Московский Физико-Технический Институт

(ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Кафедра общей физики Лабораторная работа № 3.2.1

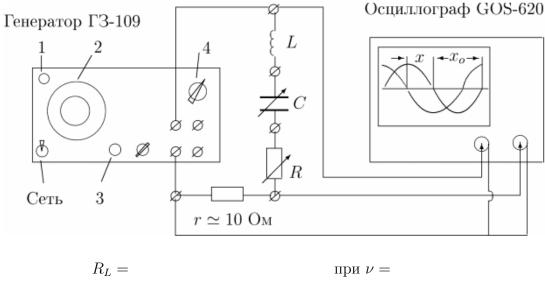
Сдвиг фаз в цепи переменного тока

| Студент | | | Преподаватель |
|---------|-----------|-------|---------------|
| (имя) | (фамилия) | (имя) | (отчество) |
| | группа | - | (фамилия) |



Цель работы: изучить влияние активного сопротивления, индуктивности и ёмкости на сдвиг фаз между током и напряжением в цепи переменного тока.

1. Экспериментальная установка



$$L =$$

$$r =$$

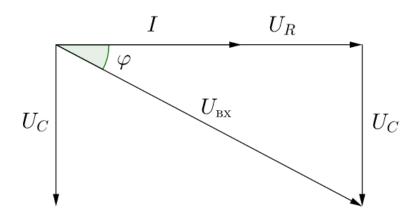
$$C =$$

$$\nu =$$

RC-цепь

Ток, текущий через RC-цепочку, пропорционален напряжению на резисторе, и опережает напряжение на конденсаторе по фазе на $\pi/2$. В таком простом случае метод векторных диаграмм даёт простой результат для зависимости сдвига фаз от R:

$$\operatorname{tg}\varphi=\frac{1}{\Omega RC}.$$



RL-цепь

Рассмотрение этого случая аналогично предыдущему. Импеданс катушки равен $Z_2 = j\omega L$, поэтому ток отстаёт по фазе от напряжения, и расчётная формула приобретает вид

$$\operatorname{tg}\varphi = \frac{\omega L}{R_{\sum}}.$$

 ${\bf K}$ сопротивлению калибровочного резистора и резистора R добавится активное сопротивление катушки:

$$R_{\sum} = R + r + R_L,$$

где R_L – активное сопротивление катушки.

RCL-цепь

Комплексный импеданс RCL-цепочки $Z = R + j\omega L - \frac{j}{\omega C}$.

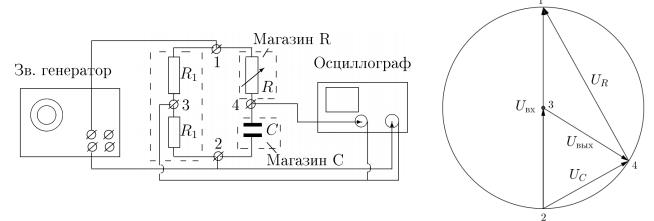
Сдвиг фаз между током и напряжением получим, взяв аргумент Z:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{\omega L - 1/(\omega C)}{R} = Q \frac{(\omega/\omega_0)^2 - 1}{\omega/\omega_0} = Q \frac{(1+x)^2 - 1}{1+x} \simeq 2xQ,$$

где $x \equiv \Delta \omega/\omega_0 = \Delta \nu/\nu_0$. В последнем переходе пренебрегаем степенями x выше первой. Измерив ширину графика w = 2x на высоте $\varphi = \pi/4$ (tg $\varphi = 1$), можем непосредственно определить добротность контура:

$$Q = \frac{1}{w}$$
.

Фазовращатель



Разность фаз равна $\pi/2$, когда медиана $\overline{34}$ в то же время является и высотой, т.е. когда $\triangle 124$ — равнобедренный, откуда

$$U_R = U_C,$$
$$R = \frac{1}{\omega C}$$

2. Работа и измерения

RC-цепь

$$X_1 = \frac{1}{2\pi\nu C} =$$

| R | x | x_0 | φ | $\operatorname{tg} arphi$ | R_{Σ} | $1/(R_{\Sigma}\Omega C)$ |
|---|---|-------|-----------|---------------------------|--------------|--------------------------|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

Таблица 1: Полученные значения в RC-цепи

Место для графика

Рис. 1: График зависимости $\operatorname{tg} \varphi = f[1/\Omega CR_{\Sigma}]$

RL-цепь

$$X_2 = 2\pi\nu L =$$

| R | x | x_0 | φ | $\operatorname{tg} arphi$ | R_{Σ} | $\Omega L/R_{\Sigma}$ |
|---|---|-------|-----------|---------------------------|--------------|-----------------------|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

Таблица 2: Полученные значения в RL-цепи

Место для графика

Рис. 2: График зависимости $\operatorname{tg} \varphi = f[\Omega L/R_{\Sigma}]$

RCL-цепь

| Сопротивление | $ u$, к Γ ц | x_0 | x | φ | ν/ν_0 |
|---------------|---------------------|-------|---|-----------|-------------|
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| R = 0 Om | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| R = 100 Ом | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |

Таблица 3: Полученные значения при изучении зависимости фазы от $\frac{\nu}{\nu_0}$

$$C =$$

$$L =$$

$$\nu_0 =$$

Из графика R=0 Ом добротность $Q_0=$ Из графика R=100 Ом добротность $Q_{100}=$

Можно рассчитать добротность, выразив её через параметры цепочки: $Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$.

$$Q_{\text{reop, 0}} =$$

$$Q_{\text{Teop, 100}} =$$

Место для графика

Рис. 3: График зависимости $\varphi=f[\nu/\nu_0]$ при R=0 Ом

Место для графика

Рис. 4: График зависимости $\varphi=f[\nu/\nu_0]$ при R=100 Ом

3. Вывод

| В настоящей лабораторной работе была изучена зависимость сдвига фаз между током |
|---|
| и напряжением от сопротивления в цепи в RC- и RL-цепях. Была определена добротность |
| колебательного контура, снята зависимость сдвига фаз от частоты вблизи резонанса. |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |