C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu Lý thuyết thông tin

Biên soạn: Phạm Văn Sự

Bộ môn Xử lý tín hiệu và Truyền thông Khoa Kỹ thuật Điện tử I Học viện Công nghệ Bưu chính Viễn thông

ver. 22a



Biên soan: Pham Văn Sư (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

/er. 22a

1/37

Mục tiêu của bài học

- Trang bị một số khái niệm cơ bản về mã hóa, mã hóa nguồn
- Mã hóa tối ưu cho nguồn
- Một số thuật toán mã hóa nguồn phổ biến



C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu ver. 22a

Notes			
Notes			

Các câu hỏi cần trả lời

- Mã hóa là gì? Bộ mã là gì? Các thông số cơ bản của một bộ mã?
- Thế nào là mã không suy biến? mã có khả năng giải mã duy nhất? mã có tính prefix?
- Bài toán mã hóa tối ưu? Cách để xây dựng được bộ mã tối ưu?
- Đinh lý mã hóa thứ nhất của Shannon?
- Mã hóa khối tin có ưu điểm gì so với mã hóa đơn lẻ từng tin?
- Những điểm cơ bản nhất về các thuật toán mã hóa: Shannon, Shannon-Fano, Shannon-Fano-Elias, mã hóa số học, LZW?
- Cách thức thực hiện mã hóa và giải mã cho các phương thức mã hóa : Shannon, Shannon-Fano, Shannon-Fano-Elias, mã hóa số học, LZW?



Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTI

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

ver. 22a

3 / 37

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





	THO YET THON
ver. 22a	4

Notes			
Notes			

Tổng quan về mã hóa nguồn

Mục tiêu và phân loại

Mục tiêu của mã hóa nguồn

Thực hiện tìm kiếm các phương thức biểu diễn dữ liệu nhỏ gọn nhất có thể

Nguyên lý của mã hóa nguồn

Loại bỏ các thông tin dư thừa hoặc các thông tin dư thừa và các thông tin không cần thiết.

- Theo quan điểm bảo toàn thông tin:
 - Nén không tổn hao (lossless data compression)
 - Nén có tổn hao (lossy data compression)
- Theo đặc tính thay đổi:
 - ► Mã thích nghi (adaptive)
 - Mã không thích nghi (nonadaptive)

• Theo phương pháp:

- ► RLE (run length encoding)
- ► Mã hóa thống kê
- ► Mã hóa từ điển
- ► Mã hóa chuyển đổi
- Theo mô hình n-user:
 - ► Tập trung
 - Phân tán



Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT)

.3: Mã hóa nguồn - Nên dữ liệi

ver. 22a

5/3

Notes

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv
- 5 Kết thúc

	THUAT OUR SETTHOLE	
!a	6/37	

N		
Notes		

Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa

Mã hóa

Cho nguồn rời rạc X với các tin x_k có xác suất phân bố $p(x_k)$. Một bộ dấu (chữ mã) M với các dấu (chữ mã) $\{m_1, m_2, \dots, m_q\}$.

Định nghĩa (Mã hóa)

Mã hóa là một phép ánh $x \neq 1-1$ từ tập các tin rời rạc x_k lên tập các từ mã là tổ hợp có thể của các dấu (các chữ mã) m_k

$$f: x_k \longmapsto m_k^{l_k}$$

- l_k là độ dài từ mã thứ k: số dấu mã tạo thành từ mã $m_k^{l_k}$.
- $m_k^{l_k}$ gọi là từ mã.
 - $ightharpoonup m_k^{l_k}$ thường là các phần tử của một cấu trúc đại số
 - ► Các dấu mã thường được chọn từ một trường F nào đó
- Bộ mã: tập hợp các từ mã, là sản phẩm của phép mã hóa.



Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

ver. 22a

7 / 37

Notes

Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa

Các thông số cơ bản của bộ mã

- Độ dài từ mã: I_k là độ dài từ mã thứ k; $I_k = const \ \forall k$ gọi là mã đều, ngược lại gọi là mã không đều.
- Độ dài trung bình: là trung bình thống kê của độ dài các từ mã: $\bar{l} = \sum_{k=1}^{N} p(x_k) l_k$
- Cơ số mã: số các dấu (chữ mã) khác nhau được sử dụng trong bộ mã.
- Bộ mã mà tất cả các tổ hợp dấu mã là từ mã của tập tin tương ứng gọi là bộ mã đầy, ngược lại gọi là mã không đầy (mã vơi).
- Tính hiệu quả của phép mã hóa: $\eta=\frac{\overline{l}_{min}}{\overline{l}}=\frac{H(X)}{\overline{l}}\to\eta\leq 1$. Bộ mã hiệu quả khi $\eta\to 1$.
- Độ chậm giải mã: là số dấu (chữ mã) nhận được cần thiết trước khi có thể thực hiện được việc giải mã.
- ullet Phương sai độ dài trung bình của bộ mã $\sigma_I^2 = \sum_{k=1}^N p(x_k)(I_k ar{I})^2$

Notos		
Notes		

Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa

Khái niệm các bộ mã (1)

Định nghĩa (Mã không suy biến (không dị thường))

Một bộ mã được gọi là không suy biến (non-singular) nếu mọi tin x_k của nguồn X ánh x_k thành các từ mã khác nhau của bộ mã.

$$x_k \neq x_l \Rightarrow m_k^{l_k} \neq m_l^{l_l}$$

• Đảm bảo cho việc mô tả không bị nhập nhằng giữa các tin sau khi mã hóa

Định nghĩa (Từ mã mở rộng)

Một từ mã mở rộng là việc ánh xạ một chuỗi hữu hạn các tin thành các từ mã liên tiếp nhau.

$$x_1x_2\cdots\longmapsto m_1^{l_1}m_2^{l_2}\ldots$$

Định nghĩa (Bộ mã có khả năng giải mã một cách duy nhất)

Một bộ mã được gọi là bộ mã có khả năng giải mã được một cách duy nhất nếu từ mã mở rộng của nó là một từ mã không suy biến.

Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

ver. 22a

9 / 37

Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa

Khái niệm các bộ mã (2)

Định nghĩa (Bộ mã có tính prefix)

Một bộ mã được gọi là bộ mã có tính prefix hay còn gọi mã có khả năng giải mã tức thời nếu không có bất cứ từ mã nào là phần tiền tố (prefix) của một từ mã khác trong bộ mã.

• Một bộ mã prefix là bộ mã có khả năng tự phân tách được.

Định lý (Bất đẳng thức Kraft)

Với bất cứ bộ mã prefix nào trên tập dấu (chữ mã) M có kích thước (cơ số) q thì tập độ dài các từ mã có thể l_1, l_2, \ldots, l_N phải thỏa mãn bất đẳng thức:

$$\sum_{k=1}^{N} q^{-l_k} \leq 1$$

Ngược lại, với một tập các độ dài từ mã cho trước thỏa mãn bất đẳng thức này thì tồn tại một bộ mã prefix nhận tập độ dài này làm độ dài các từ mã.

Riên soan: Pham Văn Sư (PTIT)

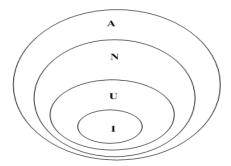
C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ l

ver. 22a

lotes			
lotes			

Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa

Lược đồ Venn biểu diễn các bộ mã



Hình: Phân loại các lớp các mã (I) Mã giải mã tức thì (U) Mã có khả năng giải mã duy nhất (N) Mã không suy biến (A) Tất cả các mã

• Một bộ mã có khả năng giải mã một cách duy nhất chưa chắc là một bộ n có tính prefix.

