

# MÉTODOS DE ORDENAÇÃO

## Ordenação

- ✎ Ordenar é rearranjar um conjunto de objetos em uma ordem crescente ou decrescente.
- ✎ Objetivo:
  - ☞ Facilitar a recuperação posterior, dos dados armazenados.
  - ☞ Pesquisar e recuperar dados.

## Ordenação

- ✎ A escolha do melhor algoritmo para uma aplicação depende
  - ☞ do número de itens a ser ordenado,
  - ☞ de quantos itens já estão ordenados de algum modo,
  - ☞ de possíveis restrições aos valores dos itens,
  - ☞ do dispositivo de armazenamento utilizado, etc.
- ✎ Os algoritmos trabalham através de uma “**chave**” de pesquisa.

## Classe Item

```
class Item {  
    private tipoChave chave;  
    // outros atributos  
    // construtor(es) e métodos para  
    // manipular os atributos,  
    // dentre eles:  
    public tipoChave getChave ( ){  
        return chave;  
    }  
}
```

## Ambiente de Classificação

- ✎ **Ordenação interna** – Ocorre quando o arquivo a ser ordenado cabe todo na memória principal. Neste tipo de ordenação, qualquer registro pode ser imediatamente acessado.
- ✎ **Ordenação externa** – Ocorre quando o arquivo não cabe na memória principal e deve ser armazenado em fita ou disco. Neste tipo de ordenação, os registros são acessados seqüencialmente ou em grandes blocos.

## Medidas de complexidade relevantes

- ✎ Para saber o tempo gasto para ordenar um arquivo, é necessário calcular :
  - ☞ **Comparações de chaves -  $C(n)$**
  - ☞ **Movimentações de itens -  $M(n)$**
- ✎ Também é necessário saber a quantidade de memória auxiliar utilizada pelo algoritmo.

## Estrutura de dados

- ✎ **Contiguidade física**

25	37	15	12	20
1	2	3	4	5

12	15	20	25	37
1	2	3	4	5

## Estrutura de dados

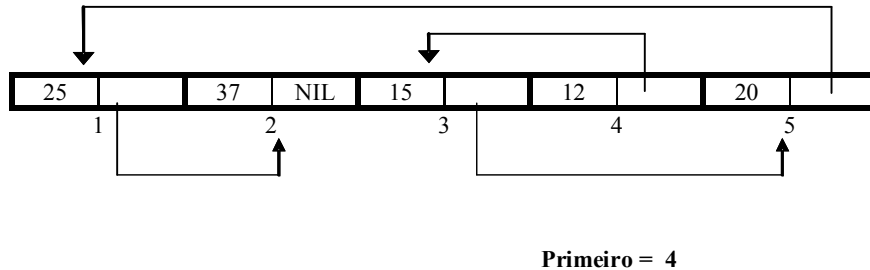
- ✎ **Vetor indireto de ordenação**

25	37	15	12	20
1	2	3	4	5

4	3	5	1	2
1	2	3	4	5

# Estrutura de dados

## Encadeamento



# Estrutura de Dados

- Os métodos preferidos são aqueles que utilizam **vetor** como estrutura de dados e fazem **permutação de itens no próprio vetor**.
- Os métodos que utilizam listas encadeadas são utilizados em situações muito especiais.
- Os métodos que precisam de uma quantidade extra de memória para armazenar uma outra cópia dos itens que serão ordenados são menos importantes.

# Ordenação Interna

## Métodos simples

- $O(n^2)$  comparações
- Produzem programas pequenos e fáceis de entender.

## Métodos eficientes

- $O(n \log n)$  comparações.
- As comparações usadas são mais complexas nos detalhes.

# Tipo de dados

```
class Dados{
    //referência a um vetor de itens
    private Item[] vetor;
    //número de itens de dados
    private int nElem;
    //construtor(es) e métodos desta classe
}
```

## Método de Ordenação Estável

- Quando a ordem dos itens com **chaves** iguais mantém-se inalterada pelo processo de ordenação.

18	7	10	7	3
Andréa Costa	João da Silva	João da Silva	Luiz Dantas	Maria Freitas
1	2	3	4	5

- Alguns métodos mais eficientes não são estáveis. Mas, para um método não-estável, a estabilidade pode ser forçada, se ela for importante.

## Seleção Direta – Selection Sort

520 450 254 310 285 179 652 351 423 861  
**i** **min**

179 450 254 310 285 520 652 351 423 861  
**i** **min**

179 254 450 310 285 520 652 351 423 861  
**i** **min**

179 254 285 310 450 520 652 351 423 861  
**i** **min**  
**i/mi**  
**n**

179 254 285 310 450 520 652 351 423 861  
**i** **min**

## Seleção Direta – Selection Sort

179 254 285 310 351 520 652 450 423 861  
**i** **min**

179 254 285 310 351 423 652 450 520 861  
**i** **min**

179 254 285 310 351 423 450 520 652 861  
**i** **min**  
**i/mi**  
**n**

179 254 285 310 351 423 450 520 652 861

## Algoritmo

```
public void seleçãoDireta () {  
    int i, j, min;  
    Item temp;  
    for (i=0; i< this.nElem-1; i++) {  
        min = i;  
        for (j=i+1; j< this.nElem; j++)  
            if (this.vetor[j].getChave () < this.vetor[min].getChave ())  
                min = j;  
        temp = this.vetor[min];  
        this.vetor[min] = this.vetor[i];  
        this.vetor[i] = temp;  
    }  
}
```

## Custo

### ✎ Comparações

$$C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

### ✎ Movimentações

$$M(n) = 3(n - 1)$$

## Considerações

- ✎ Número de movimentações é linear
- ✎ Bom para arquivos com registros grandes
- ✎ Bom para arquivos com até 1000 registros se a chave tem tamanho igual a 1 palavra
- ✎ Se o arquivo já está ordenado ou quase, isso não ajuda em nada.  $C(n)$  continua quadrático
- ✎ Algoritmo não é estável.

