

### 3.7.8 Shrnutí důležitých diskrétních rozdělení

- *Bernoulliho* (Alternativní) rozdělení s parametrem  $p$ ,  $0 \leq p \leq 1$ ,  $X \sim \text{Be}(p)$ :  
(jiná běžná značení  $X \sim \text{Bernoulli}(p)$ ,  $X \sim \text{Alt}(p)$ )  
(Jeden hod nevyváženou mincí s pravděpodobností hlavy  $p$ .)

$$P(1) = p, \quad P(0) = q = 1 - p, \quad E X = p, \quad \text{var } X = p(1 - p).$$

- *Binomické* rozdělení s parametrem  $p$ ,  $0 \leq p \leq 1$ ,  $X \sim \text{Binom}(n, p)$ ,  $\text{Bin}(n, p)$ :  
(Počet hlav v  $n$  hodech nevyváženou mincí.)

$$P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1 - p)^{n-k}, \quad E X = np, \quad \text{var } X = np(1 - p).$$

- *Geometrické* rozdělení s parametrem  $p$ ,  $0 < p < 1$ ,  $X \sim \text{Geom}(p)$ :  
(Počet hodů nevyváženou mincí, než padne první hlava.)

$$P(X = k) = (1 - p)^{k-1} p, \quad k = 1, 2, \dots, \quad E X = \frac{1}{p}, \quad \text{var } X = \frac{1 - p}{p^2}.$$

- *Poissonovo* rozdělení s parametrem  $\lambda > 0$ ,  $X \sim \text{Poisson}(\lambda)$ :  
(V jistém smyslu limita binomického pro  $n \rightarrow \infty$ .)

$$P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, \quad k = 0, 1, 2, \dots, \quad E X = \text{var } X = \lambda.$$

### 3.8.6 Shrnutí důležitých spojitých rozdělení

- *Rovnoměrné* rozdělení na intervalu  $[a, b]$ ,  $X \sim \text{Unif}(a, b)$ :

$$f_X(x) = \frac{1}{b - a}, \quad x \in [a, b] \quad E X = \frac{a + b}{2}, \quad \text{var } X = \frac{(b - a)^2}{12}.$$

- *Exponenciální* rozdělení s parametrem  $\lambda > 0$ ,  $X \sim \text{Exp}(\lambda)$ :

$$f_X(x) = \lambda e^{-\lambda x}, \quad x \in [0, \infty) \quad E X = \frac{1}{\lambda}, \quad \text{var } X = \frac{1}{\lambda^2}.$$

- *Normální (Gaussovo)* rozdělení s parametry  $\mu \in \mathbb{R}$  a  $\sigma^2 > 0$ ,  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ :

$$f_X(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}, \quad x \in (-\infty, \infty) \quad E X = \mu, \quad \text{var } X = \sigma^2.$$