# Universidade Federal da Bahia Instituto de Matemática Departamento de Ciência da Computação

### PLANEJAMENTO DA DISCIPLINA

# MATD74 – Algoritmos e Grafos

Profa. Fabíola Gonçalves Pereira Greve 2012.2

### **EMENTA**

Conceitos de algoritmos, análise e eficiência de algoritmos, projeto de algoritmos (indução, divisão e conquista, programação dinâmica, método guloso), NP-completude (teoria e técnica de demonstração), classes de complexidade (P, NP, NP-completo, NP-difícil), reduções polinomiais, algoritmos para problemas NP-completos. Conceitos básicos de grafos e algoritmos para resolver problemas modelados em grafos; Conectividade; Distâncias. Estabilidade e Número Cromático. Árvores e Arborecências; Grafos Planares. Caminhos; Ordenação Topológica; Coloração.

### **OBJETIVOS**

Introduzir noções de análise e de cálculo de complexidade de algoritmos. Apresentar alguns algoritmos para categorias de problemas conhecidos. Exibir técnicas de projetos de algoritmos que possibilitem a confecção eficiente dos mesmos e que capacitem o aluno a resolver novos problemas no futuro.

Apresentar a Teoria dos Grafos através de uma visão introdutória dos seus principais aspectos teóricos. Ressaltar a aplicabilidade da disciplina para áreas do conhecimento humano. Promover o estudo de algoritmos eficientes para a resolução de problemas clásssicos na área.

### **METODOLOGIA**

Aulas expositivas sobre a parte teórica com aplicação de diversos exercícios. Considera-se a realização dos exercícios de extrema relevância para o entendimento dos conceitos e amadurecimento na disciplina.

Avaliação teórica e projetos de programação dos algoritmos estudados para a resolução dos problemas clássicos na área ou problemas de pesquisa.

### **PROGRAMA**

Os principais tópicos a serem cobertos (não necessariamente nessa ordem) são:

- 1. Técnicas de Análise da Complexidade de Algoritmos
  - Complexidade de Tempo e Espaço
  - Notação assintótica: Oh, Ômega e Teta
  - Cálculo de complexidade para somatório e fórmulas de recorrência
  - · Teorema Mestre
- 2. Técnicas de Projetos de Algoritmos

(Ilustração das técnicas através de problemas clássicos)

- Divisão e Conquista
  - Classificação e buscas
- Programação Dinâmica
  - Problema da mochila, comparação de cadeias, caminho mínimo
- Programação Gulosa
  - Escalonamento de tarefas, árvore geradora mínima
- 3. Teoria dos Grafos e Algoritmos

(Apresentação de problemas clássicos, seus algoritmos e aplicações)

- Conceituação, categorias de grafos, teoremas fundamentais
- · Caminhos, ciclos, distância
  - Problema do caminho mínimo, grafos eulerianos, grafos hamiltonianos, ordenação topológica
- Árvores e conectividade
  - Árvore geradora mínima, componentes fortemente conexas
- Planaridade
- Casamentos
- Fluxos em Redes
- 4. Classes de Problemas
  - NP-Completude e Intratabilidade
  - Redução entre Problemas
  - Provas de NP-Completude: 3SAT, Conjunto Independente de Vértices, Clique, Cobertura de Vértices, Coloração, Conjunto Dominante de Vértices.

### **BIBLIOGRAFIA PRINCIPAL**

- 1. Cormen, Clifford, Leiserson e Rivest, Introduction to Algorithms, The MIT Press
- 2. Udi Manber. Introduction to Algorithms, A Creative Approach, Addison-Wesley
- 3. J. A. Bondy e U. S. R. Murty, *Graph Theory with Applications*, American Elsevier Publishing Co., Inc., 1976.
- 4. Jonathan L. Gross, Jay Yellen, *Graph Theory and Its Applications*, 2<sup>nd</sup> Edition (Discrete Mathematics and Its Applications), Chapman and Hall/CRC.
- 5. R. Diestel, *Graph Theory*, Springer Verlag, 2010

#### BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

- 1. A. Aho, J. Hopcroft, J. Ullman, *The Design and Analysis of Computer Algorithms*, etd. Addison-Wesley, 1975.
- 2. A. Aho, J. Hopcroft, J. Ullman, *Data Structures and Algorithms*, etd. Addison-Wesley, 1975.
- 3. Robert Sedgewick, Algorithms, Addison-Wesley, 1984.
- 4. Laira Toscani e Paulo Veloso, *Complexidade de Algoritmos*, Editora Sagra Luzzatto, 2001.
- 5. M. Garey e D. Johnson, *Computers and Intractability*, W. H. Freeman and Cia, 1979.
- 6. Jayme Scwarztfiter, *Grafos e Algoritmos Computacionais*, edt. Campus.
- 7. Cláudio L. Lucchesi e outros, *Aspectos Teóricos da Computação, Parte C: Teoria dos Grafos*, projeto Euclides, 1979.
- 8. Nivio Ziviane. *Projeto de Algoritmos: com implementações em C e Pascal.* Edt Thomson

# **AVALIAÇÃO**

#### **PROVAS**

- Durante o semestre será realizada pelo menos uma prova teórica.
- O período de realização das provas será marcado com antecedência mínima de uma semana.
- As provas valerão de 0 a 10, e terão pesos iguais na média de provas.
- Só serão realizadas provas de 2a. chamada mediante justificativas concretas, de acordo com o que estabelece o regimento da Universidade.

# PROJETOS DE PROGRAMAÇÃO

- Será realizado 1 projetos de programação com base em tema de pesquisa. Oportunamente, serão estabelecidos prazos para a sua entrega.
- Os projetos de programação devem ser modelados e implementados em objetos (linguagens C++, JAVA, Python).
- O aluno que não entregar o projeto na data definida terá, para cada aula de atraso, sua nota final diminuída de 1,0.
- Critérios utilizados para avaliação: correteza, completude, interface, eficiência, clareza, elegância.

#### PROJETO DE PESQUISA

\* Será realizado 1 projeto de pesquisa, que o estudante deverá apresentar na forma de seminário. Oportunamente, serão estabelecidos prazos para a sua entrega.

## **EXERCÍCIOS**

- Serão designados exercícios à medida que cada tópico vá sendo coberto.
   Além de servir para fixação do assunto dado, o conteúdo dos exercícios é considerado parte integrante do material apresentado, e deve ser entendido como matéria coberta.
- As soluções dos exercícios deverão estar prontas até as datas determinadas.
   O aluno está encorajado a resolvê-los individualmente e posteriormente discuti-los em grupo, ou com a professora. Em sala de aula, o aluno será chamado para a apresentação da solução.
- Haverá uma nota de participação, que será dada a critério da profa. O aluno participativo em sala de aula e na resolução das questões dos exercícios poderá ter acréscimo de alguns pontos nas notas das demais avaliações. A atribuição ou não desse bônus fica a critério da professora.

## MÉDIA FINAL

A média final das avaliações será dada pela seguinte equação:

```
Média Provas = (Pv1 + Pv2) / 3, 0 \le Pvi \le 10

Média Projetos = (Pg1 + ... + Pgn) / n, 0 \le Pji \le 10

Média = (5*Mprovas + 5*(Mprojetos+Participação))/10
```

# **ATENDIMENTO**

Lista de discussão da disciplina e contatos por e-mail (<u>fabiola@dcc.ufba.br</u>) deverão sempre possuir como *subject* a string inicial "MATD74".