## Não é estável

1	2	3	4	5	6
KÁTIA	CARLOS	LUCAS	JOSÉ	LUCAS	JÚLIA

## Bolha - BubbleSort

```
520  450  254  310  285  179  652  351  423  861
  j                                     Lsup
450  520  254  310  285  179  652  351  423  861
  j                                     Lsup
450  254  520  310  285  179  652  351  423  861
        j                                     Lsup
450  254  310  520  285  179  652  351  423  861
              j                                     Lsup
450  254  310  285  520  179  652  351  423  861
                      j                                     Lsup
```

## Bolha – BubbleSort

450	254	310	285	179	520	351	652	423	861
j							Lsup		
450	254	310	285	179	520	351	423	652	861
j							Lsup		
450	254	310	285	179	520	351	423	652	861
j							Lsup		
254	450	310	285	179	520	351	423	652	861
j							Lsup		
254	310	450	285	179	520	351	423	652	861
j							Lsup		
254	310	285	450	179	520	351	423	652	861
j							Lsup		

## Bolha – BubbleSort

254	310	285	179	450	520	351	423	652	861
j				Lsup					
254	310	285	179	450	351	520	423	652	861
						Lsu			
254	310	285	179	450	351	423	520	652	861
						Lsu			
254	310	285	179	450	351	423	520	652	861
						Lsu			
254	285	310	179	450	351	423	520	652	861
						Lsu			
254	285	179	310	450	351	423	520	652	861
						Lsu			

## Bolha – BubbleSort

254	285	179	310	351	450	423	520	652	861
					Lsu				
254	285	179	310	351	423	450	520	652	861
					Lsu				
254	285	179	310	351	423	450	520	652	861
					Lsu				
254	179	285	310	351	423	450	520	652	861
					Lsu				
254	179	285	310	351	423	450	520	652	861
					Lsu				
179	254	285	310	351	423	450	520	652	861
					Lsu				

## BubbleSort - Algoritmo

```

public void bubblesort ()
{
    int LSup = 1;
    while (LSup >= 1)
    {
        LSup = this.nElem-1;
        do
        {
            LBocha = 0;
            for (j = 0; j < LSup; j++)
            {
                if (this.vetor[j].getClave() > this.vetor[j+1].getClave())
                {
                    temp = this.vetor[j];
                    this.vetor[j] = this.vetor[j+1];
                    this.vetor[j+1] = temp;
                    LBocha = j;
                }
            }
            LSup = LBocha;
        } while (LSup >= 1);
    }
}

```

## Custo

## COMPARAÇÕES

<b>MELHOR CASO:</b> Vetor já está ordenado	<b>PIOR CASO:</b> Vetor ordenado em ordem contrária
--	---

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado      **PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

$$\boxed{C(n) = n - 1} \qquad \boxed{C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}}$$

$$C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

**MOVIMENTAÇÕES**

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado.

**PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado.      **PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

$M(n) = 0$

$M(n) = \frac{3n^2}{2} - \frac{3n}{2}$

$$M(n) = \frac{3n^2}{2} - \frac{3n}{2}$$

## Considerações

- ✎ Parece o algoritmo de Seleção
- ✎ É um método **estável**
- ✎ Faz muitas trocas, o que o torna o menos eficiente dos métodos Simples ou Diretos
- ✎ É um método lento, pois só compara posições adjacentes.
- ✎ Cada passo aproveita muito pouco do passo anterior .
- ✎ Comparações redundantes, pois o algoritmo é linear e obedece a uma seqüência fixa de comparações.

## Considerações

- ✏ Se o arquivo estiver quase ordenado ele costuma ser eficiente, mas deve-se tomar cuidado com o caso em que o arquivo está ordenado, com exceção do menor elemento que está na última posição. Neste caso, o algoritmo fará o mesmo número de comparações do pior caso.

## ShakerSort

520	450	254	310	285	179	652	<b>351</b>	423	<b>861</b>
							<b>esq</b>	<b>dir/j</b>	
520	450	254	310	285	179	<b>351</b>	652	423	<b>861</b>
					<b>esq</b>	<b>j</b>			<b>dir</b>
520	450	254	310	<b>179</b>	285	351	652	423	<b>861</b>
				<b>esq</b>	<b>j</b>			<b>dir</b>	
520	450	254	<b>179</b>	310	285	351	652	423	<b>861</b>
			<b>esq</b>	<b>j</b>				<b>dir</b>	
520	450	<b>179</b>	254	310	285	351	652	423	<b>861</b>
		<b>esq</b>	<b>j</b>			<b>dir</b>			
520	<b>179</b>	450	254	310	285	351	652	423	<b>861</b>
<b>esq</b>		<b>j</b>							<b>dir</b>

## ShakerSort

179	520	450	254	310	285	351	652	423	861
esq/j					dir				
179	520	450	254	310	285	351	652	423	861
j esq					dir				
179	450	520	254	310	285	351	652	423	861
esq/j					dir				
179	450	254	520	310	285	351	652	423	861
esq j					dir				
179	450	254	310	520	285	351	652	423	861
esq j					dir				

## ShakerSort

179	450	254	310	285	520	351	652	423	861
esq					j	dir			
179	450	254	310	285	351	520	652	423	861
esq					j	dir			
179	450	254	310	285	351	520	423	652	861
esq					j dir				
179	450	254	310	285	351	520	423	652	861
esq					dir j				
179	450	254	310	285	351	423	520	652	861
esq					dir/j				
179	450	254	285	310	351	423	520	652	861
esq j					dir				

## ShakerSort

179	254	450	285	310	351	423	520	652	861
esq/j					dir				
179	254	285	450	310	351	423	520	652	861
j esq					dir				
179	254	285	310	450	351	423	520	652	861
esq j					dir				
179	254	285	310	351	450	423	520	652	861
esq j					dir				
179	254	285	310	351	423	450	520	652	861
esq					dir j	dir			
179	254	285	310	351	423	450	520	652	861
esq					dir j	dir			

## ShakerSort - Algoritmo

```
public void shakersort () {
    int esq = 1, dir = this.nElem-1, i, j=dir;
    Item temp;
    do {
        for (i = dir ; i >= esq; i -- )
            if (this.vetor[i-1].getChave() > this.vetor[i].getChave()) {
                temp = this.vetor[i];
                this.vetor[i] = this.vetor[i-1];
                this.vetor[i-1] = temp;
                j = i;
            }
        esq = j+1;
        for (i = esq ; i <= dir; i++)
            if (this.vetor[i-1].getChave() > this.vetor[i].getChave()) {
                temp = this.vetor[i];
                this.vetor[i] = this.vetor[i-1];
                this.vetor[i-1] = temp;
                j = i;
            }
        dir = j-1;
    } while (esq <= dir);
}
```



# Custo

## COMPARAÇÕES

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado

**PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

$$C(n) = n - 1$$

$$C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

## MOVIMENTAÇÕES

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado.

**PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

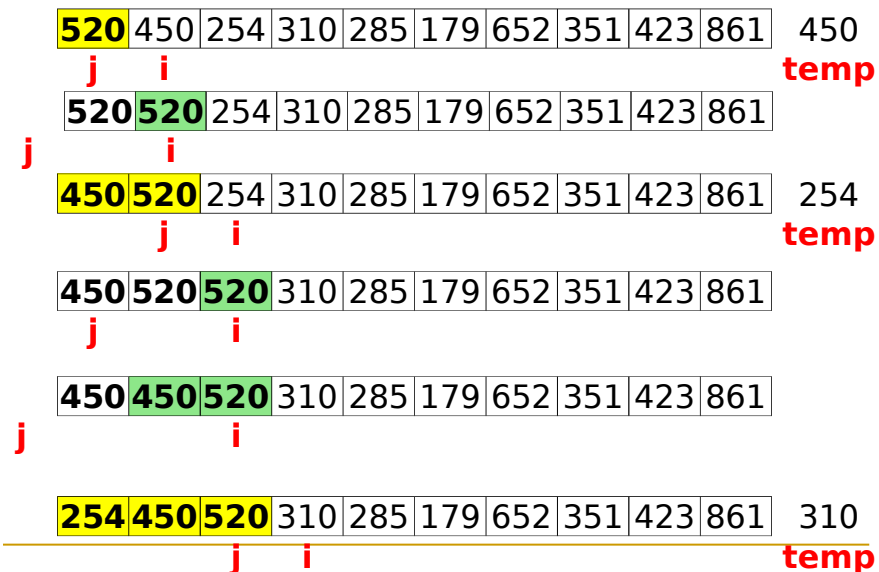
$$M(n) = 0$$

$$M(n) = \frac{3n^2}{2} - \frac{3n}{2}$$

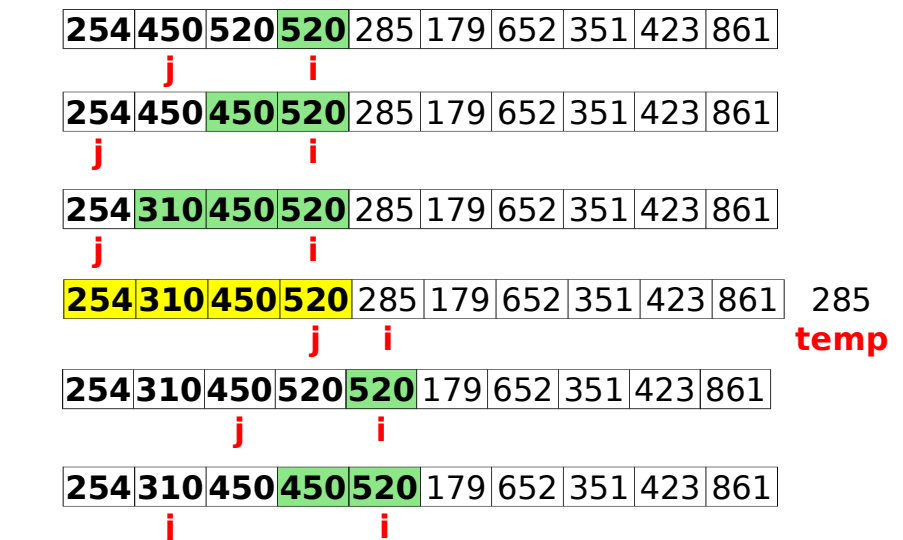
# Considerações

- ✎ Parece o algoritmo BUBBLESORT
- ✎ Faz muitas trocas, o que o torna um dos menos eficientes dentre os métodos Simples ou Diretos
- ✎ É um método estável

## Inserção Direta - InsertionSort



## Inserção Direta - InsertionSort



## Inserção Direta - InsertionSort

Diagram illustrating the Insertion Sort algorithm with five steps. Each step shows an array of 10 numbers. Elements being compared or shifted are in yellow, the element being inserted is in green, and the insertion point is marked with a red 'j'.

- Step 1:** Array: 254 | 310 | 310 | 450 | 520 | 179 | 652 | 351 | 423 | 861. Elements 254 and 310 are yellow. Element 310 is green. Red 'j' is at index 1.
- Step 2:** Array: 254 | 285 | 310 | 450 | 520 | 179 | 652 | 351 | 423 | 861. Elements 254, 285, 310, 450, and 520 are yellow. Element 520 is green. Red 'j' is at index 4. Element 179 is to the right.
- Step 3:** Array: 254 | 285 | 310 | 450 | 520 | 520 | 652 | 351 | 423 | 861. Element 520 is green. Red 'j' is at index 5.
- Step 4:** Array: 254 | 285 | 310 | 450 | 450 | 520 | 652 | 351 | 423 | 861. Elements 450 and 520 are green. Red 'j' is at index 4.
- Step 5:** Array: 254 | 285 | 285 | 310 | 450 | 520 | 652 | 351 | 423 | 861. Elements 285, 310, 450, and 520 are green. Red 'j' is at index 2.

## Inserção Direta - InsertionSort

The diagram illustrates the Insertion Sort algorithm with five steps. Each step shows an array of 10 numbers. Elements are highlighted in green for comparison and yellow for shifting. Red 'j' and 'i' markers indicate the current positions. A red 'temp' label indicates the element being inserted.

- Step 1:** Array: 254, 254, 285, 310, 450, 520, 652, 351, 423, 861. 'j' is at index 0, 'i' is at index 5. Element 520 is highlighted green.
- Step 2:** Array: 179, 254, 285, 310, 450, 520, 652, 351, 423, 861. 'j' is at index 1, 'i' is at index 6. Element 520 is highlighted green. Element 652 is highlighted yellow. 'temp' is 652.
- Step 3:** Array: 179, 254, 285, 310, 450, 520, 652, 351, 423, 861. 'j' is at index 2, 'i' is at index 7. Element 520 is highlighted green. Element 652 is highlighted yellow. 'temp' is 351.
- Step 4:** Array: 179, 254, 285, 310, 450, 520, 652, 652, 423, 861. 'j' is at index 3, 'i' is at index 8. Element 520 is highlighted green. Element 652 is highlighted yellow. 'temp' is 652.
- Step 5:** Array: 179, 254, 285, 310, 450, 520, 520, 652, 652, 423, 861. 'j' is at index 4, 'i' is at index 9. Element 520 is highlighted green. Element 652 is highlighted yellow. 'temp' is 652.

