Instituto Nacional de Astrofísica, Óptica y Electrónica.



Maestría en Ciencias en la Especialidad de Electrónica

Optimización de dimensión KY del oscilador caótico SNLF utilizando evolución diferencial

Ciro Fabián Bermúdez Márquez

Asesor: Dr. Esteban Tlelo Cuatle

- Introducción
- Objetivos
- Servicos servicos
- 4 Resultados
- Conclusión
- 6 Bibliografía

 $https://github.com/cirofabianbermudez/optimizacion_oscilador_caotico$



Introducción

¿Qué es el caos?

El caos se refiere a un tipo de comportamiento dinámico complejo que posee algunas características muy especiales:

- Se describe mediante un conjunto de ecuaciones diferenciales ordinarias.
- Posee extrema sensibilidad a pequeñas variaciones.
- Presenta trayectorias encerradas en el espacio de fase.

Objetivos

Objetivo general

Aumentar la dimensión KY utilizando la heurística de Evolución Diferencial (ED) del oscilador SNLF.

Objetivos específicos

- Programar el algoritmo de numérico de GL para generar la serie de tiempo del oscilador.
- Calibrar el programa lyap_spec del paquete TISEAN para calcular la dimensión KY de la serie de tiempo.
- Programar la heurística de Evolución Diferencial en python3.
- Modificar la heurística para optimizar la dimensión KY.



Método numérico de GL

$$y(t_k) = f(y(t_{k-1}), t_{k-1})h^{\alpha} - \sum_{j=1}^k C_j^{(\alpha)} y(t_{k-j})$$
 (1)

Coeficientes binomiales

donde:

$$C_0^{(\alpha)} = 1, \qquad C_j^{(\alpha)} = \left(1 - \frac{1+\alpha}{j}\right) C_{j-1}^{(\alpha)}$$
 (2)

oducción Objetivos **Fundamentos teóricos** Resultados Conclusión Bibliografía

Fundamentos teóricos

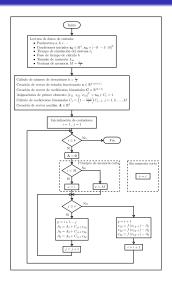


Figura 1: Diagrama de flujo de método numérico de GL.

oducción Objetivos **Fundamentos teóricos** Resultados Conclusión Bibliografía

O OO●OOO OOO O OOOOOO

Fundamentos teóricos

Oscilador SNLF (Funciones No Lineales Saturadas)

$$\dot{x_1} = x_2
\dot{x_2} = x_3
\dot{x_3} = -ax_1 - bx_2 - cx_3 + d_1 f(x_1; m)$$
(3)

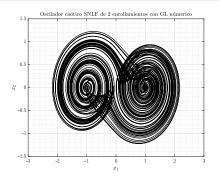


Figura 2: Simulación de método numérico de GL.

Serie de funciones saturadas

$$f_0(x_1, m) = \begin{cases} 1 & \text{si} & x_1 > m \\ \frac{x_1}{m} & \text{si} & |x_1| \le m \\ -1 & \text{si} & x_1 < -m \end{cases}$$
 (4)

$$f_h(x_1, m, h) = \begin{cases} 2 & \text{si} \quad x_1 > h + m \\ \frac{x_1 - h}{m} & \text{si} \quad |x_1 - h| \le m \\ 0 & \text{si} \quad x_1 < h - m \end{cases}$$
 (5)

$$f_{-h}(x_1, m, -h) = \begin{cases} 0 & \text{si} \quad x_1 > h + m \\ \frac{x_1 - h}{m} & \text{si} \quad |x_1 - h| \le m \\ -2 & \text{si} \quad x_1 < h - m \end{cases}$$
 (6)

$$f(x,m) = \sum_{i=0}^{s-2} f_{2i-s+2}(x,m,2i-s+2)$$
 (7)



```
Algorithm 1 Pseudocódigo ED

Require: Función objetivo, D, N_p, G, F, C_r, L_B, H_B

1: Inicializar la población aleatoria (P)

2: Evaluar función objetivo (f) de (P)

3: for j=1 a G do

4: for i=1 a N_p do

5: Generar el vector donador v usando la mutación

6: Realizar la recombinación para generar el vector u

7: end for

8: for i=1 a N_p do

9: Comprobar limites de u

10: Evaluar la función objetivo (f_u) para u

11: Realizar la selección usando f_u y f para actualizar P

12: end for
```

Figura 3: Algoritmo de Evolución Diferencial.

```
Algorithm 2 Pseudocódigo ED
Require: Función objetivo, D, N_p, G, F, C_r, L_B, H_B

    while Población no este llena do

      Inicializar la población aleatoria (P)
     Comprobar restricciones
 4: end while

 Evaluar función objetivo (f) de (P)

 6: for i = 1 a G do
     for i = 1 a N_p do
        while Vector donador no sea valido do
          Generar el vector donador v usando la mutación
          Comprobar restricciones
       end while
        Realizar la recombinación para generar el vector u
12:
     end for
13:
     for i = 1 a N_p do
14:
       Comprobar limites de u
15:
16.
       Evaluar la función objetivo (f_u) para u
       Realizar la selección usando f_n y f para actualizar P
17:
     end for
19: end for
```

Figura 4: Algoritmo de Evolución Diferencial modificado.



