计算流体力学作业 6

College of Engineering 2001111690 袁磊祺

April 24, 2021

1

编写一维完全气体 Euler 方程组的 LF 格式, MacCormack 格式, 和一阶精度的显式迎风格式 (Roe 格式) 的程序, 并计算讲义 (CFDLect04- com01_cn.pdf) 的第 101-102 页的问题 2 和问题 4.

$$\begin{cases}
\begin{pmatrix} \rho \\ \rho u \\ E \end{pmatrix}_{t} + \begin{pmatrix} \rho u \\ \rho u^{2} + p \\ u(E+p) \end{pmatrix}_{x} = 0, \\
p = (\gamma - 1) \left(E - \frac{1}{2}\rho u^{2} \right), \quad \gamma = 1.4.
\end{cases}$$
(1.1)

LF 格式

$$\boldsymbol{u}_{j}^{n+1} = \frac{1}{2} \left(\boldsymbol{u}_{j+1}^{n} + \boldsymbol{u}_{j-1}^{n} \right) - \frac{1}{2} r \left(\boldsymbol{f}_{j+1}^{n} - \boldsymbol{f}_{j-1}^{n} \right). \tag{1.2}$$

其中 $r = \tau/h$, 稳定性条件为

$$|\boldsymbol{u}|_{\max} \frac{\tau}{h} \leqslant 1. \tag{1.3}$$