Notes

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

- Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





na reink		
JId'		
iT E		
- Æ		
HONG		
11/37		
11/01	I	
	1	
		Notes
DIE		
1 2		
it 🧧		
- §		
TOTAL TO I AND THOROUGH		
12/37		
	•	

Nguyên tắc mã hóa tối ưu

Ví dụ, nguyên tắc mã hóa tối ưu

Ví dụ

Giả sử có bộ mã $\mathfrak{C}=\{0,10,110,111\}$. Cho một đoạn văn bản sau: "aaaaabbbccd". Thực hiện việc mã hóa theo các phương án sau:

- Phương án 1 a \leftrightarrow 111, b \leftrightarrow 110, c \leftrightarrow 10 và d \leftrightarrow 0
- ② Phương án $2 d \leftrightarrow 111$, $c \leftrightarrow 110$, $b \leftrightarrow 10$ và $a \leftrightarrow 0$

Tìm biểu diễn tương ứng của đoạn văn bản và so sánh các bản mã thu được.

Nguyên tắc

Gán các từ mã có độ dài ngắn cho các tin có xác suất xuất hiện lớn, và các từ mã có độ dài lớn cho các tin có xác suất xuất hiện nhỏ.



Biên soan: Pham Văn Sư (PTIT

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

ver. 22a

Nguyên tắc mã hóa tối ưu

Mã hóa tối ưu, Bài toán mã hóa tối ưu

Định nghĩa (Phép mã hóa tối ưu)

Một phép mã hóa được gọi là tiết kiệm (hay còn gọi là tối ưu) nếu nó đạt được độ dài trung bình từ mã cực tiểu \bar{l}_{min}

Bài toán mã hóa tối ưu

$$\min \bar{I} = \sum_k p(x_k) I_k$$

sao cho
$$\sum_{k=1}^N q^{-l_k} \leq 1$$

 $\Rightarrow I_k^* = -\log_q(p(x_k))$. Trường hợp tổng quát $I_k^*
ot \in Z^+$

Biên soan: Pham Văn Sự (PTIT

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ l

ver. 22a

Notes		
-		
Notes		
Notes		

Nguyên tắc mã hóa tối ưu

Đánh giá độ dài trung bình của mã tối ưu

Định lý

Độ dài trung bình từ mã \bar{l} của bất cứ bộ mã có khả năng giải mã tức thì cơ số q nào biểu diễn một nguồn rời rạc X cũng lớn hơn hoặc bằng với entropy $H_q(X)$ của nguồn, nói cách khác:

$$\bar{l} \geq H_q(X)$$

xảy ra đẳng thức khi và chỉ khi $q^{-l_k} = p(x_k)$

• Phân bố thỏa mãn đẳng thức trên gọi là q-adic

Định lý

Gọi tập $l_1^*, l_2^*, ..., l_N^*$ là tập các độ dài từ mã tối ưu của phép mã hóa cơ số q cho nguồn rời rạc có phân bố p trên tập dấu mã M. Khi đó độ dài trung bình từ mã của bộ mã tối ưu \overline{l}^* thỏa mãn bất đẳng thức kẹp:

$$H_q(X) \leq \overline{I}^* < H_q(X) + 1$$

Biên soan: Pham Văn Sư (PTIT

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệ

ver. 22a

15 / 37

Nguyên tắc mã hóa tối ưu

Mã khối dữ liêu

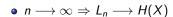
- Dãy n ký hiệu (tin) từ nguồn rời rạc X, mỗi tin x_k được lấy với xác suất phân bố độc lập tương đồng (i.i.d) $p(x_k)$.
- Gọi $I(x_1, x_2, \dots, x_n)$ là độ dài từ mã tương ứng với dãy (x_1, x_2, \dots, x_n) .
- ullet Định nghĩa L_n là độ dài trung bình từ mã với mỗi ký hiệu, nói cách khác:

$$L_n = \frac{1}{n} \sum p(x_1, x_2, \dots, x_n) I(x_1, x_2, \dots, x_n) = \frac{1}{n} E[I(X_1, X_2, \dots, X_n)]$$

Định lý

Độ dài trung bình từ mã với mỗi ký hiệu khi thực hiện mã hóa khối đồng thời thỏa mãn bất đẳng thức

$$H(X) \leq L_n < H(X) + \frac{1}{n}$$





C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ

ver. 22a

16 / 37

Notes Notes

Nguyên tắc mã hóa tối ưu

Mã hóa với đặc trưng thống kê xấp xỉ

Đinh lý

Độ dài trung bình bộ mã biểu diễn một nguồn có hàm mật độ phân bố p(x) với các độ dài từ mã được sử dụng $l_k = \lceil \log \frac{1}{q(x_k)} \rceil$ thỏa mãn

$$H(p) + D(p||q) \le E[I_k]_p < H(p) + D(p||q) + 1$$

ullet ightarrow Nếu chúng ta sử dụng phân bố sai trong quá trình thiết kế mã, thì chúng ta phải trả giá D(p||q) trong độ dài từ mã trung bình mô tả nguồn.