Parámetro	Nombre	Valor
D	Dimensión	4
N_p	Población	10
\vec{F}	Constante de diferenciación	0.9
C_r	Constante de cruza	0.5
G	Número de generaciones	10
L	Límite inferior	0.01
H	Límite Superior	1.0
	(a)	

x_i	Valor
1	0.11239836608526878
2	0.7062035586495738
3	0.01742061370410969
4	0.16324569243104947
$f(\mathbf{x})$	2.782829
	(b)

Figura 7: (a) Tabla de parámetros para heurística ED de oscilador SNLF. (b) Tabla de resultados de ED paraoscilador SNLF.

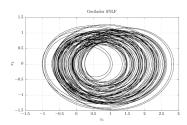


Figura 8: Oscilador SNLF con KY= 2.782829.

Parámetro	Nombre	Valor
D	Dimensión	4
N_p	Población	10
\overline{F}	Constante de diferenciación	0.9
C_r	Constante de cruza	0.5
G	Número de generaciones	10
L	Límite inferior	0.01
H	Límite Superior	1.0
	(a)	

x_i	Valor
1	0.3337747516106829
2	0.9744419522364808
3	0.09963819929121229
4	0.6296137310167467
$f(\mathbf{x})$	2.510171
	(b)

Figura 9: (a) Tabla de parámetros para heurística ED de oscilador SNLF. (b) Tabla de resultados de ED paraoscilador SNLF.

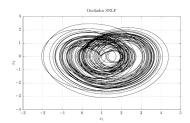


Figura 10: Oscilador SNLF con KY= 2.510171.

Parámetro	Nombre	Valor
D	Dimensión	4
N_p	Población	10
É	Constante de diferenciación	0.9
C_r	Constante de cruza	0.5
G	Número de generaciones	10
L	Límite inferior	0.01
H	Límite Superior	1.0
	(a)	

x_i	Valor
1	0.3337747516106829
2	0.8336214768080837
3	0.21575244523693599
4	0.5082457095833637
$f(\mathbf{x})$	2.318272
	(b)

Figura 11: (a) Tabla de parámetros para heurística ED de oscilador SNLF. (b) Tabla de resultados de ED paraoscilador SNLF.

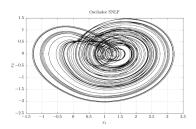


Figura 12: Oscilador SNLF con KY= 2.318272.



Parámetro	Nombre	Valor
D	Dimensión	4
N_p	Población	10
F	Constante de diferenciación	0.9
C_r	Constante de cruza	0.5
G	Número de generaciones	10
L	Límite inferior	0.01
H	Límite Superior	1.0
	(a)	

x_i	Valor
1	0.1289450809800962
2	0.7423872806486553
3	0.09270994812182803
4	0.5935300678553914
$f(\mathbf{x})$	2.510171
	(b)

Figura 13: (a) Tabla de parámetros para heurística ED de oscilador SNLF. (b) Tabla de resultados de ED paraoscilador SNLF.

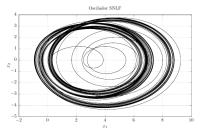


Figura 14: Oscilador SNLF con KY= 2.861136.



Conclusión

Conclusiones

- Se logró aumentar la dimensión KY.
- Es necesario tener cuidado con la calibración de lyap_spec de TISEAN.
- Las restricciones son muy importantes porque de lo contrario falla lyap_spec.
- Trabajo futuro:
 - Optimizar agregando el orden fraccionario a la dimensión de la ED.

Bibliografía I



- I. Petráš, Fractional-Order Nonlinear Systems. Springer Berlin Heidelberg, 2011.
- C. D. Olds. Continued Fractions. The Mathematical Association of America, 2009.
- I. Petráš and J. Terpak, "Fractional calculus as a simple tool for modeling and analysis of long memory process in industry," Mathematics, vol. 7, p. 511, jun 2019.
- C. Li, W. J.-C. Thio, J. C. Sprott, H. H.-C. lu, and Y. Xu, "Constructing infinitely many attractors in a programmable chaotic circuit," IEEE Access, vol. 6, pp. 29003-29012, 2018.
- B. T. Krishna and K. V. V. S. Reddy, "Active and passive realization of fractance device of order 1/2," Active and Passive Electronic Components, vol. 2008, pp. 1-5, 2008.

