

# 绪 论

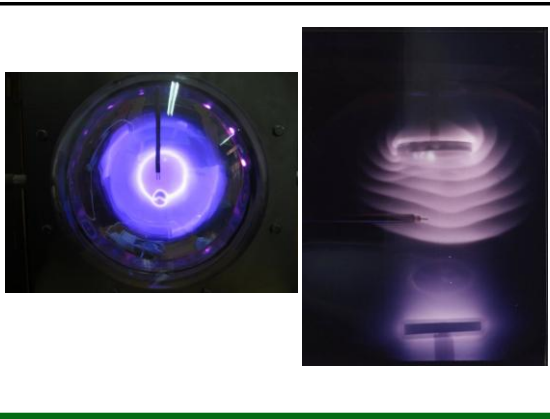
## 电磁学简介

&

## 矢量知识初步

### 电磁现象无处不在

#### 一、世界因电磁而美丽



#### 二、生活因电磁而美好

各类生活电器、电车、电脑、互联网、手机、太空探索……

#### 三、物质因电磁而存在

- 1) 带正电的原子核和带负电的核外电子靠电磁作用组成中性原子；
- 2) 原子晶体中，原子之间的结合力也是电磁作用；
- 3) 分子中的各个原子也是靠电磁作用结合在一起的。

### 人类早期的电磁知识

● 根据古籍记载中国人可能在公元前2000多年就发现了磁现象（有争议）

- 1) 《山海经》中多处提到慈石，慈石即磁石，古人将磁石吸铁比拟为慈母爱子。《山海经》的作者相传是大禹、伯益，现在一般认为是战国初至汉初（公元前475年～公元前202年）多人所作。
- 2) 《管子·地数篇》成书于公元前六百多年，记有“上有慈石者，其下有铜金”。

● 我国殷商时期（约公元前17世纪～公元前11世纪）的甲骨文就有了“雷”、“電”的文字。



西周的青銅器已出現「電」字

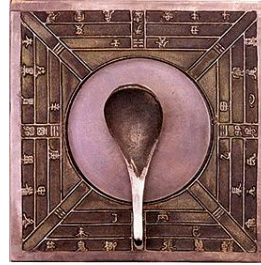


●公元前700年前后，希腊人发现了电磁现象：琥珀摩擦后能吸引草屑、羽毛，磁石能吸引铁。

- 1) “电”的英文单词electric来自electron，该词对应的希腊文是  $\eta\lambda\epsilon\kappa\tau\rho\nu$ ，本意是琥珀；
- 2) “磁”的英文单词magnetic，源自Magnesia，是原属于希腊的一个地区名  $\mu\alpha\gamma\eta\eta\sigma\acute{\iota}\alpha$ ，该地以出产天然磁石出名（注：该地也盛产氧化镁）。

### 古代的电磁应用

●**司南**：《韩非子》（春秋战国时期,公元前3世纪）



司南由青铜地盘与天然磁体磨成的磁勺组成。磁勺置于地盘中心圆内，勺头为N，勺尾为S，静止时，因地磁作用，勺尾指向南方。

- 指南鱼**：《武经总要》（1044，北宋）
- 指南针**：《梦溪笔谈》（1086，北宋）
- 西方最早记载指南针用于航海的是1207年。

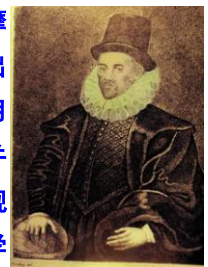
●《史记》记载，磁石用于治疗疫病，李时珍（1518-1593）《本草纲目》详细总结了磁石治疗的十种应用。

- 古希腊医生，磁石治疗腹痛。
- 磁石在建筑上的应用，秦阿房宫以磁石为门。
- 磁石在军事、幻术、选矿等均有记载。

### 电磁学在西方的兴起

- 十三世纪欧洲文艺复兴，通过实验研究自然规律已蔚然成风，培根“应当靠实验来弄清自然科学”。
- 法国**Maricourt**做了不少磁学实验，于1269年写了一本小册子，描述他的发现。他发现磁极有两极，并命名为N极和S极，异极相吸，同极相斥。