Diagram illustrating the selection sort algorithm on an array of 11 numbers: 179, 254, 285, 310, 351, 450, 520, 652, 423, 861.

The array is shown in five rows, with the current element being compared (j) highlighted in yellow and the current minimum element (i) highlighted in green. Red arrows indicate the swap between j and i.

Row 1: Initial array. j = 423, i = 652. Swap 423 and 652.

Row 2: Array after first swap. j = 450, i = 652. Swap 450 and 652.

Row 3: Array after second swap. j = 520, i = 652. Swap 520 and 652.

Row 4: Array after third swap. j = 450, i = 652. Swap 450 and 652.

Row 5: Array after fourth swap. j = 423, i = 652. Swap 423 and 652.

Final sorted array: 179, 254, 285, 310, 351, 423, 450, 520, 652, 861.

# InsertionSort - Algoritmo

```
public void InserçãoDireta() {  
    int i, j;  
    Item temp;  
  
    for (i=1; i < this.nElem; i++) {  
        temp = this.vector[i];  
        j = i-1;  
        while (j >= 0 &&  
            (this.vector[j].getChave() > temp.getChave())) {  
            this.vector[j+1] = this.vector[j];  
        }  
        this.vector[j+1] = temp;  
    }  
}
```

# Custo

## COMPARAÇÕES

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado

$$C(n) = n - 1$$

**PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

$$C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

## MOVIMENTAÇÕES

**MELHOR CASO:** Vetor já está ordenado.

$$M(n) = 2(n - 1)$$

**PIOR CASO:** Vetor ordenado em ordem contrária

$$M(n) = \frac{n^2 + 3n - 4}{2}$$

# Considerações

- ✎ Bom para vetores quase ordenados
- ✎ Bom quando se deseja adicionar poucos itens, de forma ordenada, a um arquivo já ordenado, pois a ordem, neste caso, é linear.
- ✎ Método estável

# ShellSort

520	450	254	310	285	179	652	351	423	861	285	h = 4
j-4				i/j						temp	
285	450	254	310	520	179	652	351	423	861	179	
j-4				i/j						temp	
285	179	254	310	520	450	652	351	423	861	652	
j-4				i/j						temp	
285	179	254	310	520	450	652	351	423	861	351	
j-4				i/j						temp	
285	179	254	310	520	450	652	351	423	861	423	
j-4				i/j						temp	
285	179	254	310	520	450	652	351	520	861	423	
j-4				j			i			temp	
285	179	254	310	423	450	652	351	520	861	861	
				j-4				i/j	temp		

# ShellSort

285	179	254	310	423	450	652	351	520	861	254	h = 2
j-2		i/j								temp	
254	179	285	310	423	450	652	351	520	861	310	
j-2		i/j								temp	
254	179	285	310	423	450	652	351	520	861	423	
j-2		i/j								temp	
254	179	285	310	423	450	652	351	520	861	450	
j-2		i/j								temp	
254	179	285	310	423	450	652	351	520	861	652	
j-2		i/j								temp	
254	179	285	310	423	450	652	351	520	861	351	
j-2		i/j								temp	
254	179	285	310	423	450	652	450	520	861	351	
j-2		j			i					temp	

## ShellSort

254	179	285	310	423	351	652	450	520	861	520
				j-2				i/j		temp
254	179	285	310	423	351	652	450	652	861	520
				j-2		j		i		temp
254	179	285	310	423	351	520	450	652	861	861
						j-2		i/j		temp
254	179	285	310	423	351	520	450	652	861	179
										h = 1
254	179	285	310	423	351	520	450	652	861	254
										j-1 i/j temp
254	179	285	310	423	351	520	450	652	861	254
										j-1 i/j temp
254	179	285	310	423	351	520	450	652	861	...
										j-1 i/j temp
254	179	285	310	423	351	520	450	652	861	351
										j-1 i/j temp

## ShellSort

179	254	285	310	351	423	520	450	652	861	520
						j-1 i/j				temp
179	254	285	310	351	423	520	450	652	861	450
						j-1 i/j				temp
179	254	285	310	351	423	450	520	652	861	...
						j-1 i/j				temp
179	254	285	310	351	423	450	520	652	861	

## ShellSort - Algoritmo

```

public void shellsort () {
    int i, j, n;
    Item temp;

    n = 1;
    do {
        n = 3*n+1;
    } while (n < this.nElem);

    do {
        h = n/3;
        for (i=n; i < this.nElem; i++) {
            temp = this.vector[i];
            j = i;
            while (this.vector[j-h].getChave() > temp.getChave()) {
                this.vector[j] = this.vector[j-h];
                j -= h;
            }
            if (j < n)
                break;
            this.vector[j] = temp;
        }
    } while (h != 1);
}
    
```

## Custo

- Ninguém ainda foi capaz de analisar este algoritmo. Portanto, ninguém sabe porque ele é eficiente.
- Como escolher os incrementos?
- Quanto à complexidade, conjecturas apontam para:

$$1) O(n^2)$$

$$2) O(n \log n)$$

- ✎ Ótima opção para arquivos com  $\pm 5.000$  registros
- ✎ Implementação é simples
- ✎ Quantidade de código é pequena
- ✎ O tempo de execução é sensível à ordem inicial do arquivo
- ✎ Método não é estável

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
520	450	254	310	285	179	652	351	423	861
esq				meio				dir	
520	450	254	310	285	179	652	351	423	861
esq		meio		dir					
520	450	254	310	285	179	652	351	423	861
esq meio dir									
520	450	254	310	285	179	652	351	423	861
esq dir									
meio									
450	520								

450	520	254	310	285	179	652	351	423	861	
		esq/di								
		r								
254	450	520								
254	450	520	310	285	179	652	351	423	861	
			esq dir							
			285	310						
.										
254	450	520	285	310	179	652	351	423	861	
esq		dir								
254	285	310	450	520						
254	285	310	450	520	179	652	351	423	861	
					esq		meio		dir	

Diagram illustrating the third step of the merge sort algorithm. The array is shown as a sequence of boxes: 254, 285, 310, 450, 520, 179, 652, 351, 423, 861. The first five elements (254, 285, 310, 450, 520) are grouped in a white box. The last five elements (179, 652, 351, 423, 861) are grouped in a yellow box. Below the array, the text "esq meio dir" is written in red, indicating the recursive calls for the left, middle, and right halves. The elements 179, 652, and 351 are highlighted in yellow in the new array.

