# Московский Физико-Технический Институт

(ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Кафедра ОБЩЕЙ ФИЗИКИ Лабораторная работа № 5.1

# Измерение коэффициента ослабления потока $\gamma$ -лучей в веществе и определение их энергии

Студент Ришат ИСХАКОВ 512 группа Преподаватель Лев Владиславович Инжечик



**Цель работы:** С помощью сцинцтиляционного счётчика измеряются линейные коэффициенты ослабления потока  $\gamma$ -лучей в свинце, железе и алюминии; по их величине определяется энергия  $\gamma$ -квантов.

## 1. Теория

Гамма-лучи возникают при переходе возбуждённых ядер в более низкое энергетическое состояние. Энергия  $\gamma$ -квантов обычно порядка  $10 \div 1000$  кэВ. Заряд и масса  $\gamma$ -кванта равны нулю. Проходя через вещество, пучок  $\gamma$ -квантов ослабляется по закону:

$$I = I_0 e^{-\mu l} \tag{1}$$

или

$$I = I_0 e^{-\mu' m_1}, (2)$$

где  $I, I_0$  - интенсивности прошедшего и падающего излучений, l — длина пути, пройденного пучком  $\gamma$ -лучей,  $m_1$  — масса пройденного вещества на единицу площади,  $\mu$  и  $\mu'$  — константы, зависящие от среды ( $[\mu] = \text{cm}^{-1}, [\mu'] = \text{cm}^2/\Gamma$ ).  $\mu'$ , в отличие от  $\mu$ , не зависит от плотности среды. Ослабление потока  $\gamma$ -лучей в веществе связано с тремя эффектами: фотоэлектрическим поглощением, комптоновским рассеянием и генерацией электронпозитронных пар.

### Фотоэлектричекое поглощение

При столкновении  $\gamma$ -квантов с электронами внутренних атомных оболочек может происходить поглощение квантов. Свободные (наружные) электроны не могут поглощать кванты. Вероятность  $dP_{\Phi}$  фотоэлектрического поглощения  $\gamma$ -квантов:

$$dP_{\Phi} = \sigma_{\Phi} n_1 dl,$$

где dl-длина пути,  $n_1-$  плотность внутренних электронов,  $\sigma_{\Phi}-$  поперечное сечение фотоэлектрического поглощения.

$$\mu_{\Phi} = \sigma_{\Phi} n_1,$$

 $\mu_{\Phi}$  — коэффициент поглощения для фотоэффекта  $\mu$  из уравнения (1).

Фотоэффект является доминирующим механизмом поглощения  $\gamma$ -квантов при не очень высоких энергиях. Его вероятность зависит от энергии лучей и заряда ядер.

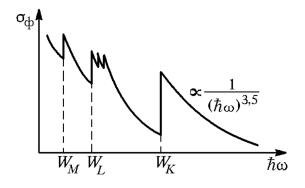


Рис. 1: Зависимость сечения фотоэффекта от энергии γ-квантов.

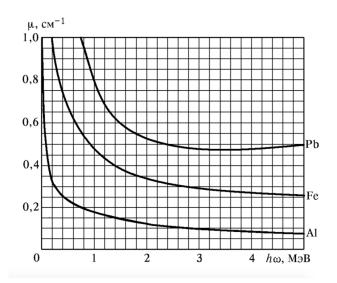


Рис. 2: Полные коэффициенты ослабления потока у-лучей в алюминии, железе и свинце.

### Комптоновское рассеяние

Комптоновское рассеяние — упругое столкновение  $\gamma$ -кванта с электроном. Оно может происходить на свободных/слабосвязанных электронах. Эффект Комптона становится существенным, когда энергия квантов становится много больше энергии связи электронов в атоме. В этом случае сечение комптон-эффекта:

$$\sigma_K = \pi r^2 \frac{mc^2}{\hbar\omega} \left( ln \frac{2\hbar\omega}{mc^2} + \frac{1}{2} \right), \tag{3}$$

где  $r \simeq 2.8 \cdot 10^{-13}$  см — классический радиус электрона, m — его масса.