Notes

Notes

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

- Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thus
 - Thu:



THUAT OF STANDARD
18 /

Phạm Văn Sự	(PTIT)	C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu	ver. 22a
			Tours Simon
ật toán	mã hóa	Lempel-Ziv	O. S.
ât toán	mã hóa	số học - Arithmetic Coding	

Nội dung chính

- Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Shannon

Nguyên tắc chọn độ dài từ mã

Với một tin x_k có $p(x_k)$ cho trước, mã Shannon có độ dài từ mã xác định bởi công thức:

$$I_k = \lceil \log_2 \frac{1}{p(x_k)} \rceil \quad (\forall x_k \in X)$$

Thuật toán

- Sắp xếp các tin theo thứ tự xác
- 2 Chọn các từ mã có độ dài thích từ mã vi phạm tính prefix.



suất phân bố giảm hợp theo thứ tự và	n dần. à tránh việc chọn các t
	Solat S. Mark
hóa nguồn - Nén dữ liệu	ver. 22a

Notes			
Notes			
Notes 			
Notes 			
Votes			
Notes			
Notes			
Notes			
Votes			
Notes			

Nội dung chính

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

22a

21 / 37

Notes

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Shannon-Fano

- Thuật toán đơn giản xây dựng bộ mã có tính prefix.
- Thuật toán tạo bộ mã không đều khá hiệu quả (tính toán đơn giản).
- Thuộc lớp thuật toán cận tối ưu (suboptimal).
 - ► Không luôn luôn tạo ra bộ mã tối ưu.
- Ít phổ biến.

Thuật toán Shannon-Fano

- Sắp xếp các tin theo thứ tự xác suất (tần suất) từ cao đến thấp từ phía trái sang phía phải.
- Chia dãy đó thành hai phần sao cho các phần có tổng xác suất xấp xỉ bằng nhau.
- 3 Gán nhãn cho phần nửa trái một bít 0, và nhóm bên phải bít 1.
- Lặp lại các bước 3 và 4 cho mỗi nửa bằng cách chia nhóm nhỏ và gán nhãn bít cho đến tận khi các nhóm chỉ còn một nút tương ứng với lá của cây mã.
- 1 Từ mã thu được bằng cách duyệt từ gốc đến các nút lá tương ứng.

Notes			
ivotes			
	·	<u></u>	

Nội dung chính

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Biên soan: Pham Văn Sư (PTIT

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

er. 22a

23 / 37

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Huffman: Tổng quan

- Thuộc lớp mã hóa Entropy, mã hóa nén dữ liệu không tổn hao (lossless data compression)
- Là lớp mã với độ dài từ mã thay đổi (variable-length code)
- Bộ mã thu được là bộ mã có tính prefix.
- Yêu cầu phân bố của nguồn phải biết trước.
- Thuộc dạng thuật toán "Greedy".
- Là thuật toán mã hóa tối ưu.

Định lý

Mã hóa Huffman là mã hóa tối ưu. Nói cách khác, gọi \bar{l}_H là độ dài trung bình từ mã của bộ mã Huffman cho nguồn rời rạc X, \bar{l} là độ dài trung bình từ mã của bộ mã tạo được bởi một phương pháp nào đó, khi đó chúng ta có:

 $\bar{I}_H \leq \bar{I}$

coan: Pham Văn Sư (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ

ver 22:

Notes				
Votes				
Notes				

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Huffman: Bài toán mã hóa

Nhập vào: $X = \{x_k\}$ với các xác suất phân bố $p(x_k)$ tương ứng.