# MergeSort

254	285	310	450	520	179	351	423	652	861
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

179	254	285	310	351	423	450	520	652	861
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

# MergeSort - Algoritmo

```
public void mergeSort() {
    mergeSort(0, this.tamanho-1);
}

private void mergeSort (int esq, int dir) {
    int meio;

    if (esq == dir)
        return;
    else{
        meio = (esq+dir)/2;
        mergeSort (esq, meio);
        mergeSort (meio+1, dir);
        merge (esq, meio+1, dir);
    }
}
```

# MergeSort - Algoritmo

```
private void merge (int esq, int dir, int limSup){
    int limInf = esq;
    int meio = dir -1;
    int n = limSup - limInf + 1;
    VetorInteiro temp = new VetorInteiro(n);

    while (esq <= meio && dir <= limSup)
        if (this.vetor[esq] < this.vetor[dir])
            temp.inserir(this.vetor[esq++]);
        else
            temp.inserir(this.vetor[dir++]);
    while (esq <= meio)
        temp.inserir(this.vetor[esq++]);
    while (dir <= limSup)
        temp.inserir(this.vetor[dir++]);

    for (int p=0; p<n; p++){
        this.vetor[limInf+p] = temp.getElem(p);
    }
}
```

# Custo

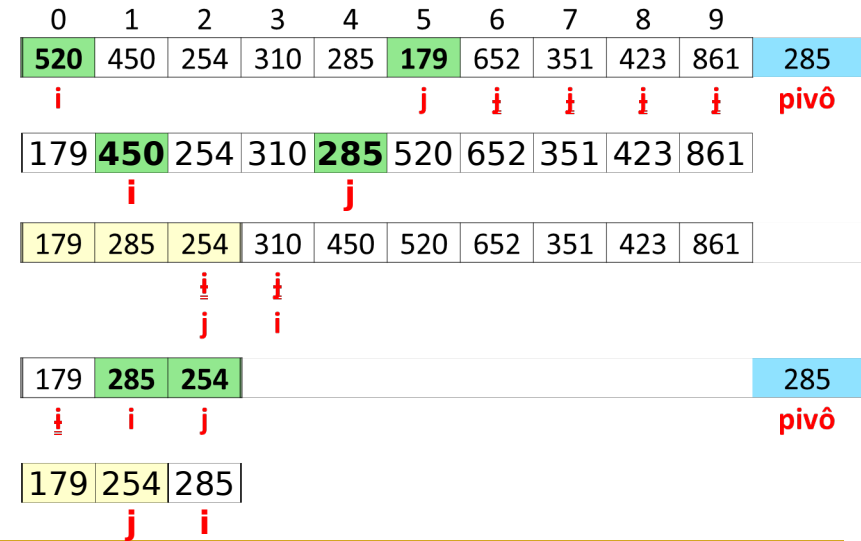
Não existe pior caso nem melhor caso.

Seu custo é da ordem:  $C(n) = n \log n$

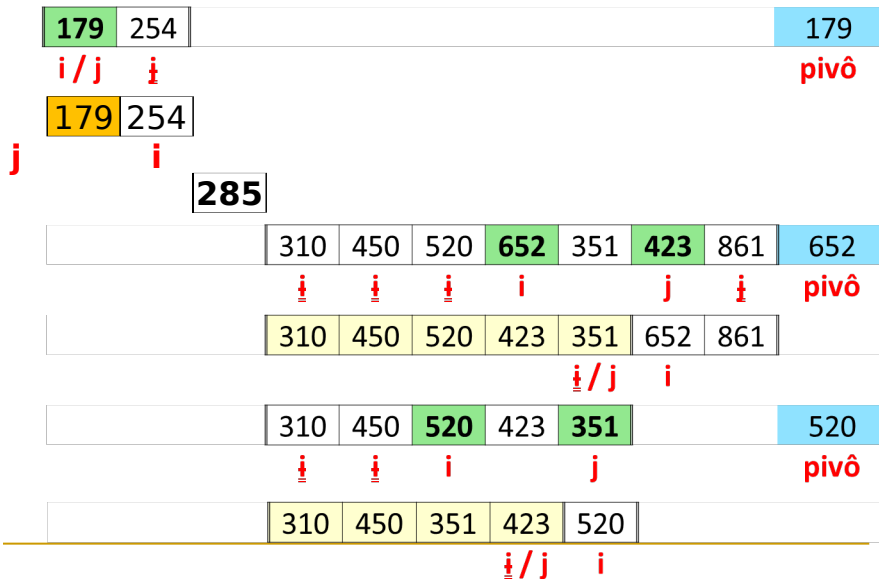
# Considerações

- ✎ É um algoritmo fácil de implementar.
- ✎ Requer o dobro de memória, ou seja, precisa de um vetor com as mesmas dimensões do que se quer ordenar.