Эффект комптона приводит не к поглощению, а к рассеянию  $\gamma$ -квантов и уменьшению их энергии.

### Образование пар

При энергиях  $\gamma$ -лучей больше 1.02 МэВ становится возможным поглощение лучей, связанное с образованием электрон-позитронных пар. Оно возникает в электрическом поле ядер. Вероятность этого процесса приблизительно пропорциональна  $Z^2$ .

### Полный коэффициент ослабления потока $\gamma$ -лучей

Полный коэффициент ослабления потока лучей равен сумме коэффициентов для трёх рассмотренных процессов.

Полный коэффициент ослабления:

$$\mu = \frac{1}{l} \ln \frac{N_0}{N} \tag{4}$$

В работе определяются толщина образца l, число падающих частиц  $N_0$  и число прошедших частиц N.

# 2. Экспериментальная установка

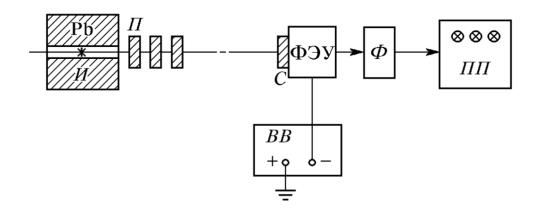


Рис. 3: Блок-схема установки, используемой для измерения коэффициентов ослабления потока  $\gamma$ -лучей; Рb — свинцовый контейнер с коллиматорным каналом; П — набор поглотителей, ПП — пересчётный прибор; С — сцинтиллятор (кристалл NaI(Tl)); ВВ — высоковольтный выпрямитель,  $\Phi$  — формирователь-выпрямитель; И — источник  $\gamma$ -лучей

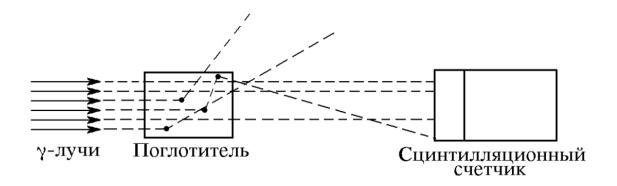


Рис. 4: Схема рассеяния  $\gamma$ -квантов в поглотителе

# 3. Ход работы

1. Исследовали поглощение  $\gamma$ -лучей в свинце, железе и алюминии. Для этого измерили число частиц, попадающих в счётчик за фиксированное время при различной толщине образцов (точность измерения 0.3%):

Таблица 1: Результаты измерений для свинца:

| l, mm                     | 4      | 8      | 12     | 16     | 20    |
|---------------------------|--------|--------|--------|--------|-------|
| N, iiit.                  | 136746 | 102354 | 105008 | 104325 | 97589 |
| $t_{\Sigma},  \mathrm{c}$ | 30     | 40     | 70     | 120    | 190   |

Таблица 2: Результаты измерений для железа:

| l, mm                     | 9      | 18     | 27     | 36     | 45    |
|---------------------------|--------|--------|--------|--------|-------|
| N, iiit.                  | 136393 | 100156 | 112720 | 103385 | 98267 |
| $t_{\Sigma},  \mathrm{c}$ | 30     | 40     | 80     | 130    | 220   |

Таблица 3: Результаты измерений для алюминия:

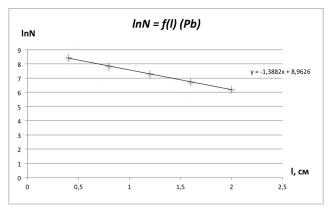
| l, mm            | 20     | 40     | 60     | 80     | 100    |
|------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| N, IIIT.         | 105329 | 102030 | 110819 | 100716 | 105235 |
| $t_{\Sigma}$ , c | 20     | 30     | 50     | 70     | 110    |

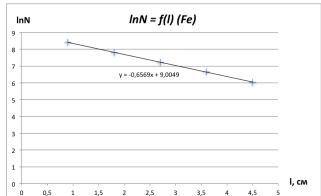
Абсолютная погрешность измерения толщины образца  $\varepsilon_l = 1$  мм.