- 1600年英国人**吉尔伯特**发现摩擦起电是一个普遍现象，指出**电和磁的区别**，将电吸引作用定义为电力，发明了验电器并用其定性研究了电力作用的规律。吉尔伯特做了大量的磁学实验，提出了地球是一个大磁体的概念。



William Gilbert  
(1540 – 1603)

- 法国科学家**迪非**（1698—1739）《论电》指出所有物体都可以带电。1734年提出**二元电液理论**：存在着两种不同的电，玻璃电和树脂电，这两种电的特征是：一个带玻璃电的物体排斥一切带同类电的物体，相反却吸引一切带树脂电的物体。

- 美国**富兰克林**（1706-1790）发展了二元电液理论，提出了正负电理论，并指出电荷守恒。



Benjamin Franklin  
(1706-1790)

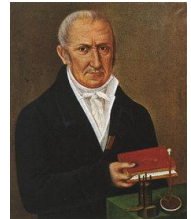
- 1785年法国物理学家**库仑**用扭秤测定电荷之间的相互作用，证明了电力与电荷量之积成正比，与距离平方成反比。



Charles Augustin de Coulomb  
(1736-1806)



- 1799年意大利物理学家**伏打**发明了伏打电堆，即一系列按同样顺序叠起来的银片、锌片和用盐水浸泡过的硬纸板组成的柱体，可以产生持续的电流。此前，电学实验只能用摩擦起电机的莱顿瓶进行，仅能提供短暂的电流。



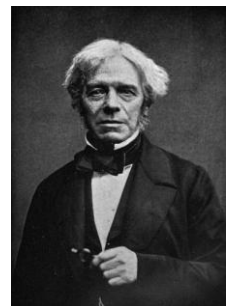
Alessandro Volta  
(1745–1827)

- 1820年丹麦科学家**奥斯特**发现了电流的磁效应，将电学、磁学联系起来，而在此之前电学、磁学一直相互独立发展。电流磁效应的发现开拓了电磁学研究的新纪元。



Hans Christian Oersted  
(1777—1851)

- 1831年英国的**法拉第**发现在磁铁附近移动电路导线可以在电路中产生电流，在电路附近移动磁铁同样可以产生电流。
- 法拉第在深入思考电磁现象后提出了形象直观的“场”的概念。



Michael Faraday (1791-1867)

- 1873年麦克斯韦总结了当时电磁学的成果，把电磁学规律归结为四个微分方程，原则上这一组方程就可以解决电磁学的一切问题。



James Clerk Maxwell  
(1831 ~1879)

### Maxwell方程组

$$\begin{cases} \nabla \cdot \vec{D} = \rho_0 \\ \nabla \cdot \vec{B} = 0 \\ \nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{H} = \vec{j}_0 + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \end{cases}$$

麦克斯韦方程组可比肩牛顿定律在力学中的地位，是电磁器件、光学器件的基本原理。

- 麦克斯韦根据他的方程组预言了电磁作用以波的形式传播，电磁波在真空中的传播速度与光在真空中传播的速度相同，由此麦克斯韦预言**光也是一种电磁波**。
- 1888年，**赫兹**实验检测到了电磁波，测定了电磁波的波速，并观察到电磁波与光波一样，具有偏振性质，能够反射、折射和聚焦。
- 1895年，俄国的**波波夫**和意大利的**马可尼**分别实现了无线电信号的传送。
- 1901年马可尼建立了横跨大西洋的无线电联系，推动了无线电技术的发展，极大地改变了人类的生活。

### 20世纪和QED

- 20世纪上半叶，物理学经历了量子革命，电磁学也获得更深刻认识。
- 量子电动力学（**Quantum Electrodynamics, QED**）是经典电动力学的量子化版本，它更精确地描绘了微观粒子的电磁运动规律。
- 经典电磁学是QED在宏观体系中的极限近似。