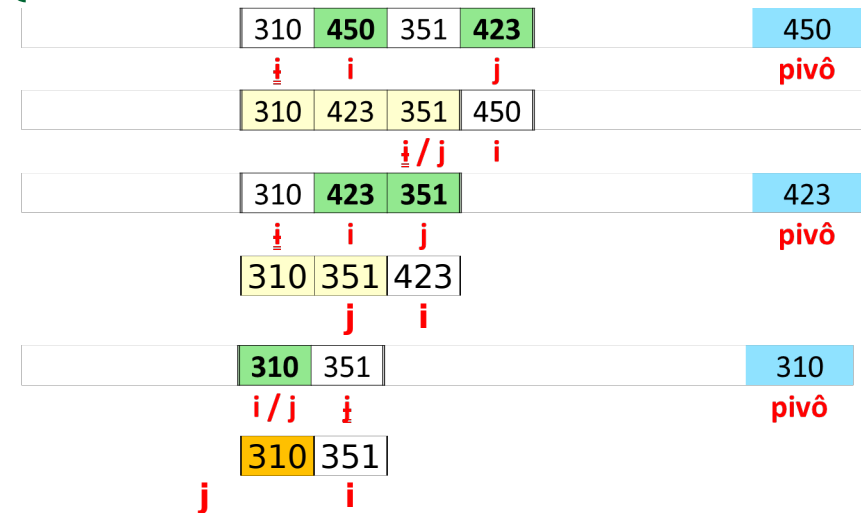
# QuickSort



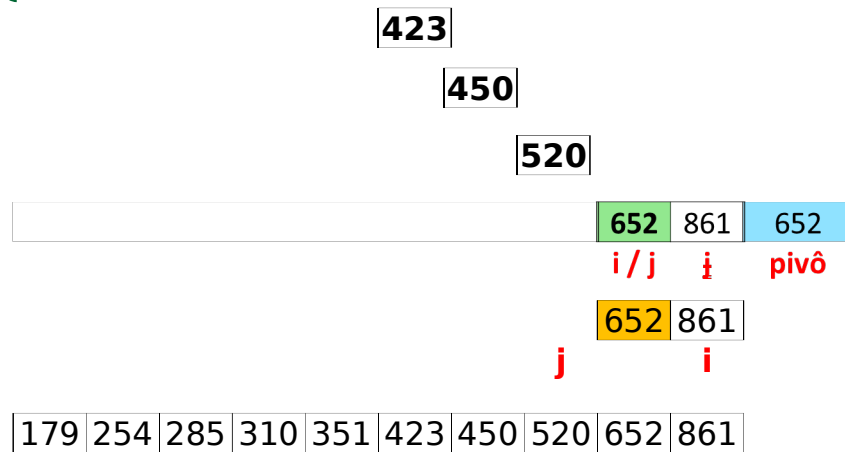
# QuickSort



# QuickSort



# QuickSort



# QuickSort - Algoritmo

```

public void quicksort (int
    ordena (0, unis.size()-1)

private void ordena (int esq, int dir)
    int pivote = esq, i = dir;
    while (true)

    piv = unis.get(i-1).getClave();
    do {
        while (unis.get(i).getClave() < piv) i++;
        while (unis.get(j).getClave() > piv) j--;
        if (i <= j) {
            temp = unis.get(i);
            unis.get(i) = unis.get(j);
            unis.get(j) = temp;
            i++;
            j--;
        }
    } while (i < j);
    if (esq < j) ordena (esq, j);
    if (i < dir) ordena (i, dir);
}

```

# Custo

**PIOR CASO:** Escolha como pivô de um dos extremos do arquivo já ordenado. Há  $n$  chamadas recursivas, onde será eliminado um elemento por vez. Logo, necessita de uma pilha auxiliar para as chamadas recursivas de tamanho  $n$  e, o número de comparações é:

$C(n) = n^2 / 2$

**MELHOR CASO:** Dividir o arquivo ao meio.

$$C(n) = 2C(n/2) + n$$

Onde  $C(n/2)$  é o custo de ordenar cada metade e  $n$  é o custo de examinar cada item.

Logo,  $C(n) \leq 1,4 n \log n$

Sendo, em média, o tempo de execução  $O(n \log n)$ .

## Considerações

- ✎ É um algoritmo muito eficiente
- ✎ Precisa, em média  $n \log n$  operações para ordenar  $n$  itens
- ✎ Necessita de uma pequena pilha como memória auxiliar
- ✎ Método não é estável
- ✎ Implementação é delicada e difícil.
- ✎ Um pequeno engano pode levar a efeitos inesperados

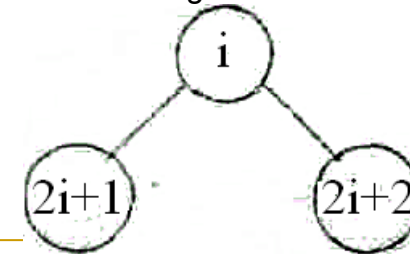


## Considerações

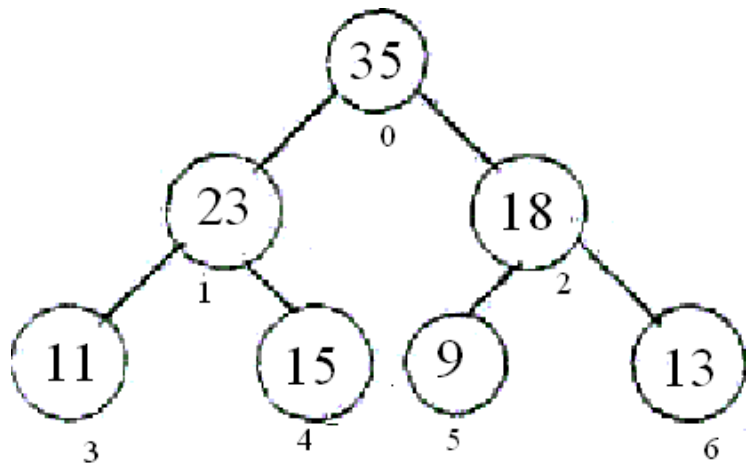
- ✎ Não é bom para arquivos já ordenados quando a escolha do pivô não é boa.
- ✎ A versão recursiva tem como pior caso  $O(n^2)$  operações
- ✎ Como evitar o pior caso?

## HeapSort

- ✎ Uma heap é uma árvore binária com as seguintes características:
  - A maior chave está sempre na raiz da árvore.
  - O sucessor à esquerda do elemento de índice  $i$  é o elemento de índice  $2i+1$  e o sucessor à direita é o elemento de índice  $2i+2$ , sendo que a chave de cada nó é maior ou igual às chaves de seus filhos.