$$X = \{x_k\} = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & \dots & x_N \\ p(x_1) & p(x_2) & \dots & p(x_n) \end{pmatrix}$$

In ra: Các từ mã nhị phân $m_k^{l_k}$ tương ứng với tin x_k



Biên soan: Pham Văn Sư (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

ver. 22a

25 / 37

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Huffman: Thuật toán mã hóa

- Khởi động danh sách cây nhị phân có một nút chứa các trọng số là xác suất phân bố tương ứng của các tin x_k, sắp xếp theo thứ tự tăng dần từ trái sang phải.
- 2 Thực hiện lặp các bước sau đến khi thu được một nút duy nhất.
 - **1** Tìm hai cây T' và T'' trong danh sách các nút gốc có trọng lượng tối thiểu p' và p''. Thay thế chúng bằng một cây có nút gốc có trọng bằng p' + p'' và các cây con là T' và T''.
 - $\textbf{9} \ \, \text{Đánh nhãn 0 và 1 trên các nhánh từ gốc mới đến các cây } T' \text{ và } T''.$
 - Sắp xếp các nút theo thứ tự tăng dần của trọng xác suất.
- Duyệt từ gốc cuối cùng đến nút lá với các bít là các nhãn ta được từ mã tương ứng với các tin.

từ :	mã	
	PTT THURT OFFE THE THURSE STATE OF THE THURSE	

Biên soan: Pham Văn Sư (PTI

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ li

ver. 22

26/3

Notes Notes

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Huffman: Nhận xét

- Phép mã hóa tối ưu Huffman: tập các từ mã cho bộ mã tối ưu là không duy nhất. Nói cách khác, có thể có nhiều hơn một tập các độ dài cho cùng độ dài trung bình:
 - ▶ Việc gán nhãn "0" và "1" là tùy ý.
 - Việc sắp xếp các phân bố xác suất hợp (cây thay thế) có thể thực hiện: xếp "trôi" nhất, hoặc xếp "chìm" nhất
- Việc xếp xác suất phân bố "trội" nhất sẽ cho bộ mã có phương sai độ dài từ mã nhỏ nhất (gần bộ mã đều nhất)

Mã Huffman thỏa mãn mã tối ưu:

- $\bullet \text{ Nếu } p(x_k) > p(x_l) \text{ thì } l_k < l_l.$
- 4 Hai từ mã có độ dài nhất có cùng độ dài.
- Hai từ mã có độ dài nhất chỉ khác nhau một bít ở vị trí cuối cùng, và hai từ mã này tương ứng với hai tin (ký hiệu) có xác suất xuất hiện thấp nhất.

Mã Huffman cũng thỏa mãn giới hạn $ar{l}_k \leq H(X) + 1$

Biên soan: Pham Văn Sư (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệ

ver. 22a

27 / 37

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã Huffman: Bài toán giải mã, Thuật toán giải mã

Nhập vào: Chuỗi bít thông tin

In ra: Dãy tin tương ứng

- Khởi động, đặt con trỏ P chỉ đến gốc (root) của cây mã hóa Huffman. Gán con trỏ bít b rỗng.
- 2 Lặp các bước sau đến khi kết thúc chuỗi bít thông tin
 - Gán b bằng bít tiếp theo của chuỗi. Nếu b=0 dịch con trỏ P theo nhánh có nhãn 0, nếu ngược lại, dịch con trỏ P theo nhánh có nhãn 1.
 - Nếu P đã chỉ đến nút lá thì ghi ra tin tương ứng với từ mã. Khởi động lại con trỏ chỉ đến gốc



Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT)

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ li

ver. 22

Notes			
lotes			

Nội dung chính

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã hóa Shannon-Fano-Elias

- 1 Sử dụng hàm mật độ phân bố tích lũy để thực hiện mã hóa.
- ② Định nghĩa hàm mật độ phân bố tích lũy cải tiến:

$$\bar{F}(x) = \sum_{a < x_k} p(a) + \frac{1}{2}p(x_k)$$

- ▶ $\bar{F}(a) \neq \bar{F}(b)$ nếu $a \neq b$. ▶ \rightarrow có thể sử dụng $\bar{F}(x)$ như là một mã cho x_k .
- 3 Cắt $\bar{F}(x)$ còn I_k bít, ký hiệu là $|\bar{F}|_{I_k}$.
- Nếu $I_k = \lceil \log_2 \frac{1}{p(x_k)} \rceil + 1$ thì:

$$\frac{1}{2^{l_k}} < \frac{p(x_k)}{2} = \bar{F}(x) - F(x-1)$$

 $ightharpoonup J_k$ bít là đủ để có thể mô tả x_k



Notes	Notes			
lotes	ivotes			
Notes				
Votes				
Votes				
lotes				
Jotes				
Notes				
Notes				
lotes				
Notes				
	Notes			
	ivotes			

Nội dung chính

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Mã hóa số học

- Thuộc lớp mã hóa không đều.
- Thuộc lớp mã hóa Entropy.
- Thuộc lớp mã hóa không tổn hao.
- Được sử dụng rộng rãi trong thực tế và trong các trình tiện ích nén dữ liệu thương mại.
- Thực hiện việc mã hóa một nhóm dữ liệu.
- Là một mở rộng trực tiếp của phương pháp mã hóa Shannon-Fano-Elias.



• Ý tưởng quan trọng là tính toán và sử dụng hàm phân bố xác suất của X^n

Notes			
Notes			

Nội dung chính

- 1 Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT

C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

2a

33 / 37

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Thuật toán mã Lempel-Ziv-Welch: Tổng quan

- Thuộc lớp mã hóa không tổn hao.
- Thuộc lớp mã hóa thuật toán từ điển.
- Không yêu cầu phải biết trước phân bố của nguồn, thuật toán thích nghi.
- Úng dụng rộng rãi trong thực tế, là cơ sở của nhiều trình tiện ích nén dữ liệu thương mại.

Mã hóa Huffman	Mã hóa LZ
Yêu cầu biết phân bố của nguồn	Không cần biết phân bố của nguồn
Bảng mã được chọn trước	Bảng mã được tạo trong quá trình
Phương thức mã độ dài cố định-thay đổi	Phương thức độ dài thay đổi-cố định



Bảng: So sánh	giữa mã hóa Huffman và mã h	óa LZ. © GIT
soạn: Phạm Văn Sự (PTIT)		ver. 22a

lotes			
lotes			
Jotes			

Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến

Thuật toán mã Lempel-Ziv-Welch: Thuật toán mã hóa

Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv

- Cho trước chuỗi $\mathcal{X} = x_1 x_2 \dots x_n$ (n rất lớn).
- 2 Khởi động bảng từ mã cơ bản khởi đầu.
- Tìm kiếm trong chuỗi nguồn đã cho cụm mào đầu dài nhất có mặt trong bảng từ mã. Nói cách khác, tìm kiếm w dài nhất mà $\mathcal{X} = (w, \mathcal{X}')$.
- Cập nhật bảng mã với từ mã mới được tạo thành từ (w, x_k) , với x_k là ký hiệu tiếp theo trong chuỗi đầu vào.



C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu

- Tổng quan về mã hóa nguồn Nén dữ liệu
- 2 Các định nghĩa và khái niệm cơ bản mã hóa
- 3 Nguyên tắc mã hóa tối ưu
- 4 Một số phương pháp mã hóa nguồn phổ biến
 - Mã Shannon
 - Mã Shannon-Fano
 - Mã Huffman
 - Thuật toán mã hóa Shannon-Fano-Elias
 - Thuật toán mã hóa số học Arithmetic Coding
 - Thuật toán mã hóa Lempel-Ziv





Votes			
Votes			

	1	Notes
	-	
	_	
Kết thúc phần mã hóa nguồn		
	-	
	-	
	-	
	-	
	-	
THUST OF THE TOTAL	-	
The service of	-	
Biên soạn: Phạm Văn Sự (PTIT) C3: Mã hóa nguồn - Nén dữ liệu ver. 22a 37/37		
]	
	ı	Notes
	-	
	-	
	_	
	=	
	-	
	-	
	-	