综上所述，最优化算法中的**随机方向法**在解决复杂约束优化问题时具有很大的应用潜力。通过多次随机试验和迭代搜索，我们能够找到满足所有约束条件并符合精度要求的最优解。通过这个实验，我深刻体会到了随机方向算法的精妙之处，以及在实际工程应用中灵活调整策略的重要性。