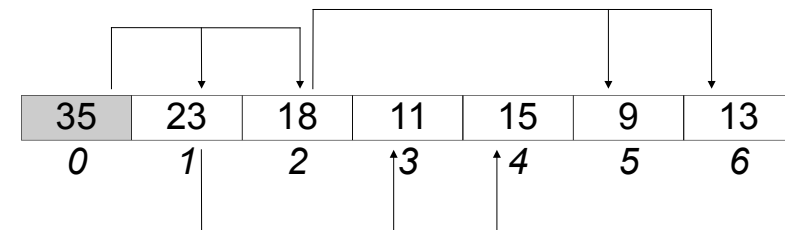


## HeapSort



## HeapSort

Vetor que representa a heap anterior



- ✎ Montar a heap.
- ✎ A transformação é feita do último nível da árvore para a raiz, colocando em cada nó o elemento de maior chave entre ele e seus filhos, até que se obtenha a heap.
- ✎ Trocar o elemento da raiz (que possui a maior chave) com o elemento do nó que está na última posição do vetor.
- ✎ A seguir isolar esse elemento e repetir o processo com os elementos restantes.

[illegible]

520	450	254	423	861	179	652	351	310	285	254
		i			<u>MF</u>	MF				raiz

520	450	652	423	861	179	652	351	310	285
						i			

520	450	652	423	861	179	254	351	310	285
						i			

520	450	652	423	861	179	254	351	310	285	450
	i		<u>MF</u>	MF						raiz

520	861	652	423	861	179	254	351	310	285
				i					MF

520	861	652	423	450	179	254	351	310	285
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Diagram illustrating the steps of a sorting algorithm (likely Insertion Sort) on an array of 11 elements: 520, 861, 652, 423, 450, 179, 254, 351, 310, 285, 520.

**Initial Array:** 520 861 652 423 450 179 254 351 310 285 520

**Step 1:** The element 861 is compared with 520. Since 861 > 520, it is inserted after 520. The array becomes: 520 861 652 423 450 179 254 351 310 285 520.

**Step 2:** The element 652 is compared with 861. Since 652 < 861, it is inserted before 861. The array becomes: 520 652 861 423 450 179 254 351 310 285 520.

**Step 3:** The element 423 is compared with 652. Since 423 < 652, it is inserted before 652. The array becomes: 520 423 652 861 450 179 254 351 310 285 520.

**Step 4:** The element 450 is compared with 423. Since 450 > 423, it is inserted after 423. The array becomes: 520 423 450 652 861 179 254 351 310 285 520.

**Step 5:** The element 179 is compared with 450. Since 179 < 450, it is inserted before 450. The array becomes: 520 423 179 450 652 861 254 351 310 285 520.

**Step 6:** The element 254 is compared with 423. Since 254 < 423, it is inserted before 423. The array becomes: 520 254 423 179 450 652 861 351 310 285 520.

**Step 7:** The element 351 is compared with 254. Since 351 > 254, it is inserted after 254. The array becomes: 520 254 351 423 179 450 652 861 310 285 520.

**Step 8:** The element 310 is compared with 351. Since 310 < 351, it is inserted before 351. The array becomes: 520 254 310 351 423 179 450 652 861 285 520.

**Step 9:** The element 285 is compared with 310. Since 285 < 310, it is inserted before 310. The array becomes: 520 254 285 310 351 423 179 450 652 861 520.

**Final Array:** 520 254 285 310 351 423 179 450 652 861 520

285	520	652	423	450	179	254	351	310	285
i	<u>MF</u>	MF							raiz
652	520	652	423	450	179	254	351	310	
		i			<u>MF</u>	MF			
652	520	285	423	450	179	254	351	310	
								dir	
310	520	285	423	450	179	254	351	652	
							dir		
310	520	285	423	450	179	254	351	310	
i	MF								raiz
520	520	285	423	450	179	254	351		
	i		<u>MF</u>	MF					
520	450	285	423	450	179	254	351		
				i					
520	450	285	423	310	179	254	351		
								dir	

351	450	285	423	310	179	254	520		
						dir			
351	450	285	423	310	179	254	351		
i	MF							raiz	
450	450	285	423	310	179	254			
	i		MF						
450	423	285	423	310	179	254			
			i						
450	423	285	351	310	179	254			
						dir			
254	423	285	351	310	179	450			
					dir				
254	423	285	351	310	179	254			
i	MF							raiz	
423	423	285	351	310	179				
	i		MF						

423	351	285	351	310	179				
			i						
423	351	285	254	310	179				
					dir				
179	351	285	254	310	423				
			dir						
179	351	285	254	310	179				
i	MF					raiz			
351	351	285	254	310					
	i		<u>MF</u>	MF					
351	310	285	254	310					
					i				
35									
1	310	285	254	179					
179	310	285	254	351					
			dir						

17									
9	310	285	254	179					
i	MF				raiz				
31									
0	310	285	254						
	i		MF						
31									
0	254	285	254						
				i					
31									
0	254	285	179						
				dir					
179	254	285	179						
17									
0	254	204							
285	254	285	310						
		dir	i						

285 254 179

dir

179 254 285

dir

179 254 179

i MF raiz

254 254

i

254 179

dir

179 254

dir

179 254 285 310 351 423 450 520 652 861

## HeapSort - Algoritmo

```
public void heapsort ()
{
    int dir = nElem-1;
    int esc = (dir-1)/2;
    Item cempo;

    while (esc >= 0)
        refazHeap (esc-- < this.nElem-1);
    while (dir > 0)
    {
        cempo = this.vetor[0];
        this.vetor [0] = this.vetor [dir];
        this.vetor [dir] = cempo;
        refazHeap (dir);
    }
}
```

```
private void refazHeap (int esc, int dir)
{
    int i = esc;
    int MaiorFolha = 2*i+1;
    Item raiz = this.vetor[i];
    boolean heap = false;
```

```
    while ((MaiorFolha <= dir) && !heap)
    {
        if (MaiorFolha < dir)
```

```
            if (this.vetor[MaiorFolha].getChave() >
                this.vetor[MaiorFolha-1].getChave())
                MaiorFolha--;
```

```
        if (raiz.getChave() < this.vetor[MaiorFolha].getChave())
            this.vetor[i] = this.vetor[MaiorFolha];
```

```
        i = MaiorFolha;
```

```
        MaiorFolha = 2*i+1;
```

```
    }
    else
```

```
        heap = true;
```

```
    this.vetor[i] = raiz;
```

```
}
```

