1. 设函数 f(x)在 $x^{(1)}$ 和 $x^{(2)}$ 之间存在极小点,又知

$$f_1 = f(x^{(1)}), f_2 = f(x^{(2)}), f_1' = f'(x^{(1)})$$

作二次插值多项式 $\varphi(x)$, 使

$$\varphi(x^{(1)}) = f_1, \varphi(x^{(2)}) = f_2, \varphi'(x^{(1)}) = f_1'$$

求 $\varphi(x)$ 的极小点。

2 给定函数

$$f(x) = (6 + x_1 + x_2)^2 + (2 - 3x_1 - 3x_2 - x_1x_2)^2$$

求在点

$$\hat{x} = \begin{bmatrix} -4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

处的牛顿方向和最速下降方向。