Bibliografía II



B. Krishna, "Studies on fractional order differentiators and integrators: A survey," *Signal Processing*, vol. 91, pp. 386–426, Mar. 2011.



J. G. Lu and G. Chen, "A note on the fractional-order chen system," *Chaos, Solitons & Fractals*, vol. 27, pp. 685–688, feb 2006.



M. S. Charles Alexander, *Fundamentals of Electric Circuits*. McGraw-Hill Education, 2016.



L. P. Huelsman and P. E. Allen, *Introduction to the Theory and Design of Active Filters (Electrical Engineering Series)*.

McGraw-Hill Book Company, 1980.



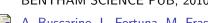
J. M. Muñoz-Pacheco, "Infinitely many hidden attractors in a new fractional-order chaotic system based on a fracmemristor," *The European Physical Journal Special Topics*, vol. 228, pp. 2185–2196, oct 2019.



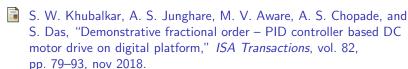
Bibliografía III

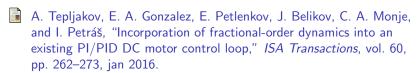


J. M. M. Pacheco and E. T. Cuautle, Electronic Design Automation of Multi-Scroll Chaos Generators. BENTHAM SCIENCE PUB, 2010.











Bibliografía IV



S. Das, Functional Fractional Calculus for System Identification and Controls.

Springer-Verlag GmbH, 2007.



M. D. Ortigueira, *Fractional Calculus for Scientists and Engineers*. Springer-Verlag GmbH, 2011.



K. S. Adel S. Sedra, *Microelectronic Circuits*. Oxford University Press Inc, 2015.



R. Caponetto and D. Porto, "Analog implementation of non integer order integrator via field programmable analog array," *IFAC Proceedings Volumes*, vol. 39, pp. 107–111, jan 2006.



I. S. Jesus and J. A. T. Machado, "Development of fractional order capacitors based on electrolyte processes," *Nonlinear Dynamics*, vol. 56, pp. 45–55, jun 2008.

Bibliografía V



K. Biswas, S. Sen, and P. Dutta, "Realization of a constant phase element and its performance study in a differentiator circuit," *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, vol. 53, pp. 802–806, sep 2006.



N. Fragoulis, G. Souliotis, D. Besiris, and K. Giannakopoulos, "Field programmable analogue array design based on the wave active filter design method," *AEU - International Journal of Electronics and Communications*, vol. 63, pp. 889–895, oct 2009.



Y. Chen, I. Petras, and D. Xue, "Fractional order control - a tutorial," *American Control Conference*, 2009.



E. Gunay and K. Altun, "A performance comparison study of programmable platforms: FPAA and FPGA implementation of COOK communication system," *European Conference on Circuit Theory and Design (ECCTD)*, sep 2017.



Bibliografía VI



A. Charef, "Analogue realisation of fractional-order integrator, differentiator and fractional PI $^{\lambda}$ D $^{\mu}$ controller." IEE Proceedings -Control Theory and Applications, vol. 153, pp. 714–720, nov 2006.



L. Dorcak, J. Terpak, I. Petras, J. Valsa, and E. Gonzalez, "Comparison of the electronic realization of the fractional-order system and its model," Proceedings of the 13th International Carpathian Control Conference (ICCC), may 2012.



A. Tepljakov, E. Petlenkov, and J. Belikov, "Efficient analog implementations of fractional-order controllers," Proceedings of the 14th International Carpathian Control Conference (ICCC), may 2013.



B. Kumari and N. Gupta, "Experimental investigation on chaotic oscillator coupled dielectric resonator antenna for medical applications," IEEE International Conference on Antenna Innovations & Modern Technologies for Ground, Aircraft and Satellite Applications (iAIM), nov 2017.



Bibliografía VII



F. Jiang, X. Wang, J. Jin, and D. Yang, *The application of chaotic duffing oscillators to ballistocardiograph signal detection.*IEEE, jul 2010.



G. Wang, D. Chen, J. Lin, and X. Chen, "The application of chaotic oscillators to weak signal detection," *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, vol. 46, pp. 440–444, apr 1999.



V. Tepin, Self-parametric chaotic oscillators for secure communication systems.

St. Petersburg State Polytech. Univ, 2002.