## HeapSort Algoritmo

## Custo

- Este algoritmo não é estável
- Não é recomendado seu uso para arquivos com poucos registros devido ao tempo necessário para se construir a heap
- Melhor caso seria o vetor em ordem decrescente
- Pior caso seria o vetor em ordem crescente
- Como a complexidade não é tão simples de ser calculada, temos que, no caso médio:

$$C(n) = O(n \log n)$$

$$M(n) = O(n \log n)$$

# Quadro Comparativo - Tempo de Execução

Método	N = 256			N = 2048		
	Ordenado	Aleatório	Invertido	Ordenado	Aleatório	Invertido
Inserção Direta	0.02	0.82	0.64	0.22	50.74	103.80
Seleção Direta	0.94	0.96	1.18	58.18	58.34	73.46
Bubblesort	1.26	2.04	2.80	80.18	128.84	178.66
Shakersort	0.02	1.66	2.92	0.16	104.44	187.36
Shellsort	0.10	0.24	0.28	0.80	7.08	12.34
Heapsort	0.20	0.20	0.20	2.32	2.22	2.12
Quicksort	0.08	0.12	0.08	0.72	1.22	0.76

# Conclusão

- Em quase todos os casos o **Bubblesort** é o pior deles. Isso só não acontece quando o arranjo está em ordem invertida, pois assim, o pior deles é o **Shakersort**.
- Quando o arranjo está ordenado, os melhores são Inserção Direta e **Shakersort**, sendo que ao aumentar o tamanho do arranjo, o **Shakersort** fica melhor do que o Inserção.
- Para arranjos aleatórios e invertidos, o **Quicksort** é o melhor.
- O **Heapsort** não altera muito seu tempo de execução ao alterar o tipo de entrada e, o seu tempo de execução ao aumentar o tamanho do arranjo aumenta menos se compararmos com os outros métodos.

# Quadro Comparativo - Tempo de Execução

	Ordenado				Aleatório				Invertido			
	500	5000	10000	30000	500	5000	10000	30000	500	5000	10000	30000
Inserção	1	1	1	1	11.3	87	161	—	40.3	305	575	—
Seleção	128	1524	3066	—	16.2	124	228	—	29.3	221	417	—
Shellsort	3.9	6.8	7.3	8.1	1.2	1.6	1.7	2	1.5	1.5	1.6	1.6
Quicksort	4.1	6.3	6.8	7.1	1	1	1	1	1	1	1	1
Heapsort	12.2	20.8	22.4	24.6	1.5	1.6	1.6	1.6	2.5	2.7	2.7	2.9

# Conclusão

- Shellsort, Quicksort e Heapsort** têm a mesma ordem de grandeza;
- Se a entrada de dados for aleatória, o **Quicksort** é o mais rápido para todos os tamanhos experimentados;
- Para entrada aleatória em arquivos pequenos (500 registros) o **Shellsort** é mais rápido do que o **Heapsort**, mas quando o tamanho da entrada cresce, esta relação se inverte.
- O método de **Inserção** é o mais rápido, para qualquer tamanho, se os elementos já estão ordenados (melhor caso) e o mais lento, para qualquer tamanho, se os elementos estão em ordem invertida (pior caso).
- Entre os algoritmos de ordem quadrática, o **Inserção** é o melhor para todos os tamanhos aleatórios experimentados.

## Quadro Comparativo - Ordem inicial do arquivo

	SHELLSORT			QUICKSORT			HEAPSORT		
	5000	10000	30000	5000	10000	30000	5000	10000	30000
<b>Ord</b>	1	1	1	1	1	1	1.1	1.1	1.1
<b>Inv</b>	1.5	1.6	1.5	1.1	1.1	1.1	1	1	1
<b>Ale</b>	2.9	3.1	3.7	1.9	2.0	2.0	1.1	1.1	1.1

## Conclusão

- ✎ **SHELLSORT** ⇒ É sensível à ordenação ascendente ou descendente, ou seja, para arquivos de mesmo tamanho, executa mais rápido com arquivo ordenado ou invertido do que aleatório.
- ✎ **QUICKSORT** ⇒ Assim como o shellsort, é sensível à ordenação ascendente ou descendente, ou seja, para arquivos de mesmo tamanho, executa mais rápido com arquivo ordenado ou invertido do que aleatório. Mas é o mais rápido se os elementos estiverem em ordem ascendente.
- ✎ **HEAPSORT** ⇒ Praticamente não é sensível à entrada.

## Conclusão

- ✎ **INSERÇÃO:**
  - ☞ é o mais interessante para arquivos com menos de 20 elementos.
  - ☞ é estável e seu comportamento é melhor que o BUBBLESORT que também é estável.
  - ☞ implementação é simples.
  - ☞ Quando se deseja adicionar alguns elementos a um arquivo já ordenado e depois obter um outro arquivo ordenado, seu custo é linear.
- ✎ **SELEÇÃO:**
  - ☞ Somente é vantajoso quando a arquivo possui registros muito grandes, desde que o tamanho do arquivo não ultrapasse 1000 registros

## Conclusão

- ✎ **SHELLSORT:**
  - ☞ escolhido para a maioria das aplicações por ser muito eficiente para arquivos com até 10000 registros.
  - ☞ Para arquivos grandes, ele demora apenas o dobro do tempo do QuickSort, mas, sua implementação é mais simples, fácil de funcionar corretamente e resulta em um programa pequeno.
  - ☞ não possui um pior caso e, quando encontra um arquivo parcialmente ordenado trabalha menos.

# Conclusão

## QUICKSORT:

- ☞ é o algoritmo mais eficiente para várias situações
  - ☞ é um método frágil
  - ☞ algoritmo é recursivo.
  - ☞ No pior caso sua ordem é quadrática.
  - ☞ Se obtiver uma implementação robusta, ele deve ser o método utilizado.
  - ☞ É necessário ter cuidado ao escolher o **pivô**.
  - ☞ **Melhoria:** Se o sub-arquivo da chamada recursiva tiver menos que 25 elementos, pode-se usar Inserção Direta nesse sub-arquivo.
- 

# Conclusão

## HEAPSORT:

- ☞ é um método elegante e eficiente apesar de ser mais lento do que o QUICKSORT.
  - ☞ não precisa de memória adicional.
  - ☞ É sempre  $O(n \log n)$  portanto, é bom para aplicações que não podem tolerar variações no tempo esperado, de acordo com a entrada.
-