### 电磁学概述

- 1、**什么是电磁学**：是研究电磁现象、电磁相互作用规律及其应用的学科。
- 2、**研究的对象**：**电磁场**，与力学、热学区别。
- 3、**适用范围**：  
尺度：(1%的原子尺度)  
 $10^{-10} \text{ cm} \longrightarrow \infty$   
速度： 低速  $\longrightarrow$  高速
- 4、**重要性**：四大相互作用之一；物质结构的基础；高新技术的基础；其它学科的基础。

### 电磁学的学习重点和难点

场： 研究对象的重大变化，必将导致新的概念、新的研究方法、新的描述手段和新的数学工具的出现。

数学知识：

矢量  
微元法、微积分（包括偏微分、多重积分）  
(偏)微分方程

## 矢量

### 1. 矢量定义

矢量，也称向量，用于表示必须由大小和方向同时描述才能完整描述的物理量，如力，位移、速度等。

### 2. 矢量表示：有向线段。

$$\vec{A} \quad A = |\vec{A}|$$

### 3. 电磁学中的标量、矢量

请课后自己总结你能回忆出来的电磁学中标量、矢量，并理解概念内容。

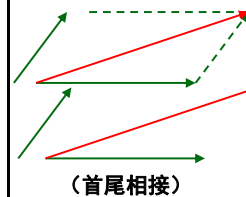
## 矢量运算

### 1) 相等

### 2) 加法：

平行四边形法则

三角法则



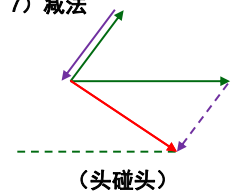
### 3) 加法的交换律

### 4) 加法的结合律

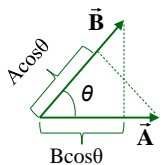
### 5) 数乘、单位矢量

### 6) 数乘的分配律

### 7) 减法



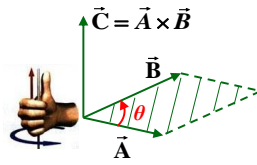
### 8) 点乘 (☆)



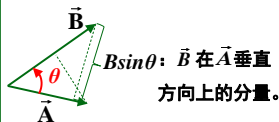
$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$$

$B \cos \theta$  称为矢量  $\vec{B}$  在矢量  $\vec{A}$  方向上的投影分量。

### 9) 叉乘 (☆)



$$|\vec{C}| = AB \sin \theta$$



$B \sin \theta$ :  $\vec{B}$  在  $\vec{A}$  垂直方向上的分量。

### 10) 二重叉乘

$$\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) = (\vec{A} \cdot \vec{C})\vec{B} - (\vec{A} \cdot \vec{B})\vec{C}$$

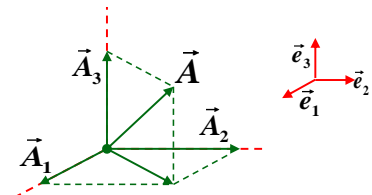
$$(\vec{A} \times \vec{B}) \times \vec{C} = (\vec{A} \cdot \vec{C})\vec{B} - (\vec{B} \cdot \vec{C})\vec{A}$$

## 矢量分解

### 1) 沿某特定方向分解 (☆)

$$\begin{aligned} \vec{A} &= \vec{A}_{//} + \vec{A}_{\perp} \\ \begin{cases} A_{//} = A \cos \theta = \vec{A} \cdot \vec{n} \\ A_{\perp} = A \sin \theta = |\vec{A} \times \vec{n}| \end{cases} \\ \begin{cases} \vec{A}_{//} = (\vec{A} \cdot \vec{n})\vec{n} \\ \vec{A}_{\perp} = \vec{n} \times (\vec{A} \times \vec{n}) \end{cases} \\ \vec{A} &= (\vec{A} \cdot \vec{n})\vec{n} + \vec{n} \times (\vec{A} \times \vec{n}) \end{aligned}$$