2. Измерили число частиц, попадающих в счётчик за фиксированное время в отсутствие поглотителя:  $N_0 = 166505$  частиц за 20 секунд (точность измерения 0.3%). Чтобы учесть фон, обусловленный шумом ФЭУ и посторонними частицами, измерили количество частиц, попадающих на счётчик за фиксированное время при закрытии коллиматора свицовой заглушкой:  $N_{\text{фон.}} = 9986$  частиц за 400 секунд (точность измерения 0.3%). Фон вычитается из всех результатов измерений.

### Обработка данных 4.

1. Построили графики зависимости  $ln(N-N_{\text{фон.}})=f(l)$  для всех исследуемых веществ:





ла прошедших частиц от толщины образца для свинца

Рис. 5: График зависимости логарифма числа прошедших частиц от толщины образца для железа

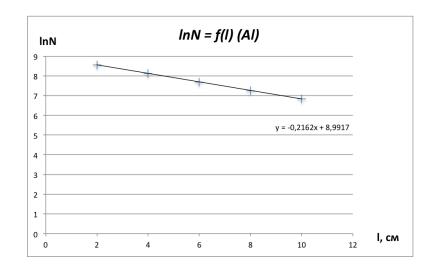


Рис. 7: График зависимости логарифма числа прошедших частиц от толщины образца для алюминия

2. С помощью графиков определили линейные коэффициенты ослабления для всех трёх веществ:

$$\mu_{Pb} \approx 1,388 \text{ cm}^{-1}$$
 $\mu_{Fe} \approx 0,657 \text{ cm}^{-1}$ 
 $\mu_{Al} \approx 0,216 \text{ cm}^{-1}$ 

3. По линейным коэффициентам ослабления нашли коэффициенты  $\mu'$  по формулам (1) и (2):

Из (1) и (2) 
$$\Rightarrow \mu l = \mu' m_1$$
 (5)

Отсюда:

$$\mu'_{Pb} \approx 0,122 \frac{\text{cm}^2}{\text{r}}$$

$$\mu'_{Fe} \approx 0,084 \frac{\text{cm}^2}{\text{r}}$$

$$\mu'_{Al} \approx 0,079 \frac{\text{cm}^2}{\text{r}}$$

4. Используя найденные коэффициенты ослабления и табличные данные, определили среднюю энергию  $\gamma$ -лучей, испускаемых источником:

$$E_{\gamma} \sim 0, 5 \div 0, 6 \text{ M} \cdot \text{B}$$

- 5. Рассчитали погрешности измерений:
  - (a) Погрешность построенных графиков, рассчитанная методом наименьших квадратов (y = ax + b):

$$\frac{da_1}{a_1} \approx 0,005 = 0,5$$

$$\frac{da_2}{a_2} \approx 0,004 = 0,4$$

$$\frac{da_3}{a_3} \approx 0,003 = 0,3$$

(b) С учётом погрешностей:

$$\mu_{Pb} = 1,388 \pm 0,007 \text{ cm}^{-1}$$

$$\mu_{Fe} = 0,657 \pm 0,003 \text{ cm}^{-1}$$

$$\mu_{Al} = 0,216 \pm 0,001 \text{ cm}^{-1}$$

# 5. Вывод

Исследовали поглощение  $\gamma$ -лучей в свинце, алюминии и железе. Получили линейные зависимости логарифма прошедших частиц от толщины образцов и по ним определили линейные коэффициенты ослабления  $\mu$  и  $\mu'$ , а также среднюю энергию  $\gamma$ -лучей, испускаемых источником. Полученное значение составило  $E_{\gamma} \sim 0,5 \div 0,6$  МэВ. Погрешности измерений не превысили 1%.