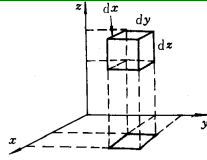
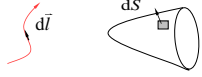
### 2) 三维正交分解



$$\vec{A} = A_1 \vec{e}_1 + A_2 \vec{e}_2 + A_3 \vec{e}_3$$

### 矢量微元在坐标系中的具体形式

微元:  $d\vec{l}$ ,  $d\vec{S}$ ,  $dV$



#### 1. 直角坐标系

在直角坐标系中, 坐标变量为  $(x, y, z)$ , 如图, 作一微分体元。

线元:  $d\vec{l}_x = dx\hat{x}$

$d\vec{l}_y = dy\hat{y}$

$d\vec{l}_z = dz\hat{z}$

$d\vec{l} = dx\hat{x} + dy\hat{y} + dz\hat{z}$

面元:  $d\vec{S}_x = dydz\hat{x}$

$d\vec{S}_y = dx dz\hat{y}$

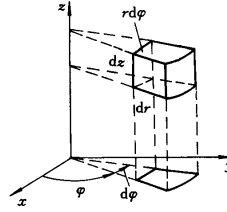
$d\vec{S}_z = dx dy\hat{z}$

体元:  $dV = dx dy dz$

### 微元在坐标系中的具体形式

#### 2. 圆柱坐标系

在圆柱坐标系中, 坐标变量为  $(r, \varphi, z)$ , 如图, 作一微分体元。



线元:  $d\vec{l} = dr\hat{r} + r d\varphi\hat{\phi} + dz\hat{z}$

面元:  $d\vec{S}_r = r d\varphi dz\hat{r}$

$d\vec{S}_\varphi = dr dz\hat{\phi}$

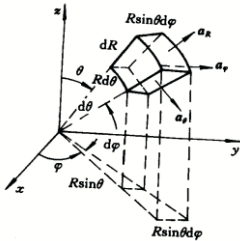
$d\vec{S}_z = r dr d\varphi\hat{z}$

体元:  $dV = r dr d\varphi dz$

### 微元在坐标系中的具体形式

#### 3. 球坐标系

在球坐标系中, 坐标变量为  $(R, \theta, \varphi)$ , 如图, 作一微分体元。



线元:

$d\vec{l} = dR\hat{r} + R d\theta\hat{\theta} + R \sin\theta d\varphi\hat{\phi}$

面元:

$d\vec{S}_R = R^2 \sin\theta d\theta d\varphi\hat{r}$

$d\vec{S}_\theta = R \sin\theta dR d\varphi\hat{\theta}$

$d\vec{S}_\varphi = R dR d\theta\hat{\phi}$

体元:

$dV = R^2 \sin\theta dR d\theta d\varphi$

### 作业

- ① 给出  $\vec{A} \cdot \vec{B}$ 、 $\vec{A} \times \vec{B}$ 、 $\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C})$  的结果, 并解释其几何含义。② 指出  $\vec{A} \times (\vec{A} \times \vec{B})$  的方向。
- 设  $\vec{n}$  是平面  $S$  的单位法向矢量,  $\vec{A}$ 、 $\vec{B}$  均是非零向量, 且不相等, 说明下面两式的意义:
  - $\vec{n} \cdot (\vec{A} - \vec{B}) = 0$
  - $\vec{n} \times (\vec{A} - \vec{B}) = 0$
- 设  $\vec{A} = 3\vec{e}_1 + 2\vec{e}_2 - 6\vec{e}_3$ ,  $\vec{B} = \vec{e}_1 + \vec{e}_3$ , 其中三个单位矢量  $\vec{e}_1$ 、 $\vec{e}_2$ 、 $\vec{e}_3$  两两正交。
  - 给出它们的单位矢量。
  - 给出二者点乘、叉乘的结果及它们的夹角。
  - 将  $\vec{A}$  沿  $\vec{B}$  方向分解。

4. 设物体  $m$  在变力作用下做曲线运动, 求在下列情况下作用力做功。

- 力  $\vec{F} = (xy, z^2, x)$ , 曲线方程:  $x=1+t, y=0, z=t^2, 0 \leq t \leq 3$
- 力  $\vec{F} = (y, -x, 0)$ , 沿单位圆逆时针绕行一周。

5. 详细写出下题的求解过程:

- 在球坐标下求半径为  $R$  质量密度为 1 的球体的质量。
- 在柱坐标下求半径为  $R$ , 长为  $l$  质量密度为 1 的柱面的质量。